ساختمان داده و الگوريتمها

۰۴ تیرماه ۱۴۰۱ استاد: مهدی صفرنژاد

گردآورندگان: محمدرضا دویران، زهره عباسی، کسری امانی

بررسی و بازبینی: کهبد آیینی مهلت امتحان: ساعت ۱۲



دانشگاه صنعتی شریف

دانشکدهی مهندسی کامپیوتر

امتحان يايانترم

ن پاياسرم

سوالات (۱۰۰ نمره)

<u>به موارد زیر توجه کنید.</u>

- مدت امتحان ۱۸۰ دقیقه است.
- امیدواریم که تا این جای کلاس با تفکر الگوریتمی آشنا شده باشید و با همین تفکر به سوالات پاسخ دهید.

۱. (۲۰ نمره) به موارد زیر پاسخ دهید:

- u با استفاده از مجموعههای مجزا الگوریتمی ارائه دهید که بتوان پایین ترین جد مشترک دو راس دلخواه v و v را در درخت v پیدا کرد.
 - با استفاده از مجموعههای مجزا، الگوریتمی ارائه دهید که وجود دور در گراف را تشخیص دهد.
- ۲. (۱۵ نمره) یک ترتیب از m تا عملیات FINDSET, MAKESET و UNION ارائه دهید به طوری که اگر n بار عملیات MAKESET روی داده ساختار مجموعههای مجزا پیاده شود و تنها از Union by rank استفاده شود، زمان لازم $\Omega(mlogn)$ باشد.
- ۳. (۱۵ نمره) الگوریتمی ارائه دهید که کوتاهترین مسیر از راس s به راس t را در یک گراف با یالهای وزندار که تنها وزن یک یال منفی است، پیدا کند. ابتدا چک کنید گراف G دور با طول منفی دارد یا نه، سپس کوتاهترین مسیر را پیدا کنید.

۴. (۱۵ نمره) به موارد زیر پاسخ دهید:

- گراف جهت دار G=(V,E) و دو راس S و G از آن را در نظر بگیرید. تمام مسیرهای متفاوت موجود از S به S را در S پیدا کنید و پیچیدگی زمانی راه خود را محاسبه کنید.
- گراف ساده و بدون وزن G داده شده است. هر یال از این گراف با یکی از رنگهای a و b رنگ شده است. الگوریتمی ارائه دهید که کوتاه ترین مسیر بین راس ۱ تا a را به طوری که هر دو یال متوالی دارای رنگهای متفاوت باشند، پیدا کند.

۵. (۱۵ نمره) به موارد زیر پاسخ دهید:

- برای تبدیل یک عبارت پیشوندی به عبارت معادل پسوندی الگوریتمی بازگشتی ارائه دهید.
- الگوریتمی غیربازگشتی برای تبدیل یک عبارت پسوندی به یک عبارت پیشوندی ارائه دهید.

و. (۲۰ نمره) قصد داریم با استفاده از direct addressing یک dictionary را پیاده سازی کنیم، به صورتی که آرایه مربوط به آن بسیار بزرگ است؛ در ابتدا، ممکن است که اعضای این آرایه شامل مقادیر garbage باشد (مقادیری که به صورت random از قبل در memory باقی مانده اند)، بنابراین مقداردهی این آرایه در ابتدای اجرای الگوریتم به دلیل بزرگ بودن آرایه بسیار هزینه بر خواهد بود. یک پیاده سازی برای این dictionary اجرای الگوریتم به دلیل بزرگ بودن آرایه بسیار هزینه بر خواهد بود. یک پیاده سازی برای این O(1) ارائه دهید (دقت کنید که باید از آدرس دهی مستقیم استفاده کنید). هر عضو ذخیره شده باید مرتبه زمان اجرایی از فضا اشغال کند؛ همچنین، روالهای SEARCH, INSERT و Pseudocode استفاده کنید). راهنمایی: برای تعیین تعداد اعضایی از آرایه که مقداردهی شده اند از یک حافظه Stack استفاده کنید که اندازه آن برابر تعداد خانه هایی از آرایه است که مقداردهی شده اند.

موفق باشيد.