

Utilize uma das técnicas conhecidas de análise de algoritmos recursivos e forneça um limite assintótico $\theta()$ para cada algoritmo abaixo, escrito em C:

```
1. int thisOneIsTricky(int* A, int n) {
    if (n < 12) return (A[0]);
    int y, i, j, k;
    for (i=0; i<n/2; i++) {
        for (j=0; j<n/3; j++) {
            for (k=0; k<n; k++) {
                A[k] = A[k] - A[j] + A[i];
            }
        }
    }
    y = thisOneIsTricky(A, n-5);
    return y;
}
```

```
2. int okLastOneIPromise(int* A, int n){
    if (n < 15) return (A[n]);
    int x=0, i, j, k;
    for (i = 0; i<4; i++){
        for (j=0; j<n-i; j++){
            for (k=0; k<n/2; k++){
                A[j] = A[k] - A[n-j];
            }
        }
    }
    x += okLastOneIPromise(A, n/2);
    return x;
}
```

```

3. int pow2(int a, int n) {
    if (n == 0)
        return 1;
    if (n % 2 == 0)
        return pow2(a, n/2) * pow2(a, n/2);
    else
        return pow2(a, (n-1)/2) * pow2(a, (n-1)/2) * a;
}

```

Qual o tempo de execução para o pior caso em notação Θ , para o algoritmo abaixo escrito em linguagem C.

```

int f(int n) {
    int i, j, k, sum = 0;
    for ( i=1; i < n; i += 2 ) {
        for ( j = n; j > 0; j ++ ) {
            for ( k = j; k < n; k /= 2 ) {
                sum += (i + j * k);
            }
        }
    }
}

```

. Calcule a complexidade, no pior caso e no melhor caso em notação $\theta()$, do fragmento de código abaixo:

```
1  int i, j ;
2  A[ i ][ j ] = 0;
3  for ( i =0; i < N; i=2*i){
4      if(m <500) {
5          for ( j =0; j < N*N; j ++){
6              A[ i ][ j ] += A[ i ][ j ] *B[ i ][ j ] ;
7          }
8          else if(m>1000){
9              for ( j=1; j < N; j*=2)
10                 A[ i ][ j ] -= A[ i ][ j ] *B[ i ][ j ] ;
11             }
12         }
13     else{
14         for(j=1; j<N; j++)
15             A[ i ][ j ] += A[ i ][ j ] +B[ i ][ j ] ;
16     }
17 }
```