



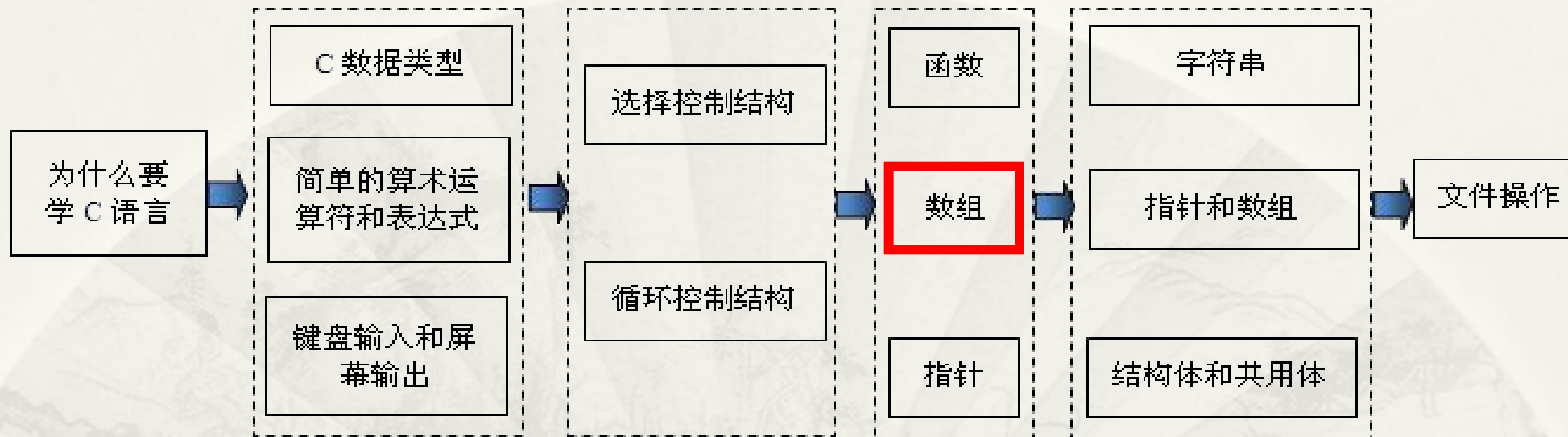
第8章 数组

哈尔滨工业大学（深圳）
计算机科学与技术学院
刘洋

Liu.yang@hit.edu.cn

课件.版权：哈尔滨工业大学，苏小红，sxh@hit.edu.cn





简单的数据结构



复杂的数据结构

第8章 学习内容

- 对数组名特殊含义的理解
- 数组的定义和初始化
- 向函数传递一维数组
- 向函数传递二维数组
- 排序、查找、求最值等算法



为什么使用数组(Array)?

- 【例8.1】要读入并存储10人的成绩，然后求平均成绩
- 需定义10个不同名的整型变量，需使用多个**scanf()**

```
int score1, score2, ... score10;  
scanf("%d", &score1);  
scanf("%d", &score2);  
.....
```



- 而数组仅用一个**scanf()** 并利用循环语句读取

```
int score[10], i;  
for (i=0; i<10; i++)  
{  
    scanf("%d", &score[i]);  
}
```

保存大量
同类型的
相关数据



8.1 一维数组的定义和初始化

■ 一维数组的定义

```
int a[10];
```

数据类型

代表元素个数

下标从0开始
数组名a代表首地址

■ 定义一个有10个int型元素的一维数组

- 系统分配连续的10个int型存储空间给此数组

■ 为什么数组下标从0开始？

- 使编译器简化，且运算速度少量提高

■ 如果希望下标从1到10而非从0到9，怎么办？



8.1 一维数组的定义和初始化

- 一维数组的定义

```
int a[10];
```

- 数组大小必须是值为正的常量，不能为变量，一旦定义，不能改变大小
- 大小最好用宏定义，以适应未来的变化

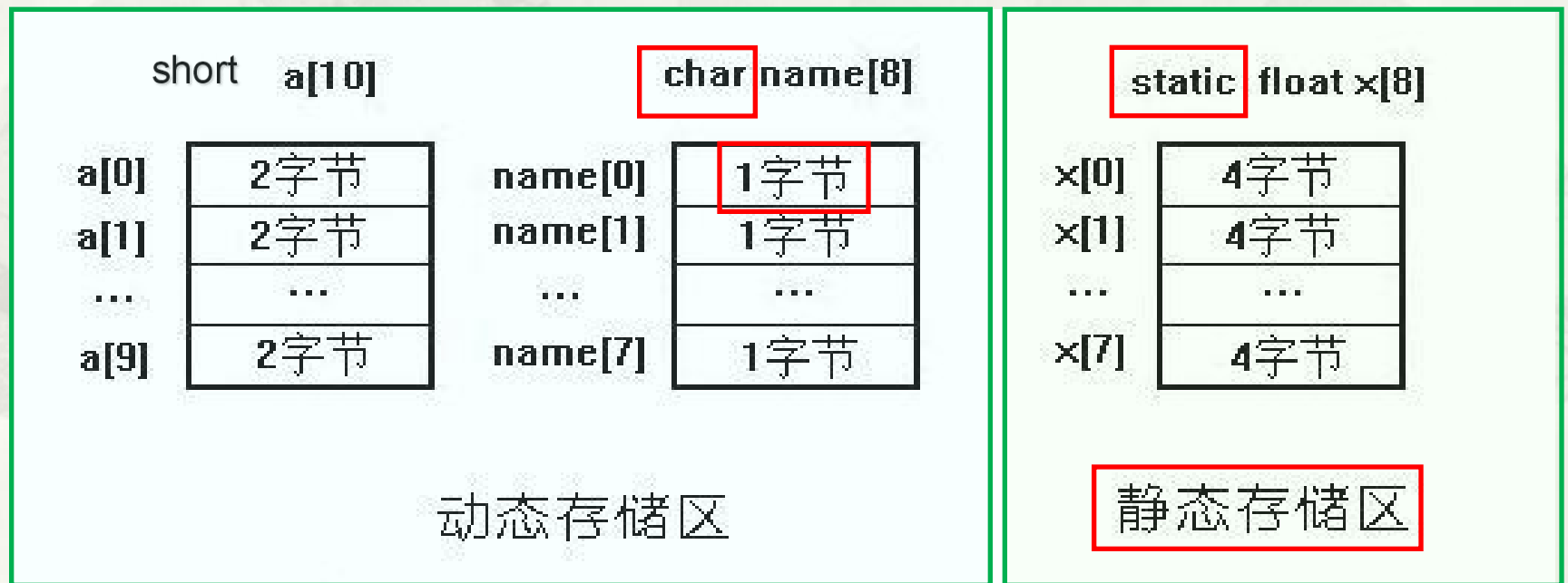
```
#define N 10
```

```
int a[N];
```



8.1 一维数组的定义和初始化

- 根据数组的**数据类型**，为每一元素安排相应字节数的存储单元
- 根据数组的**存储类型**，将其安排在内存的动态、静态存储区或寄存器区



8.1 一维数组的定义和初始化

```
int a[10];
```

引用时下标允许是
`int`型变量或表达式

■ 一维数组的引用

数组名[下标]

■ 允许快速随机访问

- * 允许使用 `a[i]` 这样的形式访问每个元素
- * 可以像使用普通变量一样使用
`a[0], a[1], ..., a[9]`



8.1 一维数组的定义和初始化

- 未初始化的数组元素值是什么？
 - * 静态数组和全局数组自动初始化为0值
 - * 否则，是随机数
- 一维数组的初始化

```
int a[5] = { 12, 34, 56, 78, 9 };
```

```
int a[5] = { 0 };
```

```
int a[] = { 11, 22, 33, 44, 55 };
```



8.1 一维数组的定义和初始化

如何使两个数组的值相等？

```
int a[4] = {1,2,3,4};
```

```
int b[4];
```

```
b = a;
```



数组名表示数组的首地址，
不代表整个数组元素值！

解决方法

- 方法1: 逐个元素赋值

```
b[0]=a[0];
```

```
b[1]=a[1];
```

```
b[2]=a[2];
```

```
b[3]=a[3];
```

- 方法2: 通过循环语句赋值

```
int i;
```

```
for (i=0;i<4;i++)
```

```
{
```

```
b[i] = a[i];
```

```
}
```



8.1 一维数组的定义和初始化

- 更高效的数组初始化方法

```
memset(a, 0, sizeof(a));
```

- 用**sizeof(a)** 来获得数组**a**所占的内存字节数
- 更高效的数组赋值方法

```
memcpy(b, a, sizeof(a));
```

- 需要包含相应的头文件：

```
#include <string.h>
```



8.1 一维数组的定义和初始化

- 【例8.2】编程实现显示用户输入的月份（不考虑闰年）拥有的天数

```
1  #include <stdio.h>
2  #define MONTHS 12
3  int main()
4  {
5      int days[MONTHS] = {31,28,31,30,31,30,31,31,30,31,30,31};
6      int month;
7      do{
8          printf("Input a month:");
9          scanf("%d", &month);
10     }while(month < 1 || month > 12); /* 处理不合法数据的输入 */
11     printf("The number of days is %d\n", days[month-1]);
12     return 0;
13 }
```

为什么要处理非法的数据输入？

8.1 一维数组的定义和初始化

- 访问数组元素时，**下标越界**是大忌！
 - * 编译程序不检查下标越界，导致运行时错误
 - * 下标越界，将访问数组以外的空间
 - * 那里的数据是未知的，不受我们掌控，可能带来严重后果
 - * 后果有多严重呢？



【例8.3】当下标值小于0或超过数组长度时会出现什么情况？

```

1  #include <stdio.h>
2  int main()
3  {
4      int a = 1, c = 2, b[5], i;
5      printf("%p, %p, %p\n", b, &a, &c);
6      for (i=0; i<=11; i++)
7      {
8          b[i] = i;
9          printf("%d ", b[i]);
10     }
11     printf("\na=%d, c=%d\n", a, c);
12     return 0;
13 }

```

b[0]	0	30
b[1]	1	34
b[2]	2	38
b[3]	3	3C
b[4]	4	40
c	5	44
a	6	48
i	12	4C
b[8]	8	50
b[9]	9	54
b[10]	10	58
b[11]	11	5C

变量c和a的值，因数组下标越界而被悄悄破坏了

【例8.3】当下标值小于0或超过数组长度时会出现什么情况？

```

1  #include <stdio.h>
2  int main()
3  {
4      int a = 1, c = 2, b[5], i;

```

"C:\Users\908pc\Desktop\c\Debug\L6-17-error.exe"

12ff2c,12ff40,12ff44

0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11

a=6, c=5

L6-17-error.exe

L8-3.exe 已停止工作

Windows 可以联机检查该问题的解决方案。

- 联机检查解决方案并关闭该程序
- 关闭程序
- 调试程序

查看问题详细信息

b[0]	0	30
b[1]	1	34
b[2]	2	38
b[3]	3	3C
b[4]	4	40
c	5	44
a	6	48
i	12	4C
b[8]	8	50
b[9]	9	54
b[10]	10	58
b[11]	11	5C

输出的地址值是系统相关的

8.2 二维数组的定义和初始化

■ 一维数组: `int a[5];`

* 用一个下标确定各元素在数组中的顺序

* 可用排列成一行的元素来表示

a[0]	a[1]	a[2]	a[3]	a[4]
------	------	------	------	------

■ 二维数组: `int b[2][3];`

* 用两个下标确定各元素在数组中的顺序

* 用排列成i行, j列的元素来表示

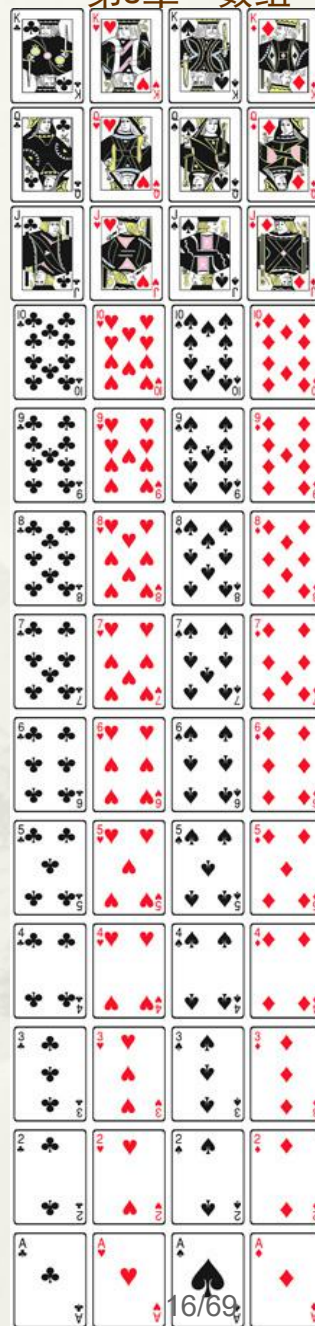
b[0][0]	b[0][1]	b[0][2]
b[1][0]	b[1][1]	b[1][2]

* 逻辑结构, 非物理结构

* 内存中线性保存

■ n维数组: `int c[3][2][4];`

* 用n个下标来确定各元素在数组中的顺序



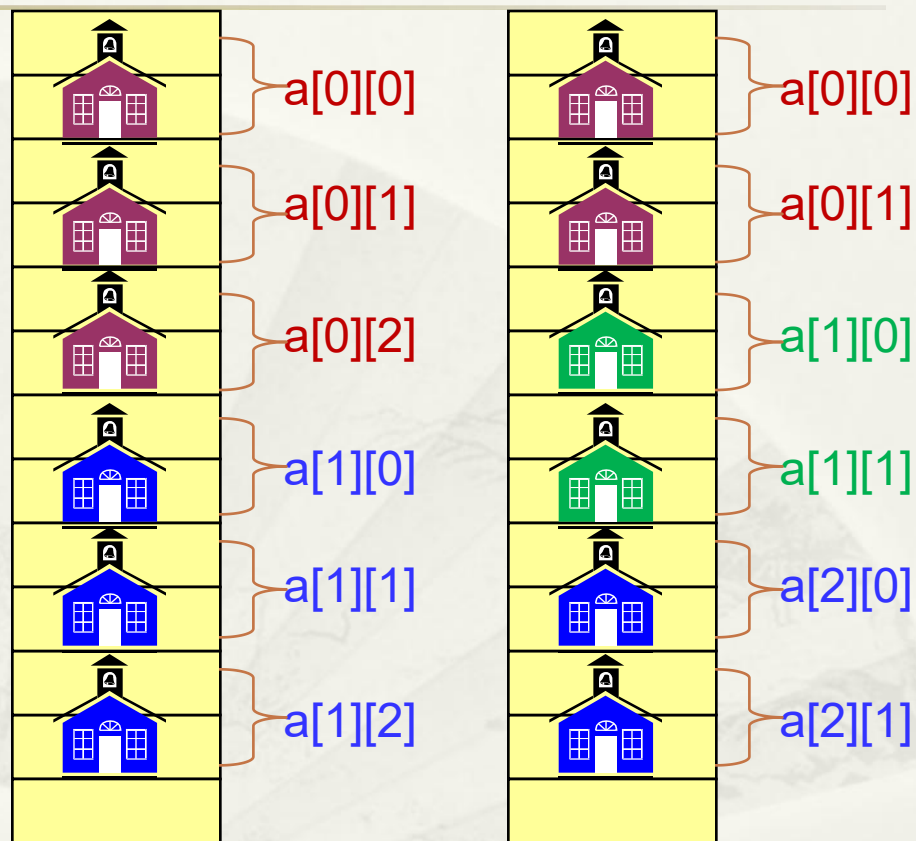
8.2 二维数组的定义和初始化

存放顺序：按行存放，线性存储
先顺序存放第0行，再存放第1行

```
short a[2][3];
```



若 `short a[3][2];` 则...



已知每行列数才能正确读出数组元素
所以初始化时，第二维长度不能省略



8.2 二维数组的定义和初始化

【例】以下程序的运行结果是什么？

```
int main()
{
    int a[][3]={ {1,2,3}, {4,5}, {6}, {0} };
    printf("%d,%d,%d\n", a[1][1], a[2][1], a[3][1]);
    return 0;
}
```

1	2	3
4	5	0
6	0	0
0	0	0

结果：5, 0, 0

【例】若 `int a[][3]={1, 2, 3, 4, 5, 6, 7}`，
则 `a` 数组的第一维大小是多少？

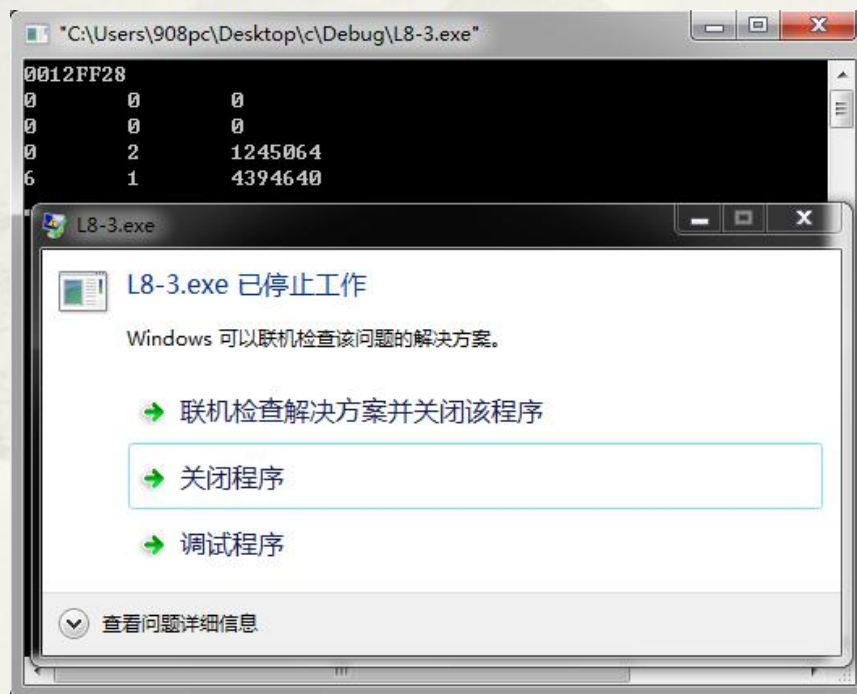
1	2	3
4	5	6
7	0	0

8.2 二维数组的定义和初始化

二维数组下标越界

```
#include <stdio.h>
int main()
{
    int i, j;
    int a[2][3] = {0};
    printf("%p\n", a);
    a[3][0] = 6;
    for (i=0; i<4; i++)
    {
        for (j=0; j<3; j++)
        {
            printf("%d\t", a[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
    return 0;
}
```

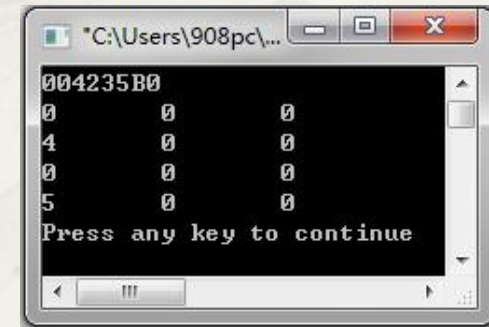
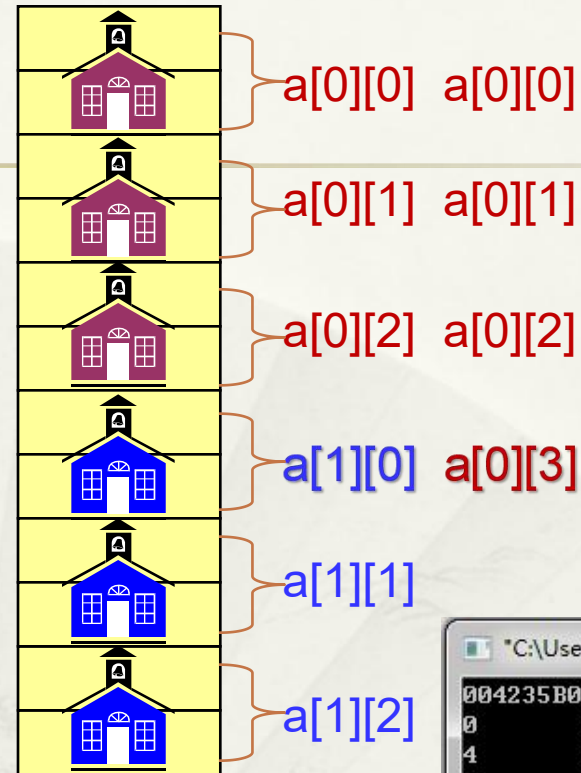
a[0][0]	a[0][1]	a[0][2]
a[1][0]	a[1][1]	a[1][2]
a[2][0]	a[1][1]	a[1][2]
a[3][0]	a[1][1]	a[1][2]




```

#include <stdio.h>
int main()
{
    int i, j;
    int a[2][3] = {0};
    printf("%p\n", a);
    a[1][0] = 4;
    for (i=0; i<2; i++)
    {
        for (j=0; j<3; j++)
        {
            printf("%d\t", a[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
    a[0][3] = 5;
    for (i=0; i<2; i++)
    {
        for (j=0; j<3; j++)
        {
            printf("%d\t", a[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
    return 0;
}

```



`a[0][3]`和`a[1][0]`指的是同一元素，不检查下标越界，`a[0][3]`的写法也合法，但隐患严重

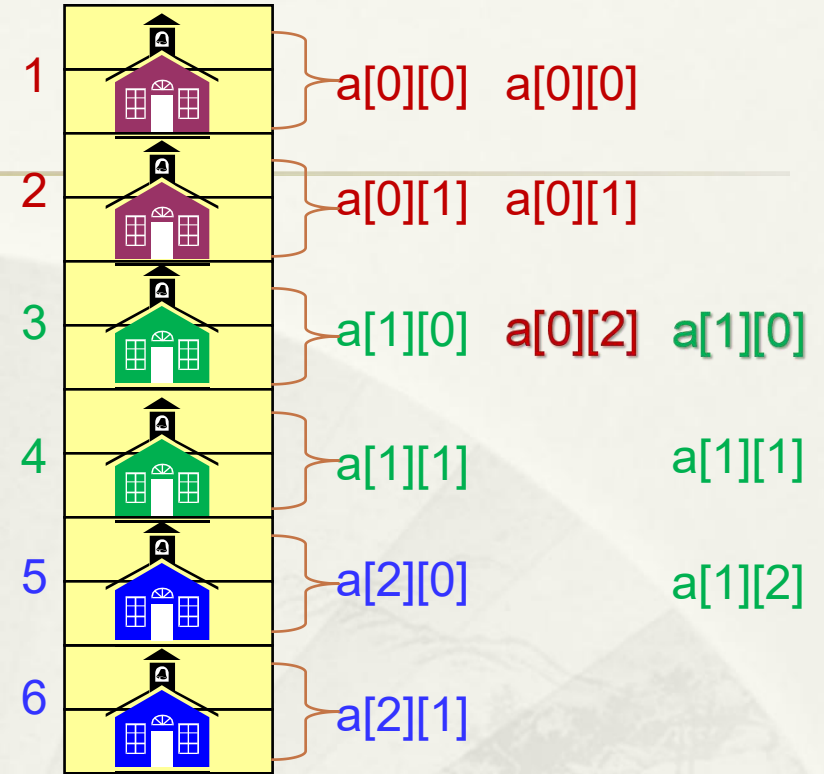

```

#include <stdio.h>
int main()
{
    int i, j;
    int a[3][2] = {1,2,3,4,5,6};
    printf("%p\n", a);

    for (i=0; i<3; i++)
    {
        for (j=0; j<2; j++)
        {
            printf("%d\t", a[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }

    for (i=0; i<2; i++)
    {
        for (j=0; j<3; j++)
        {
            printf("%d\t", a[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
    return 0;
}

```



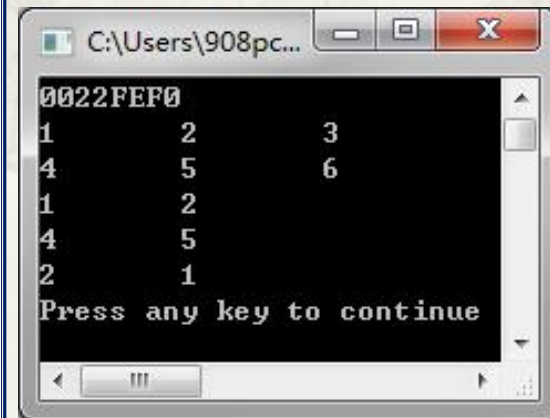
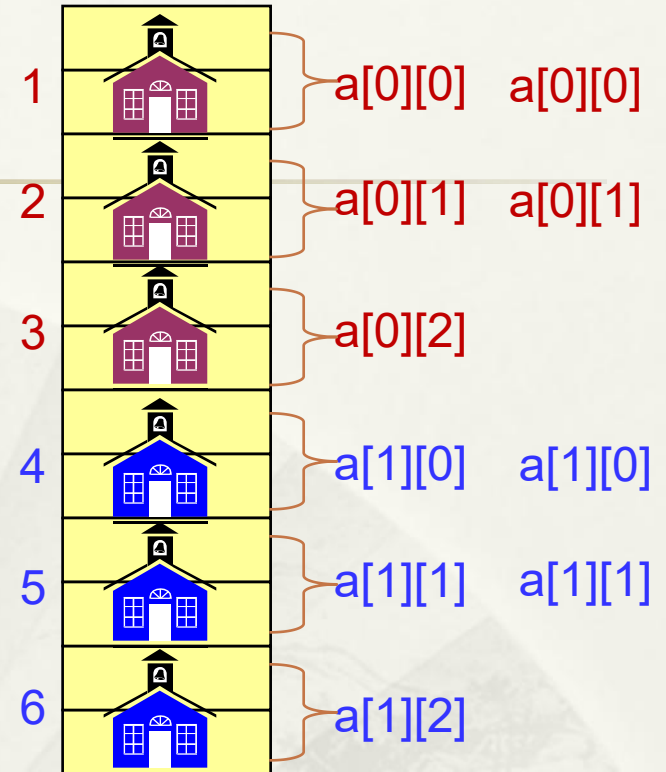
```

#include <stdio.h>
int main()
{
    int i, j;
    int a[2][3] = {1,2,3,4,5,6};
    printf("%p\n", a);

    for (i=0; i<2; i++)
    {
        for (j=0; j<3; j++)
        {
            printf("%d\t", a[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }

    for (i=0; i<3; i++)
    {
        for (j=0; j<2; j++)
        {
            printf("%d\t", a[i][j]);
        }
        printf("\n");
    }
    return 0;
}

```

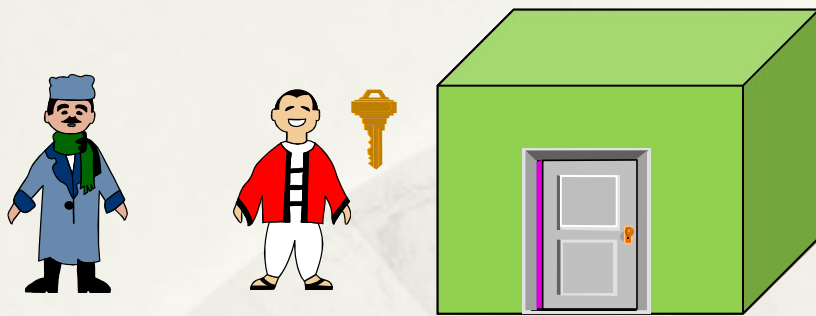


`a[2][0]` `a[2][0]`
`a[2][1]` `a[2][1]`
`a[2][2]`

【例8.4】从键盘输入某年某月（包括闰年），编程输出该年的该月拥有的天数

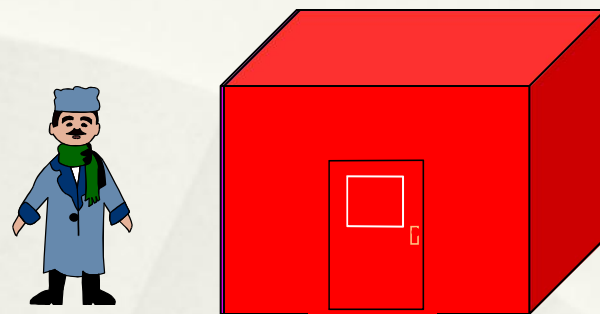
```
1  #include <stdio.h>
2  #define MONTHS 12
3  int main()
4  {
5      int days[2][MONTHS] = {{31,28,31,30,31,30,31,31,30,31,30,31},
6                              {31,29,31,30,31,30,31,31,30,31,30,31}};
7      int year, month;
8      do{
9          printf("Input year,month:");
10         scanf("%d,%d", &year, &month);
11     } while(month < 1 || month > 12); /* 处理不合法数据的输入 */
12     if (((year%4 == 0) && (year%100 != 0)) || (year%400 == 0)) /* 闰年 */
13         printf("The number of days is %d\n", days[1][month-1]);
14     else /* 非闰年 */
15         printf("The number of days is %d\n", days[0][month-1]);
16     return 0;
17 }
```

8.3 向函数传递一维数组



数组作函数参数
——按地址调用

传递数组的首地址，
实参与形参数组占同
一段内存单元



普通变量作函数参数
——按值调用

传递变量值的副本，
实参与形参变量占不
同的内存单元



8.3 向函数传递一维数组

安全否？

【例8.5】计算平均分：计数控制—键盘输入学生人数

```

1  #include <stdio.h>
2  #define N 40
3  int Average(int score[], int n);
4  void ReadScore(int score[], int n);
5  int main()
6  {
7      int score[N], aver, n;
8      printf("Input n:");
9      scanf("%d", &n);
10     ReadScore(score, n);
11     aver = Average(score, n);
12     printf("Average score is %d\n", aver);
13
14 }
```

用不带下标的数组名
做函数实参

```

int Average(int score[], int n)
{
    int i, sum = 0;
    for (i=0; i<n; i++)
    {
        sum += score[i];
    }
    return sum / n;
}
```

```

void ReadScore(int score[], int n)
{
    int i;
    printf("Input score:");
    for (i=0; i<n; i++)
    {
        scanf("%d", &score[i]);
    }
}
```



8.3 向函数传递一维数组

【例8.6】计算平均分：标记控制—负值作为输入结束标记

```
1  #include <stdio.h>
2  #define N 40
3  int Average(int score[], int n);
4  int ReadScore(int score[]);
5  int main()
6  {
7      int score[N], aver, n;
8      n = ReadScore(score);
9      printf("Total students are %d\n", n);
10     aver = Average(score, n);
11     printf("Average score is %d\n", aver);
12     return 0;
13 }
```

返回学生人数

```
int ReadScore(int score[])
{
    int i = -1;
    do{
        i++;
        printf("Input score: ");
        scanf("%d", &score[i]);
    }while (score[i] >= 0);
    return i;
}
```

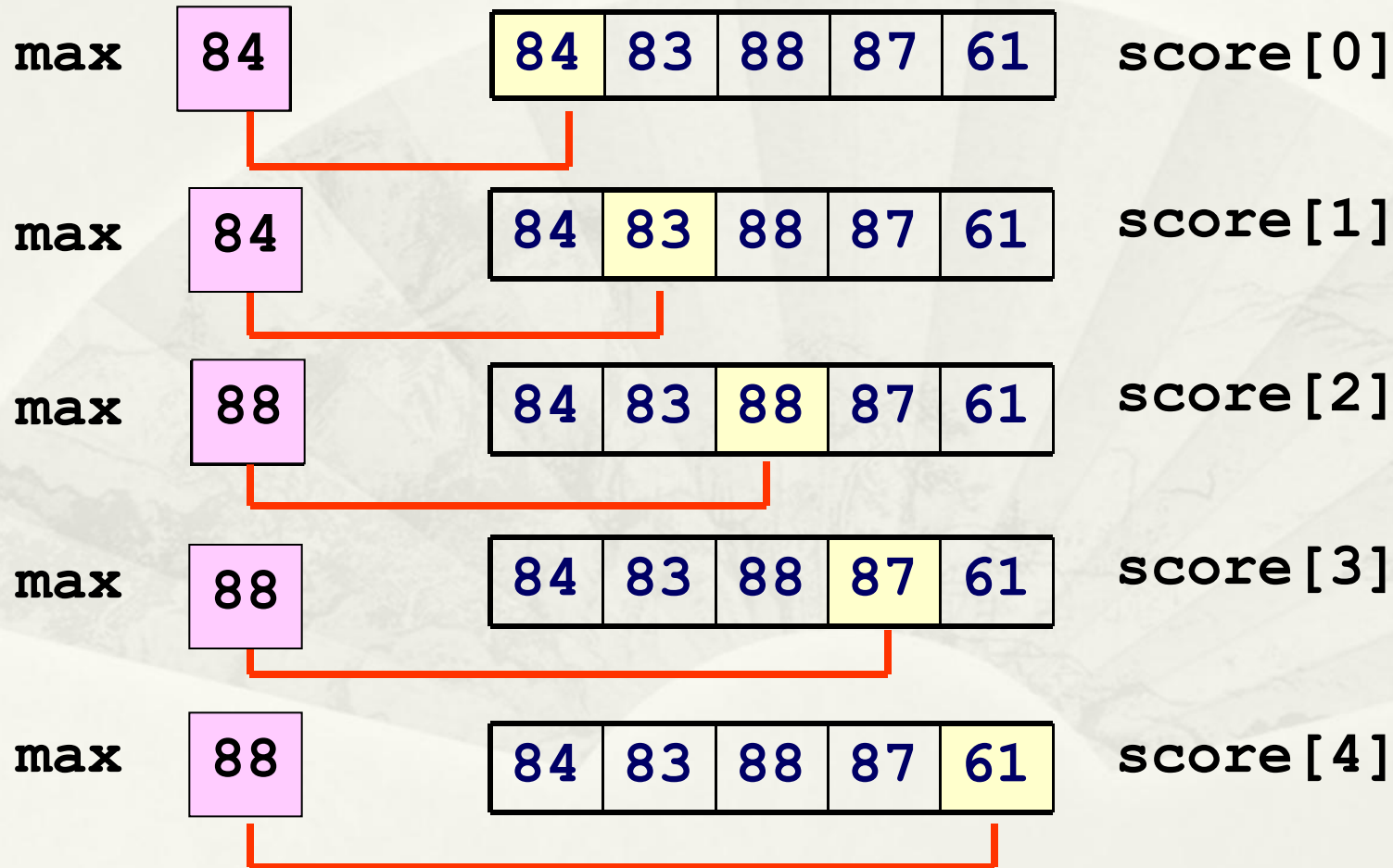

8.3 向函数传递一维数组

【例8.7】计算最高分

```
#include <stdio.h>
#define N 40
int ReadScore(int score[]);
int FindMax(int score[], int n);
int main()
{
    int score[N], max, n;
    n = ReadScore(score);
    printf("Total students are %d\n", n);
    max = FindMax(score, n);
    printf("The highest score is %d\n", max);
    return 0;
}
```

8.3 向函数传递一维数组

【例8.7】 计算最高分 `int score[5]={84, 83, 88, 87, 61};`



8.3 向函数传递一维数组

【例8.7】计算最高分

- 假设第一个学生成绩为最高
`max = score[0];`
- 对所有学生成绩进行比较
若 `score[i] > max`
则令 `max = score[i]`
- 返回最高分`max`

```
int FindMax(int score[], int n)
{
    int max, i;
    max = score[0];
    for (i=1; i<n; i++)
    {
        if (score[i] > max)
        {
            max = score[i];
        }
    }
    return max;
}
```

能同时返回
最大值及其
所在数组的
下标吗？



8.3 向函数传递一维数组

【例8.7】计算最高分

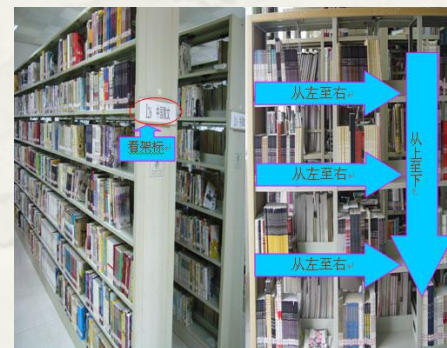
- 假设第一个学生成绩为最高
`maxNum = 0;`
- 对所有学生成绩进行比较
若 `score[i] > score[maxNum]`
则令 `maxNum = i`
- 返回最高分所在的下标 `maxNum`

```
int FindMax(int score[], int n)
{
    int maxNum, i;
    maxNum = 0;
    for (i=1; i<n; i++)
    {
        if (score[i] > score[maxNum])
        {
            maxNum = i;
        }
    }
    return maxNum;
}
```

8.4排序和查找

■ 排序与查找是常用的操作

- * 对扑克牌进行排序
- * 青年歌手大奖赛成绩排名
- * 从图书馆的书架上查找某一本图书
- * 百度、谷歌等网站的搜索引擎就需要使用查找匹配算法完成搜索任务



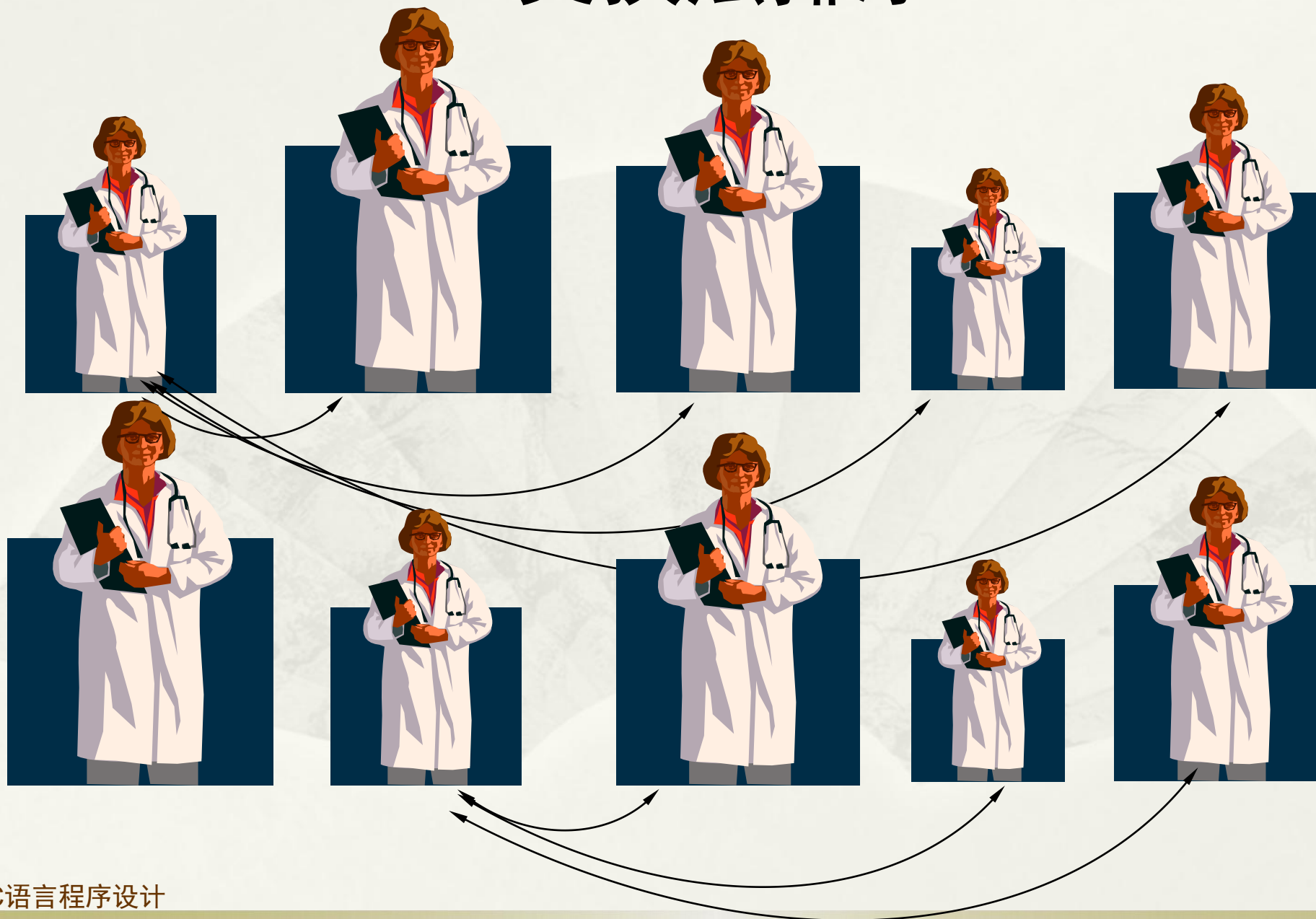
form <http://www.baidu.com/>

8.4排序和查找

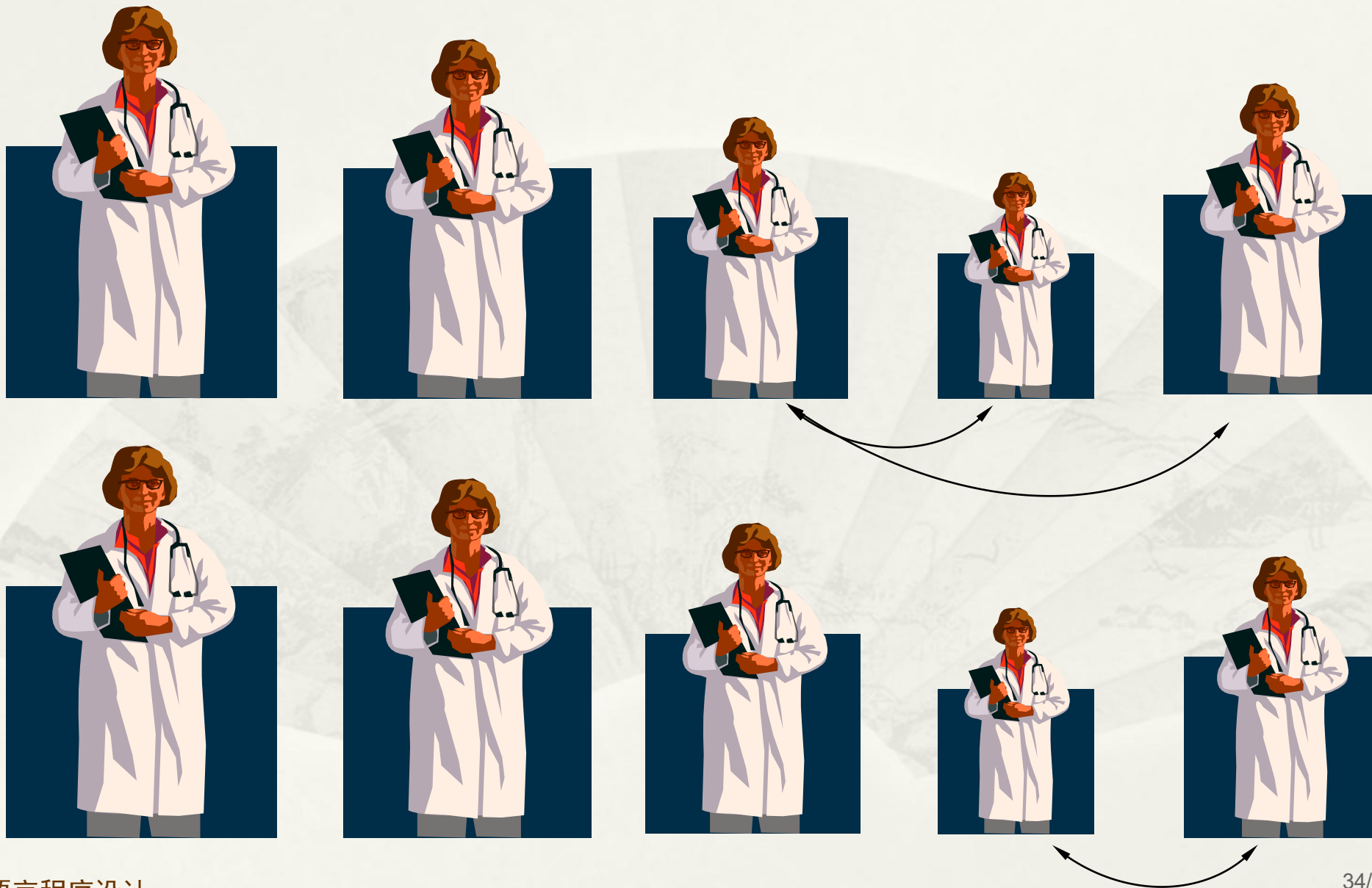
- 排序（Sort）算法
 - * 交换法排序（Exchange Sort）
 - * 选择法排序（Selection Sort）
 - * 冒泡排序（Bubble Sort）
 - * 插入排序（Insertion Sort）



交换法排序



交换法排序



交换法排序

```
int a[5] = {84, 83, 88, 87, 61}; //Unsorted
```

第1轮

84	83	88	87	61
----	----	----	----	----



84	83	88	87	61
----	----	----	----	----



88	83	84	87	61
----	----	----	----	----



88	83	84	87	61
----	----	----	----	----



88	83	84	87	61
----	----	----	----	----

第2轮

88	83	84	87	61
----	----	----	----	----



88	84	83	87	61
----	----	----	----	----



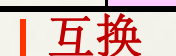
88	87	83	84	61
----	----	----	----	----



88	87	83	84	61
----	----	----	----	----

第3轮

88	87	83	84	61
----	----	----	----	----



88	87	84	83	61
----	----	----	----	----



88	87	84	83	61
----	----	----	----	----

第4轮

88	87	84	83	61
----	----	----	----	----

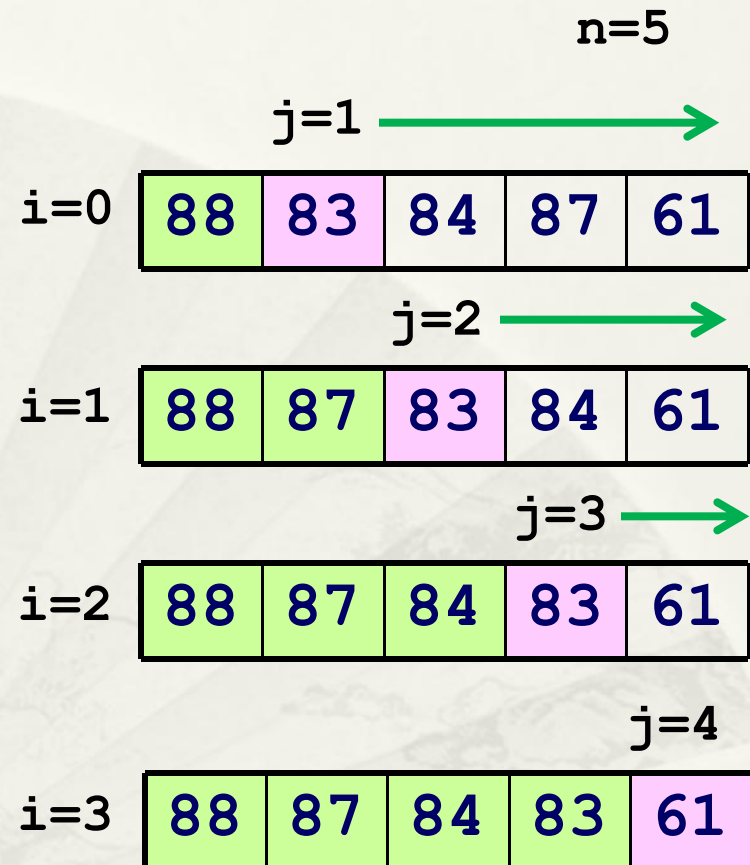


88	87	84	83	61
----	----	----	----	----

交换法排序

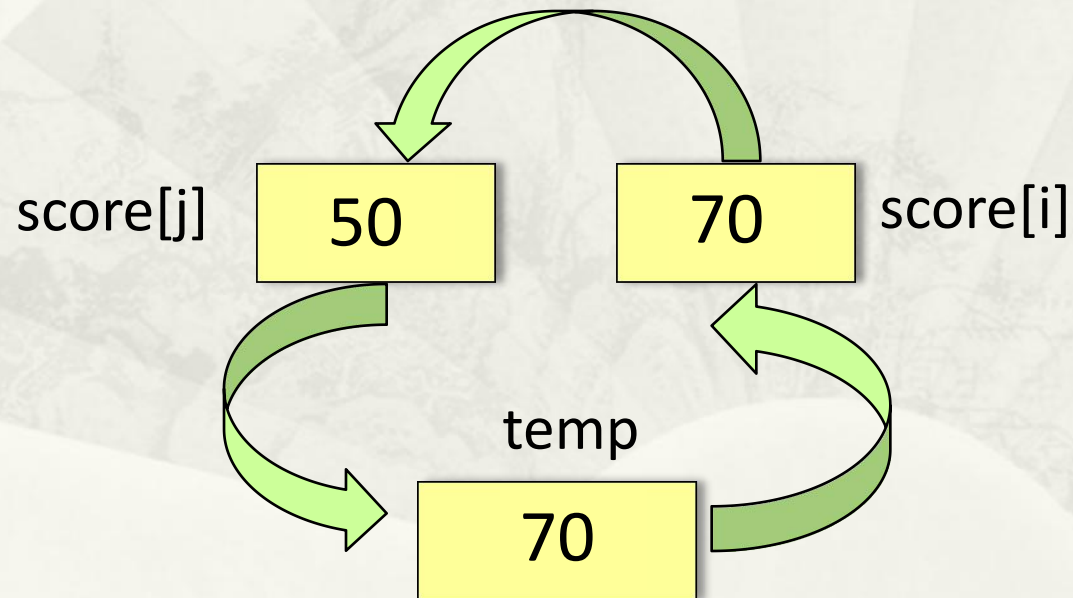
【例8.8】用交换法对成绩降序排序

```
for (i=0; i<n-1; i++)
{
    for (j=i+1; j<n; j++)
    {
        if (score[j] > score[i])
            "交换score[j]和score[i]"
    }
}
```



如何实现两数交换？

```
temp = score[j];  
score[j] = score[i];  
score[i] = temp;
```



如何实现两数交换？

- 能否不借助中间变量完成两数交换呢？
- 这个方法安全吗？

```
a = a + b;
```

```
b = a - b;
```

```
a = a - b;
```

```
b = a * b;
```

```
a = b / a;
```

```
b = b / a;
```



【例8.8】用交换法对成绩降序排序

```
void DataSort(int score[], int n) /*交换法排序*/
{
    int i, j, temp;
    for (i=0; i<n-1; i++)
    {
        for (j=i+1; j<n; j++)
        {
            if (score[j] > score[i]) /*从高到低*/
            {
                temp = score[j];
                score[j] = score[i];
                score[i] = temp;
            }
        }
    }
}
```

成绩降序排序

有改进的方法吗？



选择排序

从所有人中选择最高的放在第1个位置

k=0

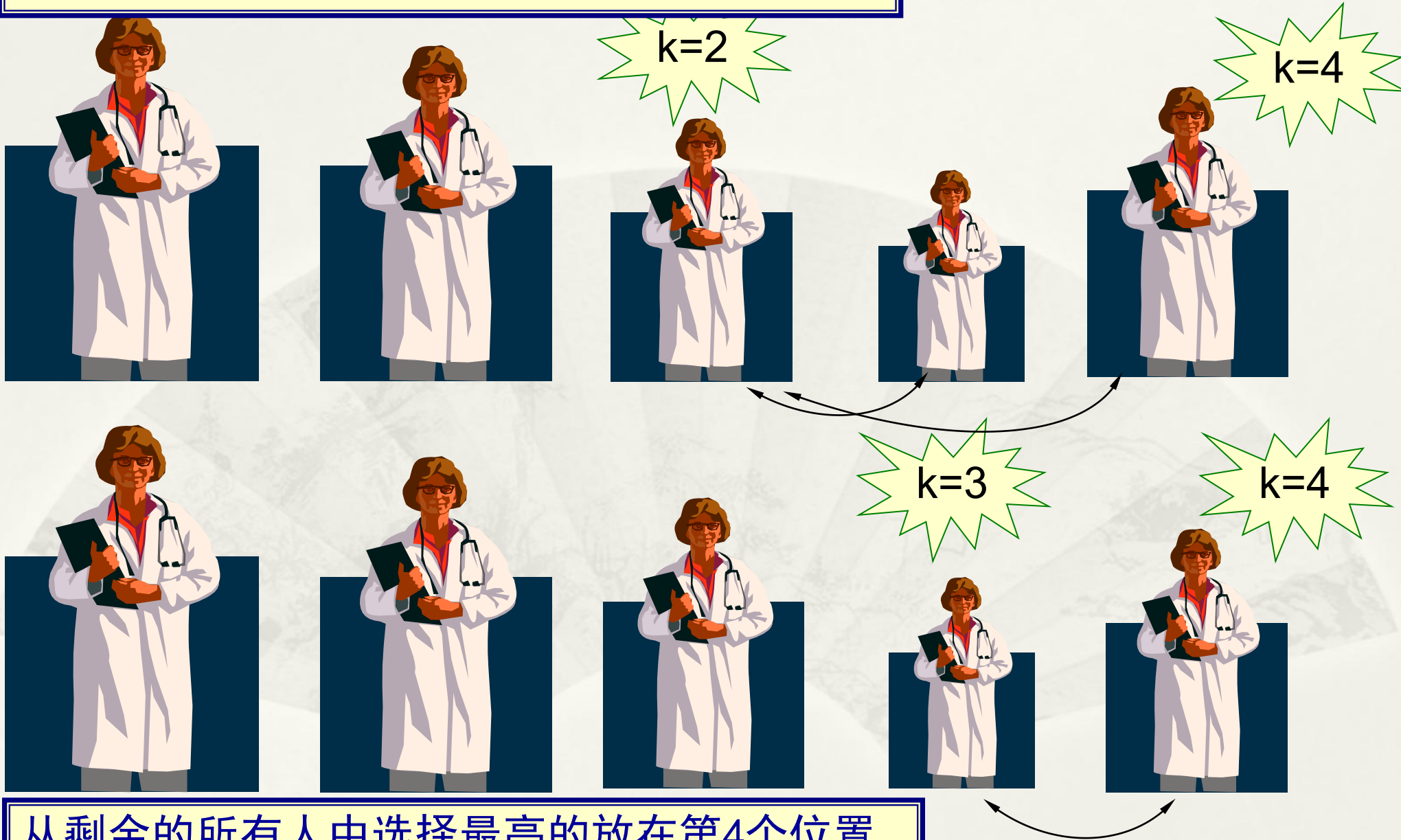
k=1

k=1

k=2

从剩余的所有人中选择最高的放在第2个位置

从剩余的所有人中选择最高的放在第3个位置



选择法排序

```
int a[7] = {2, 9, 5, 4, 8, 1, 6}; //Unsorted
```



选择法排序

寻找最高分所在下标k的过程

```
for (i=0; i<n-1; i++)  
{
```

```
    k = i;
```

```
    for (j=i+1; j<n; j++)
```

```
    {
```

```
        if (score[j] > score[k])
```

记录此轮比较中最高分所在元素的下标 $k = j$;

```
    }
```

若k中记录的最高分位置不在下标i处，则

"交换成绩 $\text{score}[k]$ 和 $\text{score}[i]$ "

"交换学号 $\text{num}[k]$ 和 $\text{num}[i]$ "

```
}
```

```

void DataSort(int score[], long num[], int n) /*选择法*/
{
    int i, j, k, temp1;
    long temp2;
    for (i=0; i<n-1; i++)
    {
        k = i;
        for (j=i+1; j<n; j++)
        {
            if (score[j] > score[k])
            {
                k = j; /*记录最大数下标位置*/
            }
        }
        if (k != i) /*若最大数不在下标位置i*/
        {
            temp1 = score[k];
            score[k] = score[i];
            score[i] = temp1;
            temp2 = num[k];
            num[k] = num[i];
            num[i] = temp2;
        }
    }
}

```

成绩降序排序

```
void DataSort(int score[], long num[], int n) /*选择法*/
{
    int i, j, k, temp1;
    long temp2;
    for (i=0; i<n-1; i++)
    {
        k = i;
        for (j=i+1; j<n; j++)
        {
            if (num[j] < num[k])
            {
                k = j; /*记录最大数下标位置*/
            }
        }
        if (k != i) /*若最大数不在下标位置i*/
        {
            temp1 = score[k];
            score[k] = score[i];
            score[i] = temp1;
            temp2 = num[k];
            num[k] = num[i];
            num[i] = temp2;
        }
    }
}
```

学号升序排序

8.4排序和查找

■ 查找（Search）算法

- * 顺序查找，也称线性查找（Linear Search）
- * 折半查找，也称对分搜索（Binary Search）



顺序查找原理



Key

List

3	6	4	1	9	7	3	2	8
3	6	4	1	9	7	3	2	8
3	6	4	1	9	7	3	2	8
3	6	4	1	9	7	3	2	8
3	6	4	1	9	7	3	2	8
3	6	4	1	9	7	3	2	8

事先不必排序

哈，找到了！

在最坏情况下，查找次数等于总的的数据量大小。
平均情况需要比较一半的数组元素。


```

int LinSearch(long num[], long x, int n)
{
    int i;
    for (i=0; i<n; i++)
    {
        if (num[i] == x)
        {
            return i;
        }
    }
    return -1;
}

```

找不到时返回-1

【例8.10】顺序查找某学号对应的学生的成绩

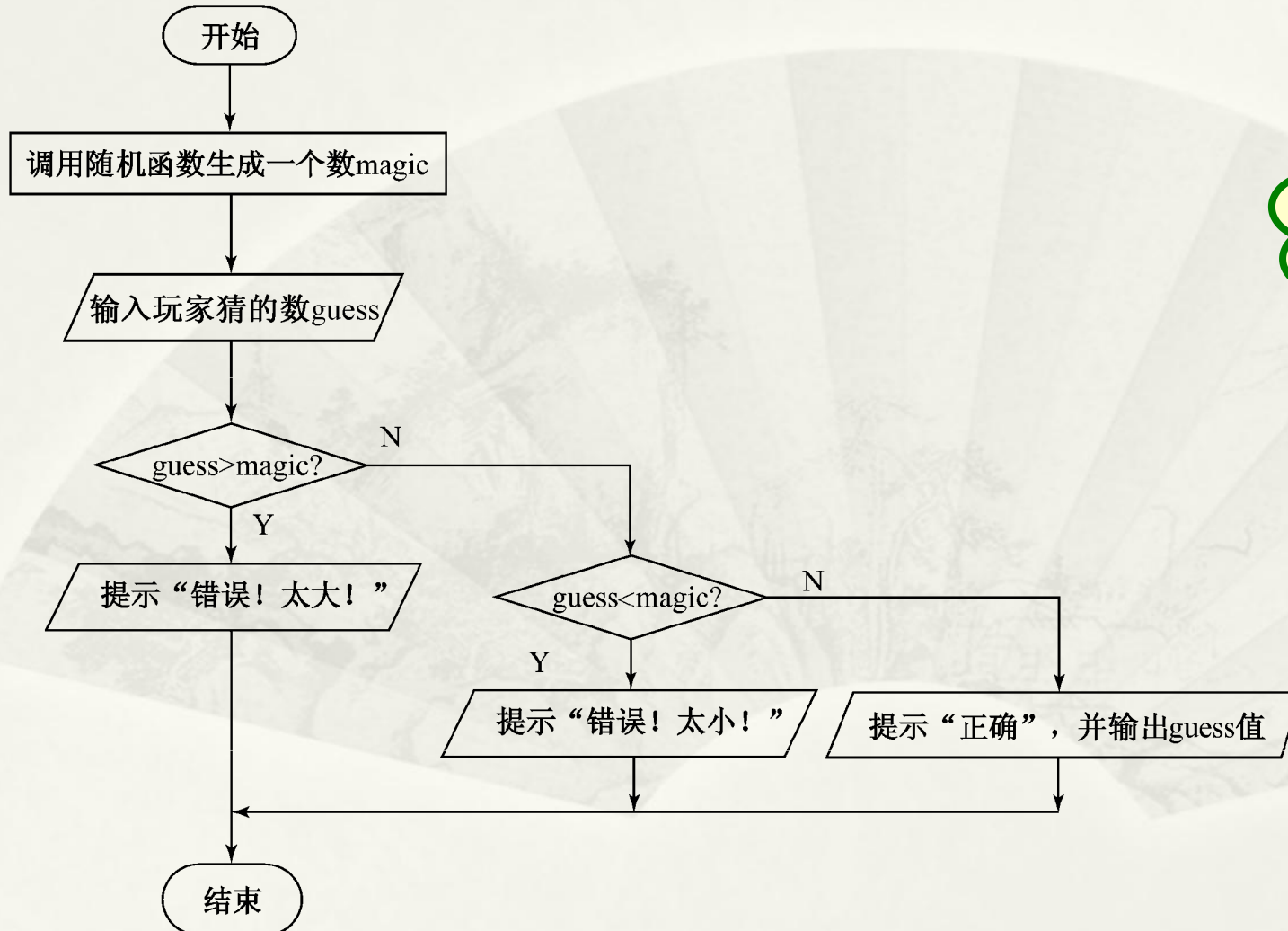
```

#define N 40
int main()
{
    int score[N], n, pos;
    long num[N], x;
    n = ReadScore(score, num);
    printf("Input the searching ID:");
    scanf("%ld", &x);
    pos = LinSearch(num, x, n);
    if (pos != -1)
    {
        printf("score=%d\n", score[pos]);
    }
    else
    {
        printf("Not found!\n");
    }
    return 0;
}

```



猜数游戏中的问题求解方法

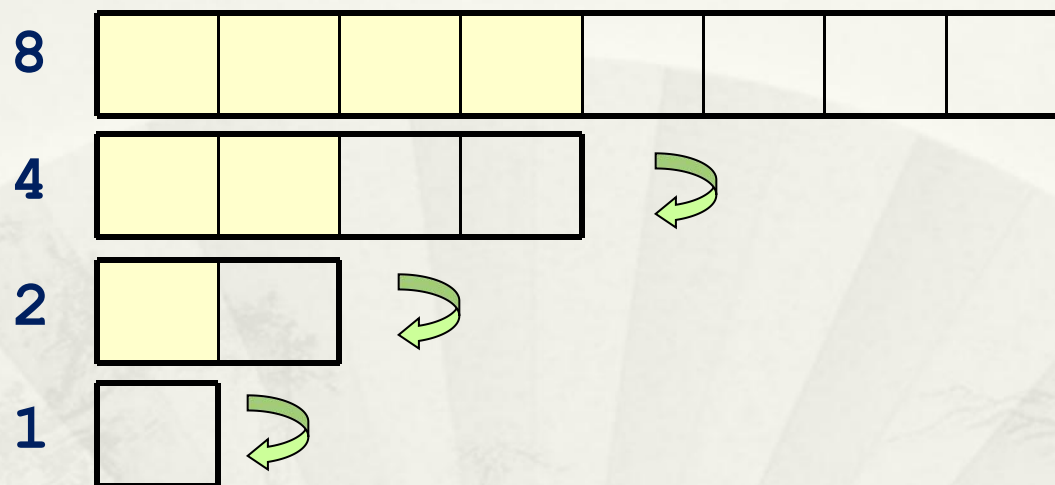


如何猜得更快？





折半查找



1024 → 512 → 256 → 128 → 64 → 32 → 16 → 8 → 4 → 2 → 1

用2除一次相当于折半查找算法中的一次比较。

最多所需的比较次数是第一个大于数组元素个数的2的幂次数。



折半查找原理

事先按升序排序

key

low=0

$mid = (low + high) / 2$

high=n-1

8

1	2	3	4	6	7	8	9
---	---	---	---	---	---	---	---

key > 4, low = mid + 1

8

				low	mid		high
1	2	3	4	6	7	8	9

key > 7, low = mid + 1

8

						mid	
				low		high	
1	2	3	4	6	7	8	9

key == 8

找到了!



折半查找原理

key

	low		mid			high		
9	1	2	3	4	6	7	10	12

key > 4, low = mid + 1

	low			mid		high		
9	1	2	3	4	6	7	10	12

key > 7, low = mid + 1

						mid	low	high
9	1	2	3	4	6	7	10	12

key < 10, high = mid - 1

						high		low
9	1	2	3	4	6	7	10	12

low < high 为假

没找到!


```
int BinSearch(long num[], long x, int n)
```

```
{  
    int low, high, mid;  
    low = 0;  
    high = n - 1;  
    while (low <= high)  
    {  
        mid = (high + low) / 2;  
        if (x > num[mid])  
        {  
            low = mid + 1;  
        }  
        else if (x < num[mid])  
        {  
            high = mid - 1;  
        }  
        else  
        {  
            return mid;  
        }  
    }  
    return -1;  
}
```

【例8.11】折半查找学号

看似天衣
无缝，完
美无缺？



并非吹毛求疵，鸡蛋里挑骨头

- `mid = (high + low) / 2;`
- 如果数组很大，low和high之和大于有符号整数的极限值（在limits.h中定义）
 - * 就会发生数值溢出，使mid成为一个负数
- 防止溢出的解决方案
 - * 修改计算中间值的方法，用减法代替加法
 - * `mid = low + (high - low) / 2;`



8.5向函数传递二维数组

```
short a[2][3];
```



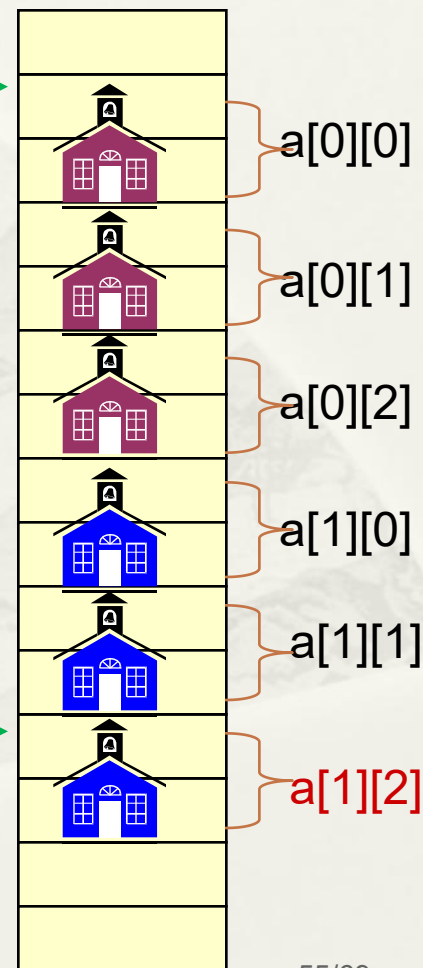
向函数传递二维数组的首地址

- 在声明函数的二维数组形参时，为什么不能省略数组第二维的长度（列数）呢？
- 元素 $a[i][j]$ 在数组中相对于第一个元素的位置：

$$i * 3 + j$$

元素地址：首地址+偏移量

偏移 $1*3+2$ 个元素



数组的应用

- 保存n个学生一门课程的成绩
 - * 用一维数组
 - * `int Average(int score[], int n);`
 - * 通常不指定数组的长度，用另一个形参来指定数组的大小
- 保存n个学生的m门课程的成绩
 - * 用二维数组
 - * `void Average(int score[][COURSE_N], float aver[], int n);`
 - * 可省略数组第一维的长度，不能省略第二维的长度
 - * 数组`aver`可保存每个学生的平均分，或每门课程的平均分

例8.12 计算每个学生的总分和平均分

```
void AverforStud(int score[][COURSE_N], int sum[],  
                 float aver[], int n)  
{  
    int i, j;  
  
    for (i=0; i<n; i++) //先遍历每个学生  
    {  
        sum[i] = 0;  
        for (j=0; j<COURSE_N; j++) //遍历每门课程  
        {  
            sum[i] = sum[i] + score[i][j];  
        }  
        aver[i] = (float) sum[i] / COURSE_N;  
    }  
}
```

如何计算每
门课程的平
均分？



例8.12 计算每门课程~~课程~~的总分和平均分

```
void AverforCourse(int score[][COURSE_N], int sum[],
                  float aver[], int n)
{
    int i, j;

    for (j=0; j<COURSE_N; j++) //先遍历每门课程
    {
        sum[j] = 0;
        for (i=0; i<n; i++)      //遍历每个学生
        {
            sum[j] = sum[j] + score[i][j];
        }
        aver[j] = (float) sum[j] / n;
    }
}
```



数组的其他应用

- 除了一维、二维数据表、矩阵运算等，还有其他应用吗？
- 如何判断一个整数x是否是素数（Prime Number）？
 - * 不能被1和x以外的其他数整除的正整数
 - * 试商法，用2~x-1之间的整数去试商看能否被整除
 - * 用2~sqrt(x)之间的整数去试商看能否被整除即可

```
int IsPrime(int x)
{
    int i, flag = 1;
    int squareRoot = sqrt(x);
    if (x <= 1) flag = 0;
    for (i=2; i<=squareRoot && flag; i++)
    {
        if (x%i == 0) flag = 0;
    }
    return flag;
}
```

如何求100
以内的所有
素数？



求100以内的所有素数

```
int main()
{
    int i;
    for (i=1; i<=100; i++)
    {
        if (IsPrime(i)) printf("%d\n", i);
    }
    return 0;
}
```

```
int IsPrime(int x)
{
    int i, flag = 1;
    int squareRoot = sqrt(x);
    if (x <= 1) flag = 0;
    for (i=2; i<=squareRoot && flag; i++)
    {
        if (x%i == 0) flag = 0;
    }
    return flag;
}
```

有其他的问题求解方法吗？



筛法求100以内的所有素数

初始化：令 $a[2]=2, a[3]=3, \dots, a[N]=N$ (N值为100)

2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17
---	---	---	---	---	---	---	---	----	----	----	----	----	----	----	----

筛2的倍数

2	3	0	5	0	7	0	9	0	11	0	13	0	15	0	17
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	---	----	---	----

筛3的倍数

2	3	0	5	0	7	0	0	0	11	0	13	0	0	0	17
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	---	---	---	----

筛5的倍数

2	3	0	5	0	7	0	0	0	11	0	13	0	0	0	17
---	---	---	---	---	---	---	---	---	----	---	----	---	---	---	----

依次从a中筛掉2的倍数，3的倍数，5的倍数，.....， \sqrt{N} 的倍数；

既筛掉所有素数的倍数，直到a中只剩下素数为止（剩下的不为0的数不是任何数的倍数）

筛法求100以内的所有素数

- 自顶向下、逐步求精设计算法
- step 1: 设计总体算法
 - * 初始化数组a, 使 $a[2]=2, a[3]=3, \dots, a[N]=N$
 - * 对 $i=2, 3, \dots, \sqrt{N}$ 分别做: “筛掉a中所有 $a[i]$ 的倍数”
 - * 输出数组中余下的数 ($a[i] \neq 0$ 的数)
- step 2: 对 “筛掉a中所有的 $a[i]$ 的倍数” 求精
 - * 对数组a中下标i后j对应的所有数分别做:
 - * 若 “该数 $a[j]$ 是 $a[i]$ 的倍数”, 则 “筛掉该数 $a[j]$ ”

筛法求100以内的所有素数

- 自顶向下、逐步求精设计算法
- step 2: 对“筛掉a中所有的a[i]的倍数”求精
 - * 对数组a中下标i后j对应的所有数分别做:
 - * 若“该数a[j]是a[i]的倍数”，则“筛掉该数a[j]”
- step 3: 对若“该数a[j]是a[i]的倍数”，则“筛掉该数a[j]”求精

```
if (a[i] != 0 && a[j] != 0 && a[j] % a[i] == 0)
{
    a[j] = 0;
}
```


筛法求100以内的所有素数

```
int i, j, a[N+1];
for (i=2; i<=N; i++)
{
    a[i] = i;
}
for (i=2; i<=sqrt(N); i++)
{
    for (j=i+1; j<=N; j++)
    {
        if (a[i]!=0 && a[j]!=0 && a[j]%a[i]==0)
        {
            a[j] = 0;
        }
    }
}
```

鲁智深吃馒头

- 据说，鲁智深一天中午匆匆来到开封府大相国寺，想蹭顿饭吃，当时大相国寺有99个和尚，只做了99个馒头
- 智清长老不愿得罪鲁智深，便把他安排在一个特定位置，之后对所有人说：
- 从我开始报数（围成一圈），第5个人可以吃到馒头（并退下）
- 退下的人的下一位开始从1报数，第5个人可以吃到馒头（并退下）
- 按此方法，所有和尚都吃到了馒头，唯独鲁智深没有吃上
- 请问他在那个位置？
- 能否借鉴筛法求出剩下的最后一个人的位置？



- 50位的n!计算?
- 为什么结果会这样?

```
#include <stdio.h>
double Fact(unsigned int n);
int main()
{
    int m;
    for (m=1; m<=40; m++)
    {
        printf("%d! = %.0f\n", m, Fact(m));
    }
    return 0;
}
double Fact(unsigned int n)
{
    unsigned int i;
    double result = 1;
    for (i=2; i<=n; i++)
        result *= i;
    return result;
}
```

```
1! = 1
2! = 2
3! = 6
4! = 24
5! = 120
6! = 720
7! = 5040
8! = 40320
9! = 362880
10! = 3628800
11! = 39916800
12! = 479001600
13! = 6227020800
14! = 87178291200
15! = 1307674368000
16! = 20922789888000
17! = 355687428096000
18! = 6402373705728000
19! = 121645100408832000
20! = 2432902008176640000
21! = 51090942171709440000
22! = 112400072777607700000
23! = 25852016738884978000000
24! = 6204484017332394100000000
25! = 155112100433309860000000000
26! = 4032914611266056500000000000
27! = 108888694504183520000000000000
28! = 3048883446117138400000000000000
29! = 88417619937397008000000000000000
30! = 2652528598121910300000000000000000
31! = 82228386541779224000000000000000000
32! = 2631308369336935200000000000000000000
33! = 86833176188118859000000000000000000000
34! = 2952327990396041200000000000000000000000
35! = 103331479663861440000000000000000000000000
36! = 3719933267899011800000000000000000000000000
37! = 137637530912263430000000000000000000000000000
38! = 5230226174666010400000000000000000000000000000
39! = 203978820811974420000000000000000000000000000000
40! = 8159152832478976800000000000000000000000000000000
```

- 挑战性的作业：习题 8.18
- 挑战类型表示的极限——50位的n!计算？
 - * 大数的存储问题



```
Enter a number to be calculated:
40
1! = 1
2! = 2
3! = 6
4! = 24
5! = 120
6! = 720
7! = 5040
8! = 40320
9! = 362880
10! = 3628800
11! = 39916800
12! = 479001600
13! = 6227020800
14! = 87178291200
15! = 1307674368000
16! = 20922789888000
17! = 355687428096000
18! = 6402373705728000
19! = 121645100408832000
20! = 2432902008176640000
21! = 51090942171709440000
22! = 1124000727777607680000
23! = 25852016738884976640000
24! = 620448401733239439360000
25! = 15511210043330985984000000
26! = 403291461126605635584000000
27! = 10888869450418352160768000000
28! = 304888344611713860501504000000
29! = 8841761993739701954543616000000
30! = 265252859812191058636308480000000
31! = 8222838654177922817725562880000000
32! = 263130836933693530167218012160000000
33! = 8683317618811886495518194401280000000
34! = 295232799039604140847618609643520000000
35! = 10333147966386144929666651337523200000000
36! = 371993326789901217467999448150835200000000
37! = 13763753091226345046315979581580902400000000
38! = 523022617466601111760007224100074291200000000
39! = 20397882081197443358640281739902897356800000000
40! = 8159152832478977343456112695961158942720000000000
```


小结

- 如何定义数组
- 如何向函数传递一维数组
 - 传递数组的首地址，形参数组和实参数组共享同一段内存
 - 通常不指定数组的长度，用另一个形参来指定数组的大小
- 如何向函数传递二维数组
 - 可省略数组第一维的长度，不能省略第二维的长度
- 常用算法：排序、查找、求最值





论程序员的逻辑思维 有多强大……

