Ensembles

Définition 1: ensemble Un ensemble est une collection X d'objets *definis* et *unique*. un objet appartenant a l'ensemble est dit membre de X et on dit que l'objet et membre. un membre est unique dans un ensemble, il ne peut pas y avoir deux fois le meme element

exemple:

$${a,b,c,a} = {a,b,c}$$

sur python, un type ensemble existe qui est appele set

Predicats

Définition 2: Predicat enonce contenant des variables tel qu'en substituant chaque variables par une valeure choisi, on obtient une proposition

exemple: x|P(x) (se lit x tel que P(x)) est un predicat dans lesquelles la proposition P(x) est vraie pour x la theorie de ZF distingue deux tyupes de predicats:

- 1. predicat collectivisant: un predicat P(X) tel que les valeurs de x pour lesquelles la proposition P(x) est vrai constituent un enssemble note (x|P(x))
- 2. predicat non collectivisant: un predicat P(x) tel que les valeurss x pour lesquelles la prop P(X) est vraie ne constituent pas un ensemble

considerant le predicat P(x, y) defini sur deux variables reelles x et y suivant:

$$x^2 - y = 1$$

on peut definir le predicat Q(x) de la variable suivante:

$$\exists y \in \mathbb{R}x^2 - y = 1$$

Quantificateurs

Définition 3: quantificateur Il existe 3 quantificateurs:

- \forall qui se lit "pour tout" (appele forall en latex et typst
- ∃ qui se lit "il existe"
- ∃! qui est un "il existe" unique

le quantificateur ∃! est lui meme une proposition qui est:

 $(\exists x \in XP(X)) \land (\forall x \in X \forall y \in XP(x) \land P(y) \Rightarrow x = y \text{ le terme de gauche codel'existence et le terme droit l'unicite en exprimant sous forme contraposee que deux elements distincts <math>x$ et y de l'ensemble X ne peuvent simultanement satisfaire le predicat $P(x): x \neq \Rightarrow \neg(P(x) \land P(y))$.

Axiomes

Définition 4: axiome Soit X et Y deux ensembles. on dit que X est inclus dans Y ou que X est une partie de Y ou encore que X est un sousensemble de Y, ce que l'ont note $X \subseteq Y$ ou $Y \supseteq X$ seulement si $\forall xx \in X \Rightarrow x \in Y$