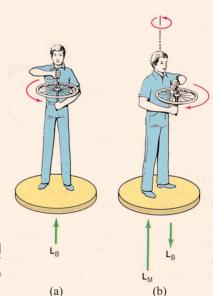
● 例題 🔏 12.6

一人站在靜止的轉台上,手握一旋轉著的腳踏車輪,如圖 12.13。人與轉台的轉動慣量為 $I_{\rm M}=4~{\rm kg\cdot m^2}$,而腳踏車輪的則是 $I_{\rm B}=1~{\rm kg\cdot m^2}$ 。車輪由上看為逆時針 $10~{\rm rad/s}$ 以角速轉動。說明當此人將車輪上下顛倒時會如何?此系統不受任何外力矩。

解

在這問題中,我們要注意:角速度及角動量為向量。順時、逆時的說明是不夠的。兩者均由右手定則定出方向。取+z軸垂直向上。一開始只有輪的角動量 $L_i = +I_B\omega_B$ (向上),如圖 12.13a。當輪翻轉時,其角動量反向 $-I_B\omega_B$ (向下),如圖 12.13b。故應另有角動量生成以使角動量守恆。



▶ 圖 12.13 一人握腳踏車輪,(a) 一開始角動量及輪均指向上;(b) 當此輪上下顛倒時,此輪角動量指向下。角動量守恆説明了為何此人會具有一向上角動量。

此人施力矩使輪翻轉,他感受到此輪的反作用。結果,當輪的角動量反向時,人及轉台獲得一在+z方向的角動量,故它們逆時針轉。最後的角動量為 $L_f = -I_R \omega_R + I_M \omega_M$ 。由守恆律,

$$-I_{\rm B}\omega_{\rm B}+I_{\rm M}\omega_{\rm M}=+I_{\rm B}\omega_{\rm B}$$

此人獲得角速度 $\omega_{\rm M}=2I_{\rm B}\omega_{\rm B}/I_{\rm M}=+5~{\rm rad/s}$ 。正號表示 $\omega_{\rm M}$ 沿 +z 軸。