4.

在 19.6 m 高的懸崖上以 15 m/s 水平拋出一球。求其:(a) 飛行時間;(b) 水平射程(離拋射點的水平位移)。

解

在圖 4.5a 中將原點定於懸崖拋球處,注意圖上的路徑 (實線部分) 為 y 對 x ,而非 y 對 t 的關係圖。圖中顯示在相同的時間間隔內,水平位移是相等的,亦即 $v_x = v_{0x} = 常數$ 。在任一瞬間,其 $v_x = v_0$,在由 $v_x = v_0$,在任一瞬間,其 $v_x = v_0$,在是 $v_x = v_0$,在 $v_x = v_0$,是 v_0 ,是 v_0 ,是 v

y 座標及速度的垂直分量,和與它同時落下的自由落體球是一樣的 (參見圖 4.5b)。 已知:球出手之座標為原點 $x_0=0$; $y_0=0$ m ; $v_{0x}=15$ m/s ; $v_{0y}=0$ 。此後,其座標可依 4.9 式與 4.11 式而得:

$$x = 15t \tag{i}$$

$$v = -4.9t^2 \tag{ii}$$

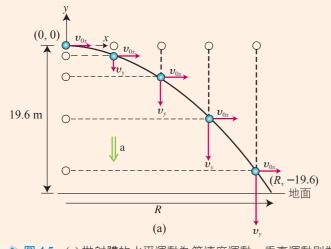
(a) 球著地時,其垂直座標為 $-19.6 \,\mathrm{m}$,亦即 $y = -19.6 \,\mathrm{o}$ 依(ii)式,其飛行時間為:

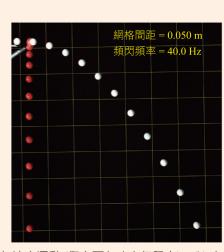
$$-19.6 = -4.9t^2$$

故 t = -2 s 或 2 s (捨去負值的解)。

(b) 把飛行時間代入(i) 式來計算水平射程,得

$$R = v_{0x}t = 30 \text{ m}$$





▶ 圖 4.5 (a) 抛射體的水平運動為等速度運動,垂直運動則為等加速度運動(假定可忽略空氣阻力)。(b) 水平抛出的球和自由落下的球,它們運動的垂直分量是相同的。