解法一

我会爆搜!

直接 DFS 暴力搜索。

复杂度 O(爆炸)。

期望得分10分。

解法二

我会 DP 或者记忆化搜索。

Fij 表示是否能走到(i,j), 转移即可。

复杂度 O(NMQ)。

期望得分20分。

解法三

对于一行的情况,我们开一颗线段树暴力维护权值,每次只需要求区间最大值即可。 复杂度 O(QlogM)。

结合算法一,二可以获得40分。

解法四

离线下来每行线段树维护权值,用懒标记算出每个点变为不可通过的时间,记为 tij。 定义一条路径的权值为所有 tij 的最小值。

从(1,1)DFS 算出到每个点的所有路径的最大权值。

询问 O(1)处理即可。

复杂度 O(NM+Q)。

结合算法一、二、三可以获得55分。

解法五

将所有修改与询问离线下来,记 tij 表示(i,j)这个点的值被加到大于等于 L 的时间。

若N较大

每行单独计算,将每个修改用前缀和的方式拆分成 2 个修改,对当前行所有格子的 t 整体二分。对该行的所有修改维护树状数组。

若 M 较大

每列单独计算,将每个修改用前缀和的方式拆分成 2 个修改,对当前列所有格子的 t 整体二分。对该列的所有修改维护树状数组。

复杂度 O(NMlog^2(sqrt(NM)))。

定义两个格子之间的路径权值为路径上点tij的最小值。做整体二分。

情况一: 当前 M 较大。

对于一个格子,以及一个在网格图中间一列的一个格子,计算它们之间所有路径权值的最大值。对于每个在中间一列的格子暴力 DP 即可,左右 DP 计算。然后分治计算左右两部分。情况二:当前 N 较大。

对于一个格子,以及一个在网格图中间一行的一个格子,计算它们之间所有路径权值的最大值。对于每个在中间一行的格子暴力 DP 即可,上下 DP 计算。然后分治计算上下两部分。复杂度 O(NMsqrt(NM)log(NM))。

对于每个询问,需要知道这两点之间所有路径权值的最大值,这可以用到之前处理的路径信息。首先若这两点横跨网格图中间一列(行)则可以直接枚举经过中间的哪个节点暴力即可。

若两个点在同一侧,递归下去寻找即可。记两点之间所有路径权值的最大值为 v,若 v>=当前询问的时间则有解,否则无解。复杂度 O(Qsqrt(NM)+Qlog(NM))。 实现的时候将询问和整体二分放在一起做。

复杂度 O(NMlog^2(sqrt(NM))+ NMsqrt(NM)log(NM)+ Qsqrt(NM)+Qlog(NM))。 期望得分 100 分。