● 例題 🚽 10.5

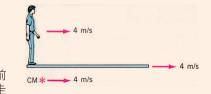
一個質量 75 kg 的人站在質量 25 kg、長度 4 m 的平台尾端,整個系統以 4i m/s 的初速度在無摩擦的平面上移動。在 t=0 時,他開始以 2 m/s 的相對速度走向平台前端並停下。在他走動的這段時間裡,求:(a) 平台;(b) 人;(c) 質心的位移大小。

解

一開始,人、平台以及系統質心的速度均為 4i m/s,如圖 10.10a。當人開始走動後,他的動量增加了,同時平台的動量卻跟著減少,令此時平台對地的相對速度 $\mathbf{v}_{PG} = v_{P}i$,如圖 10.10b,則人對地的速度為 $\mathbf{v}_{MG} = \mathbf{v}_{MP} + \mathbf{v}_{PG} = (2 + v_{P})i$ 。由動量守恆,得到:

$$\Sigma p_x$$
: $100 \times 4 = 75(2 + v_p) + 25v_p$

故平台對地的速度大小 $v_{\rm p}=2.5~{\rm m/s}$,而人之 $v_{\rm m}=4.5~{\rm m/s}$ 。又因這個人從平台的尾端走至前端需時 2 秒,故在這段時間內平台的位移量為 $\Delta x_{\rm p}=v_{\rm p}\Delta t=5~{\rm m}$,而人的位移量為 $\Delta x_{\rm m}=v_{\rm m}\Delta t=9~{\rm m}$ 。又,質心速度一直都是 $4~{\rm m/s}$,故 $\Delta x_{\rm CM}=v_{\rm CM}\Delta t=8~{\rm m}$ 。



(a)

