

[SCOI2016]萌萌哒

算法：倍增并查集

Subtask 1:

不难发现，这是一个区间合并的计数类问题。

于是，考虑直接暴力合并区间，用**一般的并查集**。

最后，统计出联通块数量。时间复杂度 $O(n^2)$ 。

Subtask 2:

观察到，对于并查集的区间合并是有“结合律”的。

$$\text{Merge}(l1, r1, l2, r2) = \text{Merge}(\text{Merge}(l3, r3, l4, r4), \text{Merge}(l5, r5, l6, r6))$$

因为从小区间合并成大区间，时间复杂度是难以降下来的。

所以可以先合并大区间，然后将大区间拆分成小区间逐层拆分合并，这样时间复杂度是 $n \log n$ 的。

重点是考虑如何不漏的拆分大区间成小区间。**(区间重叠是不影响结果的)**

线段树不容易实现，但是倍增就相对容易许多，结合 ST 表的想法来实现。

$f[i][j]$ 表示区间 $[i, i + 2^j - 1]$ 所在的集合，将其拆分为 $[l, 2^{j-1}]$ 和 $[r - 2^{j-1} + 1, 2^{j-1}]$ 。

在 *pushdown* 时，因为是从大区间拆分成小区间，故 j 递减。

于是对于起点 i 的区间， $[i, i + 2^j - 1]$ 分为 $[i, i + 2^{j-1} - 1]$ 和 $[i + 2^{j-1}, i + 2^j - 1]$ 。

最后统计答案即 $9 * 10^{(\text{集合数}-1)}$ 。

并查集的合并 (参考代码)：

```
inline int find(int x, int l) {
    if (x == f[x][l]) return x;
    else return f[x][l] = find(f[x][l], l);
}
inline void toge(int x, int y, int l) {
    int r1 = find(f[x][l], l); int r2 = find(f[y][l], l);
    if (r1 != r2) f[f[r1][l]][l] = r2;
    return;
}
```