GCD生成树

时间限制: 1.0s 内存限制: 256.0MB

输入文件名: gcd.in 输出文件名: gcd.out

试题来源: 北师大实验中学 黄子宽

问题描述

有一张N个点的无向完全图,第i个点有一个权值 A_i ,对于一条边(u,v)它的权重 $w_{(u,v)}=gcd(A_u,A_v)$,即两个端点的权值的最大公约数,求这张图的最大生成树的所有边的权值之和。

输入格式

第一行一个数N,表示点数。

接下来一行N个数,第i个数为 A_i 。

输出格式

一行一个数表示这张图的最大生成树的所有边的权值之和。

样例输入 🕹

5

5 6 7 10 21

样例输出 🕹

17

样例说明

四条边分别为

- (1,4)权值为 $gcd(A_1,A_4)=gcd(5,10)=5$
- (2,4)权值为 $gcd(A_2,A_4)=gcd(6,10)=2$
- (2,5)权值为 $gcd(A_2,A_5)=gcd(6,21)=3$
- (3,5)权值为 $gcd(A_3,A_5)=gcd(7,21)=7$ 。

权值和为5+2+3+7=17。

附加样例

见下发文件

数据规模和约定

对于前10%的数据: $N \leq 6$ 。 对于前30%的数据: $N \leq 400$ 。 对于另外15%的数据: $A_i \leq 10$ 。 对于另外15%的数据: $A_i \leq 1000$ 。

对于所有数据: $1 \leq N \leq 100000$, $1 \leq A_i \leq 100000$ 。