주체104(2015)년 제61권 제9호

(NATURAL SCIENCE)

Vol. 61 No. 9 JUCHE104(2015).

# T-S삼각형구름모형에 기초한 $H_{\infty}$ 구름조종기설계

신영남, 박은순

위대한 령도자 김정일동지께서는 다음과 같이 교시하시였다.

《전자공학과 자동화공학을 발전시켜야 생산의 종합적기계화와 자동화를 실현할수 있 습니다.》(《김정일선집》 증보판 제11권 137~138폐지)

선행연구[1]에서는 정규구름모형에 기초한  $H_{\infty}$ 구름조종기설계방법을 제안하였는데 이 방법은 계산량이 많고 해석이 곤난한 부족점을 가진다.

선행연구[2]에서는 조종대상이 불확정적인 모형으로 표시된 경우의  $H_{\infty}$ 조종기설계방 법을 제안하였는데 이 방법은 대상의 불확정성을 해석적으로 모형화해야 하는 부족점을 가지고있다.

론문에서는 조종대상이 불확정성을 가진 경우에 조종대상을 T-S삼각형구름모형으로 표현하고 그것에 기초하여 조종기를 설계하는 한가지 방법을 제안하였다.

#### 1. T-S삼각형구름모형

점의 1 다음과 같은 형식으로 표시되는 규칙을 T-S삼각형구름모형이라고 부른다.

If  $x_1$  is  $A_1$  and  $x_2$  is  $A_2$ , ...,  $x_n$  is  $A_n$  then  $y = a_0 + a_1 x_1 + \cdots + a_n x_n$ 여기서  $A_1, \cdots, A_n$  들은 언어값의 삼각형구름모형표시이고  $a_0, \cdots, a_n$  들은 전건부의 불확정 성정도에 따라 변하는 확률값들이다.

대상을 If~then형식의 T-S삼각형구름모형으로 모형화하는 형식은 다음과 같다.

$$L^{l}$$
: if  $x_{1}$  is  $A_{1}^{l}$ , ...,  $x_{n}$  is  $A_{n}^{l}$  then  $y^{l} = a_{0}^{l} + a_{1}^{l}x_{1} + \dots + a_{n}^{l}x_{n}$  (1)

여기서  $L^l$   $(l=1, \dots, r)$ 은 l 번째 대상규칙,  $x_i$   $(i=1, \dots, n)$ 는 입 력. *v<sup>l</sup>* 은 대상의 출력이다.

이 규칙의 전건부부분은 n차원 X 조건구름모형과 구조가 같으며 이때 출력값은 하나의 값이 아니라 여러개의 값들로 얻 어지는데 이것은 결국 대상의 불확정성정도를 반영해주는 량으 로 된다.(그림 1) 이 불확정성을 후건부에 반영하기 위하여  $a_i^l$ 들을 다음과 같이 정한다.

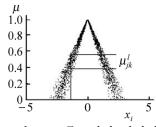


그림 1. 구름모형의 입력에 따르는 확정도

$$a_0^l = \overline{a}_0^l, \quad a_i^l = N(\overline{a}_i^l, \quad \sigma_i^l) \quad (j = 1, \dots, n)$$

여기서  $\sigma_i^l = \max\{\mu_{ik}^l\} - \min\{\mu_{ik}^l\}$   $(k=1, 2, \cdots)$  이다. 그리고  $\bar{a}_i^l$ 은 후건부동정에 의하여 얻 어지는 파라메터들로서 성원구름의 기대값으로 된다. 이때 입력값들이 모두 삼각형구름모 형의 기대값과 같으면  $\sigma_i^l = 0$ 으로 되며 따라서  $a_i^l = \overline{a}_i^l$ 로 된다.

한편 입력  $x_1^0, \, \cdots, \, x_n^0$ 에 대한 r 개의 대상규칙에 의한 전체 출력  $y^0$ 은 다음과 같이 표시된다.

$$y^{0} = \sum_{l=1}^{r} w^{l} \cdot y^{l} / \sum_{l=1}^{r} w^{l}$$
 (2)

여기서  $w^l = \prod_{i=1}^n A^i_j(x^0_j)$ ,  $y^l = a^l_0 + a^l_1 x_1 + \dots + a^l_n x_n$  이며 이때  $A_j(x^0_j)$ 은 삼각형구름모형  $A_j$ 의 기대곡선에 대한  $X^0_j$ 의 1차원 X 조건구름모형이다.

정의 2 다음과 같은 형식으로 표시되는 규칙을 동적체계의 T-S삼각형구름모형이라고 부른다.

$$\dot{x}(t) = \frac{\sum_{l=1}^{r} w_l(t)[(A_l + \Delta A_l)x(t) + (B_l + \Delta B_l)u(t)]}{\sum_{i=1}^{r} w_i(t)} = \frac{\sum_{i=1}^{r} h_l(t)[(A_l + \Delta A_l)x(t) + (B_l + \Delta B_l)u(t)]}{\sum_{i=1}^{r} w_l(t)(C_l + \Delta C_l)x(t)} = \frac{\sum_{l=1}^{r} h_l(t)(C_l + \Delta C_l)x(t)}{\sum_{l=1}^{r} w_l(t)} = \sum_{l=1}^{r} h_l(t)(C_l + \Delta C_l)x(t)$$
(3)

여기서  $A_l \in R^{n \times n}$ ,  $B_l \in R^{n \times m}$ ,  $C_l \in R^{s \times n}$ ,  $x \in R^n$ ,  $u \in R^m$ ,  $y \in R^p$ 이고  $w_l(t)$ 는 규칙의 전건부로부터 얻어진다. 이때 매 시각 t에서 다음의 조건이 만족되도록 한다.

$$w_l(t) \ge 0$$
,  $\sum_{l=1}^r w_l(t) > 0$ ,  $h_l(t) = \frac{w_l(t)}{\sum_{l=1}^r w_l(t)}$ ,  $\sum_{l=1}^r h_l(t) = 1$ 

우의 동적체계의 T-S구름모형정의로부터 조종대상은 다음과 같은 대상규칙들로 모형 화된다.

대상규칙:

If 
$$Z_1(t)$$
 is  $M_{l1}$  and  $\cdots$  and  $Z_p(t)$  is  $M_{lp}$  then 
$$\begin{cases} \dot{x}(t) = (A_l + \Delta A_l)x(t) + (B_l + \Delta B_l)u(t) \\ y(t) = (C_l + \Delta C_l)x(t) \end{cases}$$

여기서  $l=\overline{1,\ r}$ , r는 규칙수,  $Z_j(t)$ 는 규칙의 입력변수,  $M_{ij}$ 는 삼각형구름모형의 언어값,  $\Delta A_l$ ,  $\Delta B_l$ ,  $\Delta C_l$ 은 불확정성부분으로서 구름모형의 두께와 관련된다.

모든 규칙 1 에 대하여 대상구름모형은 다음과 같이 표시된다.

$$\begin{cases} \dot{x}(t) = \sum_{l=1}^{r} h_{l}(Z(t)) \cdot \{ (A_{l} + \Delta A_{l})x(t) + (B_{l} + \Delta B_{l})u(t) \} \\ y = \sum_{l=1}^{r} h_{l}(Z(t)) \cdot (C_{l} + \Delta C_{l})x(t) \end{cases}$$
(4)

## 2. T-S구름모형 $H_{\infty}$ 조종기의 한가지 설계법

불확정체계가 다음과 같이 표시된다고 하자

$$\begin{cases} \dot{x} = [A + \Delta A(t)]x + [B + \Delta B(t)]u \\ y = [C + \Delta C(t)]x \end{cases}$$
 (5)

여기서  $x \in R^n$ ,  $u \in R^m$ ,  $\Delta A(t) \in R^{n \times n}$ ,  $\Delta B(t) \in R^{n \times m}$ ,  $\Delta C(t) \in R^{p \times n}$ 이다.

이때 식 (5)로 표현되는 조종대상에 대하여 다음의 가정을 도입한다. 가정

① 상수행렬은  $D_{jl},~E_{jl},~$  시변행렬은  $\Delta a_l(t),\Delta b_l(t),~\Delta c_l(t)$ 라고 할 때  $\Delta A_l(t),~\Delta B_l(t),~\Delta C_l(t)$ 

는 다음식으로 표현된다.

$$\begin{split} \Delta A_l &= D_{1l} \Delta a_l(t) E_{1l} & \Delta a_l(t) = \Delta a_l^T(t) \\ \Delta B_l &= D_{2l} \Delta b_l(t) E_{2l} & \Delta b_l(t) = \Delta b_l^T(t) \\ \Delta C_l &= D_{3l} \Delta c_l(t) E_{3l} & \Delta c_l(t) = \Delta c_l^T(t) \end{split}$$

- ② 행렬  $A_l$ ,  $B_l$ ,  $C_l$ ,  $D_{1l}$ ,  $D_{2l}$ ,  $D_{3l}$ ,  $E_{1l}$ ,  $E_{2l}$ ,  $E_{3l}$ 은 기지이다.
- ③ 행렬  $\Delta a_l(t)$  ,  $\Delta b_l(t)$  ,  $\Delta c_l(t)$  는 미지이고  $\Delta a_l^T(t)\Delta a_l(t) < I$  ,  $\Delta b_l^T(t)\Delta b_l(t) < I$  ,  $\Delta c_l^T(t)\Delta c_l(t) < I$  ( $j=1,\ 2,\ 3$ )을 만족시킨다.
  - ④ y는 측정가능한 신호이다.

가정 ①-④를 만족시키는 불확정체계 (5)에 대하여 구름모형동적보상기를 다음과 같이 정한다.[2]

조종규칙

If 
$$Z_1(t)$$
 is  $M_{l1}$  and  $\cdots$  and  $Z_p(t)$  is  $M_{lp}$  then 
$$\begin{cases} \dot{x}_c = \hat{A}_l x_c + \hat{B}_l y \\ u = \hat{C}_l x_c \end{cases}$$

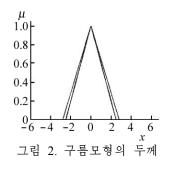
한편 모든 규칙에 대하여 간단히 표시하면 조종규칙은 다음과 같이 표시된다.

$$\begin{cases} \dot{x}_{c} = \sum_{l=1}^{r} h_{l}(Z(t)) \cdot (\hat{A}_{l}x_{c} + \hat{B}_{l}y) \\ u = \sum_{l=1}^{r} h_{l}(Z(t)) \cdot \hat{C}_{l}x_{c} \end{cases}$$
(6)

1) 불확정성의 한계(구름의 최대두께)

일반적으로 구름모형 A(Ex, En, He) 가 주어졌을 때  $p\{En-3He \le E'n \le En+3He\}=0.997$ 이므로 구름방울들은 거의 곡선

$$y_1 = \begin{cases} 1 - \left| \frac{x - Ex}{En - 3He} \right|, & |x - Ex| \le |En - 3He| \\ 0, & 그밖의 경우 \end{cases}$$
 와



$$y_2 = \begin{cases} 1 - \left| \frac{x - Ex}{En + 3He} \right|, & |x - Ex| \le |En + 3He| \\ 0, & 그밖의 경우 \end{cases}$$

사이에 떨어지게 된다.(그림 2)

그러므로 어떤 점에서의 x의 두께는 두 곡선의 차이값으로 볼수 있다. 즉

$$d = y_1 - y_2 = 1 - \left| \frac{x - Ex}{En + 3He} \right| - 1 + \left| \frac{x - Ex}{En - 3He} \right| = \left| \frac{x - Ex}{En - 3He} \right| - \left| \frac{x - Ex}{En + 3He} \right|.$$

이 두께가 제일 최대로 되는 점을 찾으면 다음과 같다.

$$d' = (y_1 - y_2)' = \left( \frac{x - Ex}{En - 3He} \middle| - \left| \frac{x - Ex}{En + 3He} \middle| \right|' = \left| \frac{x - Ex}{En - 3He} \middle| - \left| \frac{x - Ex}{En + 3He} \middle| \right| =$$

$$= \left( \frac{1}{|En - 3He|} - \frac{1}{|En + 3He|} \right) |x - Ex|' =$$

$$= \left\{ \left( \frac{1}{|En - 3He|} - \frac{1}{|En + 3He|} \right) (x - Ex), \quad (x - Ex) > 0 \right\}$$

$$- \left( \frac{1}{|En - 3He|} - \frac{1}{|En + 3He|} \right) (Ex - x), \quad (x - Ex) < 0$$

우의 식으로부터 d'=0이 되는 x가 없으므로 삼각형성원구름함수의 특성으로부터  $y_1=1/3$ 이 되는 점에서의 구름의 최대두께를 계산하면 다음과 같다.

$$d_{\text{max}} = y_2 - y_1 = 1 - \frac{2}{3} \left| \frac{En - 3He}{En + 3He} \right| - \frac{1}{3}$$

여기서

$$y_1 = \frac{1}{3} = 1 - \left| \frac{x - Ex}{En - 3He} \right|, \qquad |x - Ex| = \frac{2}{3} |En - 3He|$$

$$y_2 = 1 - \left| \frac{x - Ex}{En + 3He} \right| = 1 - \left| \frac{x - Ex}{En + 3He} \right| = 1 - \frac{\left| x - Ex \right|}{\left| En + 3He \right|} = 1 - \frac{\frac{2}{3} \left| En - 3He \right|}{\left| En + 3He \right|} = 1 - \frac{2}{3} \left| \frac{En - 3He}{En + 3He} \right|$$

이다.

이처럼 삼각형구름모형이 주어지면 그 두께도 정해지게 된다. 즉

$$d_{jl} < d_{\max} = d_l^0.$$

그러므로 최대두께  $d_l^0$ 을 다음과 같이 정한다.

$$d_l^0 = 1 - \frac{2}{3} \left| \frac{En - 3He}{En + 3He} \right| - \frac{1}{3}$$
 (7)

#### 2) T-S삼각형구름모형 $H_{\infty}$ 조종기의 설계

대상규칙의 전건부에서 삼각형구름모형  $M_{l1},\,\cdots,\,M_{lp}$ 와 정합되는 두께를  $d_{l1},\,\cdots,\,d_{lp}$ 라고 하자. 그러면  $d_{lj}\leq d_{lj}^{\max}$ 로 된다. 여기서  $d_{lj}^{\max}$ 는 삼각형구름모형  $M_{lj}$ 의 최대두께이다.

이제  $d_l^{\max} = \max_i d_{jl}^{\max}$ 로 놓으면 다음의 식이 성립한다.

$$\|\Delta a_l\| < d_l^{\max}, \quad \|\Delta b_l\| < d_l^{\max}, \quad \|\Delta c_l\| < d_l^{\max}$$
(8)

한편 다음과 같은 기호약속을 도입하자.

$$\begin{split} D_{al} &= [0\ 0\ 0\ 0\ 0\ \cdots D_{1l}D_{2l}0\cdots 0\ 0\ 0] \in R^{n\times 3rn} \\ D_{bl} &= [0\ 0\ 0\ 0\ 0\ \cdots 0\ 0D_{3l}\cdots 0\ 0\ 0] \in R^{n\times 3rn} \\ C_{a} &= [E_{11}^T\ 0\ E_{31}^T\ E_{12}^T\ 0\ E_{32}^T\cdots E_{1l}^T\ 0\ E_{3l}^T\cdots E_{1r}^T\ 0\ E_{3r}^T]^T \in R^{n\times 3rn} \\ C_{b} &= [0\ E_{21}^T\ 0\ 0\ E_{22}^T\ 0\cdots 0\ E_{2l}^T\ 0\cdots 0\ E_{2r}^T\ 0] \in R^{n\times 3rn} \end{split}$$

$$\Delta(t) = \begin{pmatrix} \Delta_{11} & 0 & 0 & & & & & \\ 0 & \Delta_{21} & 0 & & 0_{3\times3} & & & 0_{3\times3} \\ 0 & 0 & \Delta_{31} & & & & & \\ & & \Delta_{12} & 0 & 0 & & & \\ & & & \Delta_{12} & 0 & 0 & & \\ & & & \Delta_{22} & 0 & & \vdots & & \\ & & & & 0 & \Delta_{22} & 0 & & \vdots & \\ & & & & & \Delta_{1r} & 0 & 0 \\ & 0_{3\times3} & & \cdots & & 0 & \Delta_{2r} & 0 \\ & & & & & 0 & 0 & \Delta_{3r} \end{pmatrix} \in R^{3rn\times3rn}$$

그러면 식 (5)는 다음과 같은 일반화T-S구름모형대상으로 표시할수 있는데 이때 편리상  $h_l(Z(t))$ 를 간단히  $h_l$ 로 표시한다.

$$\begin{cases} \dot{x} = \sum_{l=1}^{r} h_l \cdot (A_l x + B_l u + D_{al} \omega) \\ z = C_a x + C_b u \\ y = \sum_{l=1}^{r} h_l \cdot (C_l x + D_{bl} \omega) \end{cases}$$

$$(9)$$

여기서  $\omega = \Delta(t) \cdot z$ ,  $\Delta^{T}(t)\Delta(t) < I$ 이다.

여기에 동적보상기(식 (6))를 대입하면 다음과 같이 된다.

$$\begin{cases} \dot{x} = \sum_{l=1}^{r} h_{l} \cdot (A_{l}x + B_{l} \sum_{j=1}^{r} h_{j} \hat{C}_{j} x_{c} + D_{al} \omega) \\ \dot{x}_{c} = \sum_{l=1}^{r} h_{l} \cdot (\hat{A}_{l} x_{c} + \hat{B}_{l} \sum_{j=1}^{r} h_{j} (C_{j} x + D_{bj} \omega)) \end{cases}$$
(10)

식 (10)을 변형하면

$$\begin{pmatrix} \dot{x} \\ \dot{x}_c \end{pmatrix} = \sum_{l=1}^r \sum_{j=1}^r h_l h_j \begin{bmatrix} A_l & B_l \hat{C}_j \\ \hat{B}_l C_j & \hat{A}_l \end{bmatrix} \begin{pmatrix} x \\ x_c \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} D_{al} \\ \hat{B}_l D_{bj} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \omega \\ \omega \end{pmatrix}$$
 (11)

로 되며 기호약속

$$X = \begin{pmatrix} x \\ x_c \end{pmatrix}, A_{lj} \stackrel{\triangle}{=} \begin{pmatrix} A_l & B_l \hat{C}_j \\ \hat{B}_l C_j & \hat{A}_l \end{pmatrix}, B_{lj} \stackrel{\triangle}{=} \begin{pmatrix} D_{ai} \\ \hat{B}_l D_{bj} \end{pmatrix}, C_{lj} \stackrel{\triangle}{=} (C_a \quad C_b \hat{C}_j)$$

을 도입하면 T-S구름모형을 리용한 전체 닫긴체계의 상태방정식은 다음과 같이 표시된다.

$$\begin{cases} \dot{X} = \sum_{l=1}^{r} \sum_{j=1}^{r} h_{l} h_{j} \cdot (A_{lj} X + B_{lj} \omega) \\ z = \sum_{l=1}^{r} \sum_{j=1}^{r} h_{i} h_{j} \cdot C_{ij} X \end{cases}$$
(12)

보조정리  $\forall i$ 에 대하여  $k_i > 0$ ,  $\sum_{i=1}^s k_i = 1$ 이고  $M_i$ 가 임의의 행렬일 때 다음식이 성립하다.

$$\sum_{i=1}^{s} k_{i} \cdot M_{i} \cdot M_{i}^{T} \ge \sum_{i=1}^{s} \sum_{i=1}^{s} k_{i} k_{j} \cdot M_{i} \cdot M_{j}^{T}$$
(13)

(증명략함)

정리 닫긴체계 (12)가 2차안정으로 되기 위해서는  $\forall i, j$ 에 대하여 다음의 조건을 만족시키는 정인정값행렬 P가 존재할것이 필요하고 충분하다.

$$A_{ii}^{T} P + P A_{ii} + P B_{ii} B_{ii}^{T} P + C_{ii}^{T} C_{ii} < 0, \quad (H_{i} \cap H_{i} \neq \phi)$$
 (14)

증명

$$A = \sum_{i=1}^{r} \sum_{j=1}^{r} h_i h_j \cdot A_{ij} , \quad B = \sum_{i=1}^{r} \sum_{j=1}^{r} h_i h_j \cdot B_{ij} , \quad C = \sum_{i=1}^{r} \sum_{j=1}^{r} h_i h_j \cdot B_{ij}$$

로 놓으면 식 (12)는 다음과 같이 표시된다.

$$\begin{cases} \dot{X} = AX + B\omega \\ z = CX \end{cases}$$

이 체계가 안정하기 위해서는 유계실값정리로부터

$$A^T P + PA + PBB^T P + C^T C < 0 (15)$$

인 정인정값행렬 P > 0이 존재할것이 필요하고 충분하다.

이제 A, B, C를 식 (15)의 왼변에 대입하면 다음과 같이 된다.

$$\begin{split} &\left(\sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot A_{ij}^{T}\right)P + P\left(\sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot A_{ij}\right) + P\left(\sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot B_{ij}\right) \cdot \\ &\cdot \left(\sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot B_{ij}^{T}\right)P + \sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot C_{ij}^{T}C_{ij} = \left(\sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot A_{ij}^{T}\right)P + \\ &+ P\left(\sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot A_{ij}\right) + P\left(\sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot B_{ij}B_{ij}^{T}\right)P + \sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot C_{ij}^{T}C_{ij} = \\ &= \sum_{i=1}^{r}\sum_{j=1}^{r}h_{i}h_{j}\cdot (A_{ij}^{T}P + PA_{ij} + PB_{ij}B_{ij}^{T}P + C_{ij}^{T}C_{ij}) \end{split}$$

웃식의 유도과정에서  $\sum_{i=1}^r h_i = 1$ ,  $h_i, h_j > 0$ 임을 고려하고 보조정리를 리용하였다.

그리므로 ∀*i*, *j* 에 대하여

$$A_{ij}^{T}P + PA_{ij} + PB_{ij}B_{ij}^{T}P + C_{ij}^{T}C_{ij} < 0$$
,  $(H_{i} \cap H_{j} \neq \phi)$ 

인 정인정값행렬 P>0이 존재할 때 식 (15)에 의하여 닫긴체계는 안정하다.(증명끝)

정리로부터 i 번째 대상규칙의 일반화대상은  $H_i \cap H_j \neq \emptyset$ 로 되는 모든 조종규칙의 보상기에 의하여 안정화되여야 한다는것을 알수 있다. 즉 j 번째 조종규칙의 보상기는  $H_i \cap H_i \neq \emptyset$ 로 되는 모든 대상규칙의 일반화대상을 안정시키도록 설계되여야 한다.

- 이 결과를 리용하면 보조정리로부터 j번째 조종규칙의 보상기설계방법은 다음과 같다.
- ∀i에 대하여

$$A_{i}P_{j} + P_{j}A_{i}^{T} + P_{j}C_{ai}^{T}C_{ai}P_{j} + D_{ai}D_{ai}^{T} - BB^{T} < 0, \ (H_{i} \cap H_{j} \neq \phi)$$
 (16)

으로 되는  $P_i > 0$ 을 결정한다.

② ∀i에 대하여

$$N_{ij} = Q_j A_i + A^T Q_{j_i} + Q_j D_{ai} D_{ai}^T Q_j + C_{ai}^T C_{ai} - C^T C < 0, \ (H_i \cap H_j \neq \phi)$$
 (17)

으로 되는  $Q_i > 0$ 을 결정한다.

③ 
$$\begin{pmatrix} P_j & I \\ I & Q_j \end{pmatrix} > 0$$
 이 만족되는가를 검사한다.

이것은 다음의 LMI를 만족시키는 대칭행렬  $P_j>0,\ Q_j>0$ 을 구하는것과 등가이다. 즉  $\forall i$  에 대하여 다음과 같다.

$$\begin{pmatrix} A_{i}P_{j} + P_{j}A_{i}^{T} + D_{ai}D_{ai}^{T} - BB^{T} & P_{j}C_{ai}^{T} \\ C_{ai}P_{j} & -I \end{pmatrix} < 0,$$

$$\begin{pmatrix} Q_{j}A_{i} + A^{T}Q_{j} + C_{ai}^{T}C_{ai} - C^{T}C & Q_{j}D_{ai} \\ D_{ai}^{T}Q_{j} & -I \end{pmatrix} < 0,$$

$$\begin{pmatrix} P_{j} & I \\ I & Q_{j} \end{pmatrix} > 0$$

그러므로 j번째 보상기의 파라메터행렬은 다음과 같이 얻어진다.

$$\hat{A}_{j} = A_{j} + B_{j}C_{Cj} - B_{Cj}C_{j} + Q_{j}^{-1}C_{aj}^{T}C_{aj} - Q_{j}^{-1}N_{jj}(I - P_{j}Q_{j})^{-1}$$

$$B_{Cj} = Q_{j}^{-1}C_{j}^{T},$$

$$C_{Cj} = B_{j}^{T}Q_{j}(I - P_{j}Q_{j})^{-1}$$

#### 맺 는 말

조종대상의 T-S삼각형구름모형을 정의하고 그에 기초한  $H_{\infty}$ 구름조종기를 설계하는 한가지 방법을 제안하였다.

### 참 고 문 헌

- [1] 김일성종합대학학보(자연과학), 61, 2, 30, 주체104(2015).
- [2] 美多; H∞制御, コロナ社, 30~35, 1994.

주체104(2015)년 5월 5일 원고접수

# $H_{\infty}$ Controller Design based on the T-S Triangular Cloud Model

Sin Yong Nam, Pak Un Sun

We propose a method for  $H_{\infty}$  controller design based on the T-S triangular cloud model.

We propose modeling method of nonlinear and uncertainty dynamic system by T-S triangular cloud model and designed  $H_{\infty}$  controller.

The stability of  $H_{\infty}$  controller is verified through the theorem.

Key words: cloud model,  $H_{\infty}$  controller, stability