## Задачи на пару (0 усл. балл)

- 1. Рассчитайте массу топлива, необходимую для того чтобы вывести спутник массой 100 кг на круговую орбиту. Скорость истечения газов принять равной 2000 м/с.
- 2. Насколько может разогнать 10 тонн топлива ракету с полной массой 11 т? Скорость истечения газов 1000 м/с, расход топлива 500 кг/с. Ускорение свободного падения принять постоянным и равным 10 м/с^2.
- 3. На ракете установлены два двигателя с различным топливом. Один дает газовую струю со скоростью u1 относительно ракеты, другой со скоростью u2. Сначала работает один двигатель, пока не израсходует весь запас топлива. Затем включается другой, пока также не будет израсходован весь запас его топлива. Что выгоднее: сначала включить двигатель с большей скоростью газовой струи, а затем с меньшей или поступить наоборот? Скорости u1 и u2 считать постоянными. (Игнатьев 1205)
- 4. Двухступенчатая ракета состоит из двух одинаковых ракет с одним и тем же отношением массы топлива Мt к массе конструкции Мk, равном a0=Mt/Mk=10. При каком отношении а одноступенчатая ракета достигнет той же конечной скорости, что и двухступенчатая? Скорости истечения газов считать постоянными и равными у двух ракет. (Овчинкин, 1 том, 3.36)
- Ракета начинает двигаться в облаке пыли. Пылинки неподвижны и прилипают к ракете при ударе. Начальная скорость ракеты равна 0, скорость истечения газов относительно ракеты равна u, массой корпуса ракеты по сравнению со стартовой массой топлива можно пренебречь. Кроме того, известно, что в любой момент времени масса израсходованного топлива равна массе налипшей пыли. Найти в таком облаке максимальную скорость ракеты. (3,41)
  Задачи 1 уровня (1 усл. балл)
  - 1. Двигатель метеорологической ракеты дважды запускается на одно и то же короткое время: при взлете и при возвращении на Землю для обеспечения мягкой посадки. Масса ракеты перед стартом М, после посадки т. Какова масса ракеты сразу после старта? Сопротивлением воздуха во время полёта пренебречь. (Овчинкин, 1 том, 3.29)
  - 2. На сколько максимальная скорость, достижимая в свободном космическом пространстве с помощью двухступенчатой ракеты, больше, чем в случае одноступенчатой ракеты? Масса второй ступени двухступенчатой ракеты составляет M2/M1=α=0.1 от массы первой ступени, а отношение массы горючего к полной массе ступени во всех случаях равно Mг/M=k=0.9. Скорость истечения газов u=2000 м/с (Овчинкин, 1 том, 3.37)
  - 3. Астероид имеет ту же плотность, что и Земля, а его радиус меньше земного в 100 раз. Сколько потребуется топлива, выбрасываемого из сопла ракеты со скоростью 3 км/с, чтобы космический аппарат массой 1000 кг (без учёта топлива) смог покинуть астероид? (Игнатьев 1207)
  - 4. Две ракеты массой m0 каждая стартуют одновременно в свободном пространстве, где силой тяжести можно пренебречь. Первая ракета движется с постоянным расходом топлива µ, вторая - с постоянным ускорением а. Определить отношение их масс и скоростей в момент, когда масса первой ракеты уменьшится в два раза. Относительные скорости истечения газов у обеих ракет одинаковы, постоянны и равны u.(Овчинкин, 1 том, 3.19)

- 5. Ракета совершает движение в однородном магнитном поле силы тяжести Земли. Масса ракеты меняется по закону  $M=M_0\cdot e^{-\alpha t}$ . Определите максимальную высоту подъема ракеты для заданного числа Циолковского z. Предположите, что начальная скорость у поверхности Земли равна нуля. Сопротивлением атмосферы пренебречь. Скорость истечения газов считать постоянной. (Игнатьев 1208)
- 6. Каким должно быть отношение стартовой массы одноступенчатой ракеты к массе ее конструкции m0/mк при вертикальном разгоне ракеты с поверхности Земли до первой космической скорости v1=7.8 км/с? Какова при этом масса конструкции ракеты? Время работы двигателя T=12 мин, относительная скорость истечения газов u=3 км/с, а расход топлива µ=300 кг/с. Считать ускорение свободного падения равным 10 м/с^2 и не зависящим от высоты над поверхностью Земли. Сопротивление воздуха не учитывать. (Овчинкин, 1 том, 3.39)

Задачи 2 уровня (2 усл. балл)

- 1. По какому закону должна меняться во времени масса М ракеты(вместе с топливом), чтобы во время работы оставалась неподвижной в поле тяжести Земли, если скорость газовой струи относительно ракеты постоянна и равна u=2 км/с. Определить время t1, через которое полная масса системы уменьшится вдвое, а также время t2, по истечении которого ракета израсходует весь запас топлива. Масса ракеты без топлива равна m1=1000 кг, а масса топлива m2 = 9000 кг. (Игнатьев 1206)
- 2. При вертикальном взлете космического космонавт испытывает перегрузку k0=(g+a0)/g=1.25, которая во время полёта всё время возрастает и в некоторый момент времени становится равной равной k=8. Во сколько раз в этот момент скорость космического корабля относительно Земли больше скорости газов относительно ракеты? Расход горючего считать постоянным. (Овчинкин, 1 том, 3.77)
- 3. Определить коэффициент полезного действия ракеты, т.е. отношение кинетической энергии К, приобретенной ракетой, к энергии сгоревшего топлива Q. Скорость, достигнутая ракетой, v=9 км/с. Теплота сгорания топлива q=4000 ккал/кг, скорость выбрасываемых продуктов сгорания относительно ракеты u=3 км/с. (Овчинкин, 1 том, 3.47)
- 4. Ракета запускается с небольшой высоты и летит все время горизонтально с ускорением а. Под каким углом к горизонтали направлена реактивная струя? Сопротивлением воздуха пренебречь. (Овчинкин, 1 том, 3.45)
- 5. Космический корабль, движущийся в пространстве свободном от поля тяготения, должен изменить направление своего движения на противоположное, сохранив скорость по величине. Для этого предлагаются два способа: 1) сначала затормозить корабля, а затем разогнать его до прежней скорости; 2) повернуть, заставив корабль двигаться по дуге окружности, сообщая ему ускорение в поперечном направлении. В каком из этих двух способов потребуется меньшая затрата топлива? Скорость истечения газов относительно корабля считать постоянной и одинаковой в обоих случаях. (Овчинкин, 1 том, 3.43)

Задачи 3 уровня(3 усл. балл)

- 1. При движении ракеты в атмосфере с большой скоростью сила аэродинамического сопротивления во много раз превышает вес ракеты, в связи с чем последним можно пренебречь. Определите зависимость изменения скорости ракеты со временем. Считайте траекторию ракету прямолинейной, а зависимость массы от скорости M=M0(1-at). Силу аэродинамического сопротивления Q принять равной kV^2, где k-константа. Считайте что начальная скорость отлична от нуля, а скорость истечения газов постоянна. (Игнатьев 1214)
- 2. Между полюсами Земли прорыли прямую шахту, из которой был откачан газ. Аппарат, оснащенный надежной термозащитой, был сброшен в эту шахту с поверхности Земли без начальной скорости. Во время пролета через центр Земли аппарат на короткое время включил импульсный двигатель, выбросивший 1/10 полной массы аппарата с относительной скоростью 10 м/с назад вдоль линии движения аппарата. С какой скоростью аппарат вылетит из шахты на противоположном полюсе Земли? Считать Землю однородным по плотности шаром. (Всерос-2019)
- 3. Ракета с начальной массой m0 стартует в космосе с массивной платформы перпендикулярно ее поверхности. Секундный расход топлива остается постоянным в течение всего времени полета, скорость струи сгоревшего топлива относительно ракеты также постоянна и равны и. Струя, упруго ударяясь о платформу, передает ей некоторый импульс. Найти полный импульс, переданный платформе за время разгона ракеты, если платформа является настолько массивной, что изменение ее скорости в пространстве пренебрежимо мало. Силами гравитации тоже можно пренебречь. (Для взятия интегралов можно использовать Wolfram)(Овчинкин, 1 том, 3.77) \*Попробуйте учитывать то что платформа приобретает скорость, масса платформы М)\*
- 4. Ракета запускается с небольшой высоты и летит все время горизонтально с постоянной скоростью v. Выведите закон связывающий угла направления струи от времени, а также массового расхода топлива от времени. Сопротивлением воздуха пренебречь. Скорость истечения газа принять постоянной.