

## Пробная работа уровня регионального этапа

10 и 9 классы

Ноябрь 2021

Данный комплект посвящен звезде Сириус. Основные справочные данные про эту двойную звезду.

Звезда	Сириус А	Сириус Б
Спектральный класс	AIV	DA2
Macca	$2.06~M_{\odot}$	-
Температура	9 940 K	25 300 K
Звездная величина	$-1.46^{m}$	$8.44^{m}$
Показатель цвета $B-V$	$+0.00^{m}$	$-0.03^{m}$
Показатель цвета $U-B$	$-0.05^{m}$	$-1.04^{m}$

Прямое восхождение	$6^h 45^m 08^s$
Склонение	$-16^{\circ}42'08''$
Видимая звездная величина	$-1.46^{m}$
Лучевая скорость	-5.5 км/с
Собственное движение	1.330''/в год
Параллакс	0.374''

## Комплект 10 класса

## 1. Сферка для 10ых

8 баллов

Определите в какой день года звезда Сириус кульминирует ровно в полночь по всемирному времени? На какой широте высота кульминации будет максимальной.

Примечание: Если вы претендуете на диплом всеросса этого года, то решите эту задачу для города Долгопрудный ( $\lambda=37.5^\circ$ , часовой пояс UTC+3)

#### Решение.

В простой формулировке. В день Зимнего Солнце Стояния в полночь кульминируют звезды с  $\alpha=6^h00^m$ . Каждый день Солнце смещается на  $3^m56^s\approx 4^m$ . Тогда искомая дата 01.01

Критерии оценивания	8
связь между $\alpha$ и $\alpha_{\odot}$	. 3
Ежедневное смещение Солнца на 4 минуты	
Нахождение разницы дней	. 1
Нахождение даты 01.01	. 2
Широта, где происходит в зените $-16^{\circ}42'08''$	1

## 2. Сириус Ав

8 баллов

Предположим, телескоп TESS обнаружил планету вокруг компоненты Сириус А. Про орбиту планеты известно, что угловой размер звезды в перицентре больше, чем угловой размер в апоцентре в три раза. Период обращения планеты составляет 0.5 года. Определите полуось и эксцентриситет орбиты планеты. Определите угол, под которым с планеты будут находится направления на фокусы орбиты в момент, когда скорость планеты будет равна круговой скорости. Гравитационным влиянием второй звезды (белого карлика) пренебречь

Критерии оценивания	8
Определение эксцентриситета $e = 0.5 \dots \dots \dots \dots$	. 3
Определение искомой точки на малой полуоси эллипса	2
Нахождение угла 60°	3

#### 3. И все-таки, она движется

8 баллов

Определите, когда звездная величина Сириуса А станет положительной? Какая будет минимальная лучевая геоцентрическая скорость в момент максимальной яркости Сириуса?

#### Решение.

Первый этап задачи является классической задачей на собственное движение звезд. Разбирать его смысла я не вижу. А вот вторая часть задачи звучит интереснее. Когда яркость максимальна, то звезда находится на минимальном расстоянии, и лучевой скорости относильно СОлнца нет, она равна нулю.

Но в условии нас просят найти геоцентрическую скорость, значит надо учесть скорость движения Земли вокруг Солнца. Когда Земля двигается в направлении на Сириус, то скорость будет минимальной. Для корректного учета, мы еще должны умножить на фактор  $\cos \beta$ 

Критерии оценивания	8
Определение трансверсальной скорости 16.85 км/с	1
Определение полной скорости 17.73 км/с	1
Определение расстояния, когда $m=0^m\dots$	1
Определение расстояния, которое должен пройти Сириус	1
Определение времени, которое должен пройти Сириус 300 000 лет	1
максимальная яркость при $r_{min}$ и $v_r=0$ (гелиоцент.)	1
Учет скорости земли вокруг Солнца	1
учет эклиптической широты Сириуса $-23$ км/с	1

#### 4. Далекое прошлое

8 баллов

Сейчас второй компонент двойной системы Сириус В является белым карликом. При помощи «времени остывания» белого карлика ученым определили его возраст -125 миллионов лет. Определите суммарный блеск двойной системы в момент образования двойной системы (250 миллионов лет назад). Масса второй компоненты при образовании системы была 5.1 массы Солнца.

Примечение: Если вы претендуете на диплом всеросса этого года, то решите эту задачу с учетом результата предыдущей задачи. Если вам кажется это сложно, то считайте, что расстояние не меняется.

# **Критерии оценивания 8** Используя зависимость масса-светимость определить $L_2 = 300L_{\odot}\dots 3$ Определение абс. звездной величины $M = -1.4^m \dots 2$ Опредение суммарной видимой звездной величины $-4.3^m$ (без учета удаления)3

## 5. Телескоп на аве, ноль за теор в кармане

8 баллов

Перед вами стоит задача провести визуальные наблюдения за двойной системой Сириус. У вас есть следующий выбор из телескопов.

- ullet D=5 см, относительное отверстие f/5
- D=10 см, относительное отверстие f/3.5
- D=20 см, фокусное расстояние F=1 метр

И набор окуляров с фокусными расстояниями 20 мм и 6 мм.

Определите, какими телескопами и с какими окулярами можно будет увидеть обе компоненты даже при минимальном сближении (2.2"). Атмосфера позволяет получить качество изображения 1". Разрешающую способность глаза считать равной 2'. Объясните каждый свой выбор. Эффектами, связанными с большой разницей звездных величин, пренебречь.

#### Решение.

Разрешающая способность телескопа.

$$\theta = \frac{1.22\lambda}{D}$$

Подставим числа и поймем, что первый телескоп нам не подходит. (2.8'', 1.4'' и 0.7''. Первое больше, чем угловой размер системы)

Разрешающую способность за счет увеличения системы можно записать

$$\Gamma = \frac{2'}{\theta_{sus}}$$

$$\theta_{21} = \frac{120''}{17.5} = 6.85''$$

С таким окуляром систему разрешить глазом не получится.

$$\theta_{22} = \frac{120''}{58} = 2.1''$$

Здесь на пределе возможности.

$$\theta_{31} = \frac{120''}{50} = 2.4''$$

С этим окуляром увидеть не получится.

$$\theta_{32} = \frac{120''}{167} = 0.8''$$

Здесь мы будем видеть систему.

Критерии оценивания	8
Определение разрешающей способности для каждого телескопа	3
Определение максимальных угловых разрешений с окулярами	3
Выволы	9

## 6. Каникулярный прак

10 баллов

На рисунке показано перемещение ярчайшей звезды ночного неба Сириус среди далеких звезд с момента начала наблюдений (годовые параллактические колебания вычтены). На рисунке заметен эффект наличия спутника этой звезды. Оцените массу этого спутника, считая ее существенно меньшей массы самого Сириуса, а орбиту – лежащей в плоскости рисунка.



#### Решение.

Эта задача была на регионе 2016 года, можете прочитать подробный разбор там.

Критерии оценивания 8	
Определение большой полуоси из картинки	
Определение периода	
Определение суммарной массы	
Определение массы белого карлика	

## Комплект 9го класса

## 7. Сферка 1

8 баллов

Зенитное расстояние в верхней кульминации Сириуса равно модулю высоты нижней кульминации звезды. Определите на каких широтах это могло происходить. Рефракцией звезды пренебречь.

#### Решение.

Самый простой способ решения этой задачи - геометрический. ВЫ рисуете два случая верхней кульминации (к югу и к северу от зенита). И два случая нижней кульминации. Заметим, что не для симметричных пар, разница высот остается равной  $90^\circ$ , что возможно только при склонения  $\pm 45^\circ$ , что невозможно для Сириуса. Остаются два симметричных решения с  $\varphi=\pm 45^\circ$ 

Но вы можете решать задачу алгебраически, аккуратно раскрывая все модули и вычеркивая невозможные решения.

Критерии оценивания	8
Определение возможных случаев кульминации	. 2
Определение невозможных сценариев	. 3
Итоговый ответ. Отсутствие в ответе $\pm$	.3

#### 8. Утонет или нет?

8 баллов

Определите плотность Сириуса А, если вам известны его видимая звездная величина, параллакс и температура.

Критерии оценивания	8
Определение абсолютной звездной величины	. 1
Определение светимости звезды	. 2
Определение массы из зависимости масса-светимость	. 2
Определение радиуса из закона Стефана-Больцмана	
Итоговый ответ $725 \text{ кг/м}^3$	1

## 9. Сириус Ав

8 баллов

Предположим, телескоп TESS обнаружил планету вокруг компоненты Сириус А. Про орбиту планеты известно, что угловой размер звезды в перицентре больше, чем угловой размер в апоцентре в три раза. Период обращения планеты составляет 0.5 года. Определите полуось и эксцентриситет орбиты планеты. Определите угол, под которым с планеты будут находится направления на фокусы орбиты в момент, когда скорость планеты будет равна круговой скорости. Гравитационным влиянием второй звезды (белого карлика) пренебречь

Критерии оценивания	8
Определение эксцентриситета $e=0.5\ldots$	. 3
Определение искомой точки на малой полуоси эллипса	. 2
Нахождение угла 60°	. 3

## 10. Притяжение Сириуса

8 баллов

В Солнечной системе случились небольшие потрясения, наклон орбит больших планет к плоскости эклиптики поменялся. Теперь планеты могут покрывать Сириус для земных наблюдателей. Определите для какой из планет солнечной системы будет минимальный наклон плоскости орбиты к эклиптике и чему он будет равен?. Эклиптическая широта Сириуса  $-39.5^{\circ}$ 

#### Решение.

На первом шаге находим/оцениваем эклиптическую широту Сириуса (насколько он ниже эклиптики)  $\approx 40^{\circ}$ .

Для минимальных наклонений, нам нужно, чтобы планета была как можно ближе к Земле. То есть рассматриваем Марс и Венеру

Для Марса (для Венеры аналогично) стоит записать теорему косинусов

$$\Delta^2 = (a_{\text{C}^{\text{T}}}(1-e))^2 + a_{\oplus}^2 + 2a_{\text{C}^{\text{T}}}(1-e)a_{\oplus}cos(i)$$

, где  $\Delta$  - расстояние между Землей и Марсом.

И теорему синусов

$$\frac{\Delta}{\sin i} = \frac{a_{O}(1-e)}{\sin \beta}$$

Отсюда находится i

У Марса угол наклона будет заметно меньше, чем угол наклона для Венеры.

Критерии оценивания	8
Определение или оценка эклиптической широты	1
Запись двух уравнений	
Нахождение углов	2
Запись итогового ответа	1

#### 11. Телескоп на аве, ноль за теор в кармане

8 баллов

Перед вами стоит задача провести визуальные наблюдения за двойной системой Сириус. У вас есть следующий выбор из телескопов.

- D=5 см, относительное отверстие f/5
- D = 10 см, относительное отверстие f/3.5
- ullet D=20 см, фокусное расстояние F=1 метр

И набор окуляров с фокусными расстояниями 20 мм и 6 мм.

Определите, какими телескопами и с какими окулярами можно будет увидеть обе компоненты даже при минимальном сближении (2.2''). Атмосфера позволяет получить качество изображения 1''. Разрешающую способность глаза считать равной 2'. Объясните каждый свой выбор. Эффектами, связанными с большой разницей звездных величин, пренебречь.

#### Решение.

Разрешающая способность телескопа.

$$\theta = \frac{1.22\lambda}{D}$$

Подставим числа и поймем, что первый телескоп нам не подходит. (2.8'', 1.4'' и 0.7''. Первое больше, чем угловой размер системы)

Разрешающую способность за счет увеличения системы можно записать

$$\Gamma = \frac{2'}{\theta_{sys}}$$

$$\theta_{21} = \frac{120''}{17.5} = 6.85''$$

С таким окуляром систему разрешить глазом не получится.

$$\theta_{22} = \frac{120''}{58} = 2.1''$$

Здесь на пределе возможности.

$$\theta_{31} = \frac{120''}{50} = 2.4''$$

С этим окуляром увидеть не получится.

$$\theta_{32} = \frac{120''}{167} = 0.8''$$

Здесь мы будем видеть систему.

Критерии оценивания	8
Определение разрешающей способности для каждого телескопа	. 3
Определение максимальных угловых разрешений с окулярами	. 3
Выводы	. 2

## 12. Каникулярный прак

10 баллов

На рисунке показано перемещение ярчайшей звезды ночного неба Сириус среди далеких звезд с момента начала наблюдений (годовые параллактические колебания вычтены). На рисунке заметен эффект наличия спутника этой звезды. Оцените массу этого спутника, считая ее существенно меньшей массы самого Сириуса, а орбиту – лежащей в плоскости рисунка.



#### Решение.

Эта задача была на регионе 2016 года, можете прочитать подробный разбор там.

Критерии оценивания	8	
Определение большой полуоси из картинки	3	
Определение периода	3	
Определение суммарной массы		
Определение массы белого карлика	2	