## Integração Numérica - Regra dos trapézios repetida

Este algoritmo calcula uma aproximação para a integral

$$\int_{a}^{b} f(x) dx$$

através da regra dos trapézios repetida. O número de sub-divisões do intervalo é calculado a partir do erro máximo tolerado, determinado pelo usuário.

## Algoritmo:

- A) Entradas:
  - 1) f(x)
  - 2) a (Limite inferior da integração)
  - 3) b (Limite superior da integração)
  - 4)  $\varepsilon$  (Erro máximo tolerado)
- B) Cálculo do número de sub-intervalos m
  - 1) d = um número muito pequeno
  - 2)  $\vec{x}_d = \text{um}$  vetor com um número muito grande de pontos, cobrindo o intervalo [a, b]

3) 
$$f''(x) = \frac{f(x+2d) - 2f(x+d) + f(x)}{d^2}$$
 (Função segunda derivada numérica)

- 4)  $\vec{y}_d = f''(\vec{x}_d)$  (Aplicação da segunda derivada ao vetor  $x_d$ )
- $5) M_2 = \max |\vec{y}_d|$
- 6)  $m = \sqrt{\frac{(b-a)^3 M_2}{12\varepsilon}}$  (Número de sub-intervalos: deve-se arredondar este valor para cima)
- C) Cálculo da integral

$$1) \quad h = \frac{b-a}{m}$$

$$2) s = f(a) + f(b)$$

$$3) \quad x = a$$

4) 
$$\begin{cases} Para \ k = 1, 2, ..., m - 1 \\ x = x + h \\ s = s + 2f(x) \end{cases}$$

5) 
$$I_{TR} = \frac{h}{2}s$$
 (Aproximação da integral  $\int_{a}^{b} f(x) dx$ )