CBMC: Bounded Model Checking for C/C++

Ivan Devyaterikov M3307

Spring 2025

Введение в СВМС

CBMC

CBMC (C Bounded Model Checker) - это инструмент для автоматической формальной верификации программ, написанных на языках С и C++.

Bounded model checking - анализ всех возможных путей выполнения программы в пределах ограниченного числа шагов (итераций/циклов).

Проверяет корректность кода: Отсутствие ошибок (указатели, утечки памяти, переполнение и т.п.). Соответствие спецификациям (assertions, контракты).

Технические характеристики:

- почти любой m-SAT солвер
- C89, C99, C11, C17, C23
- Широкое использование в экосистеме AWS (популярная библиотека aws-c-common)

СВМС достаточно простой для обывателя, но под капотом очень сложно интересно. Давайте углубимся в дивный мир

$2 + 2 \neq 4$?

- --no-signed-overflow-check выключает проверку на переполнение
- --compact-trace в случае UNSAT, выводит контрпример

```
1 #include <assert.h>
2
3 int sum(int a, int b) {
4   return a + b;
5 }
6
7 int main() {
8   int a = 2;
9   int b = 2;
10   assert(sum(a, b) != 4);
11 }
```

```
cbmc simple.c --verbosity 4 --no-signed-overflow-check --

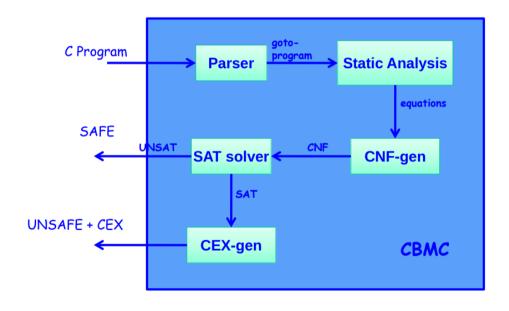
    Shell

   compact-trace
2 ** Results:
3 kek.c function main
4 [main.assertion.1] line 10 assertion sum(a, b) != 4: FAILURE
5 Trace for main.assertion.1:
8: a=2 (00000000 00000000 00000000 00000010)
     9: b=2 (00000000 00000000 00000000 00000010)
9 4 kek.c:10 sum(2, 2)
     4: goto symex$$return value$$sum=4 (00000000 00000000 00000000
     00000100)
11 ↩
     10: return value sum=4 (00000000 00000000 00000000 00000100)
13 Violated property:
   file kek.c function main line 10 thread 0
   assertion sum(a, b) != 4
    FALSE
17 VERIFICATION FAILED
```

Схема работы

CBMC: Bounded Model Checker for C

A tool by D. Kroening/Oxford



Состояние программы

Состояние программы

Состояние программы — это совокупность всех значений переменных, регистров, памяти и других данных, которые определяют текущее положение программы в момент выполнения. Упрощено, состояние программы включает: Значения всех переменных, глобальные + локальные Текущую точку выполнения Состояние стека вызовов, чтобы понять куда вернуться из функции

```
1 int x = 5; // {x=5}
2 int y = x + 1; // {x=5, y=6}
```

Рост состояний программы

К сожалению, очень много состояний получается из-за, очень простых конструкций:

- undefined behavior в стандарте c/c++ неопределенное действие. Пример, деление на 0
- неинициализированная память. Пример : int x; $x \in [\text{INT_MIN}, \text{INT_MAX}]$
- x=rand(a, b) $x \in [a,b]$
- x=input() $x \in somerange$
- гонки в многопоточных/асинхронных программах. зависит от примера



CBMC & unwinding

Как следует из название, bounded - ограничение. В СВМС это ограничение итераций цикла сверху. Для циклов принято решение повторить их неполное число раз. Проблемы, которые решает unwinding:

- Большое множество состояний до цикла
- Недетерминированное число шагов
- Halting Problem (цикл может не остановиться вовсе)
- Асимптотически цикл усложняет проверку

```
while(cond) {
      // BODY CODE
  if(cond) {
       // BODY CODE COPY 1
       if(cond) {
         // BODY CODE COPY 2
         if(cond) {
           // BODY CODE COPY 3
           if(cond) {
11
             // BODY CODE COPY 4
             if(cond) {
14
               // BODY CODE COPY 5
15
16
17
18
19
```

unwinding пример

```
#include<assert.h>
                                                                       © C
2
  int main() {
     unsigned bound;
5
     unsigned array[bound];
6
     for (int i = 0; i < bound; i++) {
       array[i] = 0;
8
10
     for (int i = 0; i < bound; i++) {
11
12
       assert(array[i] == 0);
13
     }
     return 0;
15 }
```

```
    Shell

1 cbmc --unwind 5 --verbosity 4 loop.c
2 ** Results:
3 loop.c function main
   [main.overflow.1] line 7 arithmetic overflow on signed + in i + 1: SUCCESS
   [main.unwind.0] line 7 unwinding assertion loop 0: FAILURE
    [main.array bounds.1] line 8 array 'array' lower bound in array[(signed long int)i]:
    SUCCESS
    [main.array bounds.2] line 8 array 'array' upper bound in array[(signed long int)i]:
8 [main.overflow.2] line 11 arithmetic overflow on signed + in i + 1: SUCCESS
   [main.unwind.1] line 11 unwinding assertion loop 1: SUCCESS
   [main.array bounds.3] line 12 array 'array' lower bound in array[(signed long int)i]:
   SUCCESS
   [main.array_bounds.4] line 12 array 'array' upper bound in array[(signed long int)i]:
12 [main.assertion.1] line 12 assertion array[i] == 0: SUCCESS
13
14 ** 1 of 9 failed (2 iterations)
15 VERIFICATION FAILED
```

Неявные циклы

Циклы могут быть "спрятаны" в:

- Рекурсии (анализ требует учёта глубины вызовов),
- Библиотечных функциях (например, strcpy содержит цикл),
- Динамической диспетчеризации (полиморфизм в OOП).
- В пример на слайде можно добавить цикл в Y::ok() и уже будет сложно

```
#include <cassert>
                                         G C++
   class X {
   public:
     virtual bool ok() { return true; }
6
   };
   class Y : public X {
   public:
     virtual bool ok() { return false; }
11 };
```

goto program

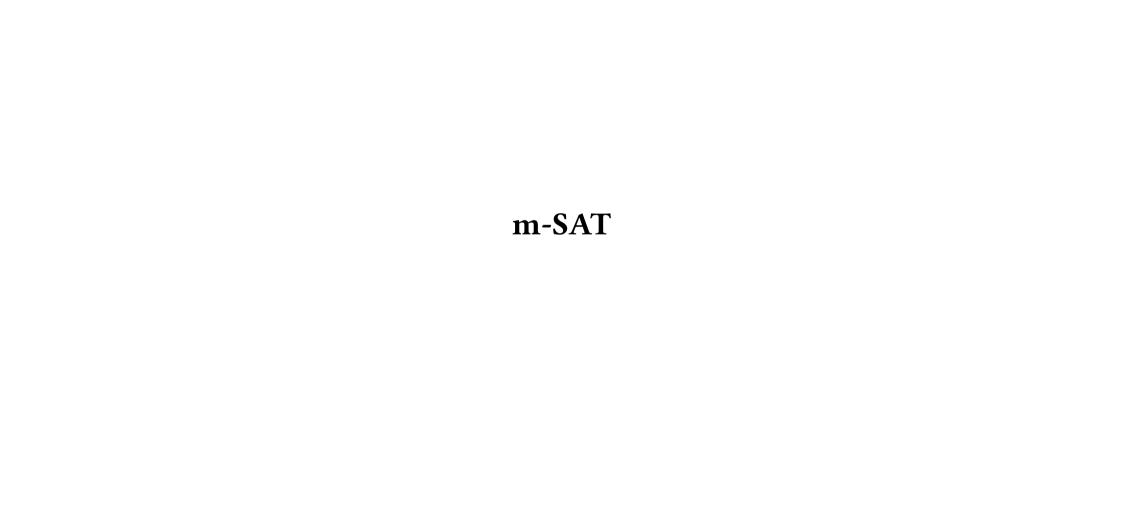
goto-cc - утилита из набора cbmc. По сути делает обычное IR SSA представление. В это представление потом легко добавить дополнительные проверки и вообще IR переделать в SAT, собственно что и будет потом IR - промежуточное представление SSA - статическом одноадресном присваивании

Дополнительно про IR SSA Статья на habr.com

```
1 int foo() {
2    return 2;
3  }
4
5 int main() {
6    int a;
7    if (a) {
8        return 1;
9    } else {
10        return foo();
11    }
12 }
```

```
    Shell

1 cbmc main.c --show-goto-functions
2 foo /* foo */
           // 17 file main.c line 2 function foo
4
           SET RETURN VALUE 2
           // 18 file main.c line 3 function foo
6
           END FUNCTION
   ^^^^^
8 main /* main */
           // O file main.c line 6 function main
10
           DECL main::1::a : signedbv[32]
11
           // 1 file main.c line 7 function main
12
           IF ¬(main::1::a ≠ 0) THEN GOTO 1
13
           // 2 file main.c line 8 function main
           SET RETURN VALUE 1
14
15
           // 3 file main.c line 8 function main
16
           DEAD main::1::a
           // 4 file main.c line 8 function main
17
18
           G0T0 2
           // 5 file main.c line 10 function main
20
        1: DECL main::$tmp::return value foo : signedbv[32]
21
           // 6 file main.c line 10 function main
22
           CALL main::$tmp::return value foo := foo()
           // 7 file main.c line 10 function main
           SET RETURN VALUE main::$tmp::return value foo
25
           // 8 file main.c line 10 function main
           DEAD main::$tmp::return value foo
27
           // 9 file main.c line 10 function main
           DEAD main::1::a
29
           // 10 file main.c line 12 function main
30
        2: END FUNCTION
```



Bit-blasting

Bit-blasting - это техника, используемая в SMT решателях для преобразования операций над битовыми векторами (bit-vectors) в эквивалентную булеву формулу, которую можно решить с помощью mSAT-решателя.

- int представляется как 32 битный вектор. Указатели на 64-битной архитектуре, представляются как 64 битный вектор.
- операции (арифметические, побитовые, сравнения) разбиваются на булевы операции (И, ИЛИ, HE, XOR).
- арифметика реализуется через логические вентили с переносами, сравнения через побитовые проверки.

Bit-blasting для CBMC

Хотя SMT-решатели поддерживают теорию целых чисел (например, в SMT-LIB2: (declare-fun a () Int)).

СВМС использует битовые векторы вместо теории целых чисел, потому что:

- Поддерживает переполнение (невозможное в теории целых).
- Точнее отражает поведение программ.
- Не все SMT-решатели хорошо поддерживают теорию целых чисел.
- Доступ к памяти моделируется через битовые векторы (адреса и данные).

SAT solver

СВМС по goto программе генерирует например smt2 представление и даёт его на вход z3, далее СВМС достаточно уметь интерпретировать UNSAT и выводить trace.

Поддерживаются: CVC3/4/5, MathSAT, Yices, Z3 (по умолчанию)

Никто не запрещает подключить свой солвер к СВМС.

SMT2 пример

```
1 cbmc simple.c --smt2 --outfile output.smt2

    Shell
    Shell

2 ; SMT 2
3 (set-info :source "Generated by CBMC 6.6.0 (cbmc-6.6.0)")
         (set-option :produce-models true)
              (set-logic QF AUFBV)
7 ; set to true (equal)
         (define-fun | CPROVER dead object#1| () ( BitVec 64) ( bv0 64))
 10 ; set to true (equal)
11 (define-fun | CPROVER deallocated#1| () ( BitVec 64) ( bv0 64))
 12
13 ; set to true (equal)
14 (define-fun | CPROVER memory leak#1 () ( BitVec 64) ( bv0 64))
 15
16 ; set to true (equal)
17 (define-fun | CPROVER rounding mode#1 () ( BitVec 32) ( bv0 32))
 18
19 ; set to true (equal)
               (define-fun |__CPROVER::constant_infinity_uint#1| () (_ BitVec 32) (_ bv0
               32))
 21
22 ; set to true (equal)
```

```
23 (define-fun | main::1::a!0@1#2| () ( BitVec 32) ( bv2 32))
24
25 ; set to true (equal)
26 (define-fun | main::1::b!0@1#2| () (_ BitVec 32) ( bv2 32))
27
28 ; find symbols
29 (declare-fun | main::1::a!0@1#1| () ( BitVec 32))
30 : convert
31 ; Converting var no 0 with expr ID of =
32 (define-fun B0 () Bool (= |main::1::a!0@1#1| |main::1::a!0@1#1|))
33
34 : convert
35 ; Converting var no 1 with expr ID of =
36 (define-fun B1 () Bool (= |main::1::a!0@1#1| |main::1::a!0@1#1|))
37
38 ; find symbols
39 (declare-fun | main::1::b!0@1#1| () ( BitVec 32))
40 : convert
41 ; Converting var no 2 with expr ID of =
42 (define-fun B2 () Bool (= |main::1::b!0@1#1| |main::1::b!0@1#1|))
43
44 : convert
45 ; Converting var no 3 with expr ID of =
```

m-SAT

```
46 (define-fun B3 () Bool (= |main::1::b!0@1#1| |main::1::b!0@1#1|))
47
48 ; set to false
49 (assert (not false))
50
51 ; convert
52 ; Converting var no 4 with expr ID of not
53 (define-fun B4 () Bool (not false))
54
55 ; set to true
56 (assert B4)
57
58 (check-sat)
59
60 (get-value (B0))
61 (get-value (B1))
62 (get-value (B2))
63 (get-value (B3))
64 (get-value (B4))
65 (get-value (|__CPROVER::constant_infinity_uint#1|))
66 (get-value (| CPROVER dead object#1|))
67 (get-value (|__CPROVER_deallocated#1|))
68 (get-value ( | CPROVER memory leak#1|))
69 (get-value (| CPROVER rounding mode#1|))
70 (get-value (|main::1::a!0@1#1|))
71 (get-value (|main::1::a!0@1#2|))
72 (get-value (|main::1::b!0@1#1|))
73 (get-value (|main::1::b!0@1#2|))
```

```
74
75 (exit)
76 ; end of SMT2 file
```

Память

Работа с памятью

```
1 int main() {
2   unsigned array[10];
3   char *p;
4   p = (char *)(array + 1);
5   p++;
6   assert(__CPROVER_POINTER_OFFSET(p) == 5);
7   assert(__CPROVER_POINTER_OBJECT(array) == 2);
8   assert(__CPROVER_POINTER_OBJECT(p) == 2);
9   return 0;
10 }
```

Указатели и работа с памятью является самой опасной в c/c++. Не зря в c++ люди попытались отойти от них, применив умные указатели и другие техники.

СВМС представляет память, как абстрактное хранилище. Любой ненулевой указатель соотнесен с каким либо объектом. СВМС дополнительно хранит ещё и сдвиг относительно начала этого объекта. Получается указатель в СВМС - пара.

CPROVER

CPROVER

CPROVER — это платформа для формальной верификации программного обеспечения, разрабатываемая командой Diffblue. CMBC и goto-cc утилиты из этого набора.

CPROVER - префикс максросов, для проверки. Компилятор обычный не знает про них и выдаёт ошибку, но для СМВС это очень важный инструмент, с помощью него можно помогать верификатору.

Например, __CPROVER_assume(0 <= n && n <= 10) даёт ограничение в самом MSAT

- __CPROVER_POINTER_OBJECT ранее рассматривали
- __CPROVER_assume и __CPROVER_havoc_object рассмотрим далее

__CPROVER_assume

```
⊚ C
   #include <assert.h>
2
   int main() {
     unsigned bound:
     unsigned array[bound];
6
      CPROVER assume(bound < 5);</pre>
8
     for (int i = 0; i < bound; i++) {
9
       array[i] = 0;
10
11
     for (int i = 0; i < bound; i++) {
12
13
       assert(array[i] == 0);
14
     return 0;
16 }
```

```
    Shell

1 cbmc --unwind 5 --verbosity 4 loop.c
2 ** Results:
3 loop.c function main
    [main.overflow.1] line 8 arithmetic overflow on signed + in i + 1: SUCCESS
    [main.unwind.0] line 8 unwinding assertion loop 0: SUCCESS
    [main.array bounds.1] line 9 array 'array' lower bound in array (signed long
    int)il: SUCCESS
    [main.array bounds.2] line 9 array 'array' upper bound in array[(signed long
    int)il: SUCCESS
  [main.overflow.2] line 12 arithmetic overflow on signed + in i + 1: SUCCESS
    [main.unwind.1] line 12 unwinding assertion loop 1: SUCCESS
    [main.array bounds.3] line 13 array 'array' lower bound in array[(signed long
    int)il: SUCCESS
    [main.array bounds.4] line 13 array 'array' upper bound in array[(signed long
    int)i]: SUCCESS
12 [main.assertion.1] line 13 assertion array[i] == 0: SUCCESS
13
14 ** 0 of 9 failed (1 iterations)
15 VERIFICATION SUCCESSFUL
```

__CPROVER_havoc_object

```
⊚ C
1 struct foo {
     int x;
     int y;
   };
   int main() {
     struct foo thefoo = \{.x = 1, .y = 2\};
     int *p = &thefoo.y;
     CPROVER havoc object(p); // makes the whole struct nondet
8
     CPROVER assert(thefoo.x == 1, "fails because `thefoo.x` is now
     nondet"):
     CPROVER assert(thefoo.y == 2, "fails because `thefoo.y` is now
     nondet"):
11
     return 0:
12 }
```

This function requires a valid pointer and updates all bytes of the underlying object with nondeterministic values.

```
[main.assertion.1] line 9 fails because `thefoo.x` is now

    Shell

   nondet: FAILURE
   [main.assertion.2] line 10 fails because `thefoo.y` is now nondet:
   FAILURE
3
   Trace for main.assertion.1:
5
   ↳ kek.c:5 main()
     6: thefoo.x=1 (00000000 00000000 00000000 00000001)
     6: thefoo.y=2 (00000000 00000000 00000000 00000010)
8
     00000000 00000000 00000100)
     8: thefoo={ .x=536870913, .y=8388610 } ({ 00100000 00000000 00000000
     00000001, 00000000 10000000 00000000 00000010 })
     8: thefoo.x=536870913 (00100000 00000000 00000000 00000001)
    8: thefoo.y=8388610 (00000000 10000000 00000000 00000010)
13
14 Violated property:
   file kek.c function main line 9 thread 0
16 fails because `thefoo.x` is now nondet
17 thefoo.x == 1
18 ...
19 VERIFICATION FAILED
```

__CPROVER_PRINT своими руками

```
1  #define __CPROVER_print(var) { int value_of_##var = (int) var; }
2
3  void foo(int x) {
4    __CPROVER_print(x);
5   assert(0);
6  }
7
8  int main() {
9  foo(3);
10 }
```

```
1 ** Results:

    Shell

2 kek.c function foo
3 [foo.assertion.1] line 5 assertion 0: FAILURE
5 Trace for foo.assertion.1:
9 4 kek.c:9 foo(3)
10 4: value_of_x=3 (00000000 00000000 00000000 00000011)
11
12 Violated property:
13 file kek.c function foo line 5 thread 0
14 assertion 0
15 (__CPROVER_bool)0
16
17
18 VERIFICATION FAILED
```



Ограничения СВМС

Проверить код можно не весь. Есть нюансы, в которых проверка будет не эффективна :

- 1. Проверка может быть трудозатратная по времени
- 2. Раскрутка циклов или любые другие опущения плохо сказываются на проверке:
- Проверяются не все варианты, в которых возможно была бы ошибка.
- CBMC может давать false positive (ложное срабатывание) или true negative (не находить ошибок)

False positive

```
1 #include <stdbool.h>
2
3 int main() {
4   int bound;
5   for (int i = 0; i < bound; i++) {
6    if (i > 5) {
7     assert(false);
8   }
9   }
10 }
```

```
1 cbmc --unwind 6 loop.c --no-unwinding-assertions

    Shell

    **** WARNING: Use --unwinding-assertions to obtain sound verification
    results
    ** Results:
  loop.c function main
    [main.overflow.1] line 5 arithmetic overflow on signed + in i + 1:
    SUCCESS
   [main.assertion.1] line 7 assertion 0: SUCCESS
8
   ** 0 of 2 failed (1 iterations)
10 VERTETCATION SUCCESSEUL
11 ~/cbmc> cbmc --unwind 7 loop.c --no-unwinding-assertions
    **** WARNING: Use --unwinding-assertions to obtain sound verification
    results
13 ...
14 ** Results:
15 loop.c function main
    [main.overflow.1] line 5 arithmetic overflow on signed + in i + 1:
16
    SUCCESS
17 [main.assertion.1] line 7 assertion 0: FAILURE
18
19 ** 1 of 2 failed (2 iterations)
20 VERIFICATION FAILED
```



Верификация в aws-c-common

Разберём реализацию memcpy в awc-c-common. <u>Ссылка на гитхаб</u>

```
© C
   void *memcpy impl(void *dst, const void *src, size t n) {
2
       CPROVER precondition(
3
             CPROVER POINTER OBJECT(dst) != CPROVER POINTER OBJECT(src) ||
                ((const char *)src >= (const char *)dst + n) || ((const char *)dst >= (const char *)src +
               n),
5
           "memcpy src/dst overlap");
       __CPROVER_precondition(src != NULL && __CPROVER_r_ok(src, n), "memcpy source region readable");
6
        CPROVER precondition(dst != NULL && CPROVER w ok(dst, n), "memcpy destination region
       writeable"):
8
       if (n > 0) {
9
10
           size t index;
11
           CPROVER assume(index < n);</pre>
12
           ((uint8 t *)dst)[index] = nondet uint8 t();
13
       }
14
       return dst:
15 }
```

Пример верификации

```
1  int nondet_int();
2
3  int abs(int x) { return x < 0 ? -x : x; }
4
5  int abs_bits(int x) {
6   int m = x >> 31;
7   return (x ^ m) + ~m + 1;
8  }
9
10  int main() {
11   int t = nondet_int();
12   int t_abs = abs(t);
13   int t_abs_bits = abs_bits(t);
14   __CPROVER_assert(t_abs == t_abs_bits, "ans_bits=ans_ref");
15 }
```

```
cbmc bit.c --verbosity 4 --no-signed-
overflow-check

** Results:
bit.c function main

[main.assertion.1] line 14 ans_bits=ans_ref:
SUCCESS

** 0 of 1 failed (1 iterations)

VERIFICATION SUCCESSFUL
```

Пример с работы

Представим, язык X, на котором написаны критичные расчёты, например цены на услугу.

В момент редактирования формул, хочется понять, а не сломается что-либо на всевозможных входных вариантах.

Обычное решение : можно взять и написать юнитесты. К сожалению тут проверяется конкретные входные данные, а не всевозможные. Например, у вас есть входной параметр, как текущее время в секундах, вряд ли вы сможете написать $24 \cdot 60 \cdot 60$ тестов.

Решение с CBMC : Если сделать такой-же юнитест, но добавить nondet_int в параметр времени, то тест будет проверяться на все возможных вариантах.



Заключение

- Применение СВМС для базовых задач верификации программ
- Принципы работы СВМС
- Реальный пример из awc-c-common
- Написали несколько примеров самостоятельно, в том числе для битового хака
- Модель памяти
- Рассмотрели случай с false positive
- Рассмотрели модель памяти
- Разобрали __CPROVER, и даже написали свой __CPROVER_PRINT