# C. Fun Tour

Time limit	2 s
Memory limit	512 MB

## Նկարագրություն

Ջակարտայի ամենամեծ զբոսայգում կան N ատրակցիոններ՝ համարակալված 0-ից N-1 թվերով։ Այդ ատրակցիոններն իրար կապված են N-1 երկկողմանի ճանապարհներով այնպես, որ ցանկացած երկու ատրակցիոններ միանում են այդ ճանապարհներով անցնող միակ երթուղով։ Ճանապարհները համարակալված են 0-ից N-2 թվերով։ i-րդ ճանապարհը A[i]-րդ ատրակցիոնը միացնում է B[i]-րդ ատրակցիոնին, և նրանով անցնելու համար պահանջվում է մեկ ժամ։ Երթևեկությունը չծանրաբեռնելու համար յուրաքանչյուր ատրակցիոն առավելագույնը երեք ճանապարհի ծայրակետ է։

Դուք ցանկանում եք ստեղծել շրջագայություն, որի ընթացքում հնարավոր լինի այցելել բոլոր ատրակցիոնները՝ յուրաքանչյուրը ճիշտ մեկ անգամ։ Մեկ ատրակցիոնից մյուսին անցնելուց շատ ճանապարհներով գնալը ձանձրալի է։ Զվարճալի շրջագայություն ստեղծելու համար, դուք պետք է գտնեք բոլոր ատրակցիոնների այնպիսի դասավորություն, որ հաջորդ ատրակցիոնին հասնելու ժամանակը ավելի երկար չլինի նախորդին հասնելու ժամանակից։ Այլ կերպ ասած, դուք պետք է գտնեք 0-ից N-1թվերից յուրաքանչյուրը ճիշտ մեկ անգամ պարունակող այնպիսի  $P[0], P[1], \ldots, P[N-1]$  հաջորդականություն, որ P[i]-րդ ատրակցիոնից P[i+1]-րդ ատրակցիոն գնալու ժամանակը մեծ չլինի P[i-1]-րդ ատրակցիոնից P[i]-րդ ատրակցիոն գնալու ժամանակը ուժեն չլինի P[i-1]-րդ ատրակցիոնից P[i]-րդ ատրակցիոն գնալու ժամանակից, որտեղ 0 < i < N-1։

Դուք չունեք ատրակցիոնների ամբողջական քարտեզը։ Հետևաբար, դուք պետք է հարցեր տաք տեղեկատվական կենտրոնին զվարճալի շրագայությունը ստեղծելու համար։ Դուք կարող եք տալ առավելագյունը Q հարց։ Յուրաքանչյուր հարց պետք է ունենա երկու X և Y պարամետրեր, որտեղ  $0 \le X, Y \le N$ ։ Հարցերը կարող են լինել հետևյալ տիպի.

- Քանի՞ ժամ է պետք X-րդ ատրակցիոնից Y-րդ ատրակցիոն գնալու համար։ Մասնավորապես, եթե X=Y, ապա պատասխանը 0 է։
- Քանի՞ Z ատրակցիոն կա այնպիսին, որ X-րդ ատրակցիոնից Z-րդ ատրակցիոն գնալու համար անպայման պետք է անցնել Y-րդ ատրակցիոնով։ Y-րդ ատրակցիոնը նույնպես պետք է հաշվել։ Մասնավորապես, եթե X=Y, ապա պատասխանը N է։

## Խնդիրը

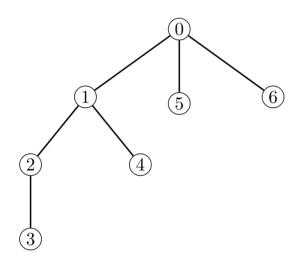
Դուք պետք է իրականացնեք createFunTour ֆունկցիան.

- createFunTour(N, Q) Այս ֆունկցիան գրեյդերի կողմից կկանչվի ճիշտ մեկ անգամ։
  - N։ Ամբողջ թիվ, ցույց է տալիս ատրակցիոնների քանակը։
  - Q։ Ամբողջ թիվ, ցույց է տալիս հարցերի մաքսիմալ քանակը։
  - Այս ֆունկցիայի ներսում թույլատրվում է անել հետևյալ երկու ֆունկցիաների կանչեր.
    - hoursRequired(X, Y)
      - X: Ամբողջ թիվ, ներկայացնում է առաջին ատրակցիոնը։
      - Y: Ամբողջ թիվ, ներկայացնում է երկրորդ ատրակցիոնը։
      - Ֆունկցիան վերադարձնում է ամբողջ թիվ, որը ցույց է տալիս, թե քանի ժամ է պետք X -րդ ատրակցիոնից Y-րդ ատրակցիոն գնալու համար։
      - Եթե X-ը կամ Y-ը չլինեն 0-ից N-1 սահմաններում ամբողջ թվեր, դուք կստանաք WA:

- attractionsBehind(X, Y)
  - X: Ամբողջ թիվ, ներկայացնում է առաջին ատրակցիոնը։
  - Y։ Ամբողջ թիվ, ներկայացնում է երկրորդ ատրակցիոնը։
  - Ֆունկցիան վերադարձնում է ամբողջ թիվ, որը ցույց է տալիս այն Z ատրակցիոնների քանակը, այնպիսիք, որ X-րդ ատրակցիոից Z-րդ ատրակցիոն գնալու համար պետք է այցելել Y-րդ ատրակցիոնը
  - Եթե X-ը կամ Y-ը չլինեն 0-ից N-1 սահմաններում ամբողջ թվեր, դուք կստանաք WA:
- Այս ֆունկցիան պետք է վերադարձնի N ամբողջ թվերի զանգված՝ զվարճալի շրջագայությունում ատրակցիոնների տեղափոխությունը։

### Օրինակ

Հետևյալ օրինակում,  $N=7,\,Q=400\,000,\,A=[0,0,0,1,1,2]$ , and B=[1,5,6,2,4,3]։ Այս օրինակը պատկերված է հետևյալ նկարում.



Գրեյդերը կանի createFunTour(7, 400000) կանչը։

- Եթե մրցույթի մասնակիցն անի hoursRequired(3, 5) հարցումը, ապա ֆունկցիան կվերադարձնի 4 ։
- Եթե մրցույթի մասնակիցն անի hoursRequired(5, 4) հարցումը, ապա ֆունկցիան կվերադարձնի 3
- Եթե մրցույթի մասնակիցն անի [attractionsBehind(5, 1)] հարցումը, ապա ֆունկցիան կվերադարձնի 4։ Հինգերորդ ատրակցիոնից առաջին, երկրորդ, երրորդ և չորրորդ ատրակցիոններ գնալու համար պետք է անցնել առաջին ատրակցիոնով։
- Եթե մրցույթի մասնակիցն անի attractionsBehind(1, 5) հարցումը, ապա ֆունկցիան կվերադարձնի 1։
- Մրցությի մասնակիցը կարող է վերադարձնել [3, 6, 4, 5, 2, 0, 1], քանի որ այս հերթականության դեպքում հաջորդ ատրակցիոն այցելելու ժամանակները կլինեն [4, 3, 3, 3, 2, 1]։

## Սահմանափակումներ

- $2 \le N \le 100000$ .
- $Q = 400\,000$ .
- Ցանկացած ատրակցիոնից կարելի է հասնել ցանկացած ատրակցիոն։
- Յուրաքանչյուր ատրակցիոն առավելագույնը երեք ճանապարհի ծայրակետ է։

## Ենթախնդիր 1 (10 միավոր)

•  $N \le 17$ .

#### Ենթախնդիր 2 (16 միավոր)

•  $N \le 500$ .

## Ենթախնդիր 3 (21 միավոր)

• Գոյություն ունի ճանապարհ, որը միացնում է i-րդ ատրակցիոնը  $\lfloor \frac{i-1}{2} \rfloor$ -րդ ատրակցիոնին բոլոր  $1 \leq i \leq N$  համար։

### Ենթախնդիր 4 (19 միավոր)

- Կա առնվազն մեկ T ատրակցիոն այնպիսին, որ բոլոր  $0 \le i < N$ համար, hoursRequired(T, i) < 30 և գոյություն ունի [L[i], R[i]] ( $0 \le L[i] \le i \le R[i] < N$ ) ինտերվալ, որը բավարարում է հետևյալ պայմաններին.
  - T-րդ ատրակցիոնից j-րդ ատրակցիոն գնալու համար պետք է այցելել i-րդ ատրակցիոնը այն և միայն այն դեպքում, երբ  $L[i] \leq j \leq R[i]$ .
  - ullet Եթե  $L[i] \le i$ , ապա գոյություն ունի ճիշտ մեկ X ատրակցիոն այնպիսին, որ
    - $L[i] \le X < i$ .
    - Գոյություն ունի i-րդ ատրակցիոնը X-րդ ատրակցիոնին միացնող ճանապարհ։
  - Եթե  $i \leq R[i]$ , ապա գոյություն ունի ճիշտ մեկ Y ատրակցիոն այնպիսին, որ
    - $i < Y \le R[i]$ .
    - Գոյություն ունի i-րդ ատրակցիոնը Y-րդ ատրակցիոնին միացնող ճանապարհ։

### Ենթախնդիր 5 (34 միավոր)

• Լրացուցիչ սահմանափակումներ չկան։

### Գրեյդերի նմուշ

Գրեյդերի նմուշը կարդում է մուտքային տվյալները հետևյալ ձևաչափով.

```
N Q
A[0] B[0]
A[1] B[1]
.
.
.
A[N-2] B[N-2]
```

Գրեյդերի նմուշը տպում է createFunTour ֆունկցիայի վերադարձրած ամբողջ թվերն այն դեպքում, եթե այն կոռեկտ կերպով է վերադարձնում զվարճալի շրջագայության ատրակցիոնների տեղափոխությունը ներկայացնող N ամբողջ թվերի զանգվածը և կանչում է hoursRequired և [attractionsBehind] ֆունկցիաները, երկուսը միասին, ոչ ավելի քան Qանգամ։ Հակառակ դեպքում այն տպվում է հաղորդագրություն սխալ պատասխանի վերաբերյալ։