

1. 若 $|a| = \sqrt{13}$, $|b| = \sqrt{19}$, $|a + b| = \sqrt{24}$, 则 $|a - b| = \underline{\hspace{2cm}}$

2. 过 点 $(2,0,-3)$ 且 与 直 线 $\begin{cases} x-2y+4z-7=0 \\ 3x+5y-2z+1=0 \end{cases}$ 垂 直 的 平 面 方 程 为
 $\underline{\hspace{10cm}}$

3. 过原点及点 $(6, -3, 2)$ 且与平面 $4x-y+2z=8$ 垂直的平面方程为
 $\underline{\hspace{10cm}}$

4. 平面 $3x-2y+6z-2=0$ 和平面 $3x-2y+6z+12=0$ 之 间 的 距 离 为 $\underline{\hspace{2cm}}$

5. 平面曲线: $\left\{ \begin{array}{l} 3x^2 + 2y^2 = 12 \\ z=0 \end{array} \right.$ 绕 y 轴旋转一周而成的曲面在点 $(0, \sqrt{3}, \sqrt{2})$ 处的指向外侧的单位法向量为_____

6. 曲面 $z - e^z + 2xy = 3$ 在点 $(1, 2, 0)$ 处的切平面 _____

法线方程 _____

7. 曲线 $x = t, y = -t^2, z = t^3$ 与平面 $x + 2y + z = 4$ 平行的切线 _____

8. 设 $\overrightarrow{AB} = (2, 1, 3), \overrightarrow{BC} = (-1, 4, 2)$. 则 $\triangle ABC$ 的面积 _____

9. 直线 $L: \frac{x-1}{2} = \frac{y}{-1} = \frac{z-3}{1}$ 在平面 $\pi: x - 3y + 2z - 5 = 0$ 上的投影直线 _____

10. 曲线 $\begin{cases} z = \sqrt{x^2 + y^2} \\ z^2 = 2x \end{cases}$ 在 xoy 平面上的投影曲线为 _____

11. 设 $z = e^{sin^2 xy} + x - 1$, $dz =$ _____

12. $z = \frac{y}{x} f(xy) + yg(x^2 + y^2)$, f 和 g 有二阶连续偏导数, $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} =$ _____

13. 已知 $e^{x+y+z} = x^2 + y^2 + z^2$, $\frac{\partial y}{\partial z} =$ _____

14. 设 $z = f(e^x \sin y, x^2 + y^2)$, f 具有二阶连续偏导, $\frac{\partial^2 z}{\partial x \partial y} = \dots$

15. 函数 $u = x^2 - 2yz$ 在点 $(1, -2, 2)$ 处的方向导数的最大值为 \dots

16. 求函数 $f(x, y) = x^3 - 4x^2 + 2xy - y^2$ 的极值

17. 在平面 $x+y+z=1$ 上求一点, 使它与两定点 $(1, 0, 1), (2, 0, 1)$ 的距离平方和为最小。 $(1, \frac{1}{2}, \frac{1}{2})$

18. $\iint_D (x^2 + xy - x) dx dy = \dots$. D 由 $y = x$, $y = 2x$ 及 $x = 1$ 围成。

19. $\int_0^1 dx \int_{x^2}^1 \frac{xy}{\sqrt{1+y^3}} dy = \dots$

20. $\iint_D (x^2 - 2x + 4xy) dx dy$, $D = \{(x, y) : x^2 + y^2 \leq 2x\}$

21. $\iiint_{\Omega} \sqrt{x^2 + y^2} dx dy dz$, Ω 为曲面 $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 和 $z = \sqrt{1 - x^2 - y^2}$ 所围成的立体。

22. $\iiint_{\Omega} z dx dy dz$, 其中 Ω 是由 $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ 与 $x^2 + y^2 = 3z$ 围成的立体。

23. 求球面 $x^2 + y^2 + z^2 = a^2$ 含在圆柱面 $x^2 + y^2 = ax$ 内部的那部分面积

和球体 $x^2 + y^2 + z^2 \leq a^2$ 含在圆柱面 $x^2 + y^2 = ax$ 内部的那部分体积。

24. 求锥面 $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 被柱面 $z^2 = 2x$ 所割下的那部分面积。

25. 一物体占有的闭区域由曲面 $z = x^2 + y^2$ 和平面 $z = 0, |x| = a, |y| = a, (a > 0)$ 所围成，求其体积。

26. 设曲线 L ; $x^2 + y^2 = R^2$, 则 $\oint_L (x + 2y)^2 ds = \dots$

27. 设曲线 L ; $y = \sqrt{1 - x^2}$ ($-1 \leq x \leq 1$) 则 $\int_L (x^2 + 2xy) ds = \dots$

28. $\oint_L x^2 y dx + xy^2 dy = \dots$. 其中 $L: |x| + |y| = 1$, 逆时针方向。

29. $\int_{\{(1,1)\}}^{(2,2)} xy^2 dx + x^2 y dy = \dots$

30. 计算 $\int_L (e^x \sin y + x - y) dx + (e^x \cos y + y) dy$,

L 是圆周 $y = \sqrt{2ax - x^2}$ 上从点 $A(2a, 0)$ 到 $O(0, 0)$ 的弧段。

31. 计算 $\int_L (e^x + 1) \cos y dx - (e^x + x) \sin y dy$, 其中 L 由点 $A(2, 0)$ 沿心形线 $r = 1 + \cos \theta$ 上侧到原点的弧。

32. 已知 $(2x \cos y + y^2 \cos x) dx + (2y \sin x - x^2 \sin y) dy$ 为 $u(x, y)$ 的全微分, 求 $u(x, y)$

33. $\iint_{\Sigma} z^2 ds$, Σ 为锥面 $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 位于 $z = 2$ 下方的部分。

34. 求 $I = \iint_{\Sigma} z ds$, 其中 Σ 为 $x^2 + y^2 + z^2 = 1$, $z = \sqrt{x^2 + y^2}$ 所围成的立体表面。

35. 计算 $\iint_{\Sigma} (x^3 \cos \alpha + y^3 \cos \beta + z^3 \cos \gamma) ds$, 其中 Σ 为 $x^2 + y^2 + z^2 = R^2$, 取外侧。

36. 计算 $\iint_{\Sigma} (x + 3z^2) dy dz + (x^3 z^2 + yz) dz dx - 3y^2 dx dy$, Σ 为 $z = 2 - \sqrt{x^2 + y^2}$ 在 $z=0$ 上方部分的下侧。

37. 设 Σ 是球面 $x^2 + y^2 + z^2 = 4$ ($z \geq 0$) 外侧, 求 $\iint_{\Sigma} yz dz dx$

38. 求幂级数 $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^{n+1}}{n(n+1)}$ 的和函数

39. 求幂级数 $\sum_{n=1}^{\infty} nx^{n+1}$ 的和函数

40. 将 $\arctan x$ 展开成 x 的幂级数

41. 将 $\frac{1}{x^2}$ 展开成 $x-2$ 的幂级数

42. 将 $\frac{1}{x^2 + 3x + 2}$ 展开成为 $x - 1$ 的幂级数。

43. 已知级数 $\sum_{n=1}^{\infty} u_n^2$, $\sum_{n=1}^{\infty} v_n^2$ 都收敛, 证明 $\sum_{n=1}^{\infty} u_n v_n$ 绝对收敛

44. 已知正项级数 $\sum_{n=1}^{\infty} u_n$, $\sum_{n=1}^{\infty} v_n$ 都收敛, 证明 $\sum_{n=1}^{\infty} (u_n + v_n)^2$ 收敛

(注意: 级数的部分和数列收敛定义, 级数收敛的必要条件, 正项级数比较、比值、柯西审敛法, 交错级数, 绝对收敛、条件收敛, 幂级数的收敛区间, 收敛域, 收敛半径要好好复习, 自己去书上找题复习)