10

СТАТИКА КОНСТРУКЦИЈА 1

Модул: Конструкције

- материјал за вежбе -

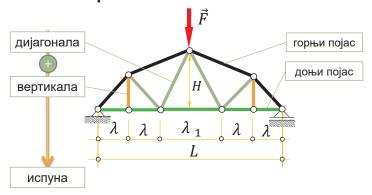
2024.

Решеткасти носачи у равни

Основне карактеристике су:

- код решетке имамо само праве зглавкасто везане штапове,
- у чвору осе свих штапова морају да се секу у једној тачки,
- активне силе делују само у чворовима решетке,
- ослонци су само у чоровима.

Елементи решеткастог носача



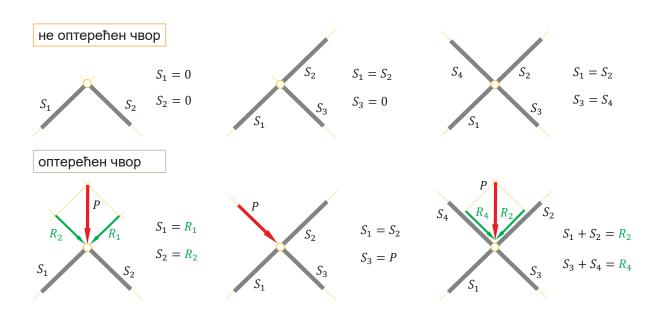
Обележавање:

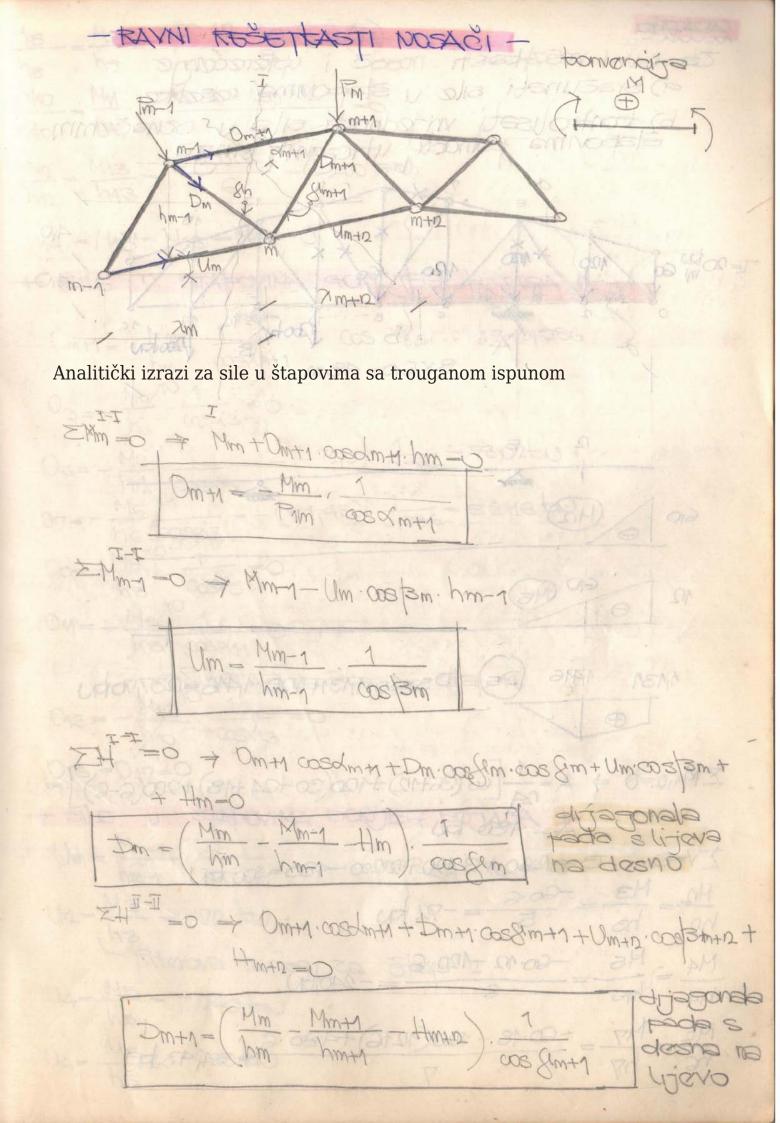
• k - број чворова решетке.

Прорачун непознатих сила у штаповима:

- Метода чворова,
- Метода пресека,
- Аналитички изрази за силе у штаповима (и њихова примена за конструисање утицајних линија),

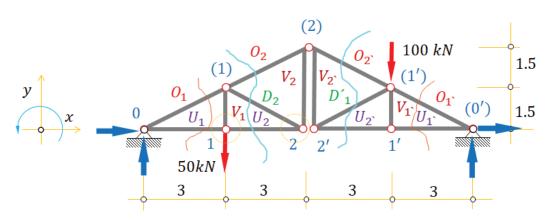
Метода чворова - " шест случајева "





Пример

За носач са датим оптерећењем приказ на скици срачунати силе у штаповима на основу аналитичких израза.



Реакције веза:

$$P_1 := 50 \text{ kN}$$

$$\mathsf{P}_1 := \mathsf{50} \ \mathsf{kN} \qquad \qquad \mathsf{P}_2 := \mathsf{100} \ \mathsf{kN}$$

$$\Sigma H = 0^{\blacksquare}$$

$$H_a + H_b = 0$$

$$\Sigma V = 0$$

$$V_a + V_b - P_1 - P_2 = 0$$

$$\Sigma M_2 = 0$$

$$V_b \cdot 12 - P_1 \cdot 3 - P_2 \cdot 9 = 0$$

$$\Sigma M_{2D} = 0^{\blacksquare}$$

$$V_{b} \cdot 6 - H_{b} \cdot 3 - P_{2} \cdot 3 = 0$$

$$\operatorname{Find}(\operatorname{H}_{\operatorname{a}},\operatorname{H}_{\operatorname{b}},\operatorname{V}_{\operatorname{a}},\operatorname{V}_{\operatorname{b}}) \to \begin{pmatrix} -75\\75\\\frac{125}{2}\\\frac{175}{2} \end{pmatrix}$$

$$H_2 := -75 \text{ kN}$$

$$H_{h} := 75 \text{ kN}$$

$$V_a := \frac{125}{2} = 62.5 \text{ kN}$$

$$H_a := -75 \text{ kN}$$
 $H_b := 75 \text{ kN}$ $V_a := \frac{125}{2} = 62.5 \text{ kN}$ $V_b := \frac{175}{2} = 87.5 \text{ kN}$

Моменти савијања у чворовима решеткастог носача:

$$M_1 := V_a \cdot 3$$
 $M_1 = 187.5$

$$M_{1G} := V_a \cdot 3 + H_a \cdot 1.5$$
 $M_{1G} = 75$

$$M_2 := V_a \cdot 6 - P_1 \cdot 3$$
 $M_2 = 225$

$$\mathsf{M}_{2G} \coloneqq \mathsf{V}_a {\cdot} \mathsf{6} - \mathsf{P}_1 {\cdot} \mathsf{3} + \mathsf{H}_a {\cdot} \mathsf{3} \qquad \qquad \mathsf{M}_{2G} = \mathsf{0}$$

$$M_{2'} := V_b \cdot 6 - P_2 \cdot 3$$
 $M_{2'} = 225$

$$M_{1'} := V_b \cdot 3$$
 $M_{1'} = 262.5$

$$M_{1'G} := V_b \cdot 3 - H_b \cdot 1.5$$
 $M_{1'G} = 150$

Силе у штаповима на основу аналитичких израза

$$\alpha \coloneqq 26.57 \text{deg} \qquad \qquad \beta \coloneqq 0 \text{deg} \qquad \qquad h_1 \coloneqq 1.5 \qquad \qquad h_2 \coloneqq 3$$

$$U_2 := \frac{M_1G}{h_1} \cdot \frac{1}{\cos(\beta)}$$
 $U_2 = 50 \text{ kN}$ $U_1 = U_2$

$$U_{1'} := \frac{M_{1'G}}{h_{1}} \cdot \frac{1}{\cos(\beta)}$$
 $U_{1'} = 100 \text{ kN}$ $U_{1'} = U_{2'}$

$$O_2 := \frac{-M_2}{h_2} \cdot \frac{1}{\cos(\alpha)}$$
 $O_2 = -83.86 \text{ kN}$

$$O_1 := \frac{-M_1}{h_1} \cdot \frac{1}{\cos(\alpha)}$$
 $O_1 = -139.76 \text{ kN}$

$$O_{2'G} := \frac{-M_{2'}}{h_2} \cdot \frac{1}{\cos(\alpha)}$$
 $O_{2'G} = -83.86 \text{ kN}$

$$O_{1'G} := \frac{-M_1'}{h_1} \cdot \frac{1}{\cos(\alpha)}$$
 $O_{1'G} = -195.66 \text{ kN}$

$$D_{2} := \left(\frac{M_{2}}{h_{2}} - \frac{M_{1}G}{h_{1}} + H_{a}\right) \cdot \frac{1}{\cos(\alpha)} \qquad D_{2} = -55.9 \text{ kN}$$

$$D_{1} := \left(\frac{M_{2}}{h_{2}} - \frac{M_{1}G}{h_{1}} - H_{b}\right) \cdot \frac{1}{\cos(\alpha)} \qquad D_{1} := -111.81 \text{ kN}$$

$$V_{1} := 0 \quad \text{Important } D_{1} := -111.81 \text{ kN}$$

$$V_{2} := 0 \quad \text{Important } D_{1} := -111.81 \text{ kN}$$

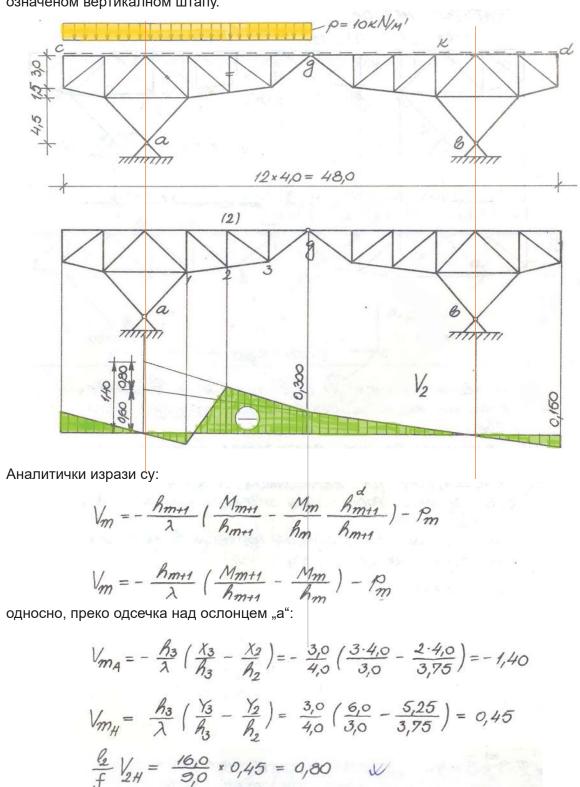
$$V_{3} := 0 \quad \text{Important } D_{2} := 0 \quad \text{Important } D_{3} := 0 \quad \text{Important } D_{3} := 0 \quad \text{Important } D_{2} := 0 \quad \text{Important } D_{3} := 0 \quad \text{Impo$$

S(kN)

50kN

Пример

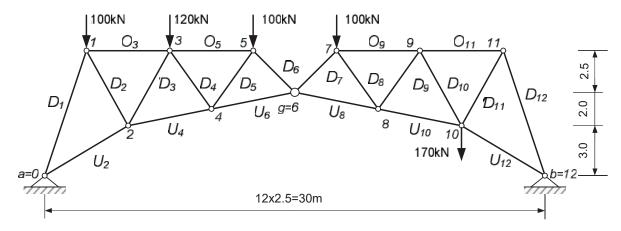
За дати носача приказан на скици услед задатог оптерећења срачунати силу у означеном вертикалном штапу.



 $V_{m_8} = -\frac{30}{40} \left(\frac{5.40}{30} - \frac{6.40}{3.75} \right) = -0.20$

Пример

За носач са датим оптерећењем приказ на скици срачунати силе у штаповима на основу аналитичких израза.



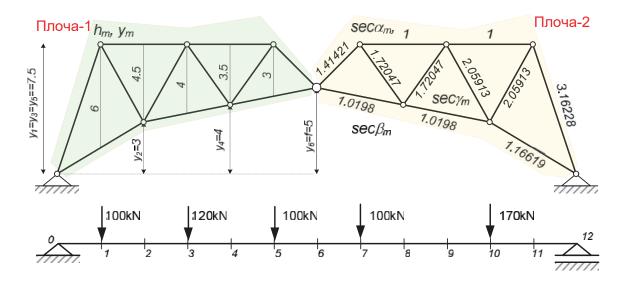
Аналитички изрази за силе у штаповима решеткастог носача.

3a....m=3,5,9,11
$$O_m = -\frac{M_{m-1}}{h_{m-1}} \cdot \sec \alpha_m$$

3a...m=2,4,6,8,10,12
$$U_m = \frac{M_{m-1}}{h_{m-1}} \cdot \sec \beta_m$$

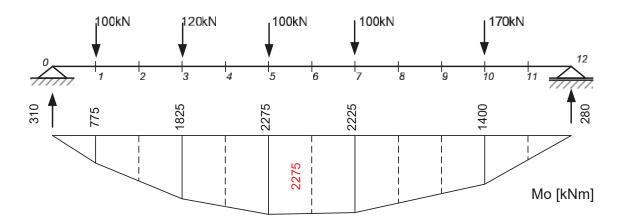
3a....m=1,3,5,7,9,11
$$D_m = \left(\frac{M_{m-1}}{h_{m-1}} - \frac{M_m}{h_m} - H_m\right) \cdot \sec \gamma_m$$

3a m=2,4,6,8,10,12
$$D_m = \left(\frac{M_m}{h_m} - \frac{M_{m-1}}{h_{m-1}} - H_m\right) \cdot \sec \gamma_m$$



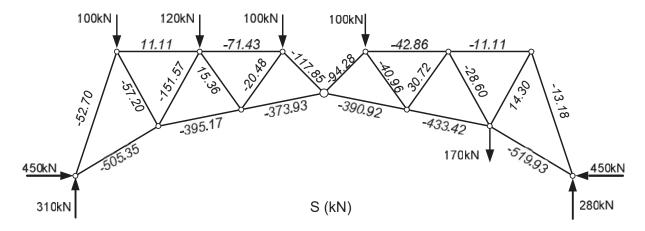
$$M_{\it m} = M_{\it m0} - H \cdot y_{\it m}$$

 M_{m0} - моменти савијања одговарајуће просте греде

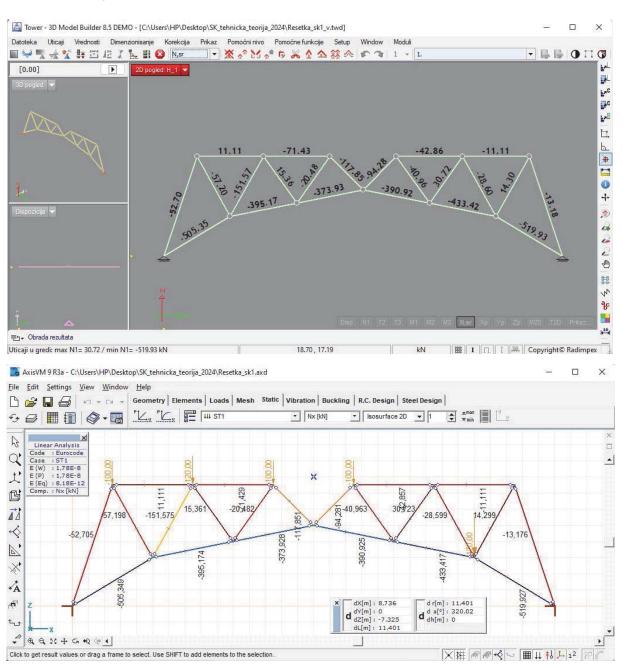


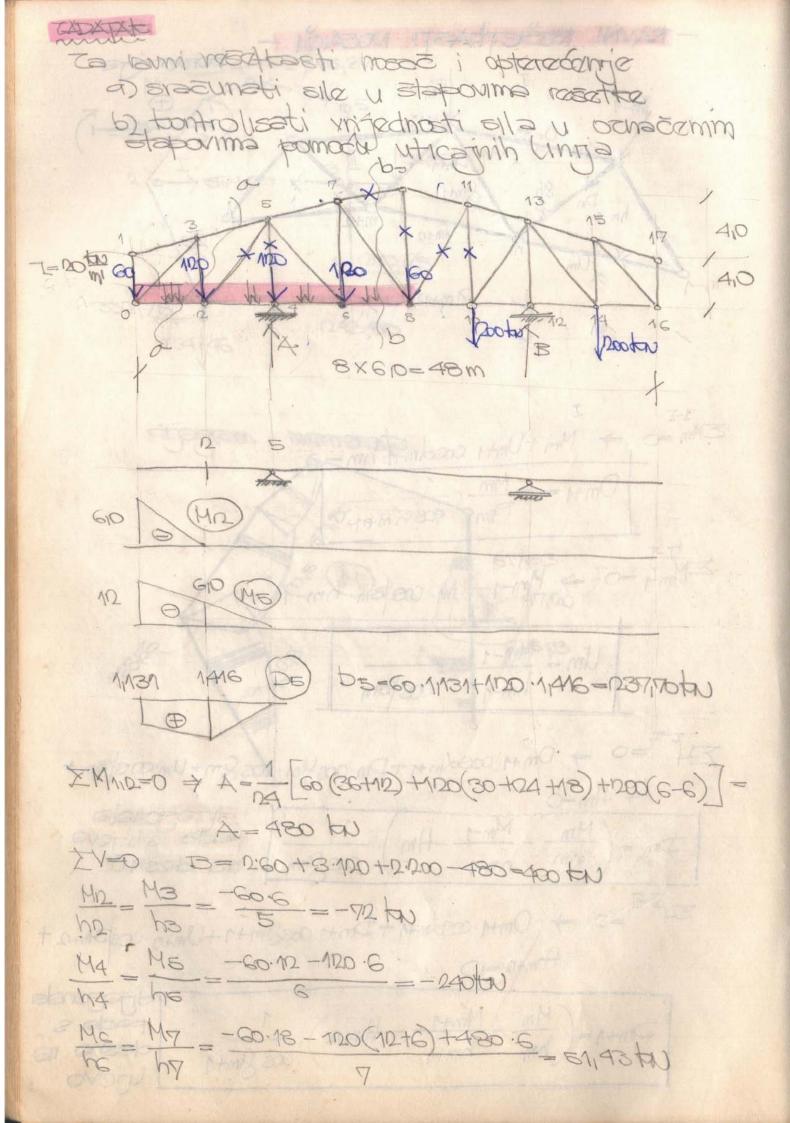
$$H = M_{g\,0}/f = \frac{2250}{5} = 450 \ kN$$

m	M_{mo}	H·y _m	M_{m}	M _m /h _m	U _m	O _m	D _m
0	0	0	0	0	-	-	-
1	775	3375	-2600	-433.33	-	-	-52.70
2	1300	1350	-50	-11.11	-505.35	-	-57.20
3	1825	3375	-1550	-387.5	-	11.11	-151.57
4	2050	1800	250	71.43	-395.17	-	15.36
5	2275	3375	-1100	-366.67	-	-71.43	-20.48
6	2250	2250	0	0	-373.93	-	-117.85
7	2225	3375	-1150	-383.33	-	-	-94.28
8	1950	1800	150	42.86	-390.92	1	-40.96
9	1675	3375	-1700	-425.00	-	-42.86	30.72
10	1400	1350	50	11.11	-433.42	-	-28.60
11	700	3375	-2675	-445.83	-	-11.11	14.30
12	0	0	0	0	-519.93	-	-13.18



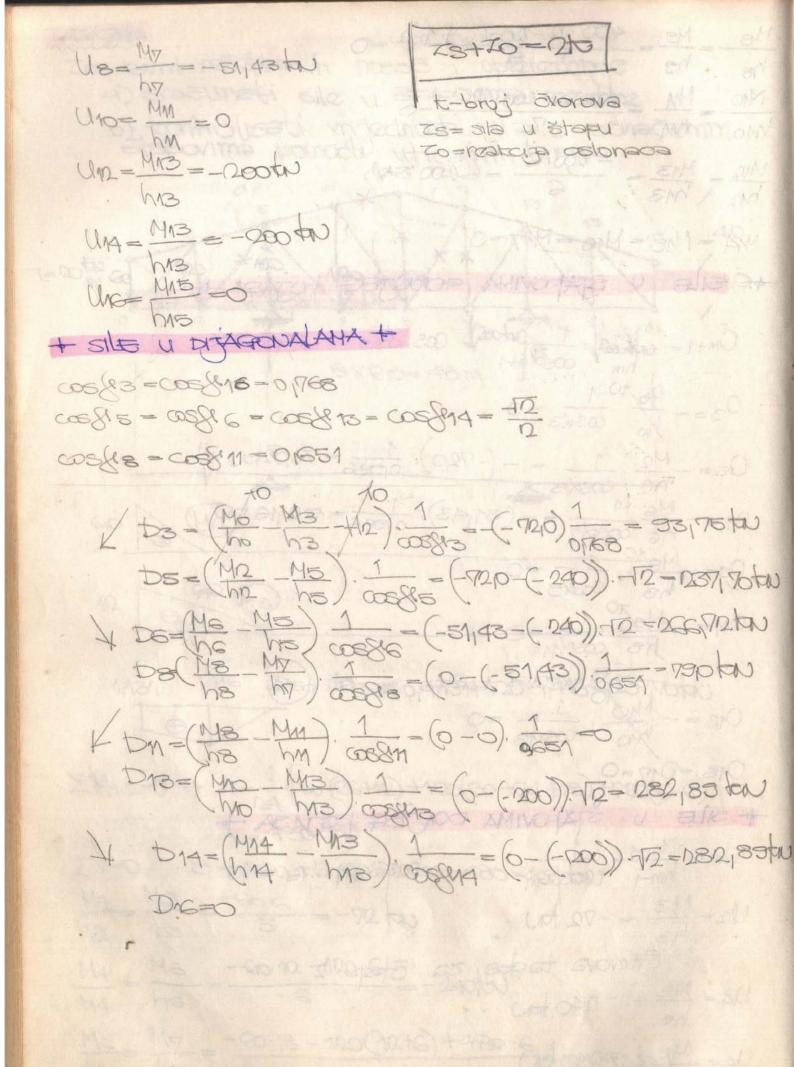
Контрола резултата методом коначних елемената



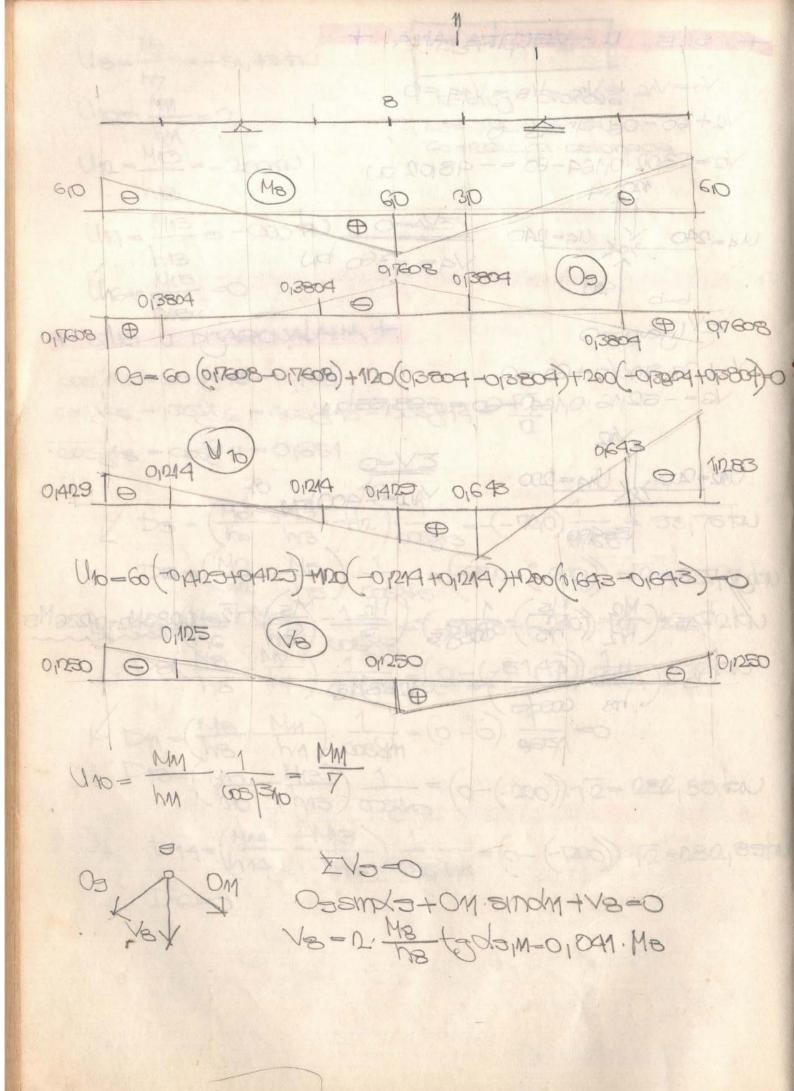


Ma 400.12-200(6+18)-0 MO MM 400.6-120.912 MO - MM - OW MIR M13 - 200.6 = -200 FN (10000) + SILE U STAPOVIMA GORNJEG FOJASA + M 03=- Mo/10 1 wsx3 = 0 spread = 1800 - $O_6 = -\frac{M_2}{h_2} \cdot \frac{1}{\cos 4\pi} = -(-720) \cdot \frac{7}{01386} + 7302 + 10$ 07=-M6 1 he cosdy =- (51,43) 1 0,586= 52,16 by 000 No 7 - Costs = 00 000 - 200 (211 - 2011) - 20 ON = Met A 20 Met A 2 - Riteroua taöka za stap 11 013 = - Myo 0 1 00 10 00 (MM 314) = NO 015 =017=0 + SILE U STAPOVIMA DONJEG POJASA + Um = Mm-1 (000/3m) = 00093214...16 = 10 $U_{12} = \frac{M3}{h3} = -72 \text{ fw}$.

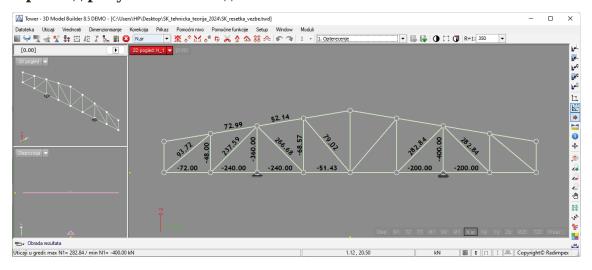
Ritarova tada za 31ap 2 U4= MB - - 1240 to Us= Ms = - 240 km



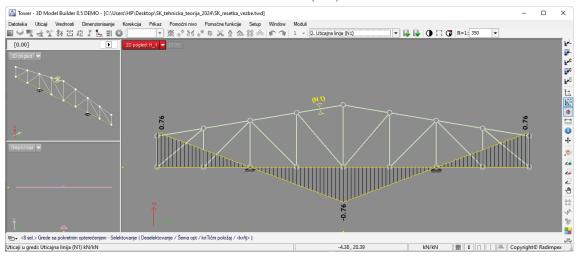
+ SILE U VERTIFALAMA + Vo=V16=U10=U8=V19=0 12+60-05 Ands=0 V2=7302.01164-60=-4802 by U4=240 V U6=1240 ZV (Jevo -0 46+07: Smo(7+60=90-+0000)0014 (00070-00070) 00-50 16=-52/16-0/164-60=-68/55/0 Un2=200 / Un4=200 EV=0 SADIO SADIOTORIA PHONO PARA PORA CONOCIONA DE OLO D= (Mp - Ms) 1 - (Mp - Ms) - 12 - 0,083 Mp - 0,036 M5 $8M832110 - = \left(\frac{1}{60300} \cdot \frac{8M}{8d}\right) = 60$



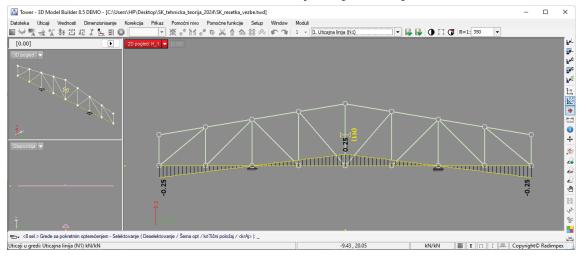
Преглед резултата - метода коначних елемената



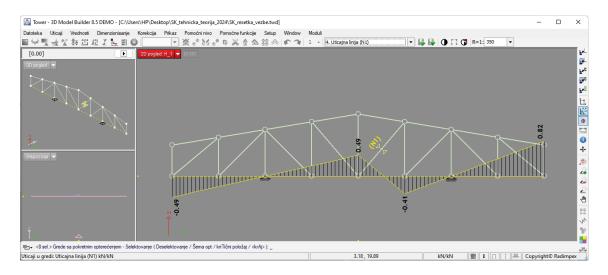
Слика 1: S(kN)



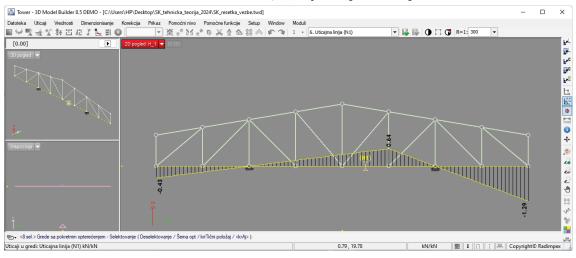
Слика 2: штап О9 - утицајна линија



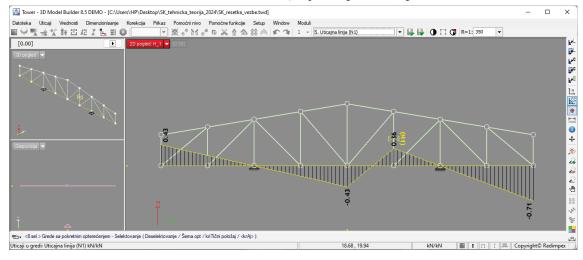
Слика 3: штап V_8 - утицајна линија



Слика 4: штап D_{8-11} - утицајна линија



Слика 5: штап U_{10} - утицајна линија



Слика 6: штап V_{10} – утицајна линија