

# Pengenalan Rekursi

Tim Olimpiade Komputer Indonesia

### Pendahuluan

### Melalui dokumen ini, kalian akan:

- Memahami konsep rekursi.
- Mempelajari rekursi sederhana.



## Pengenalan Rekursi

- Rekursi adalah keadaan yang mana sebuah fungsi menyelesaikan sebuah permasalahan dengan cara memanggil diri sendiri secara berulang kali.
- Jika masalah sudah cukup kecil, maka fungsi rekursi dapat langsung menghasilkan jawaban.
- Jika masalah terlalu besar, maka fungsi akan memanggil diri sendiri dengan cakupan masalah yang lebih kecil.



## Mengapa Perlu Ada Rekursi

- Banyak permasalahan yang lebih mudah diselesaikan (dan pendek kodenya) jika menggunakan pendekatan rekursif.
- Pada dasarnya, strategi iteratif (misalnya dengan for loop) dan rekursif sama-sama melakukan sesuatu yang berulang-ulang.
- Namun, terkadang solusi iteratif untuk suatu masalah sangat sulit untuk dipikirkan dan memerlukan teknik khusus.
- Dengan solusi rekursif, mungkin saja lebih mudah untuk melihat dan merancang alur penyelesaiannya.



### Strategi Rekursif

Terdapat dua hal yang perlu dipikirkan ketika menggunakan strategi rekursif:

- Base case
   Apa kasus paling sederhana dari permasalahan ini?
- Recurrence relation
   Bagaimana hubungan rekursif dari persoalan ini dengan persoalan serupa yang lebih kecil?



### **Contoh Soal: Faktorial**

### Deskripsi:

- Pak Dengklek baru mempelajari konsep matematika baru, yaitu faktorial.
- Operasi faktorial pada N, atau ditulis dengan notasi N!, adalah operasi mengalikan bilangan dari 1 sampai dengan N.
- Contoh: Jika N=4, maka  $4!=1\times2\times3\times4=24$
- Diberikan N, bantu Pak Dengklek mencari hasil N!



# Contoh Soal: Faktorial (lanj.)

#### Format masukan:

• Sebuah baris berisi sebuah bilangan N

#### Format keluaran:

Sebuah baris berisi hasil N!

#### Batasan:

• 1 < N < 10



### **Solusi**

- Ide 1:
  - Cukup gunakan for loop biasa
  - Solusi ini bekerja secara iteratif.
- Ide 2: Rekursi



### Contoh Solusi Iteratif

### Implementasi solusi secara iteratif cukup sederhana:

```
function faktorial(x: longint): longint;
var
  jawaban: longint;
begin
  jawaban := 1;
  for i := 1 to x do begin
    jawaban := jawaban * i;
  end:
  faktorial := jawaban;
end;
```



### Solusi Rekursif

#### Base Case

- Pada batasan soal, nilai N berkisar antara 1 sampai dengan 10.
- Dari batasan tersebut, kasus terkecilnya adalah N=1.
- Jadi N=1 adalah *base case*, dan memang jelas diketahui bahwa 1!=1.



# Solusi Rekursif (lanj.)

#### Recurrence Relation

- Bagaimana jika N > 1?
- Untuk mencari N!, kita bisa mencari (N-1)! dan mengalikannya dengan N.
- Jadi persoalan mencari N! bisa diselesaikan dengan mudah jika diketahui (N-1)!.
- Dengan observasi ini, kita mengetahui hubungan rekursif dari N!.



### Contoh Solusi: faktorial\_rekursif.pas

### Berikut implementasi pencarian faktorial secara rekursif:

```
function faktorial(x: longint): longint;
begin
  if (x = 1) then begin
    faktorial := 1
  end else begin
    faktorial := x * faktorial(x-1);
  end;
end;
```



# Contoh Solusi: faktorial\_rekursif.pas (lanj.)

Pemanggilan pada program utama bisa dilakukan seperti memanggil fungsi biasa:

```
begin
  writeln('4! = ', faktorial(4));
end.
```



## Contoh Eksekusi Fungsi

 Pada awalnya, program utama dijalankan. Misalkan hendak dicari nilai 4!.



faktorial(4)

- Dari program utama, dipanggil fungsi faktorial(4).
- Pada saat ini, status program utama adalah "tidak aktif", dan akan "aktif" kembali setelah fungsi faktorial(4) selesai.



faktorial(3)

faktorial(4)

- faktorial(4) mengeksekusi baris
   "faktorial := x \* faktorial(x-1)",
   yang pada kasus ini x = 4.
- Akibatnya, dipanggil fungsi faktorial(3).
- Kini yang "aktif" adalah faktorial(3).



faktorial(2)

faktorial(3)

faktorial(4)

program utama

 Hal serupa terjadi untuk mencari nilai faktorial(3).



faktorial(1)

faktorial(2)

faktorial(3)

faktorial(4)

program utama

 Terjadi juga untuk mencari nilai faktorial(2).



faktorial(1)

faktorial(2)

faktorial(3)

faktorial(4)

- Pada saat ini, faktorial(1) tidak lagi melakukan pemanggilan rekursif, berhubung ditemui base case.
- Sebaliknya, langsung dikembalikan nilai 1 sebagai jawaban atas faktorial(1).



faktorial(2)

faktorial(3)

faktorial(4)

- faktorial(1) selesai, kini kembali ke faktorial(2).
- Nilai faktorial(2) kini ditemukan, yaitu 2 × faktorial(1).
- Fungsi faktorial(2)
   mengembalikan nilai 2 ke
   pemanggilnya, lalu selesai.



faktorial(3)

faktorial(4)

- Setelah menerima nilai kembalian faktorial(2), faktorial(3) kembali aktif.
- Hasilnya dapat ditemukan, yaitu 3 × faktorial(2).
- Fungsi faktorial(3) mengembalikan nilai 6 ke pemanggilnya, lalu selesai.



faktorial(4)

- Kini faktorial(4) kembali aktif.
- Hasilnya dapat ditemukan, yaitu 4 × faktorial(3).
- Fungsi faktorial(4)
   mengembalikan nilai 24 ke
   pemanggilnya, lalu selesai.



- Program utama yang memanggil faktorial(4) menerima nilai kembaliannya, yaitu 24.
- Program utama kembali menjalankan perintah-perintah berikutnya.



## Kompleksitas Solusi

- Baik secara iteratif maupun rekursif, kompleksitasnya adalah O(N).
- Setiap pemanggilan rekursif membutuhkan alokasi memori, sehingga jika pemanggilannya semakin dalam, semakin banyak tambahan memori yang digunakan.
- Waktu untuk mengalokasikan memori juga menyebabkan solusi rekursif cenderung bekerja lebih lambat dibandingkan solusi iteratif.



### Materi Selanjutnya

- Pada pembelajaran ini, rekursi yang digunakan masih sangat sederhana.
- Bahkan belum terasa bahwa solusi rekursi lebih mudah dan pendek kodenya dibandingkan solusi iteratif.
- Pembelajaran selanjutnya tentang rekursi yang lebih kompleks akan menunjukkan hal tersebut.

