● 例題 🚽 10.4

有一個人重 $m_1 = 60 \text{ kg}$ 站在一艘重 $m_2 = 40 \text{ kg}$ 長 3 m 的船上,船可以在水上毫無阻滯地移動, 參考圖 10.9a。若船頭前緣距船塢 2 m, 當此人由船尾走到船頭時, 會發生什麼情況? (設船為 一均匀物體)

解

質心位置最初是在圖 10.9a 中的星號位置處。因該 系統不受外力,故xom 是固定不變的。我們可將船 看待成一質點,其質量集中在船本身的質心上。

則質心的初始位置為

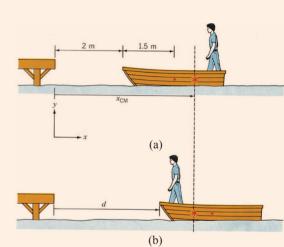
$$x_{\text{CM}} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{M}$$

$$= \frac{60 \text{ kg} \times 5 \text{ m} + 40 \text{ kg} \times 3.5 \text{ m}}{100 \text{ kg}} = 4.4 \text{ m}$$
(i)

當人走至船頭後,設船的前緣與船塢相距 d,如 圖 10.9b。則質心的新位置為

$$x_{\rm CM} = \frac{m_1 d + m_2 (d+1.5)}{1.00} \tag{ii}$$

 $x_{\rm CM} = \frac{m_1 d + m_2 (d+1.5)}{100}$ (ii)



(a) 一個人站立於船尾。(b) 當這人走到 船頭, 這系統的質心位置仍保持不變。

因為 (i) 必須等於 (ii), 故 $d=3.8 \,\mathrm{m}$, 人雖是往 -x 方向移動, 而船卻同時地往 +x 方向移動, 致 使質心位置保持固定,而整個過程裡系統總動量亦恆為0。