fiche de i23 de Mehdi Ben Ahmed

# Definitions et props

**Définition 1: Commutatif** les variables peuvent etre inverses

**Définition 2: L'arbre de Derivation** C'est un format de pour representer une proposition

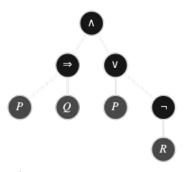


Figure 1:  $(P\Rightarrow Q)\wedge (P\vee \neg R)$ 

**Définition 3: Loi de De Morgan** Soit P et Q deux assertions, alors  $\neg(P \lor Q) \equiv \neg P \land \neg Q$   $\neg(P \land Q) \equiv \neg P \lor \neg Q$ 

#### Tables de verite

il est assume qu'un connecteur est commutatif sauf mentione autrement

#### table de ∧: q binaire

$\perp$	1	1
Т	Т	$\dashv$
Т	Τ	$\perp$
Т	Τ	Т

#### table de ∨: q binaire

$\perp$	$\dashv$	$\perp$
Τ	Τ	Т
Τ	Τ	Т
Т	Т	Т

#### table de ⊕: q binaire

$\perp$	$\perp$	$\perp$
$\perp$	Η	Τ
Т	Τ	Т
Т	Т	Τ

table de ⇒: q binaire dit non commutatif

Τ	Τ	Т
Τ	Τ	$\dashv$
Т	Τ	Τ

IΤ	ΙTΙ	ΙTΙ
1 '	'	'

autrement dit, vrai sauf si p est vrai et  ${\bf q}$  est faux

#### table de ⇔: q binaire

上	Τ	Т
Τ	Т	Τ
Т	Τ	$\perp$
Т	Т	Т

vrai si les deux variables ont la meme valeur

#### **Proprietes**

• comutativite de  $\land$  et  $\lor$ 

$$(p \wedge q) \equiv (q \wedge p)$$

$$(p\vee q)\equiv (q\vee p)$$

• associativite de  $\land$  et  $\lor$ 

$$\begin{split} ((P \wedge Q) \wedge R) &\equiv ((q \wedge R) \wedge P) \\ ((P \vee Q) \vee R) &\equiv ((Q \vee R) \vee P) \end{split}$$

• idempotence de  $\land$  et  $\lor$ 

 $\begin{array}{l} (p \wedge p) \equiv p \\ (p \vee p) \equiv p \end{array}$ 

#### **TPs**

Question 1: Ecrire une fonction interpretations(nbVar) qui renvoie le tuple constitue de toutes les interpretations possible de nbvar variables propositionnelles

ici la strategie est d'imiter ce tableau en python  $% \left\{ 1,2,\ldots ,n\right\} =\left\{ 1,2,\ldots ,n\right\}$ 

I		٧	f	٧
I	f	f	f	٧
I	٧	٧	٧	٧
ĺ	f	٧	f	٧

qui, rempli, donne toutes les possibilites des variables

def interpretations(nbvar):
 vrai = [vrai for i in range(nbvar)]
 faux = [faux for i in range(nbvar)]

#### Question 2.

Une formule propositionelle FP de n variables esst codee par une chiande de caracteres respectant la syntaxe python. les variables étant toujours codées V[0], V[1],...,V[n-1]. Écrivez une fonction TV(FP,n) qui renvoie la table de vérité de la formule FP sous forme de tuple de tuples à l'aide de la fonction Inter et la fonction d'évaluation

eval(chaine) du Python qui évalue une chaine de caractères si elle respecte la syntaxe du langage Python.

Exemple. Avec la chaîne de caractère FP =
"V[0] and V[1]", l'appel de la fonction
TV(FP,2) doit renvoyer le tuple
((False,False,False),(False,True,False),
(True,False,False),(True,True,True))

# **Predicats**

**Définition 4: Predicat** enonce contenant des variables tel qu'en substituant chaque variables par une valeure choisi, on obtient une proposition

exemple: x|P(x) (se lit x tel que P(x)) est un predicat dans lesquelles la proposition P(x) est vraie pour x

# **Quantificateurs**

#### **Axiomes**

]

# bases et codage

# rappels

decimale	binaire	octal	hexa
0	0	0	0
1	1	1	1
2	10	2	2
3	11	3	3
4	100	4	4
5	101	5	5
6	110	6	6
7	111	7	7
8	1000	10	8
9	1001	11	9
10	1010	12	Α
11	1011	13	В
12	1100	14	С
13	1101	15	D
14	1110	16	Е
15	1111	17	F

Arithmetique tronque a gauche:

# logique combinatoire

(Définition 5: tableau de Karnaugh)

Définition 6: forme nominal disjonctive (FND)

logique sequentielle

fiche de i21 de Mehdi Ben Ahmed

# Conception d'algorithme

**Définition 7: Invalider un algo** Pour montrer qu'un algo n'est pas valide, il suffit de montrer un contre exemple, soit un cas ou l'algorithme ne marcherait pas

# Analyse asymptotique

**Définition 8: Analyser un algorithme** c'est analyser les couts par rapport au temps d'execution, l'espace memoire, et la consommation electrique

# **Définition 9: le modele random access machine** machine hypothetique ou:

- les operands consomment une unite de temps
- les boucles depend du nombre d'iterations et des operation inside
- un read consomme une unite de temps
- la memoire est illimite

l'efficacite d'un algo est defini par une fonction notee C(n) ou T(n), meme si dans un cas reel ca serait plutot note O(n)

#### exemple:

- recherche d'un element:
  - n cases a tester
  - 5 cases: > 5 tests
  - 10 cases: > 10 tests
- ramasssage de plots:
  - n! chemins a tester
  - 5 plots: 120 chemins possible

la notation est qui suit:

- $\Omega(n)$ : meilleur cas
- O(n): pire cas
- $\Theta(n)$ : cas moyen

Bases d'algo

Algos de tri

Algos de recherche

piles et files

# Fiches de revisions 2nd semestre

Brouillon

# Fiches de revisions 2nd semestre

Brouillon