ALGORITMOS DE ORDENAÇÃO EM TEMPO LINEAR

DCE792 - AEDs II (Prática)

Atualizado em: 31 de outubro de 2023

Iago Carvalho

Departamento de Ciência da Computação



COMPARAÇÃO VS. CONTAGEM

Até o momento, todos os algoritmos de ordenação estudados trabalhavam com a comparação de elements

 \bigcirc Item *i* é menor ou maior que *j*?

Entretanto, existe outra classe de algoritmos de ordenação baseada em contagem

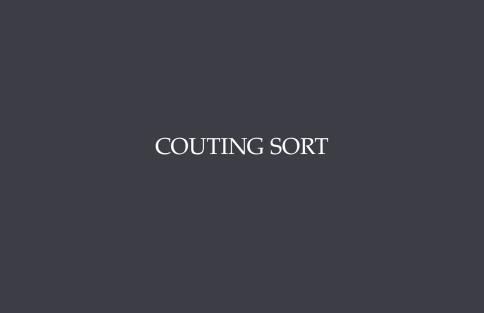
- Algoritmos de tempo linear
- Complexidade O(n + k)
 - *n* é o número de itens a serem ordenados
 - k é o valor do maior item a ser ordenado

Como a complexidade depende de um parâmetro adicional k da entrada, estes algoritmos podem ser melhores ou piores que os que estudamos até o momento

ALGORITMOS BASEADOS EM CONTAGEM

Hoje nós vamos estudar 3 algoritmos baseados em contagem

- Eles s\(\tilde{a}\) ordenar valores inteiros
- Existem variações para números reais e strings
- 1. Counting sort
- 2. Bucket sort
- 3. Radix sort



COUNTING SORT

Este algoritmo recebe como entrada um vetor A de n inteiros

○ Os inteiros variam entre 1 e *k*

	1	2	3	4	5	6	7
A	9	2	3	4	3	2	2

$$n = 7, k = 9$$

5

COUTING SORT

O Counting sort utiliza um vetor adicional C de k posições

Vetor todo inicializado com zeros

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
С	0	0	0	0	0	0	0	0	0

COUNTING SORT

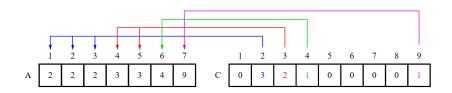
O Counting sort intera sobre o vetor *A* contando o número de elementos iguais

Salva este número no vetor C

	1	2	3	4	5	6	7	
A	9	2	3	4	3	2	2	
1	2	3	4	5	6	7	8	9
0	3	2	1	0	0	0	0	1

COUNTING SORT

Por fim, o Counting sort itera sobre o vetor *C* e reconstrói o vetor *A* de maneira ordenada



COUNTING SORT - CONSIDERAÇÕES

O Counting sort só ordena números inteiros

O Imagine contar todos os números reais existentes...

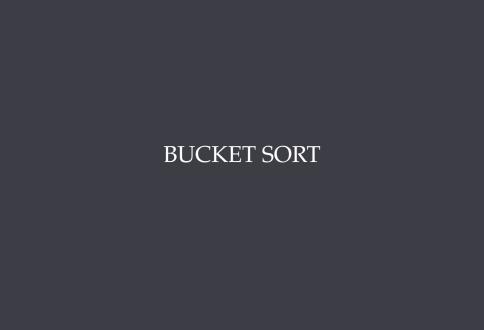
Ele pode requerer um grande espaço de memória

 \bigcirc O que acontece se $A = \{3, 9, 8, 5, 2, 1, 100000\}$?

Complexidade do algoritmo varia de acordo com k

 \bigcirc Se $k=n^3$, então a complexidade do Counting sort é $O(n^3)$

)



O Bucket sort é um segundo algoritmo baseado em contagem

O Utiliza menos memória adicional que o Counting sort

Ele é uma variação do Counting sort útil quando o vetor de entrada segue uma distribuição próxima a uniforme

Enquanto o Counting sort conta os diferentes elementos, o Bucket sort agrupa elementos de valor similar

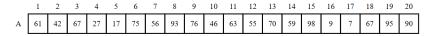
Vamos supor uma entrada com |A| = 20 e k = 100

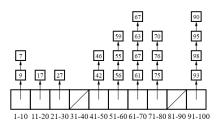
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
A	61	42	67	27	17	75	56	93	76	46	63	55	70	59	98	9	7	67	95	90



O Bucket sort faz uma contagem similar ao Counting sort

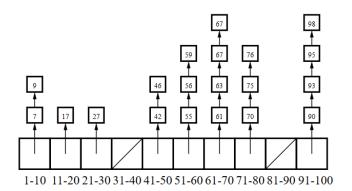
- Entretanto, ao invés de contar exatamente quantos elementos iguais existem, ele agrupa os elementos nos buckets
- Cada *bucket* é uma lista linear





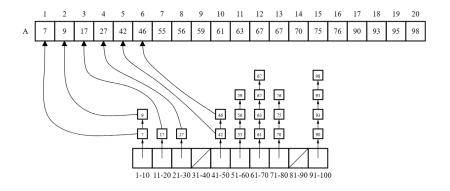
O próximo passo então é ordenar cada uma destas listas lineares individualmente

O Qualquer algoritmo de ordenação pode ser utilizado



Por fim, o Bucket sort percorre os *buckets* para ordenar o vetor A

O Similar a estratégia do Counting sort



BUCKET SORT - CONSIDERAÇÕES

Assim como o Counting sort, o Bounting sort só ordena números inteiros

Imagine contar todos os números reais existentes...

Ele é muito bom quando os elementos estão uniformemente distribuídos

O Na vida real, isso praticamente nunca acontece

Complexidade do algoritmo varia de acordo com k, com o algoritmo de ordenação utilizado e com o número de buckets

- O Normalmente é utilizado o Insertion sort $(O(n^2))$
- Outros algoritmos não lidam bem com listas encadeadas



O Counting sort utiliza uma grande quantidade de memória adicional.

O Bucket sort depende da distribuição dos dados de entrada e do número de *buckets*, o que pode levar a complexidade de $O(n^2)$

O Radix sort tenta encontrar um meio termo entre ambos os algoritmos

O Radix sort também é baseado em buckets

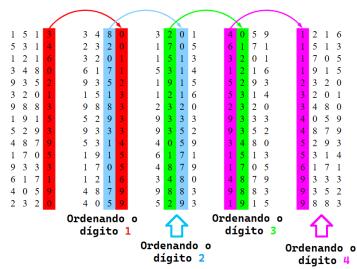
Entretanto, aqui nós temos um *bucket* para cada dígito do valor de entrada

- Cada dígito é inserido em um bucket
- O número inteiro 5429 tem 4 dígitos
- A palavra *futebol* tem 7 dígitos
- O número real 7,53 tem 3 dígitos

A ideia é ordenar cada dígito separadamente

- Do menos significativo para o mais significativo
- Ou o contrário

Considere o Radix sort aplicado para ordenar inteiros de 4 dígitos - do menos significativo para o mais significativo



Como estamos trabalhando com inteiros, podemos fazer a ordenação utilizando o Counting sort

- \bigcirc Temos k = 10
- \bigcirc Complexidade do Radix sort é O(nd)
 - *d* é o número de dígitos

Este algoritmo pode ser adaptado para ordenar strings

 O tamanho k de cada bucket irá mudar



ATIVIDADE

Deve-se implementar os três algoritmos de ordenação para inteiros

Desta vez, sem código base

Lembre-se: um deles será necessário para nosso terceiro trabalho prático

DIA 14/11

PRÓXIMA AULA:

LISTAS DE PRIORIDADE