● 例題 📗 15.1

沿x 軸運動的質點位置函數 $x = 0.08 \sin(12t + 0.3)$ m,其中t 以秒為單位。

(a) 此運動的振幅及週期為何? (b) 求 t = 0.6 s 時的位置、速度、加速度。

解

(a) 比較上式與 15.2 式可得 A=0.08 m 而角頻率為 12 rad/s。故週期 $T=2\pi/\omega=0.524$ s。

(b) 任意時刻速度與加速度為

$$v = \frac{dx}{dt} = 0.96 \cos(12t + 0.3) \text{ m/s}$$
$$a = \frac{dv}{dt} = -11.5 \sin(12t + 0.3) \text{ m/s}^2$$

當 t = 0.6 秒時此運動的相位為 $12 \times 0.6 + 0.3 = 7.5$ rad。當代入以上各式,得 x = 0.075 m, p = 0.333 m/s,a = -10.8 m/s²。