● 例題 🍶 6.5

嘉年華會中有一種叫作迴轉輪的遊戲,在繞垂直軸旋轉的大型圓柱體內,人站在踏板上。等它達到相當高的轉速時,踏板被移開。試求人不至於滑下去的最小摩擦係數值。設圓筒半徑為2m,週期為2s。

解

如圖 6.11,顯示人所受的作用力。在本例中 N 提供向心力,而 f 則可防止物體向下滑動。

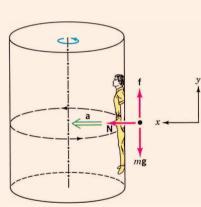
牛頓第二定律的分量形式為

$$\sum F_{x} = N = \frac{mv^{2}}{r}$$
$$\sum F_{y} = f - mg = 0$$

由於 $f = \mu N = \mu (mv^2/r)$, 因此可得

$$\mu \frac{mv^2}{r} = mg$$
 \vec{s} $\mu = \frac{rg}{v^2}$

週期 T 是轉一圈的時間,因此 $v = 2\pi r/T = \pi r$ 。 將此代入上式即得 $\mu = g/(\pi^2 r) \approx 0.5$ 。



▶ 圖 6.11 搭乘「迴轉輪」的人。 摩擦力與重量平衡。向心力則由法 向力 N 提供。