

Predicats

Définition 1: Predicat enonce contenant des variables tel qu'en substituant chaque variables par une valeur choisi, on obtient une proposition

exemple: $x|P(x)$ (se lit x tel que P(x)) est un predicat dans lesquelles la proposition P(x) est vraie pour x la theorie de ZF distingue deux tyupes de predicats:

- 1. predicat collectivisant: un predicat $P(X)$ tel que les valeurs de x pour lesquelles la proposition P(x) est vrai constituen un enssesmbnble note $(x|P(x))$
- 2. predicat non collectivisant: un predicat P(x) tel que les valeursss x pour lesquelles la prop P(X) est vraie ne constituent pas un ensemble

considerant le predicat $P(x, y)$ defini sur deux variables reelles x et y suivant:

$$x^2 - y = 1$$

on peut definir le predicat $Q(x)$ de la variable suivante:

$$\exists y \in \mathbb{R} x^2 - y = 1$$

Quantificateurs

Axiomes

Définition 2: axiome Soit X et Y deux ensembles. on dit que X est inclus dans Y ou que X est une partie de Y ou encore que X est un sousensemble de Y, ce que l'ont note $X \subseteq Y$ ou $Y \supseteq X$ seulement si $\forall x x \in X \Rightarrow x \in Y$

TP