

九章算法基础班

第七讲 集合、字典和分治法

课程版本：v2.0 张三疯 老师



扫描二维码关注微信/微博
获取最新面试题及权威解答

微信: [ninechapter](#)

知乎专栏: <http://zhuanlan.zhihu.com/jiuzhang>

微博: <http://www.weibo.com/ninechapter>

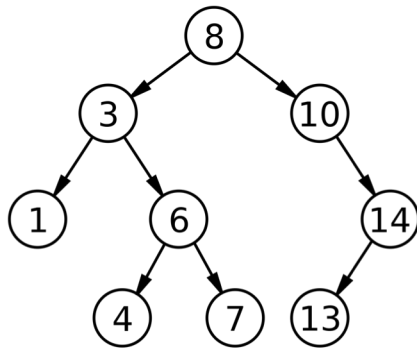
官网: www.jiuzhang.com

九章课程不提供视频，也严禁录制视频的侵权行为
否则将追求法律责任和经济赔偿
请不要缺课

- 集合 (Set) 和字典 (Dictionary)
- 集合、字典的实现
- 分治算法 (Divide and conquer)

课程回顾

- 二叉树的宽度优先遍历的实现
 - 使用队列 (Queue) 作为主要的数据结构
 - 代码演示

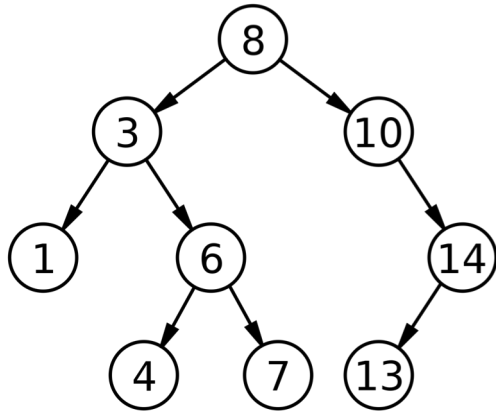


- 二叉树的宽度优先遍历
 - 分层遍历
 - 多一个循环
 - 代码演示
- 层数记录了根节点到当前节点的路径长度

- 二叉树的宽度优先遍历
 - 时间复杂度： $O(n)$
 - 空间复杂度：由节点最多的层的节点数决定， $O(n)$

- 什么是BST (Binary Search Tree)
 - 满足以下性质的Binary tree
 - 对于每个节点，他的左子树的所有节点都比它小
 - 对于每个节点，他的右子树的所有节点都比它大
- 以上是严格的说法，不允许BST有重复的节点，实际算法中可以允许重复

- BST的特性有哪些应用？
 - 对BST进行中序遍历，得到的是一个非降序的序列
 - 插入操作（普通的Binary tree没有插入操作的概念）
 - 高效的查找



- 高效插入 (insert) 和查找 (find) 元素
- 在实际系统中广泛应用
 - 数据库
 - 搜索引擎

集合 (Set) 和字典 (Dictionary)

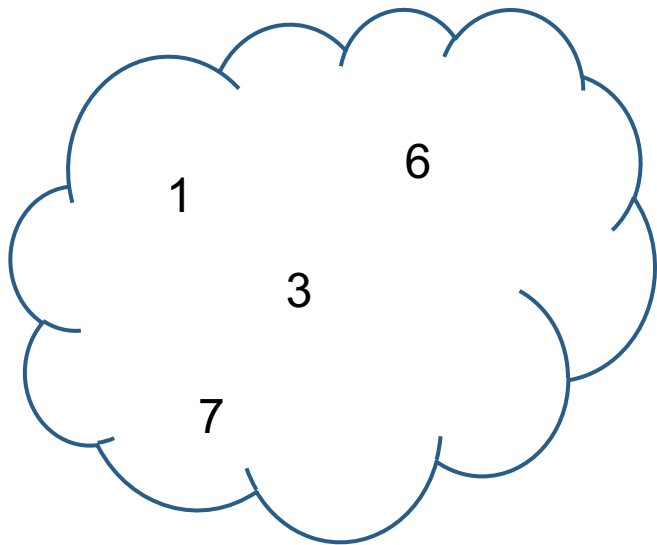
- Python的基本数据结构之一
 - 集合中存储**非重复**的**无序**数据
 - set中的元素不一定是同一类型，非常灵活

```
set_1 = set([12, 15.6, True, 'hello'])  
set_2 = {12, 15.6, True, 'hello'}  
set_3 = set('hello')
```

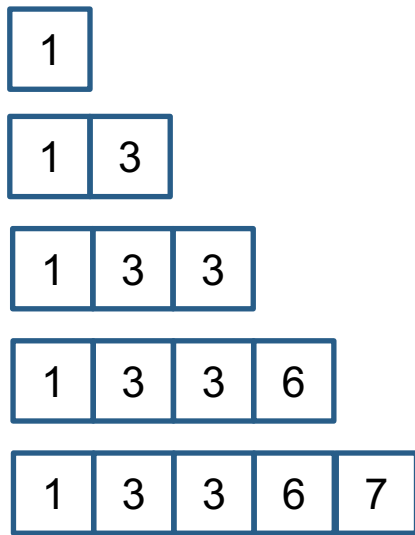


Bag

Set



List



- Set的常见操作
 - 增 (Create) : add, update
 - 查 (Read) : 迭代 (iteration) , in
 - 删 (Delete) : remove, clear, discard, pop
 - 其他 : len

- Set的集合间操作：生成新的集合
 - 并集：union, |
 - 交集：intersection , &
 - 差集：difference , -
 - 对称差：symmetric_difference , ^

- Set的插入和查找操作效率很高
 - 非常适合用来记录某元素是否出现过
- 练习一：面试真题
 - Remove Duplicate Numbers in Array
 - <https://lintcode.com/problem/remove-duplicate-numbers-in-array/>
 - <https://www.jiuzhang.com/solution/remove-duplicate-numbers-in-array/>

- Python的基本数据结构之一
 - 字典中存储key非重复的无序的key-value pairs
 - dict可能是最灵活的内置数据结构
 - 别名：index，map

```
dict_1 = {}  
dict_2 = {'spam': 2, 'eggs': 3, 'food': {'ham': 1, 'ice': 2}}  
dict_3 = dict(zip(['spam', 'eggs'], [2, 3]))
```

- Dict的常见操作
 - 增 (Create) : 索引赋值 , update
 - 查 (Read) : 索引 , 迭代 (iteration) , in, get, keys, values, items
 - 改 (Update) : 索引赋值
 - 删 (Delete) : pop, del
 - 其他 : len

- dict的插入和查找操作效率很高
 - 可以用来记录某元素是否出现过
 - 同时还可以附带一个属性值 (如 : 元素的位置)

- 练习二
 - Two Sum
 - <https://lintcode.com/problem/two-sum/>
 - <https://www.jiuzhang.com/solution/two-sum/>

- set的元素和dict的key必须是可以hash的
 - list不可以, tuple可以
 - set不可以, frozenset可以
 - dict不可以

- 主要关注插入和查找操作
 - List实现
 - insert: $O(n)$ find: $O(n)$
 - 平衡的BST实现
 - insert: $O(\log n)$ find: $O(\log n)$
 - Hash table实现
 - insert: $O(1)$ find: $O(1)$

- BST vs. Hash table
 - Hash table的插入，查找和删除操作都是 $O(1)$ 时间，但空间消耗大
 - BST支持有序的数据，排序和范围查找性能优秀（对于平衡的BST是 $O(\log n)$ ），空间消耗小

- Python中的set和dict使用hash table实现
 - 要求set的元素和dict的key是可hash的

	Balanced BST	Hash table
C++	set / map	unordered_set / unordered_map
Java	TreeSet / TreeMap	HashSet / HashMap
Python	? ? ?	set / dict

分治算法

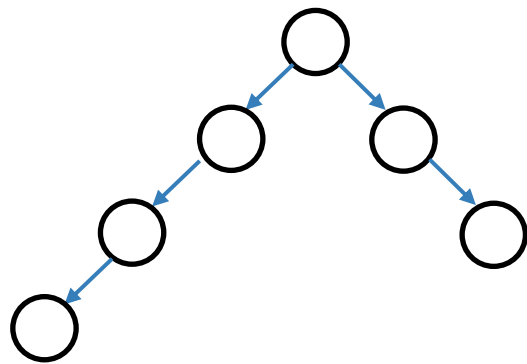
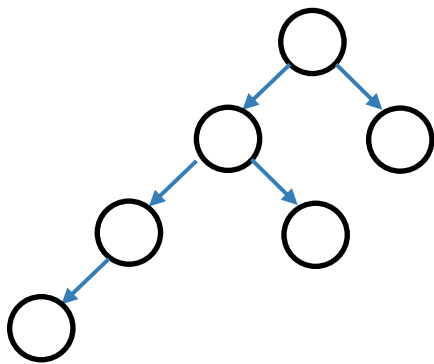
- 分治法 (divide and conquer)
 - 将一个大问题分解成多个独立的小问题：分
 - 分别解决每个小问题 (小问题和大问题是同一类问题，可以用递归)
 - 将小问题的解合并，从而得到大问题的解：合

- 练习三：面试真题
 - Identical Binary Tree
 - <https://www.lintcode.com/problem/identical-binary-tree/>
 - <https://www.jiuzhang.com/solution/identical-binary-tree/>

- Identical Binary Tree
 - 判断两棵树根的值是否相同
 - 判断左子树是否一致
 - 判断右子树是否一致

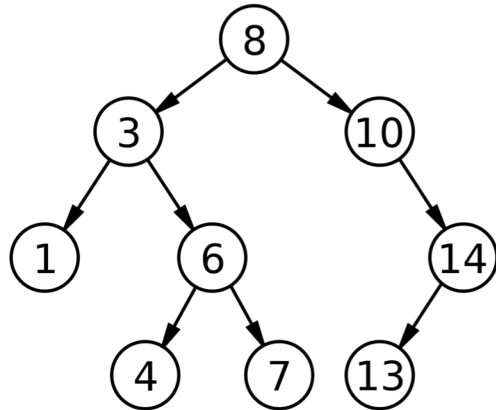
- 练习四：面试真题
 - Balanced Binary Tree
 - <https://lintcode.com/problem/balanced-binary-tree/>
 - <https://www.jiuzhang.com/solution/balanced-binary-tree/>

- Balanced Binary Tree
 - 判断左子树是否平衡
 - 判断右子树是否平衡
 - 左右子树高度差不超过1



- 练习五：面试真题
 - Validate Binary Search Tree
 - <https://lintcode.com/problem/validate-binary-search-tree/>
 - <https://www.jiuzhang.com/solution/validate-binary-search-tree/>

- Validate Binary Search Tree
 - 判断左子树是否是BST
 - 判断右子树是否是BST
 - 左子树的最大值 \leq 根节点的值 \leq 右子树的最小值



- 集合 (Set) 和字典 (Dictionary)
 - 常见操作
 - 不同实现方式的优缺点
- 分治法 (Divide and conquer)
 - 先分再合

- <https://www.jiuzhang.com/course/13/questionnaire/>



扫描二维码关注微信/微博
获取最新面试题及权威解答

微信: [ninechapter](#)

微博: <http://www.weibo.com/ninechapter>

官网: www.jiuzhang.com



谢谢大家