# 대역제한특성에 기초한 초광대역가우스임풀스파형설계의 한가지 방법

김근수, 김원철

경애하는 최고령도자 김정은동지께서는 다음과 같이 말씀하시였다.

《정보통신을 최첨단수준으로 발전시키는데 힘을 넣어야 합니다.》

UWB(초광대역)임풀스파형에는 Rayleigh임풀스[1], Laplacian임풀스[2] 및 Hemite임풀스[3] 들이 있다.

가우스임풀스는 임풀스성형인자  $\sigma$ 를 조종하여 파형을 변화시킬수 있으며 동시에 원 시임풀스를 미분하여 대단히 많은 파형을 얻어낼수 있다.

론문에서는 가우스파형에 대한 분석과 대역제한에 기초한 한가지 파형설계방법을 제기하였다.

# 1. 국제규격주파수스펙트르마스크분석

UWB임풀스파형의 주파수스펙트르는 3.1~10.6GHz대역내에 있어야 하며 PSD(전력스펙트르밀도)는 -41.3dBm/MHz보다 낮아야 한다.

국제규격실내외UWB통신체계의 복사전력한계값은 그림 1과 같다.

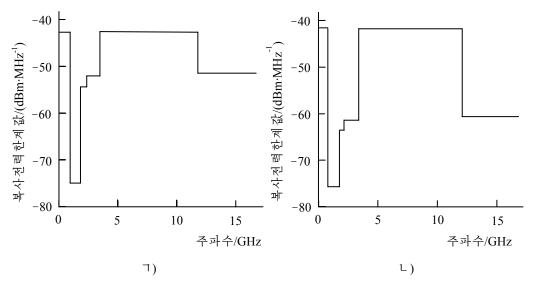


그림 1. 국제규격실내외UWB통신체계의 복사전력한계값 기) 실내환경, L) 실외환경

규격화를 수식으로 표현하면 다음과 같다.

$$S(f) = \begin{cases} 0dB, & f \in [0, 0.96]GHz \\ -34dB, & f \in [0.96, 1.61]GHz \\ -12dB, & f \in [1.61, 1.99]GHz \\ -10dB, & f \in [1.99, 3.1]GHz \\ 0dB, & f \in [3.1, 10.6]GHz \end{cases}$$
(1)

# 2. 가우스임풀스분석

A를 임풀스진폭,  $\sigma$ 를 임풀스성형인자(임풀스너비를 조절하는데 리용)라고 할 때 가우스임풀스의 시간령역표현식은

$$w(t) = \frac{A}{\sqrt{2\pi\sigma}} \exp\left(-\frac{t^2}{2\sigma^2}\right) \tag{2}$$

이다.

수학적귀납법을 리용하면 가우스임풀스의 n계도함수는

$$w^{(n)}(t) = -\frac{n-1}{\sigma^2} w^{(n-2)}(t) - \frac{t}{\sigma^2} w^{(n-1)}(t)$$
(3)

이며 그것의 푸리에변환은

$$X_n(f) = A(j2\pi f)^n \exp\left\{-\frac{(2\pi f\sigma)^2}{2}\right\}$$
 (4)

이다.

식 (4)에 준하여 진폭주파수특성의 최대값주파수  $f_{peak}$ , 도함수차수 n, 임풀스성형인자  $\sigma$ 사이의 관계식을 얻을수 있다.

$$\frac{d\left|X_n(f)\right|}{df} = A(j2\pi f)^{n-1} \times 2\pi \exp\left\{-\frac{(2\pi f\sigma)^2}{2}\right\} \left[n - (2\pi f\sigma)^2\right]$$
 (5)

식 (5)의 오른변을 0으로 놓고 그것의 최대주파수를 구하면

$$f_{peak} = \frac{\sqrt{n}}{2\pi\sigma} \tag{6}$$

이다.

대응하는 주파수스펙트르최대값은

$$\left| X_n(f_{peak}) \right| = A \left( \frac{\sqrt{n}}{\sigma} \right)^n \exp\left\{ -\frac{n}{2} \right\} \tag{7}$$

이타

식 (7)로부터 가우스임풀스의 임의의 도함수차수에 대한 파형의 규격화전력스펙트르 밀도는

$$|P_n(f)| = \frac{|X_n(f)|^2}{|X_n(f_{peak})|^2} = \frac{(2\pi f \sigma)^{2n} \exp\{-(2\pi f \sigma)^2\}}{n^n \exp(-n)}$$
(8)

이다.

#### 3. 대역제한에 의한 파형설계방법

국제전파규약에서는 실내UWB신호의 -10dB대역폭을 최대 7.5GHz로 정하였다. 가우스임풀스의 특징과 그 다계도함수의 -10dB대역폭이 7.5GHz보다 작거나 같을 때 그 것에 대응한  $\sigma$ 의 최소값  $\sigma_{\min}(n)$ 이 존재한다. 만일  $\sigma$ 가  $\sigma_{\min}(n)$ 보다 작다면 임풀스의 -10dB대역폭은 7.5GHz보다 크게 된다.

 $\sigma_{\min}(n)$ 에 대한 전력스펙트르밀도를 그림 2에 보여주었다.

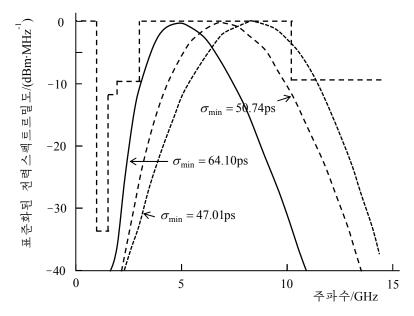


그림 2.  $\sigma_{\min}(n)$ 에 대한 전력스펙트르밀도

n이 5보다 작을 때 전력스펙트르밀도의  $f_{peak}$ 는 아주 작아서 전파규정을 만족시키지 못한다.  $f_{peak}$ 를 전력스펙트르의 오른쪽 방향으로 이동시키려면 식 (6)에서 알수 있는바와같이 n을 변화시키지 않은 상태에서  $\sigma$ 를 감소시켜야 한다. 그러나 이때  $\sigma$ 는  $\sigma_{\min}(n)$ 보다는 작지 말아야 한다.

만일  $\sigma$ 를 더 작게 하면  $f_{peak}$  뿐아니라 대역폭도 증가하여  $7.5 \mathrm{GHz}$ 를 초과하게 된다.

이로부터 도함수차수가 5보다 작은 가우스임풀스의 전력스펙트르밀도는 전파규정의 요구를 만족시키지 못한다.

이제  $\sigma$  값범위를 확정하자.

그림 2에서 알수 있는바와 같이 도함수차수 n이 5보다 크거나 같을 때  $f_{peak}$ 는 너무커서 높은 주파수에 해당한 스펙트르는 전파규정에 어긋난다. 그러므로  $\sigma$ 값을  $\sigma_{\min}(n)$ 으

로부터 점차 증가시키면  $f_{peak}$ 와 함께 대역폭도 감소하게 된다.

계산을 통하여 확정한 가우스임풀스의 도함수차수 n은 5이며 임풀스성형인자의 값범위는  $50.71\sim64.08ps$ 이다.

# 맺 는 말

대역제한에 기초한 파형설계에서 확정한 가우스임풀스의 도함수차수는 5이며 임풀스 성형인자의 값범위는 50.71~64.08ps이다.

# 참 고 문 헌

- [1] M. Mittelboach et al.; IEEE Conference on Ultra-Wideband Systems and Technologies, 40, 2004.
- [2] M. Ghavami et al.; Wireless Personal Communications, 23, 1, 105, 2002.
- [3] L. B. Michael; In Proc. UWBST02, 47, 2002.

주체107(2018)년 11월 5일 원고접수

# A Method of the Design of UWB Gauss Pulse Waveform Based on the Bandlimited Characteristics

Kim Kun Su, Kim Won Chol

The interference between the ultra-wideband system and other narrow band systems is one of the research topics of ultra-wideband technology.

In this paper was proposed a method of the design of UWB Gauss pulse waveform based on the bandlimited characteristics.

Key words: ultra-wideband, power spectral density, interference