## 1.- CLASIFICIACIÓN DE LOS SISTEMAS DE ECUACIONES.

Sistema lineal heterogéneo: es aquel en el que no todos los términos independientes son nulos. Ej:

$$3x - 4y + z = 0$$

x + 2v - z = 20

$$x - y + 2z = 8$$

$$x + y - z = 0$$

Sistema lineal homogéneo: es aquel en el que todos los términos independientes son nulos. Ejemplo:

$$2x - 3y + z = 0$$

$$3x + y + 2z = 0$$

Según su número de soluciones, los sistemas pueden ser:

Incompatibles: si no tienen solución.

Compatibles: si tienen solución.

Determinado: si la solución es única.
Indeterminado: si existe más de una solución.

# 2.-EXPRESIÓN MATRICIAL DE UN SISTEMA.

Dado un sistema de m ecuaciones lineales con nincógnitas:

$$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1$$

$$a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2$$

$$\dots$$

$$a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + \dots + a_{mn}x_n = b_m$$

Llamamos expresión matricial de este sistema a la expresión:

También llamamos matriz ampliada,  $A^*$ , del sistema a la matriz formada por los coeficientes de las incógnitas y los términos independientes de cada ecuación.

$$A^* = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} & b_1 \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} & b_2 \\ \vdots & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} & b_m \end{bmatrix}$$

### Ejemplo:

Determina la expresión matricial de los siguientes sistemas, y resuélvelos como una ecuación matricial.

$$x + y - z = 0$$

$$a) - 2x - y + z = -1$$

$$x - y + 2z = 2$$

$$3x - 2y + z = 1$$
**b)** 
$$x - 4y - 2z = 0$$

$$- x - 6y - 5z = -1$$

## 3.-TEOREMA DE ROUCHÉ-FRÖBENIUS.

El	sistema	$A \cdot X = B$	es	compatible	$\Leftrightarrow$
$Rango(A) = Rango(A^*)$					

#### 3.1.-Discusión de sistemas.

Discutir o estudiar un sistema consiste en clasificarlo sin resolverlo, aplicando el teorema de Rouché-Fröbenius.

- Si  $Rango(A) \neq Rango(A^*)$ , el sistema es **incompatible**.
- Si  $Rango(A) = Rango(A^*)$  Si coincide con el número de incógnitas, el sistema es **compatible determinado**. Si es menor que el número de incógnitas, el sistema es **compatible indeterminado**.

*Ejemplo sin parámetros:* Estudia el número de soluciones de los siguientes sistemas de ecuaciones:

d) 
$$x - 2y + z = -2$$
 | e)  $3x + y + 4z = 5$  |  $2x - y + 3z = 4$  |

Ejemplo con parámetro/s: Discute, en función de los valores que tome cada parámetro, los sistemas de ecuaciones:

### 4.-RESOLUCIÓN DE SISTEMAS DE ECUACIONES.

# 4.1.-Regla de Cramer.

Dado un sistema de <i>n</i> ecuaciones lineales con <i>n</i> incógnitas:	$a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n = b_1 \square$ $a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n = b_2 \square$
	$ a_{n1}x_1 + a_{n2}x_2 + + a_{nn}x_n = b_n $

si se cumple que el determinante de la matriz de los coeficientes es no nulo,  $|A| \neq 0$ , entonces el sistema es compatible determinado, y su solución es:  $x_i = \frac{|A_{x_i}|}{|A|}$  para i = 1, 2, ..., n

siendo  $A_{x_i}$  la matriz que resulta de sustituir en la matriz A la columna de los coeficientes de  $x_i$  por la columna de los términos independientes.

$$2x - y + z = -80$$
  
 $x + 3y - 2z = 50$   
 $2x + y + 3z = 4$ 

## 4.2.-Generalización de la regla de Cramer.

Veamos cómo se puede utilizar la regla de Cramer para calcular la solución de un sistema, con cualquier número de ecuaciones y de incógnitas, que sea compatible indeterminado.

$$3x + y - z = 20$$
Resolvamos **el sistema**:  $-2x + y - z = 10$ 

$$x + 2y - 2z = 3$$

<u>1<sup>er</sup> paso:</u> Comprobamos que el sistema es compatible indeterminado.

$$|A| = 0 \qquad ; \qquad \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} \neq 0 \rightarrow$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & -2 \end{bmatrix} \begin{vmatrix} 2 \\ 3 & 1 & 2 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} = 0 ; \qquad \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} \neq 0 \rightarrow$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & -1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \begin{vmatrix} 3 & 1 & 2 \\ -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix} = 0 ; \qquad \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} \neq 0 \rightarrow$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \begin{vmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{vmatrix} = 0 ; \qquad |A^* = 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow \begin{vmatrix} 3 & 1 \\ -2 & 1 \end{vmatrix} \neq 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^* = \begin{bmatrix} -2 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow 0 \Rightarrow 0 \Rightarrow 0$$

$$|A^*$$

<u>2º paso:</u> Tomamos como referencia las ecuaciones y las incógnitas que representan al determinante que hemos encontrado distinto de cero. Así, eliminamos el resto de ecuaciones del sistema y pasamos al segundo miembro el resto de incógnitas.

El **nuevo sistema** que obtenemos es: 
$$3x + y = 2 + z \begin{bmatrix} \\ -2x + y = 1 + z \end{bmatrix}$$

<u>3<sup>er</sup> paso:</u> Aplicamos la regla de Cramer <u>al nuevo sistema</u>.

$$x = \frac{\begin{vmatrix} 2+z & 1\\ 1+z & 1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & 1\\ -2 & 1 \end{vmatrix}} = \frac{1}{5}$$

$$y = \frac{\begin{vmatrix} 3 & 2+z\\ -2 & 1+z \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 3 & 1\\ -2 & 1 \end{vmatrix}} = \frac{5z+7}{5}$$

La solución de nuestro sistema queda:  $x = \frac{1}{5}$ ,  $y = \frac{5\lambda + 7}{5}$ ,  $z = \lambda$ , con  $\lambda \in \Re$ .

Ejemplo: Resuelve los siguientes sistemas:

$$x + y + z = 1 \ \ \, ]$$
a)  $2x + y + 2z = 2 \ \ \, ]$ 

$$x + 2y + z = 1 \ \ \, ]$$

$$\begin{array}{c}
x + y + z = 1 \\
2x + z = 2
\end{array}$$

## 5.-DISCUTIR Y RESOLVER SISTEMAS DE ECUACIONES.

$$2x - 3y + z = 0$$
**a)** 
$$-2x - 2z = 0$$

$$-3y - z = 0$$

$$\begin{array}{ccc}
 & x + y & =1 & 1 \\
 & y + z = 2 & 1 \\
 & x - z = -1 & 1 \\
 & 3x - y + z = 10
 \end{array}$$

d) 
$$mx + 2y - z = 3m \begin{bmatrix} 1 \\ 2x + my - z = 6 \end{bmatrix}$$
 parámetro  $m$ 

e) 
$$-y + 2pz = 0$$
 parámetro  $pz = 0$  parámetro  $pz = 0$ 

mx - y = 1averigua el valor de m para que:

a) no tenga solución;
b) tenga infinitas soluciones;
c) tenga una única solución;

- d) la solución del sistema tenga x = 3.

I O JERCIC

LEMAS В

1 Discutir y resolver los siguientes sistemas de ecuaciones.

$$2x - y + z = 10$$
**b)**  $x + 2y - z = 0$ 

$$5x + z = 2$$

$$x + 2y + 4z = 0 \mathbb{I}$$

$$2x + y - z = 0 \mathbb{I}$$

$$x + y + z = 0 \mathbb{I}$$

$$sol: SCD x = 0$$

$$x + 2y + 4z = 0 \ \square$$

$$2x + y - z = 0 \ \square$$

$$x + y + z = 0 \ \square$$

$$5x - 3y + z = 0 \ \square$$

$$5x - 3y + z = 0 \ \square$$

$$x + y + z = 0 \ \square$$

$$5x - 3y + z = 0 \ \square$$

$$x + y + z = 1 \ \square$$

$$x + y + t = 1 \ \square$$

$$x + y + t = 1 \ \square$$

$$x + z + t = 1 \ \square$$

$$x + z + t = 1 \ \square$$

2 Discutir los siguientes sistemas según los valores del parámetro y resolverlos en los casos que se indican:

2x + 2y - 7z = 0

Sol: para 
$$a=2$$
 S.C.I. y para  $a \neq 2$  S.C.D.  
 $a=2 \Rightarrow x=2-\lambda, y=0, z=0$ 

$$x=2, y=0, z=0$$

Sol: para 
$$a=0$$
 S.I., para  $a=-3$  S.C.I., para otros casos S.C.D.  $a=-3 \Rightarrow x = \frac{4+3\lambda}{3}$  ,  $y = \frac{2+3\lambda}{3}$  ,  $z = \lambda$ 

$$2y - z = a \quad \boxed{3x - 2z = 11} \quad \boxed{y + z = 6} \quad \boxed{para a = 6}$$
$$2x + y - 4z = a \boxed{1}$$

Sol: para a=6 S.C.D. y para  $a \neq 6$  S.I.  $a=6 \Rightarrow x=5, y=4, z=2$ 

$$x + ay - az = 0 \qquad \begin{bmatrix} \\ 12x - (a+2)y - 2z = 0 \end{bmatrix}$$
 para a= 2, a=1  
  $ax - 2y + z = 0$ 

Sol: para a=1, a=-6, S.C.I., para otros casos S.C.D.  $a=2 \Rightarrow x=0, y=0, z=0$ 

$$a=1 \Rightarrow x=2, y=4, z=-6$$

$$a=1 \Rightarrow x = \frac{\lambda}{3}, y = \frac{2\lambda}{3}, z = \lambda$$

$$x + 3y - 3z = 4$$
 []  
e)  $2x - y + z = 1$  [] para k=-2  
 $3x + 2y + kz = 5$  []

$$x + (t+1)y + tz = t + 10$$
  
**f)**  $x + (t+1)y + z = 0$  para t=0  
 $x + y = 1$ 

Sol: para k=-2 S.C.I., para otros casos S.C.D.  $k=-2 \Rightarrow x = 1$  ,  $y = 1 + \lambda$  ,  $z = \lambda$  Sol: para t=0 S.C.I., para t=1 S.I, para otros casos S.C.D.  $t=0 \Rightarrow x=1-\lambda, y=\lambda, z=-1$ 

- 3 Un cajero automático contiene sólo billetes de 10, 20 y 50 euros. En total hay 130 billetes con un importe de 3000 €.
  - a) ¿Es posible que en el cajero haya el triple número de billetes de 10 que de 50?
  - b) Suponiendo que el número de billetes de 10 es el doble que el número de billetes de 50, calcula cuántos billetes hay de cada tipo. (Selectividad Junio 2008)

Sol.: a) No es posible.

b) De 10 euros, 80 billetes, de 20 euros, 10 billetes y de 50 euros, 40 billetes.

4 Escribir un sistema de 3 ecuaciones con dos incógnitas de modo que:

**a)** 
$$rg(A)=2$$
,  $rg(A^*)=3$ ;

**b)** 
$$rg(A)=2$$
,  $rg(A^*)=2$ 

c) 
$$rg(A)=1$$
,  $rg(A^*)=2$ ;

**d)** 
$$rg(A)=1$$
,  $rg(A^*)=1$ ;

e) 
$$rg(A)=2$$
,  $rg(A^*)=1$ .

(Selectividad Junio 2006)

$$x = 1$$
 ,  $y = -1$  ,  $z = 1$ 

Resuelve el sistema de ecuaciones: 
$$\begin{bmatrix}
3 & -2 & 1 & | x & | & 1 & | \\
1 & -4 & -2 & | y & | & | & 1
\end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
-1 & -6 & -5 & | & | & | & | & | \\
-1 & -6 & -5 & | & | & | & | & | & |
\end{bmatrix}$$

$$3x + 2y - 5z = 1$$

7 Considera el sistema de ecuaciones: 
$$4x + y - 2z = 3$$

$$2x - 3y + az = b$$

- Determina a y b sabiendo que el sistema tiene infinitas soluciones
- Resuelve el sistema resultante.

Sol.: a) 
$$a = \frac{44}{5}$$
  $y = b = 5$  b)

$$x = \frac{5 - \lambda}{5} \quad , \quad y = \frac{14\lambda - 5}{5} \quad , \quad z = \lambda$$

$$x + \lambda y + (\lambda - 1)z = 1$$

Considera el sistema de ecuaciones: 
$$y + z = 1$$

$$2x + y - z = -3$$

$$y + z = 1$$

$$2x + y - z = -3$$

- a) Halla todos los posibles valores del parámetro  $\lambda$  para los que el sistema correspondiente tiene al menos dos soluciones distintas.
- b) Resuelve el sistema para los valores de  $\lambda$  obtenidos en el apartado anterior.
- c) Discute el sistema para los restantes valores de  $\lambda$ .

Sol.: a) 
$$\lambda = 3$$
 b)  $x = \lambda - 2$  ,  $y = 1 - \lambda$  ,  $z = \lambda$  c) para  $\lambda \neq 3$  Sistema Incompatible

Sol. :

Discute y resuelve el siguiente sistema según los valores de 
$$k: kx + y + z = 0$$

$$x + ky + z = 0$$

$$x + y + kz = 0$$

Sol.: Si 
$$k=1$$
 S.C. I.,  $x=-\lambda - \mu$  ,  $y=\lambda$  ,  $z=\mu$   
Si  $k=-2$  S.C. I..,  $x=\lambda$  ,  $y=\lambda$  ,  $z=\lambda$   
Si  $k \neq 1$   $y$   $k \neq -2$  S.C. D. ;  $x=0$  ,  $y=0$  ,  $z=0$ 

$$ax + y + z = 4$$
10 Considera el sistema de ecuaciones: 
$$x - ay + z = 1$$

$$x + y + z = a + 2$$

- a) Resuélvelo para el valor de a que lo haga compatible indeterminado.
- b) Resuelve el sistema que se obtiene para a=-2. (Selectividad Septiembre 2007)

Sol.: a) para 
$$a=-1$$
,  $x=-\frac{3}{2}$ ,  $y=\frac{5-2\lambda}{2}$ ,  $z=\lambda$ ; b)  $x=-\frac{4}{3}$ ,  $y=1$ ,  $z=\frac{1}{3}$ 

- a) Halla los valores del parámetro m para los que el rango de A es menor que 3. (Selectividad Junio 2008)

anterior.

Sol.: a) 
$$m = 0$$
 ,  $m = 1$ ; b) Para  $m = 0$  S.I. y para  $m = 1$  S.C. I.

- Sabemos que el sistema de ecuaciones 2x y + 3z = 1 tiene las mismas soluciones que el que resulta al añadirle la ecuación ax + y + 7z = 7:
  - a) Determina el valor de a.
  - *b*) Calcula la solución del sistema inicial de dos ecuaciones, de manera que la suma de los valores de las incógnitas sea igual a la unidad. (Selectividad Septiembre 2008)

Sol.: a) 
$$a=8$$
; b)  $x = \frac{6}{5}$ ,  $y = \frac{1}{5}$ ,  $z = \frac{-2}{5}$ 

Dado el sistema de ecuaciones lineales 
$$x - ay = 2$$
  $x - ay = 2$   $ax - y = a + 1$  se pide:

- a) Discutir el sistema según los valores del parámetro  $\mathcal{A}$ . Resolverlo cuando la solución sea única.
- b) Determinar para qué valor o valores de  $\alpha$  el sistema tiene una solución en la que y=2.
- 14 Un país importa petróleo de tres clases (normal, extra y súper), procedente de los países O, I, y L. En la siguiente tabla se indica la cantidad de barriles (en miles) importados de cada país y el importe de las respectivas facturas pagadas (en miles de dólares). Halla el precio por barril de cada clase de petróleo.

		Normal	Extra	Súper	Importe
	Ο	25	5	5	675
	I	10	30	2	830
	L	10	8	16	740

15 Una granja contiene 56 animales entre conejos, gallinas y patos. El total de patas se cuenta por 158 y el de picos por 33. ¿Cuántos animales de cada tipo hay?

16 En una reunión, cierta parte de los presentes está jugando, otra parte está charlando, y el resto, bailando. Más tarde, 4 dejan el juego por el baile, 1 la charla por el juego y 2 el baile por la charle, con lo cual, el número de personas que está en cada grupo es el mismo. ¿Cuántas personas componen la reunión?

The Considera las matrices 
$$A = \begin{bmatrix} -3 \\ 2 \end{bmatrix}$$
,  $B = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \end{pmatrix}$  y  $C = \begin{bmatrix} -1 \\ 6 \\ 6 \end{bmatrix}$ 

- a) Halla, si existe, la matriz inversa de AB + C.
- **b)** Calcula, si existen, los números reales  $\mathcal{X}$  e  $\mathcal{Y}$  que verifican:  $C \begin{vmatrix} x \\ y \end{vmatrix} = 3 \begin{vmatrix} x \\ y \end{vmatrix}$