# 000

# Asia-Pacific Informatics Olympiad 2021

22 - 23 May 2021 Indonesia roads
APIO 2021 Tasks
Chinese (MAC)

# 封路

在泗水市有 N 個路口,編號從 0 到 N-1。 這些路口由 N-1 條雙向道路連接,編號從 0 到 N-2,因此在任何一對路口之間都有一條唯一的路徑可以將它們相連通。 道路 i ( $0 \le i \le N-2$ ) 連接路口 U[i] 和 V[i]。

為了提高環保意識,泗水市長 Pak Dengklek 計劃舉辦無車日。 為鼓勵該活動,Pak Dengklek 將組織封路活動。 Pak Dengklek 將首先選擇一個非負整數 k,然後關閉一些道路,使得每個路口直接連接到最多k 條未封閉的道路。 而封閉道路 i 所需要的費用為 W[i]。

幫助 Pak Dengklek 找到對於每個可能的非負整數 k ( $0 \le k \le N-1$ ), 其相應的封閉道路所需的最低總費用。

## 實現細節

您應該實現以下函數:

int64 [] minimum\_closure\_costs (int N, int [] U, int [] V, int [] W)

- *N*: 泗水的路口數目。
- U 和 V: 長度為 N-1 的數組,其中路口 U[i] 和 V[i] 由道路 i 連接。
- W: 長度為 N-1 的數組,其中 W[i] 是關閉道路 i 的費用。
- 此函數應返回單一個長度為 N 的數組。對於每個 k ( $0 \le k \le N-1$ ),第 k 個元素是關閉道路的最低總費用,使得每個路口最多可直接連接到 k 條沒有關閉道路。
- 此函數僅被調用一次。

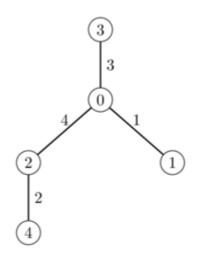
# 例子

#### 樣例1

考慮以下調用:

minimum\_closure\_costs (5,[0,0,0,2],[1,2,3,4],[1,4,3,2])

這意味著總共有 5 個路口和 4 條道路連接路口對 (0,1), (0,2), (0,3) 和 (2,4), 關閉這些道路的費用相應分別為 1, 4, 3 和 2。



#### 要獲得最低總費用:

- 如果 Pak Dengklek 選擇了 k=0,則應封閉所有道路,總費用為 1+4+3+2=10;
- 如果 Pak Dengklek 選擇了 k=1,則應封閉道路 0 和道路 1,總費用為 1+4=5;
- 如果 Pak Dengklek 選擇了 k=2,則應封閉道路 0,總費用為 1;
- 如果 Pak Dengklek 選擇了 k=3 或 k=4,則無需封閉道路。

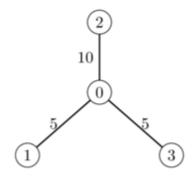
因此, $minimum_closure_costs$  函數應返回 [10,5,1,0,0]。

#### 樣例2

#### 考慮以下調用:

minimum\_closure\_costs (4,[0,2,0],[1,0,3],[5,10,5])

這意味著總共有 4 個路口和 3 條道路連接路口對 (0,1),(2,0) 和 (0,3), 要封閉這些道路的費用相應分別為 5,10 和 5。



#### 要獲得最低總費用:

- 如果 Pak Dengklek 選擇了 k=0,則應關閉所有道路,總費用為 5+10+5=20;
- 如果 Pak Dengklek 選擇了 k=1,則應封閉道路 0 和道路 2,總費用為 5+5=10;
- 如果 Pak Dengklek 選擇了 k=2,則應封閉道路 0 或道路 2,總費用為 5;

• 如果 Pak Dengklek 選擇了 k=3,則無需封閉道路。

因此, $minimum_closure_costs$  函數應返回 [20,10,5,0]。

### 限制

- $2 \le N \le 100\,000$
- $0 \le U[i], V[i] \le N-1$  (對於所有  $0 \le i \le N-2$ )
- 在任何一對路口之間都可以通過這些道路通行
- $1 \le W[i] \le 10^9$  (對於所有  $0 \le i \le N-2$ )

# 子任務

- 1. (5分) U[i] = 0 (對於所有  $0 \le i \le N-2$ )
- 2. (7分) U[i] = i,V[i] = i+1 (對於所有  $0 \le i \le N-2$ )
- $3.(14分) N \leq 200$
- 4.(10分) N < 2000
- 5. (17分) W[i] = 1 (對於所有  $0 \le i \le N-2$ )
- 6. (25分)  $W[i] \leq 10$  (對於所有  $0 \leq i \leq N-2$ )
- 7. (22分) 無其他限制。

## 樣例評分器

樣例評分器以以下格式讀取輸入:

- 第1行: N
- 第 2+i 行 ( $0 \le i \le N-2$ ) : U[i] V[i] W[i]

評分器將打印一行包含 minimum\_closure\_costs 返回的數組的行。