B. Swapping Cities

Time limit	2 s
Memory limit	512 MB

Նկարագրություն

Ինդոնեզիայում կա N քաղաք՝ համարակալված 0-ից N-1 թվերով։ Կա նաև M երկկողմանի ճանապարհ՝ համարակալված 0-ից M-1 թվերով։ Յուրաքանչյուր ճանապարհ երկու տարբեր քաղաքներ է միացնում։ i-րդ ճանապարհը U[i]-րդ քաղաքը միացնում է V[i]-րդ քաղաքին և այդ ճանապարհով անցնելուց մեքենան ծախսում է W[i] միավոր գազ։ Քաղաքները կապված են իրար այնպես, որ ցանկացած քաղաքից կարելի է հասնել ցանկացած քաղաք։

Հաջորդ Q օրերից յուրաքանչյուրին երկու քաղաքներ ցանկանալու են քաղաքական կապ ստեղծել։ Մասնավորապես, j-րդ օրը X[j]-րդ քաղաքը ցանկանալու է քաղաքական կապ ստեղծել Y[j]-րդ քաղաքի հետ։ Դրա համար X[j]-րդ քաղաքը մեքենայով ներկայացուցիչ է ուղարկելու Y[j]-րդ քաղաք։ Նմանապես, Y[j]-րդ քաղաքը նույնպես մեքենայով ներկայացուցիչ է ուղարկելու X[j]-րդ քաղաք։

Երթևեկություն չծանրաբեռնելու համար երկու մեքենաները չպետք է հանդիպեն։ Մասնավորապես, երկու մեքենաները չպետք է միաժամանակ լինեն միևնույն քաղաքում։ Նաև, երկու մեքենաները չպետք է երթևեկեն միևնույն ժամանակ միևնույն փողոցի երկու հանդիպակաց ծայրերից։ Բացի այդ, եթե մեքենան մտել է որևէ ճանապարհ, ապա գնում է մինչև վերջ (այլ կերպ ասած, չի թույլատրվում, որ մեքենաները ճանապարհի կեսին Ս-աձև շրջադարձ անեն)։ Սակայն թույլատրվում է միևնույն քաղաքում լինել մի քանի անգամ և միևնույն ճանապարհով անցնել մի քանի անգամ։ Նաև, մեքենաները կարող են ցանկացած քաղաքում սպասել որքան ցանկանան։

Քանի որ մեքենայի գինը կախված է վառելիքի բաքի չափից, երկու քաղաքները ցանկանում են ընտրել այնպիսի երթուղիներ երկու մեքենաների համար, որ նրանց վառելիքի բաքերի ծավալների մաքսիմումը մինիմալ լինի։ Գազի լցակայաններ, պրակտիկորեն անսահմանափակ քանակի գազով, կան բոլոր քաղաքներում, այնպես որ մեքենայի բաքի ծավալը պետք է այնքան լինի, որ կարողանա անցնել իր երթուղում մաքսիմում գազի ծախս պահանջող ճանապարհը։

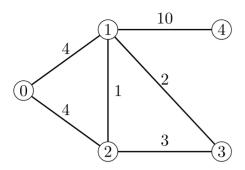
Խնդիրը

Դուք պետք է իրականացնեք [init] և [getMinimumFuelCapacity] ֆունկցիաները:

- [init(N, M, U, V, W)] Այս ֆունկցիան գրեյդերի կողմից կանչվելու է միայն մեկ անգամ՝ նախքան [getMinimumFuelCapacity] ֆունկցիայի կանչը։
 - N։ Ամբողջ թիվ, ցույց է տալիս քաղաքների քանակը։
 - *M* : Ամբողջ թիվ, ցույց է տալիս ճանապարհների քանակը։
 - U:M ամբողջ թվերի զանգված, ցույց են տալիս ճանապարհների առաջին ծայրակետերը։
 - V : M ամբողջ թվերի զանգված, ցույց են տալիս ճանապարհների երկրորդ ծայրակետերը։
 - W : M ամբողջ թվերի զանգված, ցույց են տալիս ճանապարհներով անցնելու համար գազի ծախսը։
- $\lceil \gcd Minimum Fuel Capacity (X, Y) \rceil$ Այս ֆունկցիան կանչվելու է գրեյդերի կողմից ճիշտ Q անգամ։
 - X։ Ամբողջ թըիվ, ներկայացնում է առաջին քաղաքը։
 - Y: Ամբողջ թիվ, ներկայացնում է երկրորդ քաղաքը։
 - Այս ֆունկցիան պետք է վերադարձնի մեկ ամբողջ թիվ, որը ցույց է երկու մեքենաներից մեծ գազի բաքով մեքենայի գազի բաքի մինիմալ ծավալը, ընդորում այդ մեքենաներից մեկով X-րդ քաղաքի ներկայացուցիչը պետք է կարողանա գնալ Y-րդ քաղաք, իսկ մյուսով Y-րդ քաղաքի ներկայացուցիչը պետք է կարողանա գնալ X-րդ քաղաք հետևելեով խնդրում նկարագրված կանոններին, կամ պետք է վերադարձնի -1, եթե հնարավոր չէ դա անել։

Օրինակ

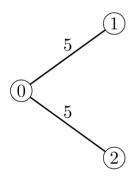
Առաջին օրինակում, N=5, M=6, U=[0,0,1,1,1,2], V=[1,2,2,3,4,3], W=[4,4,1,2,10,3], Q=3, X=[1,2,0], Y=[2,4,1]։ Օրինակը պատկերված է հետևյալ նկարում.



Գրեյդերը սկզբում կանի init(5, 6, [0, 0, 1, 1, 1, 2], [1, 2, 2, 3, 4, 3], [4, 4, 1, 2, 10, 3]) կանչը։ Դրանից հետո գրեյդերը կանի հետևյալ կանչերը.

- getMinimumFuelCapacity(1, 2)։ Նախ առաջին քաղաքից մեքենան կգնա երրորդ քաղաք։ Հետո մյուս մեքենան երկրորդ քաղաքից կգնա առաջին քաղաք։ Ապա երրորդ քաղաքից առաջին մեքենան կգնա երկրորդ քաղաք։ Այսպիսով, մաքսիմալ վառելիքի ծախսը երկու մեքենաների համար 3 է (որն անհրաժեշտ է երրորդ քաղաքից երկրորդ քաղաք գնալու համար)։ Ավելի քիչ վառելիքի ծախսով երթուղիների ընտրություն չկա, հետևաբար ֆունկցիան պետք է վերադարձնի 3։
- getMinimumFuelCapacity(2, 4)։ Չորորդ քաղաք գնալ, գալու համար մեքենաները պետք է կարողանան տեղավորել 10 միավոր վառելիք։ Հետևաբար այս դեպքում ֆունկցիան պետք է վերադարձնի 10։
- getMinimumFuelCapacity(0, 1)։ Այս դեպքում ֆունկցիան պետք է վերադարձնի 4։

Երկրորդ օրինակում, N=3, M=2, U=[0,0], V=[1,2], W=[5,5], Q=1, X=[1], Y=[2]։ Օրինակը պատկերված է հետևյալ նկարում.



Գրեյդերը սկզբում կանի init(3, 2, [0, 0], [1, 2], [5, 5]) կանչը։ Հետո կկատարի հետևյալ կանչը.

• getMinimumFuelCapacity(1, 2)։ Առաջին քաղաքից երկրորդ քաղաք գնացող մեքենան չի կարող անել այնպես, որ չհանդիպի երկրորդ քաղաքից առաջին քաղաք գնացող մեքենային, հետևաբար ֆունկցիան պետք է վերադարձնի -1։

Սահմանափակումներ

• $2 \le N \le 100000$.

- $N-1 \le M \le 200\,000$.
- $0 \le U[i] < V[i] < N$.
- Քաղաքների յուրաքանչյուր զույգի միջև կա առավելագույնը մեկ ճանապարհ։
- Ցանկացած քաղաքից ցանկացաց քաղաք հնարավոր է գնալ։
- $1 \le W[i] \le 10^9$.
- $1 \le Q \le 200\,000$.
- $0 \le X[j] < Y[j] < N$.

Ենթախնդիր 1 (6 միավոր)

• Յուրաքանչյուր քաղաք առավելագույնը երկու ճանապարհի ծայրակետ է։

Ենթախնդիր 2 (7 միավոր)

- M = N 1.
- U[i] = 0.

Ենթախնդիր 3 (17 միավոր)

- *Q* ≤ 5.
- $N \le 1000$.
- M < 2000.

Ենթախնդիր 4 (20 միավոր)

• *Q* ≤ 5.

Ենթախնդիր 5 (23 միավոր)

• M = N - 1.

Ենթախնդիր 6 (27 միավոր)

• Լրացուցիչ սահմանափակումներ չկան։

Գրեյդերի նմուշ

Գրեյդերի նմուշը կարդում է մուտքային տվյալները հետևյալ ձևաչափով.

Յուրաքանչյուր getMinimumFuelCapacity կանչի համար գրեյդերի նմուշը տպում է այդ ֆունկցիայի վերադարձրած արրժեքը։