

图的存储结构算法 设计示例

图的邻接矩阵类型声明:

```
// ----- 图的数组(邻接矩阵)存储表示 -----
#define INFINITY INT_MAX // 用整型最大值代替∞
#define MAX_VERTEX_NUM 30 // 最大顶点个数
enum GraphKind {DG, DN, UDG, UDN}; // {有向图,有向网,无向图,无向网}
typedef int VRType;
typedef char VertexType[MAX_NAME];

typedef struct {
    VRType adj; // 顶点关系类型。对无权图, 用1或0表示相邻否; 对带权图, 则为权值
    InfoType *info; // 该弧相关信息的指针(可无)
} ArcCell, AdjMatrix[MAX_VERTEX_NUM][MAX_VERTEX_NUM]; // 二维数组

typedef struct Graph {
    VertexType vxs[MAX_VERTEX_NUM]; // 顶点向量
    AdjMatrix arcs; // 邻接矩阵
    int vexnum, arcnum; // 图的当前顶点数和弧数
    GraphKind kind; // 图的种类标志
} MGraph;
```

图的邻接矩阵类型声明:

```
#define INF    INT_MAX           // 用整型最大值代替∞
#define MAXVEX 30               // 图中最大顶点个数
typedef char VertexType[10];    // 定义VertexType为字符串类型

typedef struct vertex
{
    int adjvex;                 // 顶点编号
    VertexType data;            // 顶点的信息
} VType;                       // 顶点类型

typedef struct graph
{
    int n, e;                   // n为实际顶点数, e为实际边数
    VType vxs[MAXVEX];          // 顶点集合
    int edges[MAXVEX][MAXVEX];  // 边的集合
} MGraph;                      // 图的邻接矩阵类型
```

在邻接矩阵上实现图的基本运算的算法示例

(1) 建立图的邻接矩阵算法

由邻接矩阵数组 A 、顶点数 n 和边数 e 建立图 G 的邻接矩阵存储结构。

```
void CreateGraph(MGraph &g,int A[][MAXVEX],int n,int e)
{
    int i,j;
    g.n=n; g.e=e;
    for (i=0;i<n;i++)
        for (j=0;j<n;j++)
            g.edges[i][j]=A[i][j];
}
```

(2) 求顶点度算法

对于无向图和有向图，求顶点度有所不同。依据定义，求无向图G中顶点v的度的算法如下：

```
int Degree1(MGraph g,int v)    //求无向图中顶点的度
{
    int i,d=0;
    if (v<0 || v>=g.n)
        return -1;            //顶点编号错误返回-1
    for (i=0;i<g.n;i++)
        if (g.edges[v][i]>0 && g.edges[v][i]<INF)
            d++;                //统计第v行既不为0也不为∞的边数即度
    return d;
}
```

求有向图G中顶点v的度的算法如下：

```
int Degree2(MGraph g, int v) //求有向图中顶点的度
{
    int i,d1=0,d2=0,d;
    if (v<0 || v>=g.n)
        return -1; //顶点编号错误返回-1
    for (i=0;i<g.n;i++)
        if (g.edges[v][i]>0 && g.edges[v][i]<INF)
            d1++; //统计第v行既不为0也不为∞的边数即出度
    for (i=0;i<g.n;i++)
        if (g.edges[i][v]>0 && g.edges[i][v]<INF)
            d2++; //统计第v列既不为0也不为∞的边数即入度
    d=d1+d2;
    return d;
}
```

一个图的邻接表存储结构的类型声明如下：

```
typedef char VertexType[10];    //VertexType为字符串类型
typedef struct edgenode
{
    int adjvex;                //相邻点序号
    int weight;                //边的权值
    struct edgenode *nextarc;   //下一条边的顶点
} ArcNode;                    //每个顶点建立的单链表中边结点的类型
typedef struct vexnode
{
    VertexType data;           //存放一个顶点的信息
    ArcNode *firstarc;         //指向第一条边结点
} VHeadNode;                  //单链表的头结点类型
typedef struct
{
    int n,e;                   //n为实际顶点数,e为实际边数
    VHeadNode adjlist[MAXVEX]; //单链表头结点数组
} ALGraph;                     //图的邻接表类型
```

在邻接表上实现图的基本算法示例

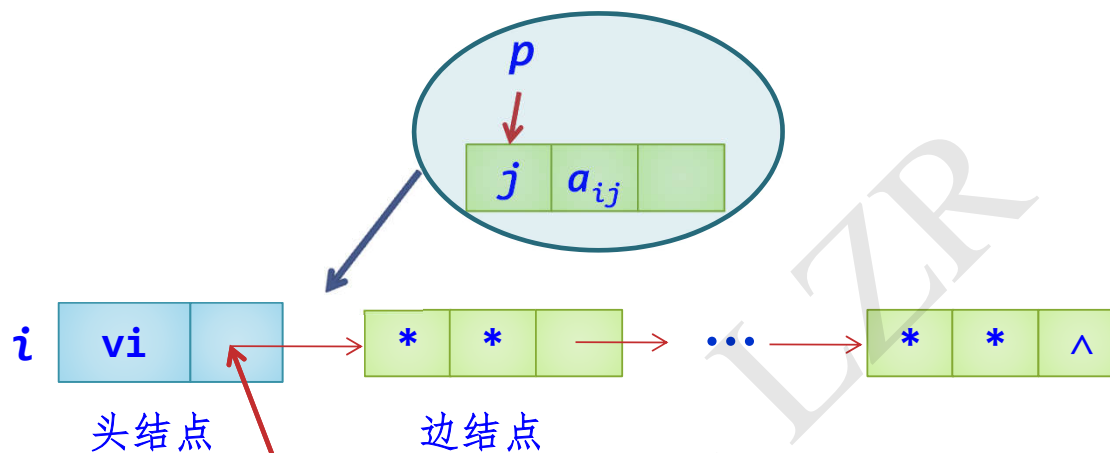
(1) 建立图的邻接表算法

由邻接矩阵数组 A 、顶点数 n 和边数 e 建立图 G 的邻接表存储结构。

基本思路:

- 先创建邻接表头结点数组，并置所有头结点的 $firstarc$ 为 $NULL$ 。
- 遍历邻接矩阵数组 A ，当 $A[i][j] \neq 0$ 且 $A[i][j] \neq \infty$ 时，说明有一条从顶点 i 到顶点 j 的边，建立一个边结点 p ，置其 $adjvex$ 域为 j ，其 $weight$ 域为 $A[i][j]$ (a_{ij})，将 p 结点插入到顶点 i 的单链表头部。

顶点*i*到*j*有边:



引用方式: $G \rightarrow \text{adjlist}[i].\text{firstarc}$

实现语句:

$p \rightarrow \text{nextarc} = G \rightarrow \text{adjlist}[i].\text{firstarc};$

$G \rightarrow \text{adjlist}[i].\text{firstarc} = p;$

注意: 图中每个顶点有一个头结点, 每条边有一个边结点
(无向图一条边对应2个边结点)。

```

void CreateGraph(ALGraph *&G,int A[][MAXVEX],int n,int e)
{
    int i,j;
    ArcNode *p;
    G=(ALGraph *)malloc(sizeof(ALGraph));
    G->n=n; G->e=e;
    for (i=0;i<G->n;i++)          //邻接表中所有头结点的指针域置空
        G->adjlist[i].firstarc=NULL;
    for (i=0;i<G->n;i++)          //检查A中每个元素
        for (j=G->n-1;j>=0;j--)
            if (A[i][j]>0 && A[i][j]<INF)          //存在一条边
            { p=(ArcNode *)malloc(sizeof(ArcNode)); //创建结点p
              p->adjvex=j;
              p->weight=A[i][j];
              p->nextarc=G->adjlist[i].firstarc;    //头插法插入p
              G->adjlist[i].firstarc=p;
            }
}

```

(2) 销毁图运算算法

邻接表的头结点和边结点都是采用malloc函数分配的，在不再需要时应用free函数释放所有分配的空间。

基本思路：通过adjlist数组遍历每个单链表，释放所有的边结点，最后释放adjlist数组的空间。

```

void DestroyGraph(ALGraph *&G)           //销毁图
{
    int i;
    ArcNode *pre,*p;
    for (i=0;i<G->n;i++)                  //遍历所有的头结点
    {
        pre=G->adjlist[i].firstarc;
        if (pre!=NULL)
        {
            p=pre->nextarc;
            while (p!=NULL) //释放adjlist[i]的所有边结点
            {
                free(pre);
                pre=p; p=p->nextarc;
            }
            free(pre);
        }
    }
    free(G);                             //释放G所指的头结点数组的内存空间
}

```

(3) 求顶点度算法

对于无向图和有向图，求顶点度有所不同。依据定义，求无向图G中顶点v的度的算法如下：

```
int Degree1(ALGraph *G,int v)    //求无向图G中顶点v的度
{
    int d=0;
    ArcNode *p;
    if (v<0 || v>=G->n)
        return -1;    //顶点编号错误返回-1
    p=G->adjlist[v].firstarc;
    while (p!=NULL)    //统计v顶点的单链表中边结点个数即度
    {
        d++;
        p=p->nextarc;
    }
    return d;
}
```

求有向图G中顶点v的度的算法如下：

```
int Degree2(ALGraph *G,int v) //求有向图G中顶点v的度
{
    int i,d1=0,d2=0,d; ArcNode *p;
    if (v<0 || v>=G->n)
        return -1; //顶点编号错误返回-1
    p=G->adjlist[v].firstarc;
    while (p!=NULL) //统计v的单链表中边结点个数即出度
    {
        d1++;
        p=p->nextarc;
    }
    for (i=0;i<G->n;i++) //统计边结点中adjvex为v的个数即入度
    {
        p=G->adjlist[i].firstarc;
        while (p!=NULL)
        {
            if (p->adjvex==v) d2++;
            p=p->nextarc;
        }
    }
    d=d1+d2;
    return d;
}
```

【示例】 对于具有 n 个顶点的有向图 G ，设计以下两个算法：

- (1) 设计一个将邻接矩阵 g 转换为邻接表 G 的算法；
- (2) 设计一个将邻接表 G 转换为邻接矩阵 g 的算法。

解： (1) 设计一个将邻接矩阵 g 转换为邻接表 G 的算法。

- 先分配 G 的内存空间并将所有头结点的`firstarc`域置为NULL。
- 遍历邻接矩阵 g ，查找元素值不为0且不为 ∞ 的元素 $g.edges[i][j]$ ，找到这样的元素后创建一个边结点 p ，将其插入到 $G \rightarrow adjlist[i]$ 单链表的首部。

```

void MatToAdj(MGraph g,ALGraph *&G)
//将邻接矩阵g转换成邻接表G
{
    int i,j;  ArcNode *p;
    G=(ALGraph *)malloc(sizeof(ALGraph));
    for (i=0;i<g.n;i++)          //邻接表中所有头结点的指针域置初值
        G->adjlist[i].firstarc=NULL;
    for (i=0;i<g.n;i++)          //检查邻接矩阵中每个元素
        for (j=g.n-1;j>=0;j--)
            if (g.edges[i][j]!=0 && g.edges[i][j]!=INF) //有一条边
            { p=(ArcNode *)malloc(sizeof(ArcNode));      //创建结点p
              p->adjvex=j;
              p->weight=g.edges[i][j];
              p->nextarc=G->adjlist[i].firstarc;  //头插法插入p
              G->adjlist[i].firstarc=p;
            }
    G->n=g.n;
    G->e=g.e;                                //置顶点数和边数
}

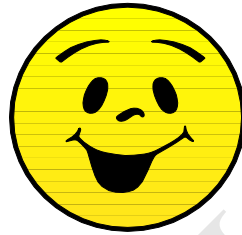
```


(2) 设计一个将邻接表G转换为邻接矩阵g的算法

- ◆ 先将邻接矩阵g中所有元素初始化：对角线元素置为0，其他元素置为 ∞ 。
- ◆ 然后遍历邻接表的每个单链表，当访问到G->adjlist[i]单链表的结点p时，将邻接矩阵g的元素g.edges[i][p->adjvex]修改为p->weight。

```
void AdjToMat(ALGraph *G,MGraph &g)
//将邻接表G转换成邻接矩阵g
{ int i,j; ArcNode *p;
  for (i=0;i<G->n;i++)
    for (j=0;j<G->n;j++)
      if (i==j) g.edges[i][i]=0; //对角线置为0
      else g.edges[i][j]=INF;

  for (i=0;i<G->n;i++)
  { p=G->adjlist[i].firstarc;
    while (p!=NULL)
    { g.edges[i][p->adjvex]=p->weight;
      p=p->nextarc;
    }
  }
  g.n=G->n; g.e=G->e; //置顶点数和边数
}
```



— END —