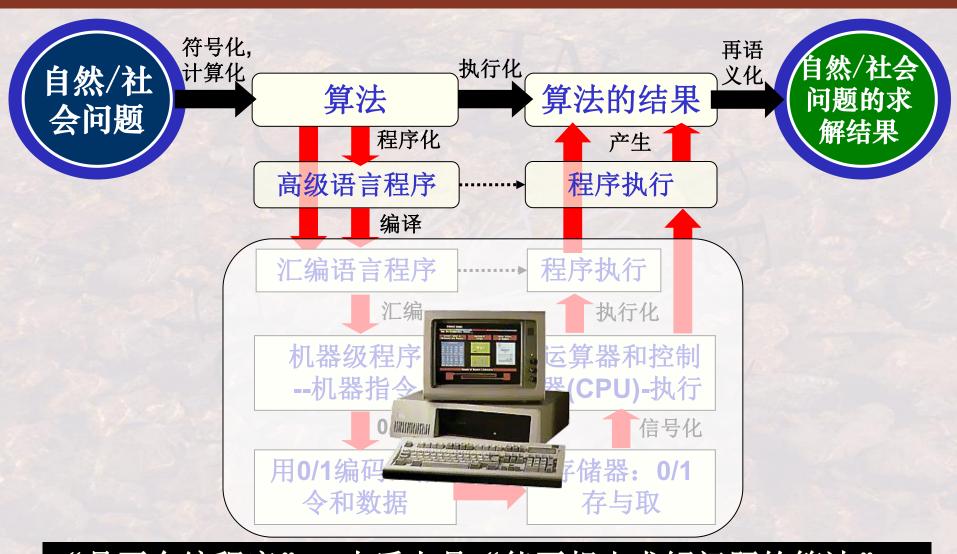
3.2 算法类问题求解框架

哈尔滨工业大学(深圳) 计算机学院

3.2.1 算法的基本概念 (1)为什么算法很重要呢?

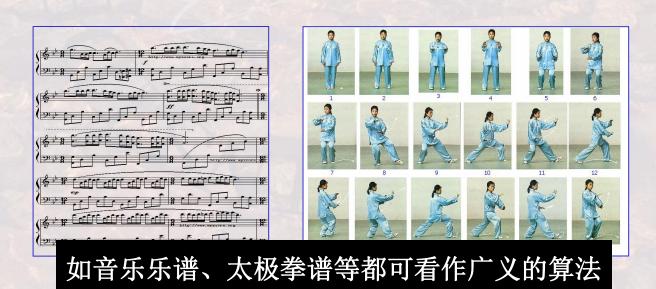


"是否会编程序",本质上是"能否想出求解问题的算法", 其次才是将算法用计算机可以识别的形式书写出来

3.2.1 算法的基本概念 (2)什么是算法?

算法---计算机与软件的灵魂。"算法"(Algorithm)一词源于数学家的名字:公元825年,阿拉伯数学家阿科瓦里茨米(AlKhowarizmi)写了著名的《波斯教科书》(Persian Textbook),书中概括了进行四则算术运算的计算规则。

◆算法是一个有穷规则的集合,它用规则规定了解决某一特定 类型问题的运算序列,或者规定了任务执行或问题求解的一系 列步骤。



3.2.1 算法的基本概念 (3)什么是计算学科中的算法?

算法

- **✓有穷性**:一个算法在执行有穷步规则之后必须结束。
- **✓确定性**: 算法的每一个步骤必须要确切地定义,不得有歧义性。
- √输入: 算法有零个或多个的输入。
- **√输出**:算法有一个或多个的输出/结果,即与输入有某个特定关系的量。
- ✓能行性: 算法中有待执行的运算和操作必须 是相当基本的(可以由机器自动完成),并能在有限 时间内完成。





寻找两个正整数的最大公约数的欧几里德算法

输入: 正整数**M**和正整数**N**

输出: M和N的最大公约数(设M>N)

算法步骤:

Step 1. M除以N,记余数为R

Step 2. 如果R不是0,将N的值赋给M,R的值赋给N,返回Step 1; 否则,最大公约数是N,输出N,算法结束。

基本运算:除法、赋值、逻辑判断

典型的"重复/循环"与"迭代"

关于算法的特性,下列说法不正确的是____。

- 算法必须有明确的结束条件,即算法应该能够结束,此即算法的有穷性
- B 算法的步骤必须要确切地定义,不能有歧义性,此即算法的确定性
- 算法可以有零个或多个输入,也可以有零个或多个输出,此即算法的输入输出性
- 算法中有待执行的运算和操作必须是相当基本的,可以由机器自动完成, 进一步,算法应能在有限时间内完成,此即算法的能行性

提交

3.2.1 算法的基本概念

(4)你知道一些典型的算法类问题吗?

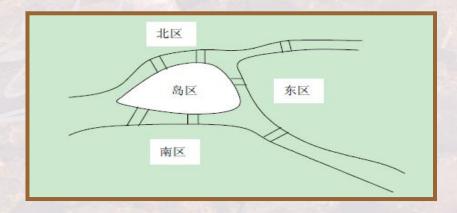
算法类问题:由一个算法可以解决的问题,寻找一个方法(算法)以解决同一类型的无穷多个单个问题系列的问题

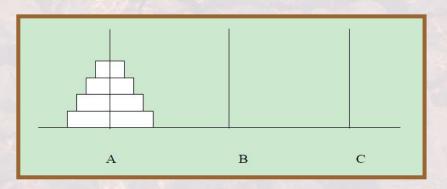
✓ 哥尼斯堡七桥问题: "寻找走遍这7座 桥且只许走过每座桥一次最后又回到原出发点的路 径""对给定的任意一个河道图与任意多座桥判定

可能不可能每座桥恰好走过一次?"。

保持大盘在下小盘在上。

- ✓ **梵天塔问题**: 有三根柱子,梵天将64个直径大小不一的金盘子按照从大到小的顺序依次套放在第一根柱子上形成一座金塔,要求每次只能移动一个盘子,盘子只能在三根柱子上来回移动不能放在他处,在移动过程中三根柱子上的盘子必须始终
- ✓ 其他如: 背包问题, 丢番图方程可解性问题,

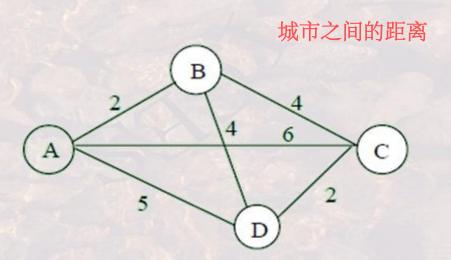




3.2.1 算法的基本概念 (5)你知道TSP问题吗?

算法类问题示例

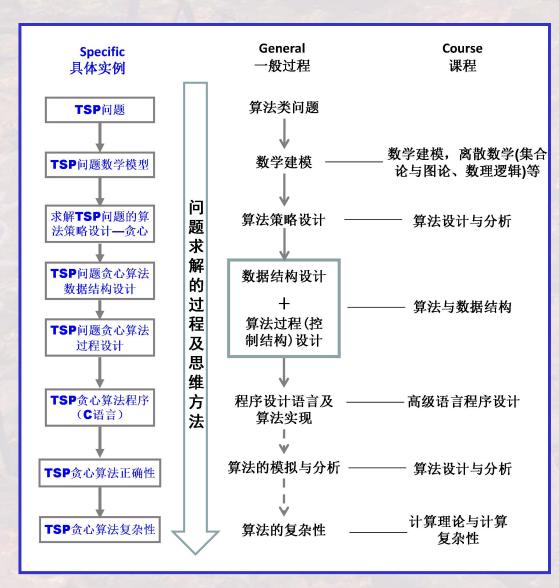
- ◆TSP问题(**Traveling Salesman Problem**, 旅行商问题), 威廉哈密尔顿爵士和英国数学家克克曼T.P.Kirkman于19世纪初提出TSP问题.
- ◆TSP问题: 有若干个城市,任何两个城市之间的距离都是确定的,现要求一旅行商从某城市出发必须经过每一个城市且只能在每个城市逗留一次,最后回到原出发城市,问如何事先确定好一条最短的路线使其旅行的费用最少。
- ◆TSP是最有代表性的组合优化问题之一, 在半导体制造(线路规划)、物流运输(路径规 划)等行业有着广泛的应用。



3.2.1 算法的基本概念 (6)你知道算法类问题求解的一般步骤吗?

算法类问题求解框架

- ◆问题抽象及数学建模:将问题抽象为一个数学问题,并给出求解该数学问题的算法模型。
- ◆算法策略设计
- ◆算法的数据结构和控制结构 设计:将数学模型转换为可由计算 机自动计算的算法。
- **◇算法的实现**:用程序设计语言编写算法实现的程序。
- ◆算法的分析:分析算法的正确 性和复杂性,判断能行性!



3.2.2 数学建模:建立问题的数学模型

3.2.2 数学建模:建立问题的数学模型 (1)为什么说数学建模对于算法很重要?

算法类问题求解的第一步就是要数学建模。

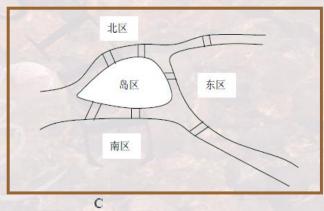
- ◆数学建模是用数学语言描述实际现象的过程,即建立数学模型的过程。
- ◆数学模型是对实际问题的一种数学表述,是关于部分现实 世界为某种目的的一个抽象的简化的数学结构。

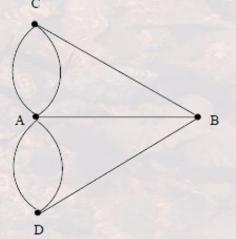
将现实世界的问题抽象成数学模型,就可能发现问题的本质及其能否求解,甚至找到求解该问题的方法和算法。

3.2.2 数学建模:建立问题的数学模型 (1)为什么说数学建模对于算法很重要?

哥尼斯堡七桥问题被抽象成一个"图(Graph)"

- --由节点和边所构成的一种结构,
- --依据"图",可发现该问题所蕴含的许多性质:
- ◆ "**连通---**-两个节点间有路径相连接"
- ◆"回路---从一个节点出发最后又回到该节点的一条路径"
- ◆ "可达----从一个节点出发能够到达另一个节点"
- ◆ "经过图中每边一次且仅一次的回路"
- ◆"经过图中每个节点一次且仅一次的回路"
- ◆ 什么情况下有解,什么情况下无解?





如果能抽象成数学模型,则可将一个具体问题的求解,推广为一类 问题的求解!

3.2.2 数学建模:建立问题的数学模型

(2)数学建模要做到怎样?

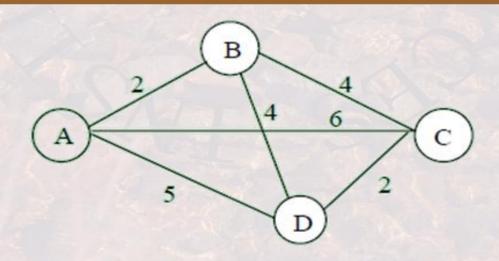
TSP问题的数学模型

输入: \mathbf{n} 个城市,记为 $V=\{v_1,v_2,...,v_n\}$,任意两个城市 $v_i,v_j \in V$ 之间有距离 $\mathbf{d}_{v_iv_j}$

输出: 所有城市的一个访问顺序 $T=\{t_1,t_2,\dots,t_n\}$, 其中 $t_i\in V$, $t_{n+1}=t_1$, 使得 $\min\sum_{i=1}^n d_{t_it_{i+1}}$

问题求解的基本思想: 在所有可能的访问顺序 T 构成的状态空间 Ω 上搜索使得 $\sum_{i=1}^n d_{t_i t_{i+1}}$ 最

小的访问顺序 Topt。

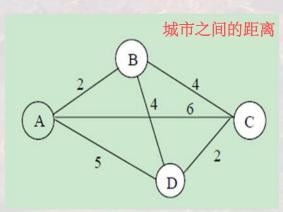


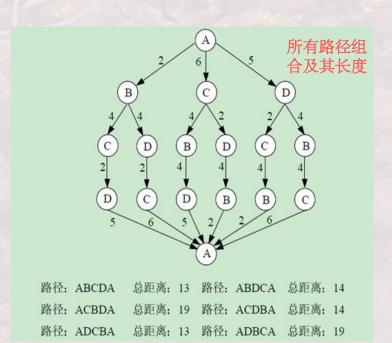
(1)算法思想或者算法策略对问题求解有什么影响?

算法策略设计---算法思想

当数学建模完成后, 就要设计算法的策略或者说问题求解的策略。

- ◆求解TSP的**遍历算法**:列出每一条可供选择的路线,计算出每条路线的总里程,最后从中选出一条最短的路线。
- ◆出现的问题是: 组合爆炸
- ✓路径组合数目: (n-1)!
- √20个城市,遍历总数1.216×10¹⁷
- ✓计算机以每秒检索1000万条路线的计算速度,需386年。





(1)算法思想或者算法策略对问题求解有什么影响?

- ◆TSP**问题的难解性**. 随着城市数量的上升, TSP问题的"遍历"方法计算量剧增, 计算资源将难以承受。
- ◆2001年解决了德国**15112**个城市的TSP问题,使用了美国Rice大学和普林斯顿大学之间互连的、速度为500MHz 的Compaq EV6 Alpha 处理器组成的**110台计算机**,所有计算机花费的时间之和为**22.6年**。

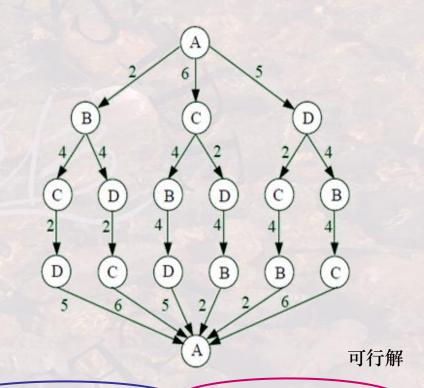
An optimal TSP tour through Germany's 15 largest cities. It is the shortest among 43 589 145 600 possible tours visiting each city exactly once.



(2)有哪些算法策略?

TSP问题,有没有其他求解算法呢?

- ◆最优解 vs. 可行解
- ◆不同的算法设计策略:
 - ✓ 遍历、搜索算法
 - ✓ 分治算法
 - ✓ 贪心算法
 - ✓ 动态规划算法
 - V



最优解

路径: ABCDA 总距离: 130 路径: ABDCA 总距离: 14 路径: ACBDA 总距离: 19 路径: ACDBA 总距离: 14

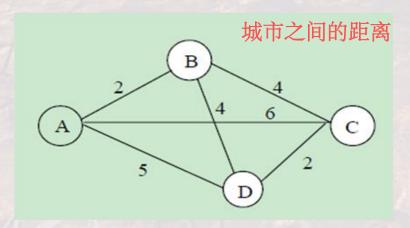
路径: ADCBA 总距离: 13 路径: ADBCA 总距离: 19

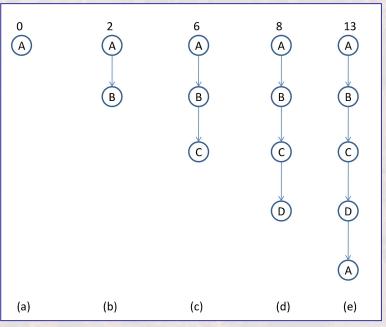
TSP问题的可行解与最优解示意

3.2.3 算法思想: 算法策略选择 (3)为什么称为"贪心算法"?

贪心算法是一种算法策略,或者说问题求解的策略。基本思想"今朝有酒今朝醉"。

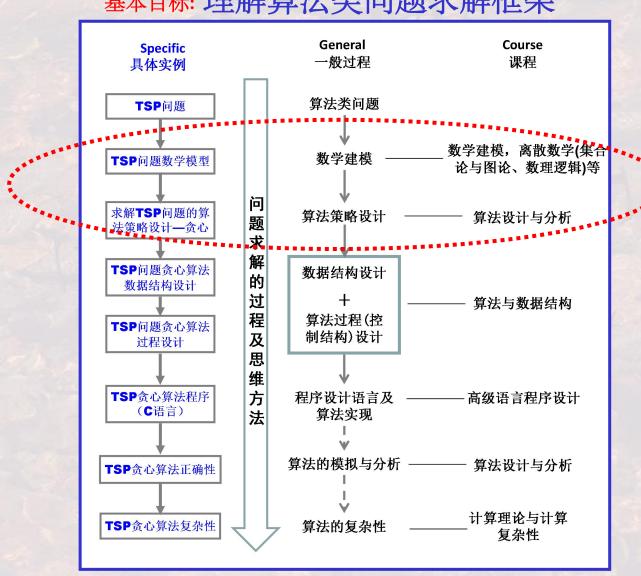
- ✓一定要做当前情况下的最好选择,否则 将来可能会后悔,故名"贪心"。
- ◆TSP问题的贪心算法求解思想
- ✓从某一个城市开始,每次选择一个城市,直到所有城市都被走完。
- ✓每次在选择下一个城市的时候,只考虑 当前情况,保证迄今为止经过的路径总距 离最短。





数学建模与算法策略设计---算法思想 (4)小结?

基本目标: 理解算法类问题求解框架



3.2.4 算法设计: 算法思想的精确表达 (1)算法设计包括什么?

■算法的数据结构设计---问题或算法相关的数据之间的逻辑关系及存储关系的设计

如何将数学模型中的数据转为计算机可以存储和处理的数据?

■算法的控制结构设计---算法的计算规则或计算步骤设计

如何构造和表达处理的规则,以便能够按规则逐步计算出结果?

(2)一个问题中应该设计哪些数据结构?

TSP问题的数据结构设计

◆数据结构设计就是针对选定的算法策略,设计其相应的数据结构及 其运算规则。不同的算法可能有不同的数据结构及其运算规则!

城市映射为编号: A---1, B---2, C---3, D---4

城市间距离关系:表或二维数组D,用D[i][j]或D[i,j]来确定欲处理的每一个元素

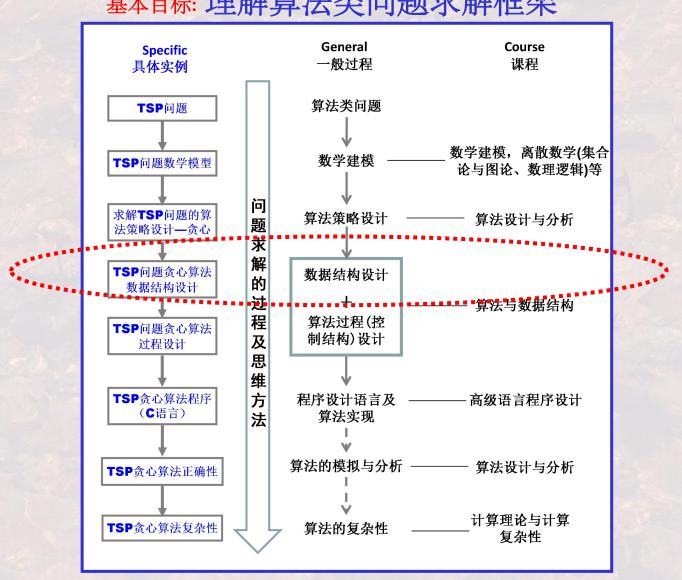
城市编号	1	2	3	4	
1		2	6	5	D
2	2		4	4	
3	6	4		2	רנטונטו
4	5	4	2		D[2][3]

访问路径/解:一维数组S,用S[i]来确定每一个元素

S	1	4	3	2	{A->D->C->B->A}
	S[1]	S[2]	S[3]	S[4]	

(3)小结

基本目标: 理解算法类问题求解框架



3.2.4 算法设计: 算法思想的精确表达 (4)算法设计包括什么?

■算法的数据结构设计---问题或算法相关的数据之间的逻辑关系及存储关系的设计

如何将数学模型中的数据转为计算机可以存储和处理的数据?

■算法的控制结构设计---算法的计算规则或计算步骤设计

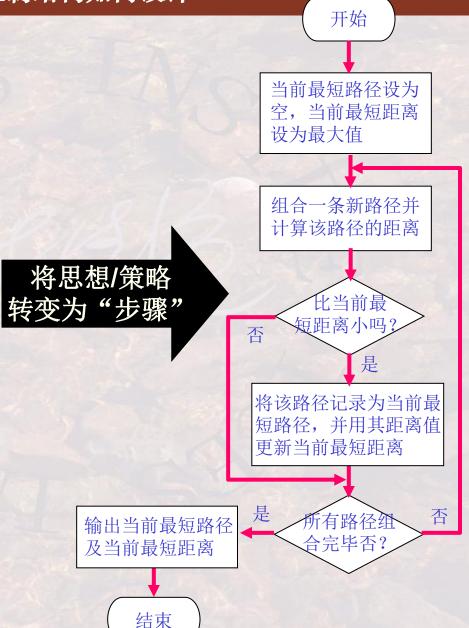
如何构造和表达处理的规则,以便能够按规则逐步计算出结果?

(5)具体算法-TSP的遍历算法的控制结构如何设计?

求解TSP问题的遍历算法

- ✓遍历所有的组合路径;
- ✓累加一条路径的距离之和;
- ✓判断某条路径的距离是不是比
- 当前最短路径距离短;
- ✓如果是,则用新路径取代当前
- 最短路径,并记录其距离;
- ✓直到所有路径比较完毕;

.....



3.2.4 算法设计: 算法思想的精确表达 (5) 具体算法-TSP问题的贪心算法的控制结构如何设计?

步骤描述法表示的求解

TSP问题的贪心算法

- ✓城市用数字编号来表示,1,2…,N
- ✔任何两个城市的距离记录在数组**D**[i,j]中
- ✓依次访问过的城市编号被记录在S[1], S[2], ···, S[N}中,即第i 次访问的城市记录在S[i]中。
- ✓Step(1): 从第1个城市开始访问起, 将城市编号1赋值给S[1]。
- ✓Step(2): 第I次访问的城市为城市j, 其距第I-1次访问城市的距离最短。

Start of the Algorithm

- (1) S[1]=1;
- (2) Sum=0;
- (3) 初始化距离数组D[N, N];
- (4) I=2;
- (5) 从所有未访问过的城市中查找距离 S[I-1]最近的城市j;
- (6) S[I]=j;
- (7) I=I+1;
- (8) Sum=Sum+Dtemp;
- (9) 如果I<=N,转步骤(5),否则,转步骤(10);
- (11)Sum=Sum+D[1, j];
- (12)逐个输出S[N]中的全部元素;
- (13)输出Sum。

End of the Algorithm

3.2.4 算法设计: 算法思想的精确表达 (5) 具体算法-TSP问题的贪心算法的控制结构如何设计?

步骤描述法表示的求解TSP问题的贪心算法(cont.)

◆前述第5步"从所有未访问过的城市中查找距离S[I-1]最近的城市j"还是不够明确,需要进一步细化

```
(5.1)K=2;
(5.2)将Dtemp设为一个大数(比所有两个城市之间的距离都大)
(5.3)L=1;
(5.4)如果S[L]==K,转步骤5.8;//该城市已出现过,跳过
(5.5)L=L+1;
(5.6)如果L<I,转5.4;
(5.7)如果D[K,S[I-1]]<Dtemp,则j=K;Dtemp=D[K,S[I-1]];
(5.8)K=K+1;
(5.9)如果K<=N,转步骤5.3。
```

(6)具体算法-TSP问题的贪心算法的算法流程图?

流程图表示的求解TSP问题的 贪心算法

开始 初始化距离数组D[N, N]; S[1]=1; Sum=0; I=2; K=2; 将Dtemp设为一个大数; L=1; S[L] = = K?L=L+1; Y L < I? 如D[K,S[I-1]] < Dtemp 则 j=K; Dtemp=D[K,S[I-1]]; K = K+1;Y $K \leq N?$ N S[I] = j; I = I+1; Sum=Sum+Dtemp;Y $I \leq N?$ Sum = Sum+D[1, j]; 逐个输出S[N]中的全部元素; 输出Sum; 结束

(7)你能够读懂流程图吗?

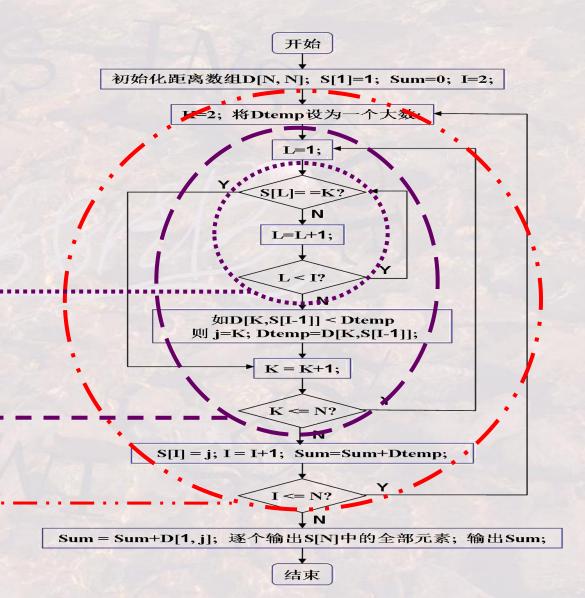
算法思想解读

◆计算学科的学生不仅能够 设计算法,而且会描述和表 达算法,更要能读懂算法。

内层循环, L从1至I-1, 循环判断第K 个城市是否是已访问过的城市, 如是 则不参加最小距离的比较;

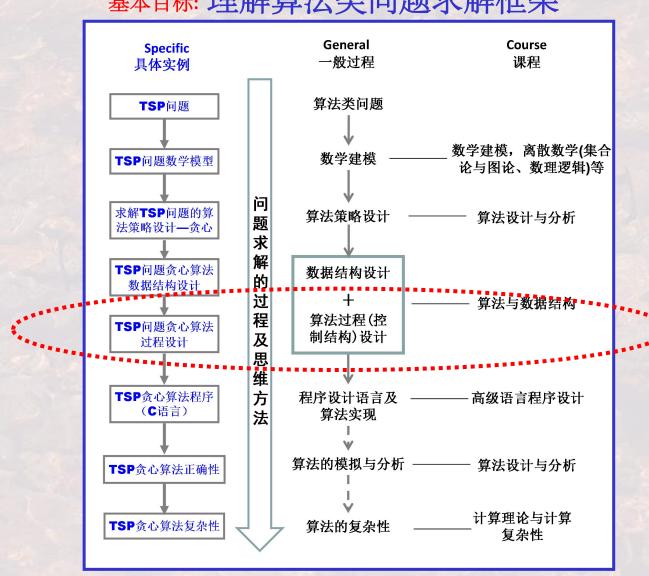
中层循环, K从第2个城市至第N个城市循环, 判断D[K, S[I-1]]是否是最小值, j记录了最小距离的城市号K。

外层循环,I从2至N循环;I-1个城市已访问过,正在找与第I-1个城市最近距离的城市;已访问过的城市号存储在S[]中。



(8)小结?

基本目标: 理解算法类问题求解框架

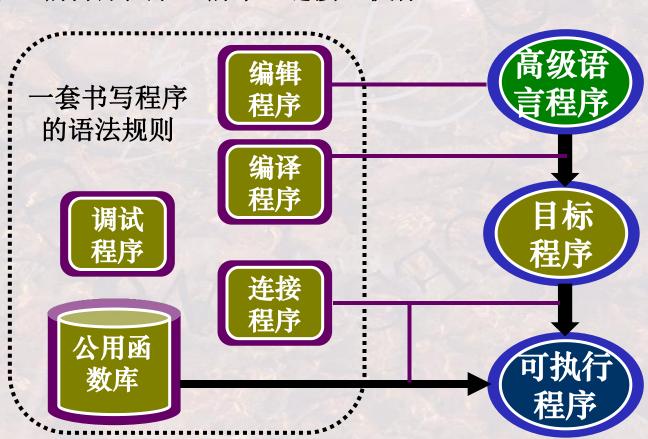


(1)算法实现要选定计算机语言,你知道吗?

算法的实现

- ◆程序是算法的一种机器相容(Compatible)的表示,是利用计算机程序设计语言对算法描述的结果,是可以在计算机上执行的算法。
- ◆程序设计过程:编辑源程序→编译→链接→执行。

计言计编译调行平机 等程域、编接运机体。编接运化

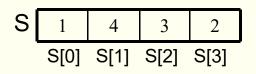


(2)你能用某一种计算机语言书写出TSP问题贪心算法的程序吗?

判断城市K是否是已访问过的城市

```
main() {
//前面已为 K 和 I 赋过值
L=0; Found=0;
do {
      if(S[L]==K)
      { Found=1; break; }
      else L=L+1;
   } while(L<I); //L从1到I循环
   if Found==0 { //城市K未出现过 }
   else { //城市K出现过 }
```

- •K从1,...,n-1是城市的编号
- ·I是至今已访问过的城市数
- •S[0]至S[I-1]中存储的是已 访问过的城市的编号



(2)你能用某一种计算机语言书写出TSP问题贪心算法的程序吗?

寻找下一个未访问过的城市j,且其距当前访问城市S[I-1]距离最短 main() {

```
K=1; Dtemp=10000;
do{ // K从1到n-1循环
    L=0; Found=0;
    do{
       if(S[L]==K)
       { Found=1; break; }
       else L=L+1;
    } while(L<I); //L从1到I循环
    if (Found==0 && D[K][S[I-1]] < Dtemp) • D[K][S[I-1]] 为城市K距当
    \{ j=K; Dtemp=D[K][S[I-1]]; \}
    K=K+1;
} while(K<n);</pre>
```

- •K从1,...,n-1是城市的编号
- ·I是至今已访问过的城市数
- •S[I-1]中存储的是当前访问 过的城市编号,要找第I个 程序

```
S[0] S[1] S[2] S[3]
```

前访问过的城市的距离

```
//K从1到n-1循环
S[I]=j; Sum=Sum+Dtemp;
```

(2)你能用某一种计算机语言书写出TSP问题贪心算法的程序吗?

算法的实现 TSP问题贪心 算法程序实例

```
#include <stdio.h>
#define n 4
main(){
 int D[n][n], S[n], Sum, I, j, K, L, Dtemp, Found:
  S[0]=0; Sum=0; D[0][1]=2; D[0][2]=6; D[0][3]=5; D[1][0]=2; D[1][2]=4;
 D[1][3]=4; D[2][0]=6; D[2][1]=4; D[2][3]=2; D[3][0]=5; D[3][1]=4; D[3][2]=2;
                   //注意程序是从0开始,流程图是从1开始的,下同.
 I=1:
                   //I 从 1 到 n-1 循环
 do {
     K=1; Dtemp=10000;
                        //K 从 1 到 n-1 循环
     do{
         L=0; Found=0;
         do{
                            /L从1到1循环
              if(S[L]==K)
               { Found=1; break; }
               else L=L+1:
            } while(L<I): //L 从 1 到 I 循环
         if(Found==0 && D[K][S[I-1]]<Dtemp)
         \{j=K; Dtemp=D[K][S[I-1]]; \}
         K=K+1:
     } while(K<n); //K 从 1 到 n-1 循环
      S[I]=i; I=I+1; Sum=Sum+Dtemp;
    } while(I<n); //I 从 1 到 n-1 循环
  Sum=Sum+D[1][i]:
  for(j=0;j<n;j++){ printf("%d,",S[j]); } //输出城市编号序列
                                  //换行
 printf("\n");
                                  /输出总距离
 printf("Total Length:%d",Sum);
```

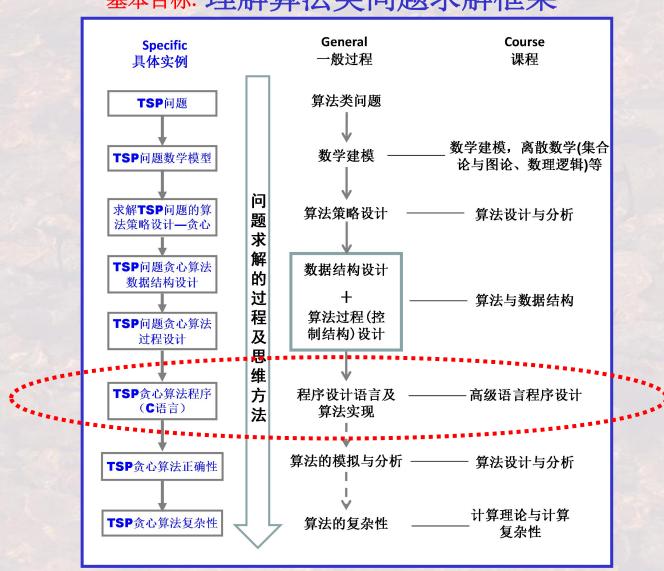
下列说法正确的是_____

- A 算法类问题求解首先要进行数学建模,即用数学语言对问题进行抽象
- 一个问题,进行了数学建模后,可以通过模型的一些性质的分析判断该问 B 题是否有解;在有解的情况下,再设计算法进行求解,否则则可能做的是 无用功!
- 一个问题,进行了数学建模后,可以依据数学的一些求解方法,设计出让 计算机求解的算法。
- 一个问题,虽然进行了数学建模但可以不依据数学求解方法,设计出让计 算机求解的算法;

提交

算法的实现-程序设计 (5)小结?

基本目标: 理解算法类问题求解框架



3.2.5 算法的模拟与分析

3.2.5 算法的模拟与分析 (1)算法是正确的吗?

算法是正确的吗?

- ◆算法的模拟与分析
- ◆算法的正确性问题:
 - ✔ 问题求解的过程、方法——算法是正确的吗? 算法的输出是问题的解吗?
 - ✔ 20世纪60年代,美国一架发往金星的航天飞机由于控制程序出错而永久丢失在太空中
- ◆算法的效果评价:
 - ✓ 算法的输出是最优解还是可行解? 如果是可行解,与最优解的偏差多大?
- ◆两种评价方法:
 - ✓ 证明方法: 利用数学方法证明;
 - ✓ 仿真分析方法:产生或选取大量的、具有代表性的问题实例,利用该算法对这些问题 实例进行求解,并对算法产生的结果进行统计分析。

算法获得的解是最优的吗?

3.2.5 算法的模拟与分析 (1)算法是正确的吗?

TSP问题贪心算法的模拟与分析

- ◆TSP问题贪心算法的正确性评价:
- ✓直观上只需检查算法的输出结果中,每个城市出现且仅出现一次,该结果即是TSP问题的可行解,说明算法正确地求解了这些问题实例
- ◆TSP问题贪心算法的效果评价:
- ✓如果实例的最优解已知(问题规模小或问题已被成功求解),利用统计方法对若干问题实例的算法结果与最优解进行对比分析,即可对其进行效果评价;
- ✓对于较大规模的问题实例,其最优解往往是未知的,因此,算法的效果评价只能借助于与<mark>前</mark> 人算法结果的比较。

3.2.6 算法的复杂性

3.2.6算法的复杂性 (1)算法的计算时间有多长?

算法获得结果的时间有多长?

- ◆另一个问题: **算法是能够执行的吗**?
- ◆算法的复杂性分析
- ◆**算法的效率**: 时间效率和空间效率
- ◆时间复杂性: 如果一个问题的规模是n,解这一问题的某一算法所需要的时间为T(n),它是n的某一函数,T(n)称为这一算法的"时间复杂性"
 - ◆ 寻找T(n)的同数量级函数f(n),时间复杂度为O(f(n)):n≥no; T(n)≤Cf(n)
- ◆"大O记法":
- ✓基本参数 n——问题实例的规模
- ✓把复杂性或运行时间表达为n的函数。
- ✓ "O"表示量级 (order), 允许使用"="代替"≈", 如n²+n+1 =O(n²)。
- ◆算法的空间复杂度S(n): 算法在执行过程中所占存储空间的大小。

3.2.6算法的复杂性 (2)算法的计算时间有多长?

算法复杂性分析示例

```
(1次)
sum=0;
for( i=1; i<=n; i++)
                                (n次)
{ for( j=1; j<=n; j++)
                                (n<sup>2</sup>次)
                                  (n<sup>2</sup>次)
      { sum++; }
解: T(n)=2n^2+n+1=O(n^2)
```

主要关注点:循环的层数

3.2.6算法的复杂性 (2)算法的计算时间有多长?

TSP问题算法的复杂性分析

- ◆TSP问题遍历算法的复杂性:
- ✓列出每一条可供选择的路线, 计算出每条路 线的总里程, 最后从中选出一条最短的路线
- ✓组合爆炸:路径组合数目为(n-1)!
- ✓时间复杂度是O((n-1)!)
- ◆TSP问题**贪心算法**的复杂性:
- ✓一个关于n的三重循环。
- ✓时间复杂度是<mark>O(n³)</mark>。

```
#include <stdio h>
#define n 4
main(){
     D[n][n], S[n], Sum, I, j, K, L, Dtemp, Found;
  S[0]=0; Sum=0; D[0][1]=2; D[0][2]=6; D[0][3]=5; D[1][0]=2; D[1][2]=4;
  D[1][3]=4; D[2][0]=6; D[2][1]=4; D[2][3]=2; D[3][0]=5; D[3][1]=4; D[3][2]=2;
                   /注意程序是从0开始,流程图是从1开始的,下同.
 I=1:
                   //I 从 1 到 n-1 循环——将被执行 n-1 次,简记约 n 次
  do {
     K=1; Dtemp=10000;
                        /K 从 1 到 n-1 循环---将被执行(n-1)*(n-1)次, 简记约 n<sup>2</sup>次
          L=0: Found=0:
                             //L 从 1 到 I 循环——将被执行,简记约 n³ 次
               if(S[L]=K)
               { Found=1; break; }
               else L++:
            } while(L<I); //L从1到I循环
          if(Found==0 && D[K][S[I-1]]<Dtemp)
          \{ j=K; Dtemp=D[K][S[I-1]]; \}
          K++:
     while(K<n);
                      //K 从 1 到 n-1 循环
      S[I]=j; I=I+1; Sum=Sum+Dtemp;
   } while(I<n);
                  //I 从 1 到 n-1 循环
  Sum=Sum+D[1][i]:
 for(j=0;j<n;j++){    printf("%d,",S[j]);    }  //輸出城市编号序列
                                   //换行
 printf("\n");
                                   /输出总距离
 printf("Total Length:%d",Sum);
```

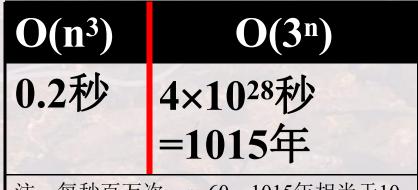
3.2.6算法的复杂性 (3) O(n³), O(n!)和O(3n)差别有多大?

O(n³)与O(3n)的差别,O(n!)与O(n³)的差别

问题规模n	计算量
10	10!
20	20!
100	100!
1000	1000!
10000	10000!

 $20! = 1.216 \times 10^{17}$

 $20^3 = 8000$



注:每秒百万次, n=60, 1015年相当于10 亿台计算机计算一百万年

3.2.6算法的复杂性 (4)可解性与难解性问题

难解性问题

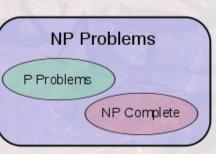
- ◆当算法的时间复杂度的表示函数是一个多项式时,如O(n²)时,则计算机对于大规模问题是可以处理的,即可解的。例如,TSP问题的贪心算法 O(n³)。
- ◆当算法的时间复杂度是用指数函数表示时,如○(2ⁿ),当n很大(如10000)时计算机是无法处理的,在计算复杂性中将这一类问题被称为**难解性问题**。例如,TSP问题的遍历算法。

计算复杂性理论

- ◆所有可以在多项式时间内求解的问题称为P类问题
- ◆所有在多项式时间内可以验证的问题称为NP类问

题, P⊆NP。

◆Open problem: P=NP? 美国克雷数学研究所百万大奖难题。





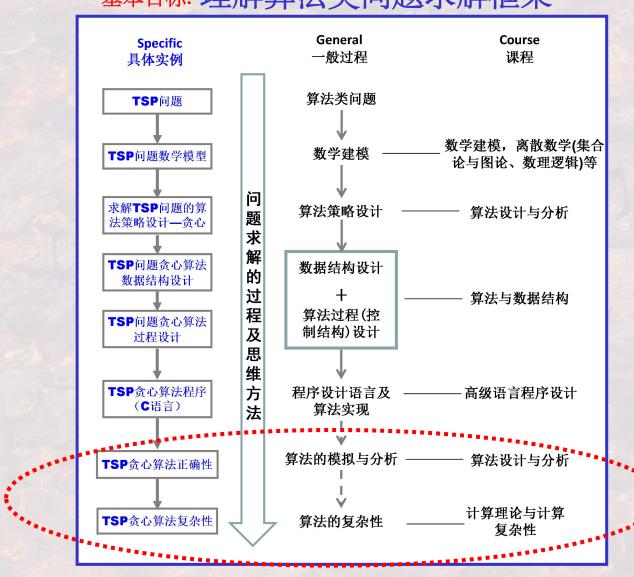
通常从哪些方面,进行算法的模拟与分析

- A 算法的正确性问题,即一个算法求得的解是满足问题约束的正确的解吗?
- 算法的效果评价问题,即算法输出的是最优解还是可行解,其可行解与最 优解的偏差有多大?
- **章** 算法的时间效率问题(时间复杂性),即算法执行所需要的时间是多少?
- D 算法的空间效率问题(空间复杂性),即算法执性所需要的空间是多少?

是交

3.2.6算法的复杂性 (5)小结?

基本目标: 理解算法类问题求解框架



算法-程序与计算系统之灵魂: 总结?

