A. 粉刷牆壁 (Painting Walls)

Time limit	1500 ms
Memory limit	512 MB

問題描述 (Description)

自從上次 Pak Dengklek 粉刷牆壁已經過了一段時間,他決定重新粉刷。牆壁由 N 個區塊組成,這些區塊分別以 0 到 N-1 編號。在這個問題中,我們假設有 K 種不同的顏色,分別以整數 0 到 K-1 表示(例如:紅色是 0、藍色是 1)。Pak Dengklek 想要將區塊 i 粉刷上顏色 C[i]。

為了粉刷牆壁,Pak Dengklek 找了一家承包商,旗下有 M 位工人,分別編號為 0 到 M-1。很不幸地,這些工人只願意選擇他們自己喜歡的顏色來進行粉刷。具體來說,編號 j 的工人喜歡的顏色有 A[j] 個,分別為:B[j][0],B[j][1], ..., B[j][A[j]-1],在粉刷牆壁的某一區塊時,他只會從這些顏色中選擇一個。

Pak Dengklek 可以提供承包商一些指令。在單一的指令中,Pak Dengklek 會提供兩個參數 x 和 y,其中 $0 \le x \le M$ 且 $0 \le y \le N - M$ 。承包商會指示編號為 $((x+l) \bmod M)$ 的工人去粉刷第 (y+l) 個區塊,其中 $0 \le l \le M$ 。如果存在一個 l 使得工人 $((x+l) \bmod M)$ 不喜歡顏色 C[y+l],這個指令就是無效的。

Pak Dengklek 必須為每條指令付費,因此他想判定是否能經由一連串的指令,使得所有的區塊都被粉刷上他預期的顏色;若可以,最少需要幾個指令。注意,同樣的區塊可以被重複粉刷,但是每次粉刷都是使用該區塊被預期的顏色。

任務 (Task)

你必須實作函式 minimumInstructions:

- minimumInstructions(N, M, K, C, A, B) 此函式將會被評分程式 (grader) 呼叫恰好一次。
 - N: 一整數, 代表區塊數量。
 - M:一整數,代表承包商旗下的工人數量。
 - *K*:一整數、代表顏色數量。
 - C: 含有 N 個整數的陣列,其中每個元素代表對應區塊預期被粉刷的顏色。
 - A: 含有 M 個整數的陣列,其中每個元素代表對應工人喜歡顏色的數量。
 - B: 含有 M 個整數陣列的陣列,其中每個陣列包含對應工人所喜歡的顏色。
 - 此函式需要回傳一個整數,代表 Pak Dengklek 需要的最少指令數,以讓他可以將所有區塊粉刷上預期的 顏色,或者回傳-1,代表辦不到。

範例 (Example)

範例一,N=8, M=3, K=5, C=[3,3,1,3,4,4,2,2], A=[3,2,2], B=[[0,1,2],[2,3],[3,4]]。Pak Dengklek 可以提供以下的指令:

- 1. x = 1, y = 0。這是一個有效的指令,因為 1 號工人可以粉刷 0 號區塊,2 號工人可以粉刷 1 號區塊,0 號工人可以粉刷 2 號區塊。
- 2. x = 0, y = 2。這是一個有效的指令,因為 0 號工人可以粉刷 2 號區塊,1 號工人可以粉刷 3 號區塊,2 號工人可以粉刷 4 號區塊。
- 3. x = 2, y = 5。 這是一個有效的指令,因為 2 號工人可以粉刷 5 號區塊,0 號工人可以粉刷 6 號區塊,1 號工人可以粉刷 7 號區塊。

很明顯地, Pak Dengklek 沒辦法以少於 3 條指令使得各區塊都被粉刷上預期的顏色, 因此 minimumInstructions(8, 3, 5, [3, 3, 1, 3, 4, 4, 2, 2], [3, 2, 2], [[0, 1, 2], [2, 3], [3, 4]]) 需要回傳 3。

範例二,N=5, M=4, K=4, C=[1,0,1,2,2], A=[2,1,1,1], B=[[0,1],[1],[2],[3]]。由於 3 號工人只喜歡顏色 3,但是沒有任何一塊區域的預期顏色為 3,因此 Pak Dengklek 不可能提供有效的指令。

故 minimumInstructions(5, 4, 4, [1, 0, 1, 2, 2], [2, 1, 1, 1], [[0, 1], [1], [2], [3]]) 應回傳 -1

參數規範 (Constraints)

對 $0 \le k < K$,令 f(k) 為喜歡顏色 k 的工人個數。例如,f(1) = 2 表示有兩位工人喜歡顏色 1。

- $1 \le N \le 100000$.
- $1 \le M \le \min(N, 50\,000)$.
- $1 \le K \le 100\,000$.
- $0 \le C[i] \le K$.
- $1 \le A[j] \le K$.
- $0 \le B[j][0] < B[j][1] < \dots < B[j][A[j] 1] < K$.
- $\sum_{k=0}^{K-1} f(k)^2 \le 400\,000$.

Subtask 1 (12 points)

• $f(k) \le 1$.

Subtask 2 (15 points)

- $N \le 500$.
- $M \le \min(N, 200)$.
- $\sum_{k=0}^{K-1} f(k)^2 \le 1000$.

Subtask 3 (13 points)

- $N \le 500$.
- $M \le \min(N, 200)$.

Subtask 4 (23 points)

- N < 20000.
- $M \le \min(N, 2000)$.

Subtask 5 (37 points)

• 無額外限制

範例評分程式 (Sample Grader)

此範例評分程式以下列格式讀取輸入:

```
N M K
C[0] C[1] ... C[N-1]
A[0] B[0][0] B[0][1] ... B[0][A[0]-1]
A[1] B[1][0] B[1][1] ... B[1][A[1]-1]
.
```

A[M-1] B[M-1][0] B[M-1][1] ... B[M-1][A[M-1]-1]

此範例評分程式會印出函式「minimumInstructions」的回傳值。