

Trabalho prático 1

Resolvedor de Expressões Numéricas

Iago da Silva Rodrigues Alves – 2022035881

iagosilva92@ufmg.br

Universidade Federal de Minas Gerais (UFMG)

Belo Horizonte - MG – Brasil

1. Introdução

O projeto em questão é uma implementação de uma calculadora de expressões matemáticas em C++, que possui recursos para a validação e resolução de expressões complexas. As expressões podem ser fornecidas em notação infixa ou pós-fixa, e a implementação é capaz de lidar com a presença de parênteses e múltiplos operadores e operandos. Dessa forma, nessa implementação, o programa é capaz de lidar com expressões de até 1000 caracteres e verificar se a expressão é válida, além de ler, converter e resolver expressões matemáticas com uma interface simples.

2. Método

2.1 Ferramentas

Esse projeto utiliza as seguintes ferramentas e especificações:

- Linguagem: *C++11*
- Compilação: *g++ 11.3.0*
- Sistema Operacional: *Ubuntu 22.04*
- GNU Make 4.3

2.2 Tipos Abstratos de Dados

Este projeto contém quatro arquivos de cabeçalho para definição dos TAD's, são eles:

Expressao.hpp que engloba as classes *Expressao* e *Node*. A classe *Expressão* é uma classe abstrata que define a interface para as expressões matemáticas. A classe possui três métodos virtuais puros que devem ser implementados pelas classes derivadas, eles possuem as funções principais para a manipulação da expressão, são elas: ler, avaliar e converter. A classe *Node* é uma classe auxiliar que é utilizada para

construir a árvore binária. Cada nó da árvore representa um operando ou um operador da expressão.

Infixa.hpp que abrange a classe Infixa. A classe infixa é uma classe derivada da classe base Expressao. Ela é usada para representar uma expressão matemática na notação infix, assim uma de suas finalidades é implementar os métodos virtuais da classe base visando a manipulação de expressões no formato infixo.

Posfixa.hpp que abrange a classe Posfixa. A classe Posfixa é também uma classe derivada da classe base Expressao. Ela é usada para representar uma expressão matemática na notação posfixa e, portanto, desenvolve os métodos virtuais da classe base com esse propósito.

Pilha.hpp que abrange a classe Pilha. A classe Pilha é uma classe auxiliar que é utilizada para armazenar os operandos e os operadores nas operações com a expressão. A classe Pilha foi desenvolvida como um template para torná-la mais genérica e permitir o armazenamento de diferentes tipos de dados. Vale ressaltar que a pilha onde é encadeada.

2.3 Funções

O programa possui quatro funções principais para sua funcionalidade, são elas: Função **avaliaExpressao** que avalia a expressão matemática e retorna um booleano indicando se a avaliação foi bem-sucedida ou não; Função **lerExpressao** que lê a expressão e armazena se a mesma for válida; Função **converteExpressao** que converte a expressão matemática da notação infix para a notação pós-fixa ou vice-versa; Função **resolveExpressao** que resolve a expressão matemática;

Os três primeiros métodos são virtuais na classe Expressão e são implementados nas classes Infixa e Posfixa. Já o método **resolveExpressao**, como ambas as expressões são armazenadas da mesma forma. esse método é implementado diretamente na classe pai.

3. Análise de Complexidade

Considerando as funções principais citadas acima, analisando suas complexidades percebi que todas possuem o mesmo valor: $O(n)$. Isso ocorre, pois, essas funções sempre irão depender do tamanho n da expressão armazenada.

Outrossim, é válido destacar que além das funções principais mencionadas acima, existem outras funções no projeto que possuem complexidades diferentes. Algumas funções possuem complexidade constante, $O(1)$, independentemente do tamanho da expressão ou da árvore, como é o caso das funções "ehOperador" e

"expressaoExiste". Já outras funções, como "converteRecurso" e "resolveRecurso", possuem complexidade linear em relação ao número de nós da árvore, já que percorrem todos os nós para realizar as operações necessárias.

Ao analisar as complexidades das funções principais e demais funções do projeto, é possível entender como o tempo de execução é afetado pelo tamanho da entrada. As funções principais possuem complexidade linear $O(n)$ em relação ao tamanho da expressão armazenada, enquanto outras funções possuem complexidade constante $O(1)$.

Além disso, é importante ressaltar a complexidade de espaço, que está relacionada ao número de nós criados e à utilização de memória durante a execução do programa. A complexidade de espaço varia de acordo com o tamanho da expressão, ao construir a árvore de expressão, serão criados nós correspondentes a cada elemento da expressão, ocupando espaço na memória. Portanto, a complexidade de espaço é influenciada pelo tamanho da expressão tendo em vista o número de nós necessários para representar a árvore.

4. Estratégias de Robustez

O programa implementa mecanismos de programação defensiva e tolerância a falhas a fim de garantir a robustez e confiabilidade do sistema e para isso ele utiliza a biblioteca `<stdexcept>`. Podemos observar a utilização desses mecanismos nas funções **expressaoExiste** e **printLerExpressao**. A função **expressaoExiste** é responsável por verificar se a expressão existe, ou seja, se a string contendo a expressão não está vazia. Caso a expressão não exista, imprime uma mensagem de erro na saída de erro padrão e interrompe a execução. Isso evita que o programa continue executando operações com uma expressão inválida, prevenindo erros mais graves. A função **printLerExpressao**, por sua vez, é responsável por validar a expressão lida do arquivo de entrada. Caso a expressão seja inválida, a função imprime uma mensagem de erro na saída de erro padrão. Isso garante que apenas expressões válidas serão manipuladas pelo programa.

Além dos mecanismos de programação defensiva, o programa implementa também mecanismos de tolerância a falhas. Esses mecanismos são utilizados para lidar com erros que possam ocorrer durante a execução do programa e que não possam ser prevenidos. No caso desse programa, podemos observar a utilização desses mecanismos nas funções **printExpressaoPosfixa**, **printExpressaoInfixa**, **printSolucaoPosfixa** e **printSolucaoInfixa**. Todas essas funções são responsáveis por realizar operações em expressões aritméticas, como converter uma expressão infixa em posfixa ou calcular o valor de uma expressão posfixa. Caso ocorra algum erro durante essas operações, como uma divisão por zero, a função captura a exceção

e imprime uma mensagem de erro na saída de erro padrão. Exemplo outra de robustez aplicada no programa:

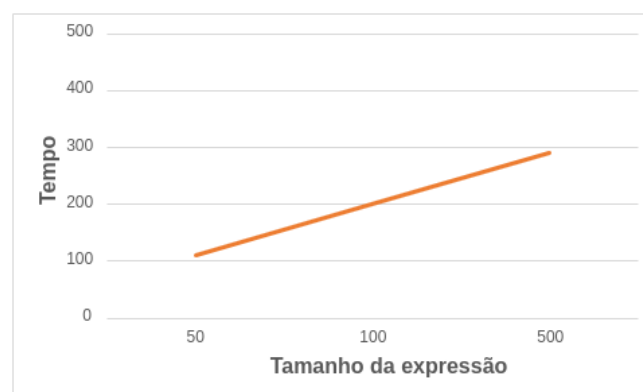
```
// Abre o arquivo de entrada
std::ifstream arquivo("arquivo.txt");
if (!arquivo.is_open()) {
    std::cerr << "Erro ao abrir o arquivo de entrada" << std::endl;
    return 1;
}
```

Outrossim, o programa não utiliza a declaração do namespace std para evitar conflitos de nomes e a poluição do namespace. E também todos os construtores presentes seguem a implementação na forma "member initializer constructor" que traz benefícios como aumento de performance e redução de complexidade de código. Evitando que os membros sejam inicializados na implementação do construtor

5. Análise Experimental

Além da análise de complexidade teórica, outra abordagem importante para avaliar o desempenho de um algoritmo é a análise experimental. No entanto, é importante ressaltar que a análise experimental também tem suas limitações, uma vez que os resultados podem ser afetados por fatores externos, como a arquitetura do computador, o sistema operacional e a carga de trabalho do sistema no momento dos testes. Por isso, é importante realizar vários testes e calcular a média dos resultados para obter uma estimativa mais precisa do desempenho do algoritmo.

Abaixo trago um gráfico que compara o tempo de execução do programa em microssegundos e o tamanho das expressões fornecidas em número de caracteres. Os testes foram feitos com a passagem dos parâmetros de leitura, conversão e resolução.



Ao plotar o gráfico tempo x tamanho da expressão, é possível identificar padrões e tendências na curva, que podem indicar a complexidade do algoritmo. A curva claramente apresenta uma inclinação linear, isso sugere que a complexidade é proporcional ao tamanho da entrada. Logo, significa que, à medida que o tamanho da entrada aumenta, o tempo de execução do programa aumenta linearmente.

6. Conclusões

Neste projeto foi desenvolvida uma implementação em C++ de uma calculadora para expressões matemáticas que apresenta recursos de validação, conversão e resolução de expressões complexas. A implementação pode lidar com expressões fornecidas em notação infixada ou posfixada.

Posto isso, para alcançar esse objetivo, foram aplicados diversos conceitos e técnicas aprendidas em sala de aula, tais como modularização, depuração e a construção de tipos abstratos de dados. Outrossim, o programa foi projetado para garantir a robustez e a tolerância a falhas, contando com mecanismos de programação defensiva e estratégias de tratamento de exceções, fornecendo uma base sólida para futuras extensões e melhorias.

7. Bibliografia

Slides da disciplina de Estrutura de Dados. Disponibilizados via Moddle. 1º semestre 2023.

*3.12 Expression Trees | Binary Expression Tree | Data Structures Tutorials. Jenny's Lectures CS IT. Disponível em: < <https://www.youtube.com/watch?v=2Z6g3kNymd0> >
Acesso em: 03 maio 23.*

*3.13 Expression Tree from Postfix | Data Structures Tutorials. Jenny's Lectures CS IT. Disponível em: < <https://www.youtube.com/watch?v=WHs-wSo33MM> >
Acesso em: 03 maio 23*

8. Instruções para compilação e execução

Passo 1: Baixe o arquivo zipado referente ao trabalho e extraia seu conteúdo. Abra o diretório **TP1**.

Passo 2: Para compilar, digite o comando `make` no terminal.

Passo 3: Crie um arquivo texto (.txt) dentro do diretório. Nesse arquivo coloque as entradas para a execução do programa.

Atenção: Cada linha do arquivo indica uma entrada para o programa, existem três tipos de entrada. Entrada para leitura e armazenamento: **LER TIPOEXP EXP**, onde **TIPOEXP** deve ser **INFIXA** ou **POSFIXA** e **EXP** deve ser a expressão matemática. Entrada para conversão: Apenas **INFIXA** ou **POSFIXA**, saiba que para sua aplicação deve existir uma expressão armazenada com tipo contrário ao da conversão. Entrada para solução: **RESOLVE**.

Passo 4: Para executar o programa existem duas alternativas.

1. `make run ARGS="-o nomedoarquivo.txt"`
2. `bin/resolvedor -o nomedoarquivo.txt`

Limpeza: Para limpar os diretórios criados, contendo os objetos e o executável, digite `make clean` no terminal.

Observação: O programa foi criado para ser executado recebendo um arquivo de entrada, logo o argumento `-o` é imprescindível para execução.