

Universidade Federal do Rio de Janeiro

Lista I - Sistemas Lineares I

Alunos	Igor Abreu da Silva
DRE	112053874
Curso	Engenharia Eletrônica
Turma	2016/2
Professor	Natanael Nunes de Moura Junior

Rio de Janeiro, 16 de Setembro de 2016

Conteúdo

1	Questão 1 - Conhecimentos Básicos	1
1.1	Item a	1
1.1.1	Sinal (a)	1
1.1.2	Sinal (b)	1
1.1.3	Sinal (c)	1
1.1.4	Sinal (d)	1
1.2	Item b	2
1.2.1	Sinal (a)	2
1.2.2	Sinal (b)	2
1.2.3	Sinal (c)	2
1.2.4	Sinal (d)	2
1.2.5	Sinal (e)	2
1.3	Item c	3
1.3.1	Sinais (a)	3
1.3.2	Sinais (b)	4
1.3.3	Sinais (c)	4
1.4	Item d	5
1.4.1	Sinais (a)	5
1.4.2	Sinais (b)	5
1.4.3	Sinais (c)	5
1.5	Item e	6
1.5.1	Sinais (a)	6
1.5.2	Sinais (b)	6
1.5.3	Sinais (c)	7
1.5.4	Sinais (d)	7
1.6	Item f	7
1.6.1	Sinais (a)	7
1.6.2	Sinais (b)	8
1.6.3	Sinais (c)	8
1.6.4	Sinais (d)	8
1.6.5	Sinais (e)	8
1.6.6	Sinais (f)	8
1.7	Item g	8
1.7.1	Sinais (a)	8
1.7.2	Sinais (b)	8
1.7.3	Sinais (c)	8
1.7.4	Sinais (d)	8
1.7.5	Sinais (e)	8
1.7.6	Sinais (f)	9

1.7.7	Sinais (g)	9
1.7.8	Sinais (h)	9
1.8	Item h	9
1.8.1	Sinais (a)	9
1.8.2	Sinais (b)	9
1.8.3	Sinais (c)	9
1.8.4	Sinais (d)	9
1.8.5	Sinais (e)	9
1.8.6	Sinais (f)	9
1.9	Item i	10
1.9.1	Sinais (a)	10
1.9.2	Sinais (b)	10
1.10	Item j	10
1.10.1	Sinais (a)	10
1.10.2	Sinais (b)	10
1.10.3	Sinais (c)	10
1.10.4	Sinais (d)	11
1.10.5	Sinais (e)	11
1.10.6	Sinais (f)	11
1.10.7	Sinais (g)	11
1.10.8	Sinais (h)	12
1.11	Item k	12
1.11.1	Sinais (a)	12
1.11.2	Sinais (b)	12
1.11.3	Sinais (c)	12
1.11.4	Sinais (d)	12
1.11.5	Sinais (e)	12
1.11.6	Sinais (f)	13
1.12	Item l	13
1.13	Item m	13
1.13.1	Sinais (a)	13
1.13.2	Sinais (b)	13
1.13.3	Sinais (c)	13
1.13.4	Sinais (d)	14
1.13.5	Sinais (e)	14
1.14	Item n	14

2	Questão 2 - Conhecimentos Básicos	15
2.1	Item a	15
2.1.1	Sinais (a)	15
2.1.2	Sinais (b)	15

2.1.3	Sinais (c)	15
2.1.4	Sinais (d)	15
2.1.5	Sinais (e)	15
2.2	Item b	15
2.2.1	Sinais (a)	15
2.2.2	Sinais (b)	15
2.3	Item c	15
2.3.1	Sinais (a)	15
2.3.2	Sinais (b)	16
2.3.3	Sinais (c)	16
2.3.4	Sinais (d)	16
2.4	Item d	16
2.4.1	Sinais (a)	16
2.4.2	Sinais (b)	16
2.4.3	Sinais (c)	16
2.5	Item e	16
2.6	Item f	17
2.7	Item g	17
2.7.1	Sinais (a)	17
2.7.2	Sinais (b)	18
2.7.3	Sinais (c)	18
2.7.4	Sinais (d)	19
2.7.5	Sinais (e)	19
2.7.6	Sinais (f)	20
3	Questão 3 - Conhecimentos Básicos	20
3.1	Item a	20
3.2	Item b	20
3.3	Item c	20
3.4	Item d	20
3.5	Item e	21
4	Questão 4 - Conhecimentos Básicos	21
4.1	Item a	21
4.2	Item b	21
4.3	Item c	22
5	Questão 5 - Classificação de Sinais	22
5.1	Item a	22
5.2	Item b	22
5.3	Item c	22

5.4	Item d	22
5.5	Item e	22
6	Questão 6 - Classificação de Sistemas	23
6.1	Item a	23
6.2	Item b	23
6.3	Item c	23
7	Questão 7 - Classificação de Sistemas	23
7.1	Item a	23
7.2	Item b	23
8	Questão 8 - Energia e Potência de Sinais	23
8.1	Item a	23
8.2	Item b	24
9	Questão 9 - Operação com Sinais	24
9.1	Item a	25
9.2	Item b	25
9.3	Item c	26
9.4	Item d	26
10	Questão 10 - Operação com Sinais	26
10.1	Item a	26
10.2	Item b	27

Lista de Figuras

1	Sinais utilizados no Item A	1
2	Sinais utilizados no Item B	2
3	Sinais utilizados no Item C	3
4	Sinais utilizados no Item D	5
5	Circuito 1	14
6	Questao 4 - Item A	21
7	Questao 4 - Item B	21
8	Questao 4 - Item C	22

1 Questão 1 - Conhecimentos Básicos

1.1 Item a

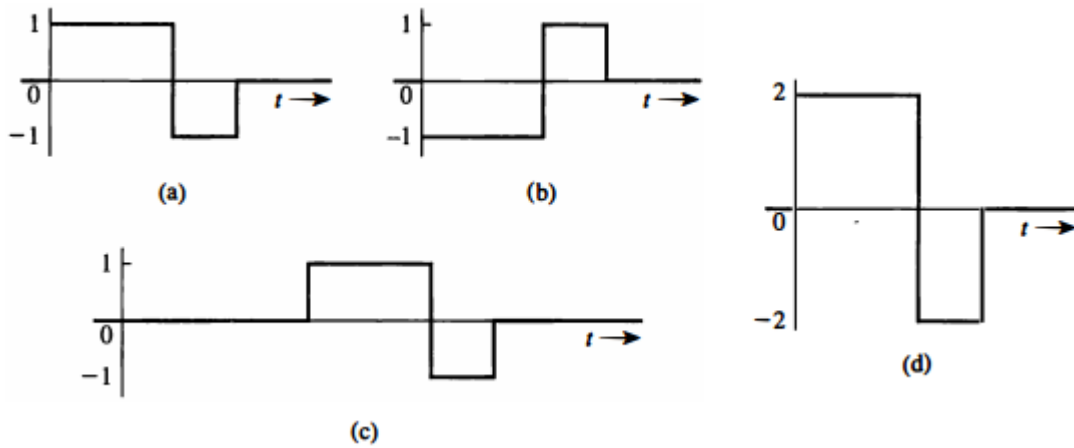


Figura 1: Sinais utilizados no Item A

Analisando os resultados, percebe-se que a inversão ou o deslocamento não alteram a energia do sinal, entretanto, a multiplicação por um fator k altera o sinal em k^2 .

1.1.1 Sinal (a)

$$\int_0^2 1^2 dx + \int_2^3 -1^2 dx \Rightarrow \int_0^2 dx + \int_2^3 dx = 3$$

1.1.2 Sinal (b)

$$\int_0^2 -1^2 dx + \int_2^3 1^2 dx \Rightarrow \int_0^2 dx + \int_2^3 dx = 3$$

1.1.3 Sinal (c)

$$\int_3^5 1^2 dx + \int_5^6 -1^2 dx \Rightarrow \int_3^5 dx + \int_5^6 dx = 3$$

1.1.4 Sinal (d)

$$\int_0^2 2^2 dx + \int_2^3 -2^2 dx \Rightarrow \int_0^2 4 dx + \int_2^3 4 dx = 12$$

1.2 Item b

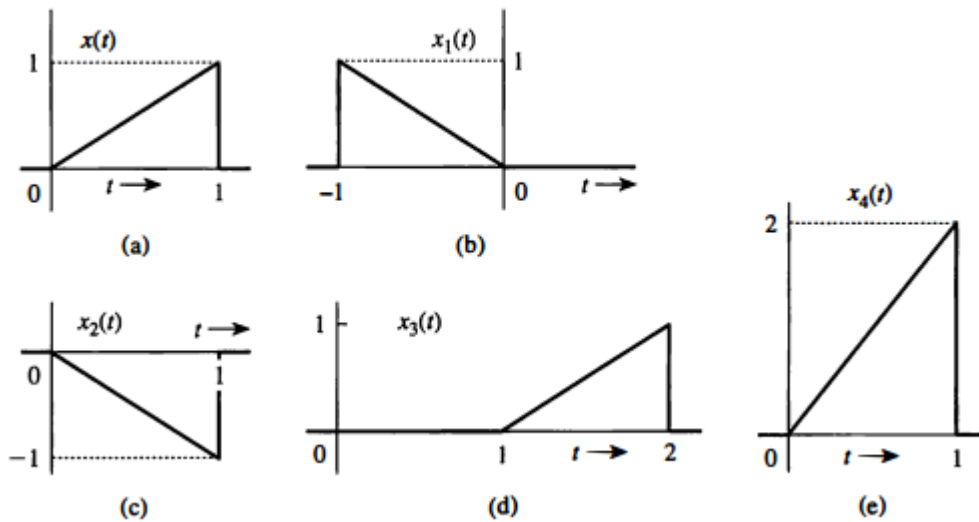


Figura 2: Sinais utilizados no Item B

Repete-se o que ocorre no Item(a)

1.2.1 Sinal (a)

$$\int_0^1 x^2 dx = \frac{1}{3}$$

1.2.2 Sinal (b)

$$\int_{-1}^0 (-x)^2 dx = \frac{1}{3}$$

1.2.3 Sinal (c)

$$\int_0^1 (-x)^2 dx = \frac{1}{3}$$

1.2.4 Sinal (d)

$$\int_1^2 (x-1)^2 dx \Rightarrow \int_1^2 (x^2 - 2x + 1) dx = \frac{8}{3} - \frac{1}{3} - 4 + 1 + 2 - 1 = \frac{1}{3}$$

1.2.5 Sinal (e)

$$\int_0^1 (2x)^2 dx = \frac{4}{3}$$

1.3 Item c

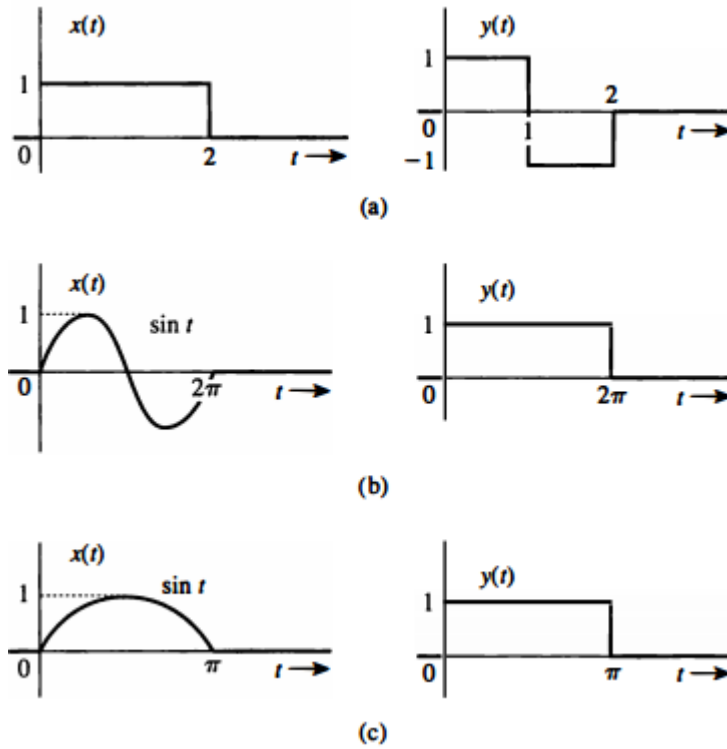


Figura 3: Sinais utilizados no Item C

Percebe-se que nos Sinais "a" e "b" a energia de $x+y$ é igual a energia de x e y somadas, assim com, $x-y$ é a energia de "a" e "b" subtraída, entretanto, não podemos assumir isso como verdade pois nos Sinais "c" não existe tal relação.

1.3.1 Sinais (a)

$$E_x = \int_0^2 1^2 dx = 2$$

$$E_y = \int_0^1 1^2 dx + \int_1^2 -1^2 dx \Rightarrow 1 + 1 = 2$$

$$E_{x+y} = \int_0^1 2^2 dx = 4$$

$$E_{x-y} = \int_1^2 -2^2 dx = 4$$

1.3.2 Sinais (b)

$$E_x = \int_0^{2\pi} \sin^2(x) dx \Rightarrow \int_0^{2\pi} \frac{1 - \cos(2x)}{2} \Rightarrow \frac{1}{2} \int_0^{2\pi} 1 dx - \frac{1}{2} \int_0^{2\pi} \cos(2x) dx = \pi + 0 = \pi$$

$$E_y = \int_0^{2\pi} 1^2 dx = 2\pi$$

$$E_{x+y} = \int_0^{2\pi} (\sin(x) + 1)^2 dx \Rightarrow \int_0^{2\pi} \frac{1 - \cos(2x)}{2} + 2\sin(x) + 1 \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2} \int_0^{2\pi} 1 dx - \frac{1}{2} \int_0^{2\pi} \cos(2x) dx + 2 \int_0^{2\pi} \sin(x) dx + \int_0^{2\pi} 1 dx = \pi + 0 + 0 + 2\pi = 3\pi$$

$$E_{x-y} = \int_0^{2\pi} (\sin(x) - 1)^2 dx \Rightarrow \int_0^{2\pi} \frac{1 - \cos(2x)}{2} - 2\sin(x) + 1 \Rightarrow$$

$$\frac{1}{2} \int_0^{2\pi} 1 dx - \frac{1}{2} \int_0^{2\pi} \cos(2x) dx - 2 \int_0^{2\pi} \sin(x) dx + \int_0^{2\pi} 1 dx = \pi + 0 + 0 + 2\pi = 3\pi$$

1.3.3 Sinais (c)

$$E_x = \int_0^{\pi} \sin^2(x) dx \Rightarrow \int_0^{\pi} \frac{1 - \cos(2x)}{2} = \frac{\pi}{2} + 0 = \frac{\pi}{2}$$

$$E_y = \int_0^{\pi} 1^2 dx = \pi$$

$$E_{x+y} = \int_0^{\pi} (\sin(x) + 1)^2 dx \Rightarrow \int_0^{\pi} \frac{1 - \cos(2x)}{2} + 2\sin(x) + \int_0^{\pi} 1 dx = \frac{\pi}{2} + 4 + \pi = \frac{3\pi}{2} + 4$$

$$E_{x-y} = \int_0^{\pi} (\sin(x) - 1)^2 dx \Rightarrow \int_0^{\pi} \frac{1 - \cos(2x)}{2} - 2\sin(x) + \int_0^{\pi} 1 dx = \frac{\pi}{2} - 4 + \pi = \frac{3\pi}{2} - 4$$

1.4 Item d

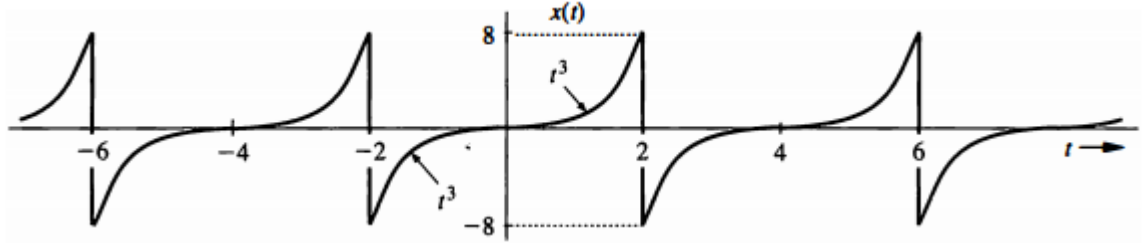


Figura 4: Sinais utilizados no Item D

$$P(x) = \frac{1}{4} \int_{-2}^2 (x^3)^2 dx = \frac{64}{7}$$

Percebe-se, que a inversão do sinal não altera a potência, entretanto a multiplicação por um escalar C , altera a potência em C^2 , um comportamento igual ao já provado no cálculo de energia.

1.4.1 Sinais (a)

$$P(-x) = \frac{1}{4} \int_{-2}^2 (-x^3)^2 dx = \frac{64}{7}$$

1.4.2 Sinais (b)

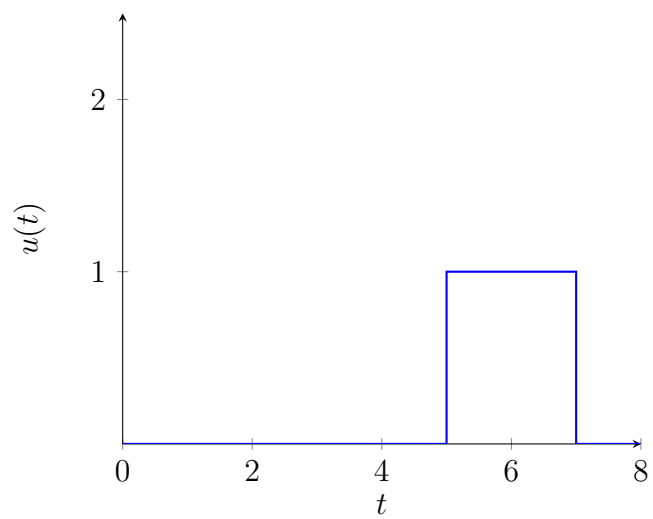
$$P(2x) = \frac{1}{4} \int_{-2}^2 (2x^3)^2 dx = \frac{256}{7}$$

1.4.3 Sinais (c)

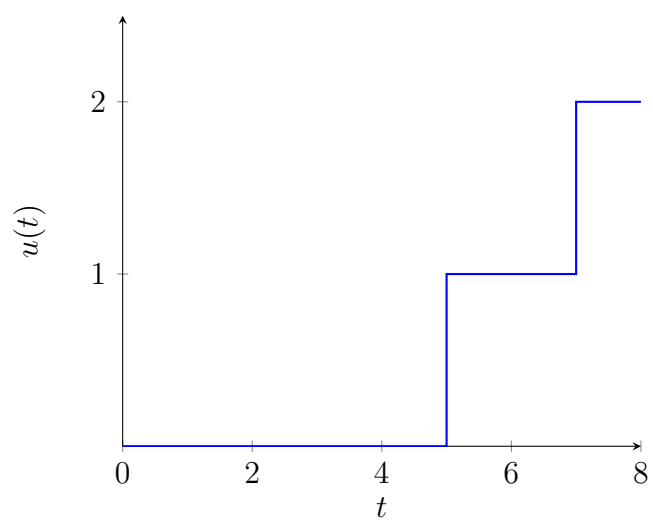
$$P(Cx) = \frac{1}{4} \int_{-2}^2 (Cx^3)^2 dx = \frac{64C^2}{7}$$

1.5 Item e

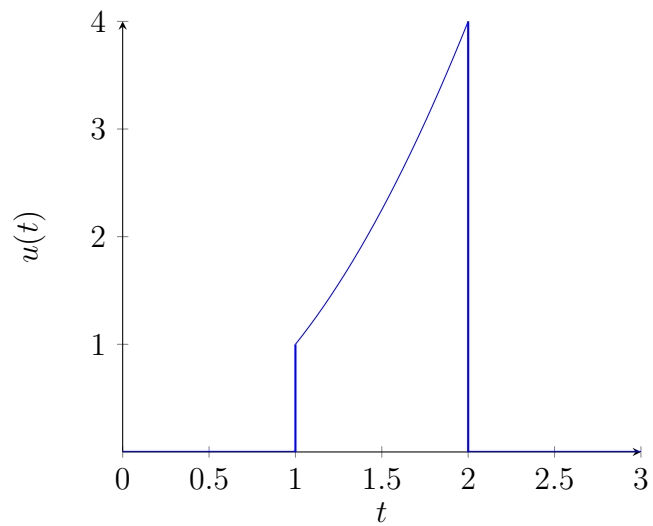
1.5.1 Sinais (a)



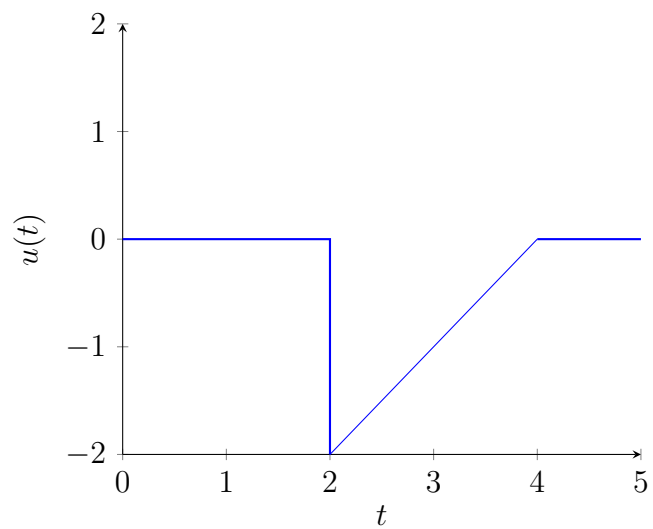
1.5.2 Sinais (b)



1.5.3 Sinais (c)



1.5.4 Sinais (d)



1.6 Item f

1.6.1 Sinais (a)

Impulso unitário em $\sin(0) = 0$

1.6.2 Sinais (b)

$$\frac{2}{9}\delta(\omega)$$

1.6.3 Sinais (c)

$$1(\cos(-60)) = \frac{1}{2}\delta(t)$$

1.6.4 Sinais (d)

$$\frac{\sin(\frac{-\pi}{2})}{(1)^2+4} = \frac{-1}{5}\delta(1-t)$$

1.6.5 Sinais (e)

Substituindo-se $\omega + 3$ em ω , teremos: $\frac{1}{-3j+2}\delta(\omega + 3)$

1.6.6 Sinais (f)

Usando L'hôpital em $\frac{\sin(k\omega)}{\omega}$, temos: $k\cos(k\omega)$ que com $\omega = 0$ temos: $k\delta(\omega)$

1.7 Item g

1.7.1 Sinais (a)

Como o impulso é localizado em $\tau = t$, nesse caso temos $x(\tau) = x(t)$ logo, essa integral é igual a $x(t)$.

1.7.2 Sinais (b)

Em $\delta(\tau)$ o impulso é realizado em $\tau = 0$, sendo $\tau = 0$, temos o resultado $= x(t)$.

1.7.3 Sinais (c)

O impulso ocorre em $t=0$ nesta caso temos $e^0 = 1$.

1.7.4 Sinais (d)

O impulso ocorre em $t = 0$, logo $\sin(3\pi) = 0$.

1.7.5 Sinais (e)

O impulso ocorre em $t = -3$, logo o resultado será e^3 .

1.7.6 Sinais (f)

O impulso ocorre em $t = 1$, logo o resultado sera $1^3 + 4 = 5$.

1.7.7 Sinais (g)

O impulso ocorre em $t = 3$, logo o resultado sera $x(2 - 3) = x(-1)$.

1.7.8 Sinais (h)

O impulso ocorre quando $t = 3$, logo o resultado sera $e^{3-1}\cos(-\pi) = -e^2$.

1.8 Item h

1.8.1 Sinais (a)

$\cos(\omega t) = \frac{e^{\alpha t + j\omega t} + e^{\alpha t - j\omega t}}{2}$, $\alpha = 0$ pois a função é uma senoide e $\omega = 3$, sabendo-se que $s = \alpha + j\omega$ temos: $s_1 = j3$ e $s_2 = -j3$

1.8.2 Sinais (b)

Nesse caso, temos $\alpha = -3$ e $\omega = 3$, logo $s_1 = -3 + j3$ e $s_2 = -3 - j3$

1.8.3 Sinais (c)

Nesse caso, temos $\alpha = 2$ e $\omega = 3$, logo $s_1 = 2 + j3$ e $s_2 = 2 - j3$

1.8.4 Sinais (d)

Nesse caso, temos $\alpha = -2$ e $\omega = 0$, logo $s = -2$

1.8.5 Sinais (e)

Nesse caso, temos $\alpha = 2$ e $\omega = 0$, logo $s = 2$

1.8.6 Sinais (f)

Nesse caso, temos $\alpha = 0$ e $\omega = 0$, logo ke^0 tendo $k = 5$

1.9 Item i

1.9.1 Sinais (a)

Pode se dizer que $x(t)_{par} = \frac{x(t)}{2} + \frac{x(-t)}{2}$ e $x(t)_{impar} = \frac{x(t)}{2} - \frac{x(-t)}{2}$, logo $\int_{-\infty}^{\infty} [\frac{x(t)}{2} + \frac{x(-t)}{2}][\frac{x(t)}{2} - \frac{x(-t)}{2}] = \int_{-\infty}^{\infty} (\frac{x(t)}{2})^2 - (\frac{x(-t)}{2})^2$ como o modulo de $x(t)$ é igual ao modulo de $x(-t)$ essa integral resultara em 0.

1.9.2 Sinais (b)

Pode se dizer que $x(t)_{par} = \frac{x(t)}{2} + \frac{x(-t)}{2}$, logo $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x(t)}{2} + \frac{x(-t)}{2}$ como $x(t) = x(-t) \int_{-\infty}^{\infty} x(t)$.

1.10 Item j

1.10.1 Sinais (a)

$$x_1(t) \Rightarrow ay_1'(t) + 2ay_1(t) = ax_1^2(t)$$

$$x_2(t) \Rightarrow by_2'(t) + 2by_2(t) = bx_2^2(t)$$

$x_3(t) \Rightarrow y_3'(t) + 2y_3(t) = x_3^2(t) \Rightarrow (ax_1(t) + bx_2(t))^2 \Rightarrow a^2x_1^2(t) + 2abx_1(t)x_2(t) + b^2x_2^2(t)$
 $a^2x_1^2(t) + 2abx_1(t)x_2(t) + b^2x_2^2(t)$ não é igual à $ax_1^2(t) + bx_2^2(t)$, logo o sistema não é linear.

1.10.2 Sinais (b)

$$x_1(t) \Rightarrow ay_1'(t) + 3aty_1(t) = ax_1t^2(t)$$

$$x_2(t) \Rightarrow by_2'(t) + 3bt y_2(t) = bx_2t^2(t)$$

$$x_3(t) \Rightarrow y_3'(t) + 3ty_3(t) = x_3t^2(t) \Rightarrow (ax_1(t) + bx_2(t))t^2$$

$(ax_1(t) + bx_2(t))t^2$ é igual à $ax_1t^2(t) + bx_2t^2(t)$, logo o sistema é linear

1.10.3 Sinais (c)

$$x_1(t) \Rightarrow a3y_1(t) + 2 = ax_1(t)$$

$$x_2(t) \Rightarrow b3y_2(t) + 2 = bx_2(t)$$

$$x_3(t) \Rightarrow y_3(t) + 2 = x_3(t) \Rightarrow [a3y_1(t) + b3y_2(t)] + 2 = [ax_1(t) + bx_2(t)]$$

isso é diferente de $a3y_1(t) + b3y_2(t) + 4 = [ax_1(t) + bx_2(t)]$ logo não é linear

1.10.4 Sinais (d)

$$x_1(t) \Rightarrow ay_1'(t) + ay_1^2(t) = ax_1(t)$$

$$x_2(t) \Rightarrow by_2'(t) + by_2^2(t) = bx_2(t)$$

$$x_3(t) \Rightarrow y_3'(t) + y_3^2(t) = x_3(t) \Rightarrow [ay_1'(t) + by_2'(t)] + [ay_1(t) + by_2(t)]^2 = [ax_1(t) + bx_2(t)]$$

, o valor quadrático gerará um termo que fara com que esse sistema não seja linear.

1.10.5 Sinais (e)

$$x_1(t) \Rightarrow ay_1'^2(t) + 2ay_1(t) = ax_1(t)$$

$$x_2(t) \Rightarrow by_2'^2(t) + 2by_2(t) = bx_2(t)$$

$$x_3(t) \Rightarrow y_3'^2(t) + 2y_3(t) = x_3(t) \Rightarrow [ay_1'(t) + by_2'(t)]^2 + 2[ay_1(t) + by_2(t)] = [ax_1(t) + bx_2(t)]$$

o valor quadrático gerará um termo que fara com que esse sistema não seja linear.

1.10.6 Sinais (f)

$$x_1(t) \Rightarrow ay_1'(t) + a\sin(t)y_1(t) = ax_1'(t) + 2ax_1(t)$$

$$x_2(t) \Rightarrow by_2'(t) + b\sin(t)y_2(t) = bx_2'(t) + 2bx_2(t)$$

$$x_3(t) \Rightarrow y_3'(t) + \sin(t)y_3(t) = x_3'(t) + 2x_3(t) \Rightarrow$$

$$[ay_1'(t) + by_2'(t)] + \sin(t)[ay_1(t) + by_2(t)] = [ax_1'(t) + bx_2'(t)] + 2[ax_1(t) + bx_2(t)]$$

. O sistema é linear.

1.10.7 Sinais (g)

$$x_1(t) \Rightarrow ay_1'(t) + 2ay_1(t) = ax_1(t)x_1'(t)$$

$$x_2(t) \Rightarrow by_2'(t) + 2by_2(t) = bx_2(t)x_2'(t)$$

$$x_3(t) \Rightarrow y_3'(t) + 2y_3(t) = x_3(t)x_3'(t) \Rightarrow [ay_1'(t) + by_2'(t)] + 2[ay_1(t) + by_2(t)] = [ax_1(t) + bx_2(t)][x_1'(t) + x_2'(t)]$$

. A multiplicação cruzada do ultimo termo gerará um valor tal que o sistema não será linear.

1.10.8 Sinais (h)

$$x_1(t) \Rightarrow ay_1(t) = \int_{-\infty}^t x_1(\tau) d\tau$$

$$x_2(t) \Rightarrow by_2(t) = \int_{-\infty}^t x_2(\tau) d\tau$$

$$x_3(t) \Rightarrow y_3(t) = \int_{-\infty}^t x_3(\tau) d\tau \Rightarrow [ay_1(t) + by_2(t)] = \int_{-\infty}^t [x_1(\tau) + x_2(\tau)] d\tau$$

. O Sistema é linear.

1.11 Item k

1.11.1 Sinais (a)

$y_1(t) = x_1(t - 2)$ considerando $x_2(t) = x_1(t - 2 - t_0)$, temos: $y_2(t) = x_2(t) = x_1(t - 2 - t_0)$. $y_1(t - t_0) = x_1(t - 2 - t_0)$, logo pode-se concluir que $y_2(t) = y_1(t - t_0)$ com isso o sistema é invariante no tempo.

1.11.2 Sinais (b)

$y_1(t) = x_1(-t)$, considerando $x_2(t) = x_1(-t - t_0)$, temos: $y_2(t) = x_2(-t) = x_1(-(-t) - t_0) = x_1(t - t_0)$, logo $y_1(-t - t_0) = x_1(t + t_0)$. O sistema é variante com o tempo.

1.11.3 Sinais (c)

$y_1(t) = x_1(at)$, considerando $x_2(at) = x_1(at - t_0)$, temos: $y_2(t) = x_2(at) = x_1(at - t_0)$, logo $y_1(at - t_0) = x_1(a(at + t_0))$. O sistema é variante com o tempo.

1.11.4 Sinais (d)

$y_1(t) = tx_1(t - 2)$ considerando $x_2(t) = x_1(t - 2 - t_0)$, temos: $y_2(t) = tx_2(t) = tx_1(t - 2 - t_0)$. $y_1(t - t_0) = (t - t_0)x_1(t - 2 - t_0)$, logo pode-se concluir que é variante no tempo.

1.11.5 Sinais (e)

$y_1(t) = \int_{-5}^5 x_1(\tau) d\tau$ considerando $x_2(\tau) = x_1(\tau - t_0)$, temos: $y_2(t) = \int_{-5}^5 x_2(\tau) d\tau = \int_{-5}^5 x_1(\tau - t_0) d\tau$. $y_1(\tau - t_0) = \int_{-5}^5 x_1(\tau - t_0) d\tau$, logo pode-se concluir que é invariante no tempo.

1.11.6 Sinais (f)

$y_1(t) = x_1'^2(t)$ considerando $x_2(t) = x_1(t - t_0)$, temos: $y_2(t) = x_2'^2(t) = x_1'^2(t - t_0)$. $y_1(t - t_0) = x_1'^2(t - t_0)$, logo pode-se concluir que é invariante no tempo.

1.12 Item l

$$y_1 = \frac{x_1^2(t)}{x_1'(t)}$$

$$y_2 = \frac{x_2^2(t)}{x_2'(t)}$$

$$y_3 = \frac{x_3^2(t)}{x_3'(t)} \Rightarrow [y_1 + y_2] = \frac{(x_1(t) + x_2(t))^2}{x_1'(t) + x_2'(t)}$$

não é aditiva.

$$ay_1 = \frac{(ax_1)^2(t)}{ax_1'(t)} \Rightarrow y_1 = a\left[\frac{(x_1)^2(t)}{x_1'(t)}\right] = ay_1$$

é homogênea.

1.13 Item m

Pode-se reorganizar essa funcao da seguinte forma: $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x(\tau)\delta(t-\tau)}{2} - \frac{x(\tau)\delta(t+\tau)}{2}$
ou seja, $\frac{x(t)-x(-t)}{2}$.

1.13.1 Sinais (a)

E um sistema que extra a parte impar do sinal.

1.13.2 Sinais (b)

O sistema é BIBO estável.

1.13.3 Sinais (c)

$$y_1(t) \Rightarrow ay_1(t) = \frac{ax_1(t) - ax_1(-t)}{2}$$

$$y_2(t) \Rightarrow by_2(t) = \frac{bx_2(t) - bx_2(-t)}{2}$$

$$y_3(t) \Rightarrow y_3(t) = \frac{[ax_1(t) + bx_2(t)] - [ax_1(-t) + bx_2(-t)]}{2}$$

é linear.

1.13.4 Sinais (d)

Não, no instante t ele precisa conhecer o $-t$.

1.13.5 Sinais (e)

Não, pois ele pode depender de valores no futuro. p.e: quando $t = -10$ ele precisará conhecer o instante $t = 10$

1.14 Item n

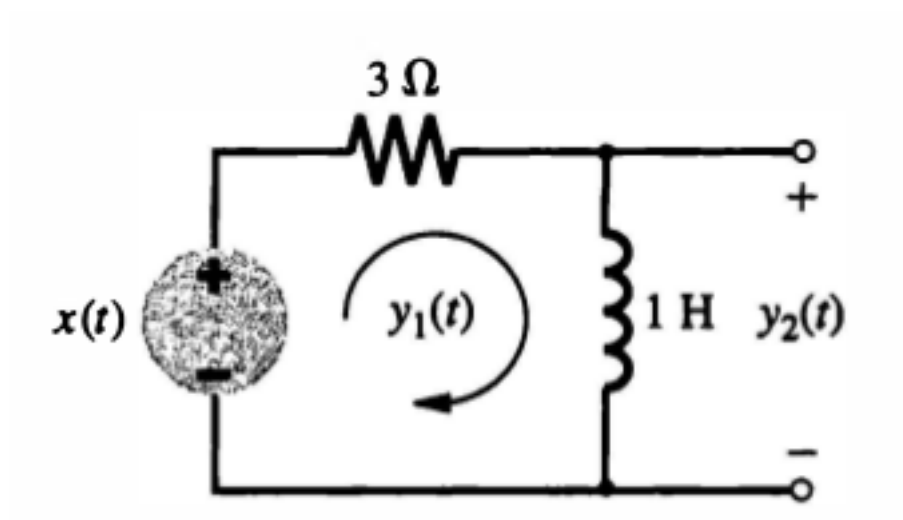


Figura 5: Circuito 1

$$x(t) = y_1'(t) + 3y_1(t)$$

2 Questão 2 - Conhecimentos Básicos

2.1 Item a

2.1.1 Sinais (a)

$$n < 1 \text{ e } n > 7$$

2.1.2 Sinais (b)

$$n < -6 \text{ e } n > 0$$

2.1.3 Sinais (c)

$$n > 2 \text{ e } n < -4$$

2.1.4 Sinais (d)

$$n > 4 \text{ e } n < -2$$

2.1.5 Sinais (e)

$$n > 0 \text{ e } n < -6$$

2.2 Item b

2.2.1 Sinais (a)

Não é periodico pois como é multiplicado por um degrau é 0 para todo o valor menor que 0.

2.2.2 Sinais (b)

Esse sinal é 1 para todo o dominio, logo é periodico com periodo = 1.

2.3 Item c

2.3.1 Sinais (a)

$$2A^{0t} \cos(0t + \pi)$$

2.3.2 Sinais (b)

$\sqrt{2}[\cos(\frac{\pi}{4}) + j\sin(\frac{\pi}{4})]\cos(3t + 2\pi)$ removendo a parte imaginária composta por seno e fazendo as devidas substituições, temos: $\sqrt{2}\frac{1}{\sqrt{2}}e^0\cos(3t + 2\pi)$ como cosseno é periódico em 2π , o resultado é: $e^0\cos(3t)$

2.3.3 Sinais (c)

$$e^{-1t}\cos(3t + \frac{\pi}{2})$$

2.3.4 Sinais (d)

Por essa exponencial ter um "j" multiplicando, sabe-se que é um seno, sabe-se também que $e^{(a+jw)t} = e^{at}\cos(wt + \phi)$, logo $e^{-2t}\cos(100t + \frac{\pi}{2})$

2.4 Item d

sabe-se que $T = \frac{2\pi}{\omega}$

2.4.1 Sinais (a)

$\omega = 10$, logo é periódico e o período fundamental é: $T = \frac{2\pi}{10} = \frac{\pi}{5}$

2.4.2 Sinais (b)

$\omega = 1$, seria periódico e o período fundamental é: $T = \frac{2\pi}{1} = 2\pi$, entretanto a multiplicação de α por -1 faz com que se transforme em uma exponencial decrescente.

2.4.3 Sinais (c)

$\omega = 7\pi n$, logo é periódico e o período fundamental é: $T = \frac{2\pi}{7\pi n} = \frac{2}{7n}$

2.5 Item e

O período da primeira parte da função é $T = \frac{2\pi}{10} = \frac{\pi}{5}$, na segunda função temos: $T = \frac{2\pi}{4} = \frac{\pi}{2}$. Logo a soma das funções será periódica com período igual a MMC dos períodos que é π

2.6 Item f

$$t < -2 = 0$$

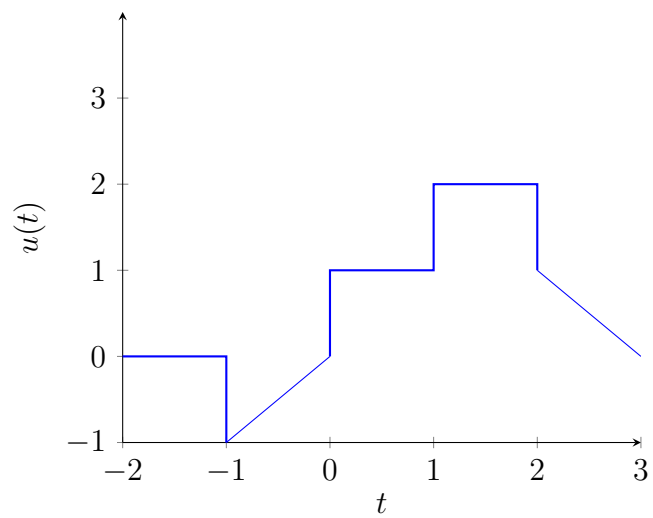
$$t > 2 = 0$$

$$-2 \leq t \leq 2, = 1$$

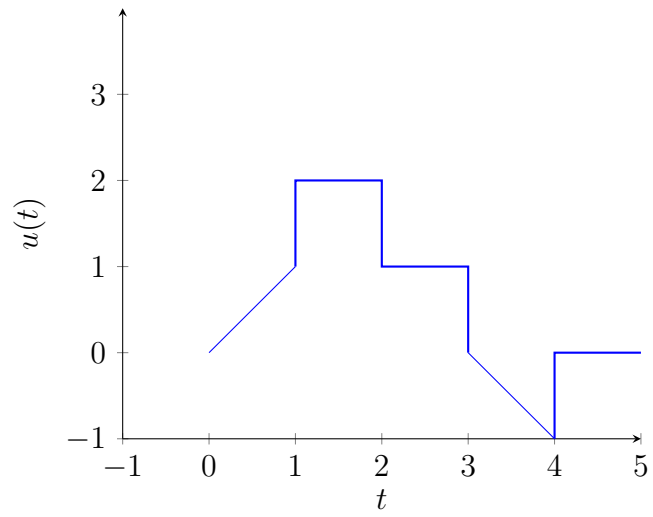
$$E = \int_{-2}^2 dt = 4$$

2.7 Item g

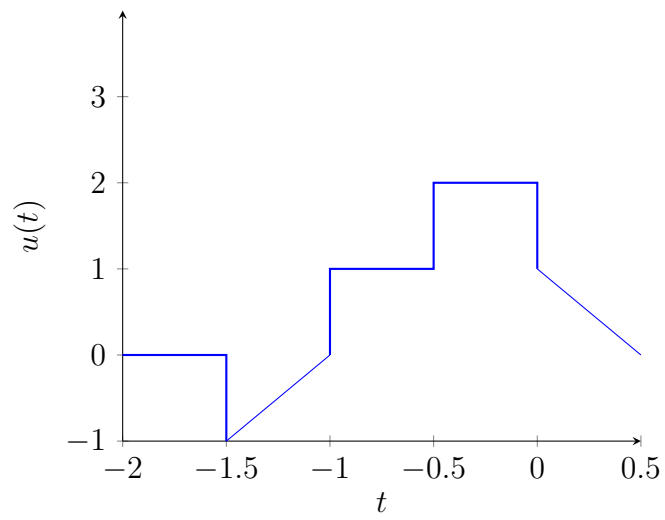
2.7.1 Sinais (a)



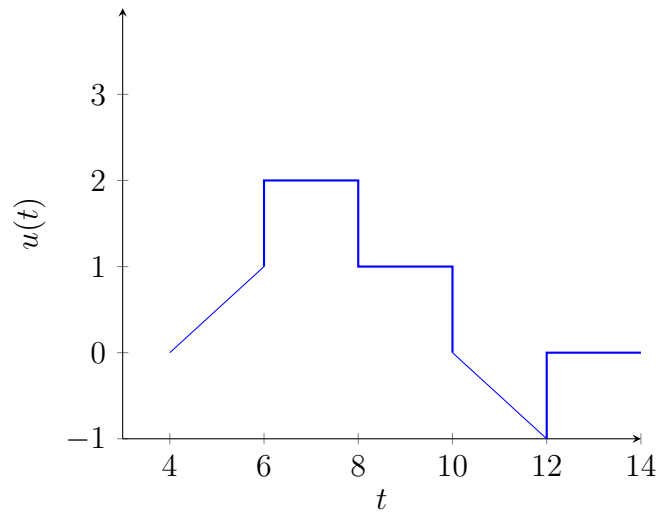
2.7.2 Sinais (b)



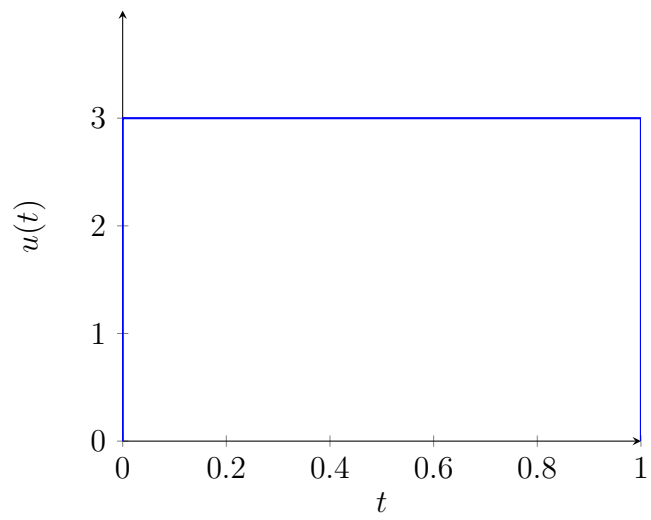
2.7.3 Sinais (c)



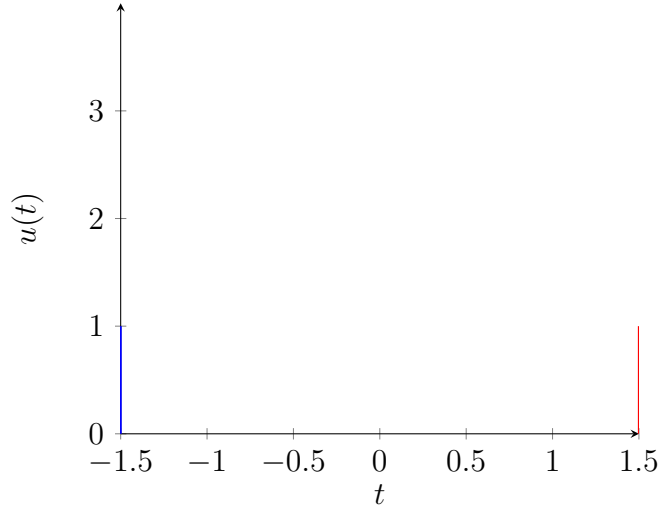
2.7.4 Sinais (d)



2.7.5 Sinais (e)



2.7.6 Sinais (f)



3 Questão 3 - Conhecimentos Básicos

Equação de Euler $e^{j\theta} = \cos(\theta) + j\sin(\theta)$

3.1 Item a

$$|a|e^{j\phi_a} = |a|[\cos(\phi_a) + j\sin(\phi_a)] = |a|\cos(\phi_a) + |a|j\sin(\phi_a)$$

3.2 Item b

$|a|e^{-j\phi_a} = |a|[\cos(-\phi_a) + j\sin(-\phi_a)]$ pelas propriedades de funções pares e ímpares temos: $|a|\cos(\phi_a) - |a|j\sin(\phi_a)$

3.3 Item c

Somando os dois itens anteriores, temos $e^{j\phi_a} + e^{-j\phi_a} = 2\cos(\phi_a)$, logo $\cos(\phi_a) = \frac{e^{j\phi_a} + e^{-j\phi_a}}{2}$

3.4 Item d

Subtraindo o item a e o item b, temos $e^{j\phi_a} - e^{-j\phi_a} = 2j\sin(\phi_a)$, logo $\sin(\phi_a) = \frac{e^{j\phi_a} - e^{-j\phi_a}}{2j}$

3.5 Item e

Sabe-se que $\cos^2(\phi) = \frac{1}{2}(e^{j\phi_a} + e^{-j\phi_a})^2 = \frac{1}{2}(e^{2j\phi_a} + 1 + e^{-2j\phi_a}) = \frac{1+\cos(2\phi)}{2}$

4 Questão 4 - Conhecimentos Básicos

4.1 Item a

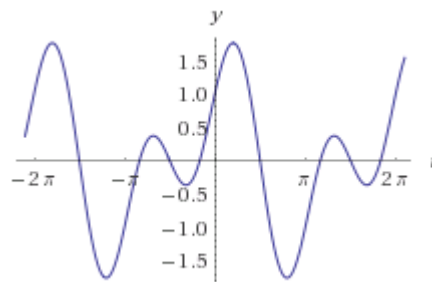


Figura 6: Questao 4 - Item A

4.2 Item b

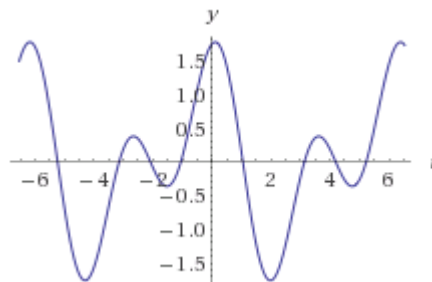


Figura 7: Questao 4 - Item B

4.3 Item c

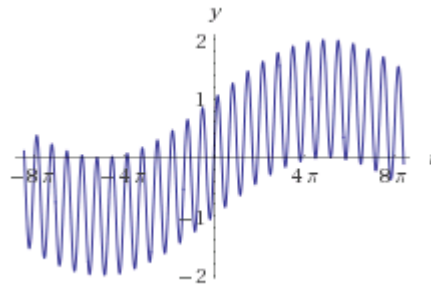


Figura 8: Questao 4 - Item C

5 Questão 5 - Classificação de Sinais

5.1 Item a

Digital, contínuo, periódico, determinístico

5.2 Item b

Digital, contínuo, periódico, determinístico

5.3 Item c

Digital, discreto, periódico, determinístico

5.4 Item d

Digital, discreto, não periódico, determinístico

5.5 Item e

Analógico, contínuo, periódico, determinístico

6 Questão 6 - Classificação de Sistemas

6.1 Item a

$$\begin{aligned} ay_1'(t) + a \sin(t)y_1(t) &= af_1'(t) + 2af_1(t) \\ by_2'(t) + b \sin(t)y_2(t) &= bf_2'(t) + 2bf_2(t) \\ y_3'(t) + \sin(t)y_3(t) &\Rightarrow f_3'(t) + 2f_3(t) = [ay_1'(t) + by_2'(t)] + \sin(t)[ay_1(t) + by_2(t)] = \\ &[af_1'(t) + bf_2'(t)] + 2[af_1(t) + bf_2(t)] \end{aligned}$$

É linear.

6.2 Item b

$$\begin{aligned} ay_1'(t) + ay_1^2(t) &= af_1(t) \\ by_2'(t) + by_2^2(t) &= bf_2(t) \\ y_3'(t) + y_3^2(t) = f_3(t) &\Rightarrow [ay_1' + [by_2']] + [ay_1(t) + by_2(t)]^2 = [af_1(t) + bf_2(t)] \end{aligned}$$

Não é linear.

6.3 Item c

$$\begin{aligned} ay_1'(t) + 3aty_1(t) &= at^2f_1(t) \\ by_2'(t) + 3bt y_2(t) &= bt^2f_2(t) \\ y_3'(t) + 3ty_3(t) = t^2f_3(t) &\Rightarrow [ay_1'(t) + by_2'(t)] + 3t[ay_1(t) + by_2(t)] = t^2[af_1(t) + bf_2(t)] \end{aligned}$$

É linear.

7 Questão 7 - Classificação de Sistemas

7.1 Item a

7.2 Item b

8 Questão 8 - Energia e Potência de Sinais

8.1 Item a

A energia pode ser calculada como :

$$\int_{-\infty}^{-4} dt = 0$$

$$\int_{-4}^{\infty} dt = 0$$

$$\int_{-2}^2 dt = 0$$

$$\int_{-4}^{-2} dt = 2$$

$$\int_2^4 dt = 2$$

Logo a energia é: $2 + 2 = 4$

8.2 Item b

A energia pode ser calculada como :

$$\int_{-\infty}^{-4} dt = 0$$

$$\int_{-4}^{\infty} dt = 0$$

$$\int_{-2}^2 dt = 0$$

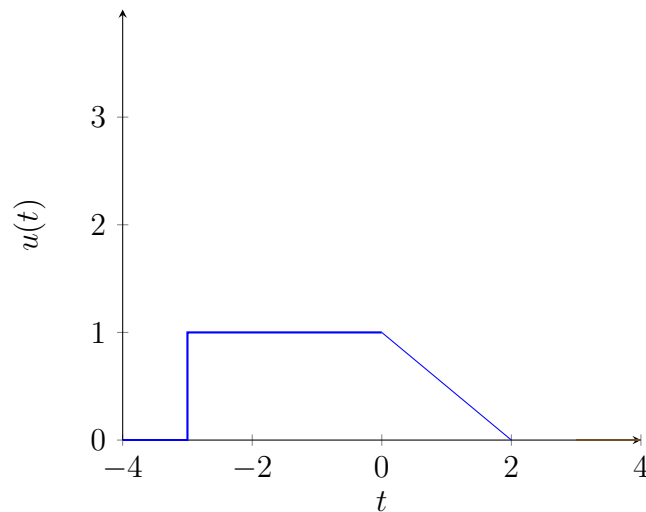
$$\int_{-4}^{-3} \left(\frac{-x}{2} - 1\right)^2 dt = \frac{7}{12}$$

$$\int_{-3}^{-2} \left(\frac{x-1}{2}\right)^2 dt = \frac{37}{12}$$

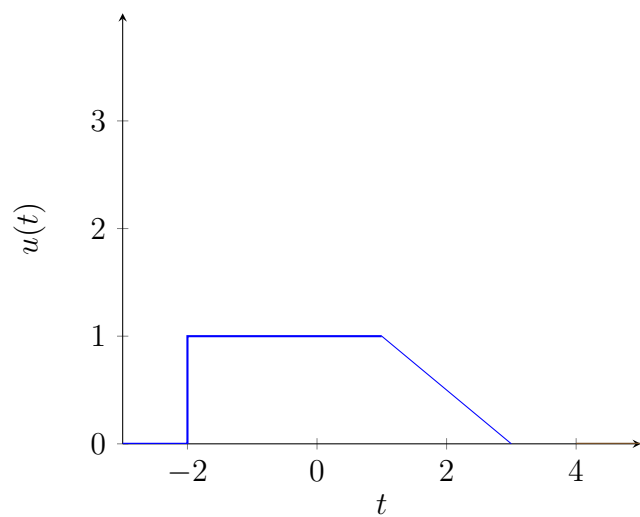
$$\int_2^3 \left(\frac{x}{2}\right)^2 dt = \frac{19}{12}$$

$$\int_3^4 \left(\frac{-x}{2} + 3\right)^2 dt = \frac{19}{12}$$

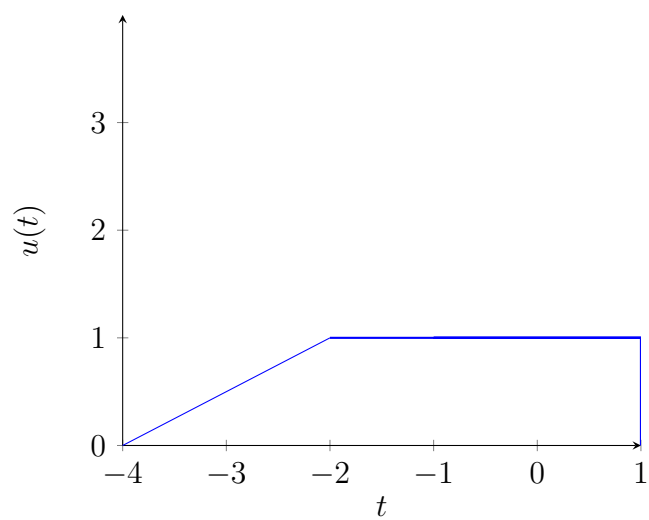
9 Questão 9 - Operação com Sinais



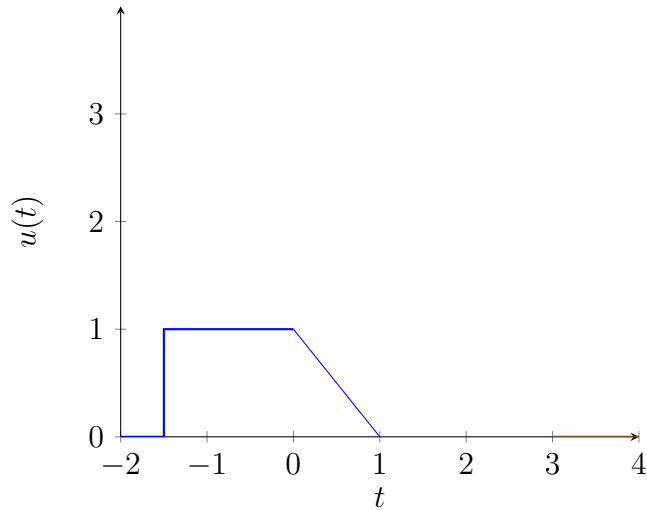
9.1 Item a



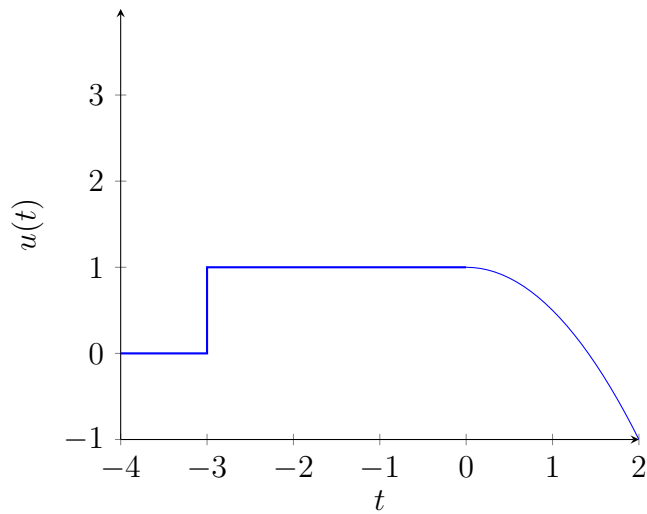
9.2 Item b



9.3 Item c



9.4 Item d



10 Questão 10 - Operação com Sinais

10.1 Item a

$[\cos(-\theta t) + j\sin(-\theta t)]\cos(-\theta t)$, utilizando as propriedades de funções pares em ímpares, temos:

Real $\Rightarrow \cos^2(\theta t)$

Imaginária $\Rightarrow -(\sin(\theta)\cos(\theta))$

10.2 Item b

$$[\cos(\theta t) + j\sin(\theta t)]\cos(\theta t)$$

$$\text{Real} \Rightarrow \cos^2(\theta t)$$

$$\text{Imaginaria} \Rightarrow (\sin(\theta)\cos(\theta))$$