## Les groupes quotient de $\mathbb{Z}$

continuation du chapitre des groupes

### Divisibilite, nombres premiers

**Définition 1: divisibilite** soit a, b deux nombres, on dit que a divise b ou que a est diviseur de b ou encore que b est multiple de a si et seulement si

$$\exists c \in \mathbb{Z}ac = b$$

a etant le diviseur, c etant le quotient, b etant le nombre

# Les anneaux $\mathbb{Z}/\mathbb{Z}n$

#### Structure d'anneaux

L'ensemble  $\mathbb Z$  est muni de deux lois de composition interne, l'addition et la multiplication dont les proprietes lui confere une structure d'anneaux une structure d'anneaux

**Définition 2: anneaux** on appelle anneau tout triplet (A, +, \*) ou + et \* sont des lois de composition interne dite d'addition et de multiplication qui satisfient les proprietes suivantes:

- (A, +) est un groupe commutatif dont l'element neutre est 0
- (A, \*) est un groupe associatif dont l'element neutre est 1

## Les theoremes de Gauss, Euler et Fernat