# გზების დახურვა

ქალაქ სურაბაიაში არის N ცალი კვანძი გადანომრილი 0-დან (N-1)-მდე. კვანძები დაკავშირებულია N-1 ცალი ორმხრივი გზით, გადანომრილი 0-დან (N-2)-მდე ისე, რომ ნებისმიერი ორ კვანძი დაკავშირებულია უნიკალური მარშრუტით. i-ური გზა  $(0 \le i \le N-2)$  აკავშირებს U[i] და V[i] კვანძებს.

გარემოს დაცვაზე ცნობიერების ასამაღლებლად, პაკ დენგკლეკი, როგორც სურაბაიას მერი, გეგმავს უმანქანო დღე მოაწყოს. ღონისძიების წასახალისებლად, პაკ დენგკლეკი ორგანიზებას გაუკეთებს გზების დახურვას. პაკ დენგკლეკი ჯერ აირჩევს არაუარყოფით მთელ რიცხვ k-ს, შემდეგ დახურავს ზოგიერთ გზას ისე, რომ თითოეული კვანძი უშუალოდ დაკავშირებული იქნება **მაქსიმუმ** k გზასთან, რომელიც არ არის დახურული. i-ური გზის დახურვის ფასია W[i].

დაეხმარეთ პაკ დენგკლეკს იპოვოს მინიმალური ჯამური ფასი, რომელიც საჭიროა გზების დასახურად თითოეული არაუარყოფითი მთელი k-სთვის ( $0 \le k \le N-1$ ).

## იმპლემენტაციის დეტალები

თქვენ უნდა მოახდინოთ შემდეგი ფუნქციის იმპლემენტაცია.

int64[] minimum\_closure\_costs(int N, int[] U, int[] V, int[] W)

- N: კვანძების რაოდენობა.
- ullet U და V: N-1 სიგრძის მასივი, სადაც U[i] და V[i] კვანძები დაკავშირებულია i გზით.
- ullet W: N-1 სიგრძის მასივი, სადაც W[i] წარმოადგენს i გზის დახურვის ფასს.
- ამ ფუნქციამ უნდა დააბრუნოს N სიგრძის მასივი. ყოველი k ( $0 \le k \le N-1$ ), სადაც k-ური ელემენტი არის გზების დახურვის მინიმალური ჯამური ფასი, რომლის შემდეგაც თითოეული კვანძი დაკავშირებულია არაუმეტეს k დაუხურავ გზასთან.
- ეს ფუნქცია გამოიძახება მხოლოდ ერთხელ.

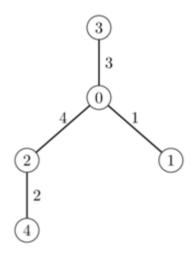
### მაგალითები

მაგალითი 1

განვიხილოთ შემდეგი გამოძახება:

minimum\_closure\_costs(5, [0, 0, 0, 2], [1, 2, 3, 4], [1, 4, 3, 2])

ეს ნიშნავს, რომ მოცემულია 5 კვანძი და 4 გზა, რომლებიც აერთებენ შემდეგ კვანძთა წყვილებს  $(0,1),\,(0,2),\,(0,3)$  და (2,4). ამ გზების დახურვის ფასებია შესაბამისად  $1,\,4,\,3$  და 2.



მინიმალური ფასების მისაღებად:

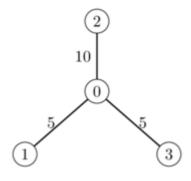
- ullet თუ k=0, პაკ დენგკლეკმა უნდა დახუროს ყველა გზა და ჯამური ფასი იქნება 1+4+3+2=10;
- ullet თუ k=1, უნდა დაიხუროს გზა 0 და გზა 1 ჯამური ფასით 1+4=5;
- თუ k=2, უნდა დაიხუროს გზა 0 ჯამური ფასით 1;
- ullet თუ k=3 ან k=4, არცერთი გზის დახურვა საჭირო არ არის.

შესაბამისად, ფუნქცია minimum\_closure\_costs უნდა დააბრუნოს [10,5,1,0,0].

#### მაგალითი 2

განვიხილოთ შემდეგი გამოძახება:

ეს ნიშნავს, რომ მოცემულია 4 კვანძი და 3 გზა, რომლებიც აერთებენ შემდეგ კვანძთა წყვილებს (0,1), (2,0), and (0,3) ამ გზების დახურვის ფასებია შესაბამისად 5, 10 და 5.



To obtain the minimum costs:

- ullet თუ k=0, უნდა დაიხუროს ყველა გზა. ჯამური ფასი: 5+10+5=20;
- ullet თუ k=1, უნდა დაიხუროს გზა 0 და გზა 2. ჯამური ფასი: 5+5=10;
- თუ k=2, უნდა დაიხუროს გზა 0 ან გზა 2. ფასი: 5;
- თუ k=3, არცერთი გზის დახურვა საჭირო არ არის.

შესაბამისად, ფუნქციამ minimum\_closure\_costs უნდა დააბრუნოს [20,10,5,0].

## შეზღუდვები

- $2 \le N \le 100\,000$
- ullet  $0 \leq U[i], V[i] \leq N-1$  (ყველა  $0 \leq i \leq N-2$ )
- არსებობს გზა კვანძთა ნებისმიერ წყვილისათვის .
- ullet  $1 \leq W[i] \leq 10^9$  (ყველა  $0 \leq i \leq N-2$ )

## ქვეამოცანები

- 1. (5 ქულა) U[i]=0 (ყველა  $0\leq i\leq N-2$ )
- 2. (7 ქულა) U[i]=i, V[i]=i+1 (ყველა  $0\leq i\leq N-2$ )
- 3. (14 ქულა)  $N \le 200$
- 4. (10 ქულა)  $N \leq 2000$
- 5. (17 ქულა) W[i] = 1 (ყველა  $0 \le i \le N-2$ )
- 6. (25 ქულა)  $W[i] \leq 10$  (ყველა  $0 \leq i \leq N-2$ )
- 7. (22 ქულა) დამატებითი შეზღუდვების გარეშე.

## სანიმუშო გრადერი

სანიმუშო გრადერი კითხულობს მონაცემებს შემდეგი ფორმატით:

- სტრიქონი 1: N
- ullet სტრიქონი 2+i ( $0 \le i \le N-2$ ):  $U[i] \ V[i] \ W[i]$

სანიმუშო გრადერს ერთადერთ სტრიქონში გამოაქვს მონაცემები, რომელსაც აბრუნებს: minimum\_closure\_costs.