● 例題 🏄 10

質點 $m_1=4$ kg 以 5i m/s 移動,質點 $m_2=2$ kg 以 2i m/s 移動,如圖 10.12a。求 K_{CM} 及 K_{rel} 。

5 m/s * 4 m/s CM (a)



先用 10.4 式計算質心的速度大小:

$$v_{\rm CM} = \frac{(4 \text{ kg})(5 \text{ m/s}) + (2 \text{ kg})(2 \text{ m/s})}{6 \text{ kg}} = 4 \text{ m/s}$$

再由圖 10.12b,知兩質點相對於質心的速度為:

$$v_1' = v_1 - v_{CM} = +1 \text{ m/s}$$

 $v_2' = v_2 - v_{CM} = -2 \text{ m/s}$

故 K_{CM} 及 K_{rel} 分別為:

$$K_{\text{CM}} = \frac{1}{2} (m_1 + m_2) v_{\text{CM}}^2 = 48 \text{ J}$$

 $K_{\text{rel}} = \frac{1}{2} m_1 v_1'^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2'^2 = 6 \text{ J}$

▶圖10.12 兩個質點以及它們的質心的速度:(a)相對於實驗室座標系; (b)相對於「質心為靜止」的座標系。