

# The 2021 Hangzhou Normal U Summer Trials Tutorial

Hangzhou Normal U ACM/ICPC Team

2021 年 05 月 29 日

## ① Solution

## Problem A Aahaxiki's journey I - set off

- 同城内任意场地的转移需要额外的时间金钱花费

## Problem A Aahaxiki's journey I - set off

- 同城内任意场地的转移需要额外的时间金钱花费
- A 火车站 - 火车 → B 火车站 - 火车 → C 火车站

## Problem A Aahaxiki's journey I - set off

- 同城内任意场地的转移需要额外的时间金钱花费
- A 火车站 - 火车 → B 火车站 - 火车 → C 火车站
- A 火车站 - 火车 → B 火车站 - 额外花费 → B 机场 - 飞机 → C 机场

## Problem A Aahaxiki's journey I - set off

- 同城内任意场地的转移需要额外的时间金钱花费
- A 火车站 - 火车 → B 火车站 - 火车 → C 火车站
- A 火车站 - 火车 → B 火车站 - 额外花费 → B 机场 - 飞机 → C 机场
- 考虑拆点，将每个城市的每个场地视为一个独立的点，每个城市里任意两个场地建无向边

## Problem A Aahaxiki's journey I - set off

- 同城内任意场地的转移需要额外的时间金钱花费
- A 火车站 - 火车  $\rightarrow$  B 火车站 - 火车  $\rightarrow$  C 火车站
- A 火车站 - 火车  $\rightarrow$  B 火车站 - 额外花费  $\rightarrow$  B 机场 - 飞机  $\rightarrow$  C 机场
- 考虑拆点，将每个城市的每个场地视为一个独立的点，每个城市里任意两个场地建无向边
- $T(1 \leq T \leq 10^5)$  组输入，单组输入最多  $N = 10^5$  个点，注意初始化

## Problem A Aahaxiki's journey I - set off

- 同城内任意场地的转移需要额外的时间金钱花费
- A 火车站 - 火车  $\rightarrow$  B 火车站 - 火车  $\rightarrow$  C 火车站
- A 火车站 - 火车  $\rightarrow$  B 火车站 - 额外花费  $\rightarrow$  B 机场 - 飞机  $\rightarrow$  C 机场
- 考虑拆点，将每个城市的每个场地视为一个独立的点，每个城市里任意两个场地建无向边
- $T(1 \leq T \leq 10^5)$  组输入，单组输入最多  $N = 10^5$  个点，注意初始化
- `memset(dis, 0, sizeof dis) - int dis[N] - TLE`



## Problem A Aahaxiki's journey I - set off

- 同城内任意场地的转移需要额外的时间金钱花费
- A 火车站 - 火车  $\rightarrow$  B 火车站 - 火车  $\rightarrow$  C 火车站
- A 火车站 - 火车  $\rightarrow$  B 火车站 - 额外花费  $\rightarrow$  B 机场 - 飞机  $\rightarrow$  C 机场
- 考虑拆点，将每个城市的每个场地视为一个独立的点，每个城市里任意两个场地建无向边
- $T(1 \leq T \leq 10^5)$  组输入，单组输入最多  $N = 10^5$  个点，注意初始化
- `memset(dis, 0, sizeof dis) - int dis[N]` - TLE
- 考虑 ( $n == 1$ )，规定本校和比赛场地不在同一位置，因此需要花费  $x$ 、 $y$  去往

## Problem B Bsueh- and Gold Medals

- 没有比较好的贪心策略

## Problem B Bsueh- and Gold Medals

- 没有比较好的贪心策略
- 至少有两块金牌，所以  $p$  的最大值是确定的

## Problem B Bsueh- and Gold Medals

- 没有比较好的贪心策略
- 至少有两块金牌，所以  $p$  的最大值是确定的
- 那么直接二分，每次贪心地把尽量大的放在下面，进行 check 即可

## Problem C Chtholly and Floating Islands

- 典型算路径数的  $dp$  问题

## Problem C Chtholly and Floating Islands

- 典型算路径数的  $dp$  问题
- 存在不能走的情况，数据范围很小，能用状压处理

## Problem C Chtholly and Floating Islands

- 典型算路径数的  $dp$  问题
- 存在不能走的情况，数据范围很小，能用状压处理
- $q$  较多，每次询问都跑一遍会超时。

## Problem C Chtholly and Floating Islands

- 典型算路径数的  $dp$  问题
- 存在不能走的情况，数据范围很小，能用状压处理
- $q$  较多，每次询问都跑一遍会超时。
- 已知所有情况，可以提前预处理出答案， $O(1)$  查询。



## Problem D Dllllan and his friends

- 对于 *lllllan's house* 我们任取三点构造一个圆，判断其他点是否在圆上。

## Problem D Dllllan and his friends

- 对于 *lllllan's house* 我们任取三点构造一个圆，判断其他点是否在圆上。
- 如果有点不在圆上，则找不到 *lllllan's house*

## Problem D Dllllan and his friends

- 对于 *llllan's house* 我们任取三点构造一个圆，判断其他点是否在圆上。
- 如果有点不在圆上，则找不到 *llllan's house*
- 若所有点都在圆上，则构建一棵 *MST*

## Problem E Ewo Slices of Bread with Cheese

- 很明显的贪心做法是从偶数开始，奇偶轮流取

## Problem E Ewo Slices of Bread with Cheese

- 很明显的贪心做法是从偶数开始，奇偶轮流取
- 同奇同偶不能连续取，最优情况下取完的天数是确定的

## Problem E Ewo Slices of Bread with Cheese

- 很明显的贪心做法是从偶数开始，奇偶轮流取
- 同奇同偶不能连续取，最优情况下取完的天数是确定的
- 算出天数取大即可

## Problem F Fstee1XD and Minioins

- 假设当前是第  $i$  天，根据题意第  $i-1$  天对第  $i$  天贡献了  $2f[i-1]$ ；前  $i-2$  天对第  $i$  天贡献了  $\sum_{j=1}^{i-2} f[j]$ 。故

## Problem F Fstee1XD and Minioins

- 假设当前是第  $i$  天，根据题意第  $i-1$  天对第  $i$  天贡献了  $2f[i-1]$ ；前  $i-2$  天对第  $i$  天贡献了  $\sum_{j=1}^{i-2} f[j]$ 。故



$$f[i] \tag{1}$$

$$= 2 * f[i-1] + \sum_{j=1}^{i-2} f[j] \tag{2}$$

$$= 2 * f[i-1] + f[i-1] - f[i-2] \tag{3}$$

$$= 3 * f[i-1] - f[i-2] \tag{4}$$



## Problem F Fstee1XD and Minioins

- 由于  $n$  很大，故考虑矩阵快速幂，构造矩阵  $A$  满足

## Problem F Fstee1XD and Minioins

- 由于  $n$  很大，故考虑矩阵快速幂，构造矩阵  $A$  满足



$$\begin{bmatrix} f_{n-1} \\ f_{n-2} \end{bmatrix} * A = \begin{bmatrix} f_n \\ f_{n-1} \end{bmatrix}$$

## Problem F Fstee1XD and Minioins

- 由于  $n$  很大, 故考虑矩阵快速幂, 构造矩阵  $A$  满足

- 

$$\begin{bmatrix} f_{n-1} \\ f_{n-2} \end{bmatrix} * A = \begin{bmatrix} f_n \\ f_{n-1} \end{bmatrix}$$

- 

$$A = \begin{bmatrix} 3 & -1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix}$$

## Problem G Guess Permutation

- 数据范围给了二进制做法的提示

## Problem G Guess Permutation

- 数据范围给了二进制做法的提示
- 每个数字都是不一样的，那么我们对所有数字从 1 到  $n$  进行编号

## Problem G Guess Permutation

- 数据范围给了二进制做法的提示
- 每个数字都是不一样的，那么我们对所有数字从 1 到  $n$  进行编号
- 将编号作为 2 进制表示，第  $i$  次询问所有在第  $(i-1)$  位为 1 的编号，计算贡献，就能得到最终的答案。

## Problem H Hsueh- and Meeting

- 考虑将一个人和一个座位绑定

## Problem H Hsueh- and Meeting

- 考虑将一个人和一个座位绑定
- 先选一个位置给第一个人坐下



## Problem H Hsueh- and Meeting

- 考虑将一个人和一个座位绑定
- 先选一个位置给第一个人坐下
- 再选剩下的人，剩下还有  $m - 2 - (n - 1)$  个位置，选  $n - 1$  个位置坐人

## Problem H Hsueh- and Meeting

- 考虑将一个人和一个座位绑定
- 先选一个位置给第一个人坐下
- 再选剩下的人，剩下还有  $m - 2 - (n - 1)$  个位置，选  $n - 1$  个位置坐人
- 因为人是不同的，故剩下  $n - 1$  个人需要全排列

## Problem H Hsueh- and Meeting

- 考虑将一个人和一个座位绑定
- 先选一个位置给第一个人坐下
- 再选剩下的人，剩下还有  $m - 2 - (n - 1)$  个位置，选  $n - 1$  个位置坐人
- 因为人是不同的，故剩下  $n - 1$  个人需要全排列
- 特判只有一个人的情况

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 要求从树上找一个含  $k$  个节点的最长路

## Problem I Iahaxiki's journey II - enjoying

- 要求从树上找一个含  $k$  个节点的最长路
- 实在不会，考虑最笨做法

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 要求从树上找一个含  $k$  个节点的最长路
- 实在不会，考虑最笨做法
- 从每个点出发，树上 DFS  $k$  个深度，求最长路

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 要求从树上找一个含  $k$  个节点的最长路
- 实在不会，考虑最笨做法
- 从每个点出发，树上 DFS  $k$  个深度，求最长路
- 考虑极端情况的复杂度  $O(n * d)(d - \text{树的直径})$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 要求从树上找一个含  $k$  个节点的最长路
- 实在不会，考虑最笨做法
- 从每个点出发，树上 DFS  $k$  个深度，求最长路
- 考虑极端情况的复杂度  $O(n * d)$  ( $d$  - 树的直径)
- 菊花图  $O(n * 3)$



## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 要求从树上找一个含  $k$  个节点的最长路
- 实在不会，考虑最笨做法
- 从每个点出发，树上 DFS  $k$  个深度，求最长路
- 考虑极端情况的复杂度  $O(n * d)$  ( $d$  - 树的直径)
- 菊花图  $O(n * 3)$
- 链  $O(n * n)$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 要求从树上找一个含  $k$  个节点的最长路
- 实在不会，考虑最笨做法
- 从每个点出发，树上 DFS  $k$  个深度，求最长路
- 考虑极端情况的复杂度  $O(n * d)$  ( $d$  - 树的直径)
- 菊花图  $O(n * 3)$
- 链  $O(n * n)$
- 输入保证  $T$  组输入  $n$  的和不超过  $10^6$ ，最坏情况复杂度近  
 似为  $O(10 * \sum_{i=1}^N i)$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 进一步考虑，树形  $DP$  减少一些重复计算

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 进一步考虑，树形  $DP$  减少一些重复计算
- 剖出每个点为根的子树，考虑子树上经过根节点最长路

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 进一步考虑，树形  $DP$  减少一些重复计算
- 剖出每个点为根的子树，考虑子树上经过根节点最长路
- 定义  $dp[len]$  记录从根节点  $rt$  出发  $len$  个长度的最长路， $ans = \max\{dp[i] + dp[k - i]\}$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 进一步考虑，树形  $DP$  减少一些重复计算
- 剖出每个点为根的子树，考虑子树上经过根节点最长路
- 定义  $dp[len]$  记录从根节点  $rt$  出发  $len$  个长度的最长路， $ans = \max\{dp[i] + dp[k - i]\}$
- 考虑极端情况的复杂度  $O(\sum_{i=1}^n d_i)(d_i - \text{子树的直径})$

## Problem I Iahaxiki's journey II - enjoying

- 进一步考虑，树形  $DP$  减少一些重复计算
- 剖出每个点为根的子树，考虑子树上经过根节点最长路
- 定义  $dp[len]$  记录从根节点  $rt$  出发  $len$  个长度的最长路， $ans = \max\{dp[i] + dp[k - i]\}$
- 考虑极端情况的复杂度  $O(\sum_{i=1}^n d_i)(d_i - \text{子树的直径})$
- 菊花图  $O(n)$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 进一步考虑，树形  $DP$  减少一些重复计算
- 剖出每个点为根的子树，考虑子树上经过根节点最长路
- 定义  $dp[len]$  记录从根节点  $rt$  出发  $len$  个长度的最长路， $ans = \max\{dp[i] + dp[k - i]\}$
- 考虑极端情况的复杂度  $O(\sum_{i=1}^n d_i)(d_i - \text{子树的直径})$
- 菊花图  $O(n)$
- 链  $O(\sum_{i=1}^n i)$



## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 进一步考虑，树形  $DP$  减少一些重复计算
- 剖出每个点为根的子树，考虑子树上经过根节点最长路
- 定义  $dp[len]$  记录从根节点  $rt$  出发  $len$  个长度的最长路， $ans = \max\{dp[i] + dp[k - i]\}$
- 考虑极端情况的复杂度  $O(\sum_{i=1}^n d_i)(d_i - \text{子树的直径})$
- 菊花图  $O(n)$
- 链  $O(\sum_{i=1}^n i)$
- 输入保证  $T$  组输入  $n$  的和不超过  $10^6$ ，最坏情况复杂度近似为  $O(10 * \sum_{i=1}^n i)$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 点分治

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 点分治
- 两个办法都是因为极端情况-链，弄得复杂度极高

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 点分治
- 两个办法都是因为极端情况-链，弄得复杂度极高
- 沿用动态规划的思路，考虑找每课子树的重心以减小树直径的长度

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 点分治
- 两个办法都是因为极端情况-链，弄得复杂度极高
- 沿用动态规划的思路，考虑找每课子树的重心以减小树直径的长度
- 考虑极端情况的复杂度  $O(\sum_{i=1}^n d_i)(d_i - \text{子树的直径})$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 点分治
- 两个办法都是因为极端情况-链，弄得复杂度极高
- 沿用动态规划的思路，考虑找每课子树的重心以减小树直径的长度
- 考虑极端情况的复杂度  $O(\sum_{i=1}^n d_i)(d_i - \text{子树的直径})$
- 菊花图  $O(n)$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 点分治
- 两个办法都是因为极端情况-链，弄得复杂度极高
- 沿用动态规划的思路，考虑找每课子树的重心以减小树直径的长度
- 考虑极端情况的复杂度  $O(\sum_{i=1}^n d_i)(d_i - \text{子树的直径})$
- 菊花图  $O(n)$
- 链  $O(n \log n)$

## Problem I lahaxiki's journey II - enjoying

- 点分治
- 两个办法都是因为极端情况-链，弄得复杂度极高
- 沿用动态规划的思路，考虑找每课子树的重心以减小树直径的长度
- 考虑极端情况的复杂度  $O(\sum_{i=1}^n d_i)(d_i - \text{子树的直径})$
- 菊花图  $O(n)$
- 链  $O(n \log n)$
- 输入保证  $T$  组输入  $n$  的和不超过  $10^6$ ，最坏情况复杂度近似为  $O(10 * n \log n)$



## Problem J Jahaxiki's journey III - Tryna lost

- 输入是一个二维平面的示意图，每条线视为一条边，四条边围成一个最小单位。两个最小单位之间没有线表示两个单位连通。问图中是否有存在环

## Problem J Jahaxiki's journey III - Tryna lost

- 输入是一个二维平面的示意图，每条线视为一条边，四条边围成一个最小单位。两个最小单位之间没有线表示两个单位连通。问图中是否有存在环
- 考虑用并查集判环

## Problem J Jahaxiki's journey III - Tryna lost

- 输入是一个二维平面的示意图，每条线视为一条边，四条边围成一个最小单位。两个最小单位之间没有线表示两个单位连通。问图中是否有存在环
- 考虑用并查集判环
- 观察输入格式，遍历每个最小单位，考虑是否与右方和下方单位合并即可。

## Problem J Jahaxiki's journey III - Tryna lost

- 输入是一个二维平面的示意图，每条线视为一条边，四条边围成一个最小单位。两个最小单位之间没有线表示两个单位连通。问图中是否有存在环
- 考虑用并查集判环
- 观察输入格式，遍历每个最小单位，考虑是否与右方和下方单位合并即可。
- 也可以用 *DFS*

*Thank You!*