Mehdi

November 20, 2023

1 logique

ici est la section pour la logique

- 2 théorie des ensembles
- 3 fonctions
- 3.1 definitions

3.2 Logarithme népérien

Propriétés:

$$\ln \to \mathbb{R}_*^+,$$
$$\frac{d}{dx} \ln \to \frac{1}{x}$$
$$\ln(1) = 0$$

3.2.1 Propriétés du logarithme

- ln est une bijection strict-crois de \mathbb{R}_+^*
- Pour tout réels a > 0 et b > 0:

$$\ln(ab) = \ln(a) + \ln(b)$$

• Pour tout rél a > 0 et tout entier relatif $n \in \mathbb{Z}$:

$$\ln(a^n) = a \ln(a)$$

 $\log_a \mathbf{1}$

$$\log_a: x \to \log_a(x) = \frac{\ln(x)}{\ln(a)} \tag{1}$$

3.2.2 Propriétés du logarithme en base a

 \bullet La fonction \log_a est une bijection de

$$\mathbb{R}_{+}^{*}$$

• on a:

$$\log_a(1) = 0$$
 et $\log_a(a) = 1$

• pour tout réels $\{c, d\} > 0$:

$$log_a(cd) = log_a(c) + log_a(d)$$
$$log_a(\frac{c}{d}) = log_a(c) - log_a(d)$$

• pour tout réel c > 0, on a

$$\log_a(ac) = \log_a(c) + 1$$

• on suppose que a > 1. Donc, $\forall c > 0$ on a: n est la partie entière de $\log_a(c)$ (càd $n \le \log_a(c) < n + 1$) si et seulement si

$$a^n \le c < a^{n+1}$$

Exemple 1 Dans le cas du log en base 10, on obtient:

$$\log_{10}(10c) = \log_1 0(c) + 1$$

et la partie entière de $\log_1 0(c)$ est le nombre entier n tel que:

$$10^n \le x < 10^{n+1} \tag{2}$$

ou autrement dit $c \in [10^n, 10^{n+1}]$

3.3 exponentielle