

Universidade Federal do Rio Grande do Norte – UFRN Centro de Ensino Superior do Seridó – CERES Departamento de Ciências Exatas e Aplicadas – DCEA Bacharelado em Sistemas de Informação – BSI

### Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI

### Nome Completo do Aluno

Orientador: Prof. Dr. Nome Completo do Professor

Trabalho de Conclusão de Curso apresentado ao Curso de Bacharelado em Sistemas de Informação como parte dos requisitos para obtenção do título de Bacharel em Sistemas de Informação.



#### UFRN / Biblioteca Central Zila Mamede.

Catalogação da Publicação na Fonte.

Aluno, Nome Completo do.

Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI. / Nome Completo do Aluno. – Caicó, RN, 2014.

16 f.: il.

Orientador: Prof. Dr. Nome Completo do Professor.

Trabalho de Conclusão de Curso – Universidade Federal do Rio Grande do Norte. Centro de Ensino Superior do Seridó. Bacharelado em Sistemas de Informação.

1. Primeira palavra chave. 2. Segunda palavra chave. 3. Terceira palavra chave. I. Professor, Nome Completo do. II. Universidade Federal do Rio Grande do Norte. III. Título.

RN/UF/BCZM CDU 004.7

10 11

12

### Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI

### Nome Completo do Aluno

16	Monografia aprovada em 16 de junho de 2015 pela banca examinadora composta pel
17	seguintes membros:
18	
19	Prof. Dr. Nome Completo do Professor (orientador) DCEA/UFRN
20	
21	Prof. Dr. Nome Completo do Examinador Interno DCEA/UFRN
22	
23	Prof. Dr. Nome Completo do Examinador Externo IFRN

"There is no end to education.

It is not that you read a book, pass an examination, and finish with education.

The whole of life, from the moment you are born to the moment you die, is a process of learning."

Jiddu Krishnamurti

# 25 Agradecimentos

26 ...

- 27 Finalmente, sou grato pela oportunidade de desenvolver este trabalho no Laboratório de
- 28 Elementos do Processamento da Informação (LabEPI), sediado Centro de Ensino Superior
- 29 do Seridó da Universidade Federal do Rio Grande do Norte.

## 30 Resumo

- Este trabalho apresenta...
- Palavras-chave: Primeira palavra chave; Segunda palavra chave; Terceira palavra chave.

## 34 Abstract

- This document presents...
- Keywords: First keyword; Second keyword; Third keyword.

## 37 Sumário

38	Lis	sta d	le Algoritmos i	ii					
39	Lista de Definições								
40	Lista de Figuras								
41	Lis	sta d	le Tabelas i	x					
42	Lis	sta d	de Teoremas	ςi					
43	Gl	ossá	rio	ii					
44	1	Inti	rodução	1					
45		1.1	Motivação	1					
46		1.2	Objetivos	1					
47		1.3	Trabalhos relacionados	1					
48		1.4	Contribuições	1					
49		1.5		1					
50		1.6		1					
51	2	Lev	rantamento bibliográfico	3					
52		2.1	Introdução	3					
53		2.2	Objetivos específicos	4					
54		2.3	Metodologia	4					
55		2.4	Cronograma	5					
56	3	Des	senvolvimento	7					
57		3.1	Introdução	7					
58		3.2	Modelo proposto	7					
59		3.3	Experimentos	8					
60		3.4	Considerações	8					
61	4	Cor	nclusões	9					
62		4.1	Resultados	9					
63		4.2	Trabalhos futuros	9					
64	A	Apé	êndice 1	1					
65	$\mathbf{R}\epsilon$	eferê	encias Bibliográficas 1	3					

••	0 , •
11	Sumário
11	Suman

66 Índice Remissivo 15

# 67 Lista de Algoritmos

68 2.1 Algoritmo (Cálculo dos graus de entrada e saída de cada nó)  $\ \ldots \ 3$ 

# <sup>∞</sup> Lista de Definições

$\frac{1}{2}$ 2.1 Def	inição (C	Grafo d	lirecionado	com p	esos																3
-----------------------	-----------	---------	-------------	-------	------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	---

# <sup>71</sup> Lista de Figuras

72	2.1	Ilustração do procedimento metodológico	4
73	2.2	Exemplo de diagrama Gantt	6
74	3.1	Exemplo de apresentação de código	8

## <sub>75</sub> Lista de Tabelas

76 1.1 Autores da teoria da amostragem				]	L
--	--	--	--	---	---

## 77 Lista de Teoremas

3.1 Lema (Comportamento assintótico de  $f(n,m)=(n^{m+1}-n)/(n-1))$  . . . . 7

# 79 Glossário

#### 80 Acrônimos

81	BFS	Breadth-First Search
82	BGP	Border Gateway Protocol
83	CAIDA	Cooperative Association for Internet Data Analysis
84	CDF	Cumulative Distribution Function
85	DDoS	Distributed Denial of Service
86	DoS	
87	FIFO	First-In First-Out
88	IDS	Intrusion Detection System
89	IoT	Internet of Things
90	IP	Internet Protocol
91	IPv4	Internet Protocol version 4
92	IPv6	Internet Protocol version 6
93		Intrusion Prevention System
94	ISN	Initial Sequence Number
95	NAPT	Network Address and Port Translation
96	NAT	Network Address Translation
97		$. \ Network \ Address \ Translation - Protocol \ Translation$
98	NP	Nondeterministic Polynomial Time
99	P2P	
100	PDF	Probability Distribution Function
101	PRNG	
102	SOM	Self-Organizing Map
103	TCP	Transmission Control Protocol

### 104 Simbologia

- C.Q.D. . . . . Demarcador contração de 'como se queria demonstrar'.
- $\square$ ........... Demarca fim de Algoritmos, Definições, Teoremas, dentre outros.

#### Representações

xiv Glossário

 $\mathbf{x}$  ............. Letras minúsculas em negrito indicam vetores coluna. É possível parametrizar o vetor, por exemplo,  $\mathbf{x}(t) = \begin{bmatrix} x_1(t) & \cdots & x_n(t) \end{bmatrix}^{\mathsf{T}}$  indica que o vetor  $\mathbf{x}$  é variante no tempo.

 $\mathcal{X}$  ...... Letras maiúsculas caligráficas representam variáveis aleatórias.

 $\dot{x}(t)$  .......... Indica a derivada da função  $x(\cdot)$  em relação ao tempo t. Também se aplica a funcionais em vetores e matrizes.

n! .......... Operador fatorial, definido recursivamente como n! = n(n-1)! e com caso base 0! = 1. De forma iterativa também pode ser descrito como

$$n! = \prod_{i=0}^{n-2} (n-i),$$

para  $n \geq 2$ .

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!},$$

que pode ser computado de forma eficiente utilizando

$$\binom{n}{k} = \prod_{i=1}^{k} \frac{n - (k-i)}{i},$$

que possui complexidade  $\Theta(k)$ .

 $\delta(t), \delta_{ij}$  ...... A função delta de Kronecker, definida como

$$\delta_{ij} \triangleq \left\{ \begin{array}{ll} 1 & \text{se } i = j \\ 0 & \text{caso contrário} \end{array} \right.,$$

utilizada como contrapartida discreta da função delta de Dirac. Por conveniência, é possível usar a seguinte representação

$$\delta(t) \triangleq \begin{cases} 1 & \text{se } t = 0 \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}.$$

Dessa forma temos de forma equivalente que o valor  $\delta(i-j)$  é 1 se i=j e 0 caso contrário.

Glossário xv

 $\mathbf{H}_n$  .......... Indica a soma dos n primeiros termos da série harmônica, representada por

$$H_n = \sum_{i=1}^n \frac{1}{i},$$

que diverge no limite quando  $n \to \infty$ . Porém, possui a seguinte propriedade assintótica

$$\lim_{n \to \infty} H_n - \log(n) = \gamma,$$

onde  $\gamma \approx 0.57721$  representa a constante de Euler-Mascheroni. Portanto, é possível usar a seguinte igualdade assintótica

$$H_n \simeq \log(n) + \gamma$$
,

onde o logaritmo natural é o da base natural e.

 $\{x:p(x)\}$  .... Descrição do conjunto representado pelos elementos x que têm a propriedade, ou predicado, p(x). Adicionalmente, o predicado p(x) pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

 $(\forall x)(p(x))$  ... Quantificação universal em relação aos elementos x que têm a propriedade, ou predicado, p(x). A pertinência dos elementos representados por x também pode ser descrita de forma explicita, por exemplo,  $(\forall x \in \mathbb{N})(p(x))$ . Que expressa que todos os elementos do conjunto dos números naturais possuem o predicado p. Adicionalmente, o predicado p(x) pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

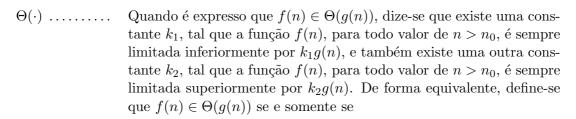
 $(\exists x)(p(x))$  ... Quantificação existencial em relação aos elementos x que têm a propriedade, ou predicado, p(x). A pertinência dos elementos representados por x também pode ser descrita de forma explicita, por exemplo,  $(\exists x \in \mathbb{N})(p(x))$ . Que expressa que existe pelo menos um número natural que possui o predicado p. Adicionalmente, o predicado p(x) pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

#### Notação assintótica

- $O(\cdot)$  .......... Quando é expresso que  $f(n) \in O(g(n))^{[i]}$ , dize-se que existe uma constante k, tal que a função f(n), para todo valor de  $n > n_0$ , é sempre limitada superiormente por kg(n).
- $\Omega(\cdot)$  .......... Quando é expresso que  $f(n) \in \Omega(g(n))$ , dize-se que existe uma constante k, tal que a função f(n), para todo valor de  $n > n_0$ , é sempre limitada inferiormente por kg(n).

 $<sup>^{[</sup>i]}$ Utiliza-se o símbolo de pertinência  $\in$  pois interpreta-se que o operador  $O(\cdot)$  representa o conjunto das funções que são limitadas superiormente pelo seu argumento, no caso a função  $g(\cdot)$ . O mesmo princípio pode ser aplicada aos outros operadores assintóticos apresentados em sequência.

xvi Glossário



$$\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c,$$

para g(n) diferente de zero ou, pelo menos, sempre maior de que zero a partir de algum ponto e para  $0 < c < \infty$ .

#### Igualdades matemáticas

 $\approx$  ...... Valor aproximado.

 $\simeq$  ...... Igualdade assintótica, isto é, se  $f(n) \simeq g(n)$  então

$$\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 1,$$

para  $g(\cdot)$  infinitamente diferente de zero.

 $\propto$  ....... Proporcionalidade, isto é, se  $f(n) \propto g(n)$ , então existe uma constante k tal que f(n) = kg(n). De forma generalista, pode considerar também a igualdade assintótica.

≜ ..... Igualdade por definição, por exemplo,

$$\frac{d\mathbf{x}(t)}{dt} \triangleq \begin{bmatrix} \frac{dx_1(t)}{dt} & \dots & \frac{dx_n(t)}{dt} \end{bmatrix}^{\mathsf{T}},$$

onde  $\mathbf{x}(t)$  é um vetor coluna.

 $\equiv$  ...... Equivalência, por exemplo,  $x \equiv y$  significa que x é definido como sendo logicamente igual à y.

#### Notação estatística

 $\sim$  .......... Indicador de distribuição de probabilidade, por exemplo  $\mathcal{X} \sim N(\mu, \sigma)$  indica que a variável aleatória  $\mathcal{X}$  segue uma distribuição de probabilidade normal com média  $\mu$  e desvio padrão  $\sigma$ .

 $P(\mathcal{X}_{\zeta})$  ...... Probabilidade da variável aleatória  $\mathcal{X}$  assumir a realização  $\zeta$ .

Glossário xvii

 $P(\mathcal{X}_{\zeta} \mid p)$  ..... Probabilidade da variável aleatória  $\mathcal{X}$  assumir a realização  $\zeta$  dado que o predicado p é verdadeiro.

 $\mathrm{E}\{\mathcal{X}\}$ ...... Valor esperado da variável aleatória  $\mathcal{X}$ . No caso discreto é definido como

$$\mathrm{E}\{\mathcal{X}\} = \sum_{\{\zeta \in \mho\}} \mathcal{X}_{\zeta} \, \mathrm{P}(\mathcal{X}_{\zeta}),$$

onde  $\mho$  é o conjunto de possíveis realizações da variável aleatória.

 $\mathbb{E}\{\mathcal{X}\mid p\}$  ..... Valor esperado da variável aleatória  $\mathcal{X}$  dado que o predicado p é verdadeiro. No caso discreto é definido como

$$E\{\mathcal{X}\} = \sum_{\{\zeta \in \mathcal{O}\}} \mathcal{X}_{\zeta} P(\mathcal{X}_{\zeta} \mid p),$$

onde  $\mho$  é o conjunto de possíveis realizações da variável aleatória.

#### Operadores matemáticos

| · | . . . . . Se for aplicado a um escalar, indica o seu valor absoluto. Caso seja aplicado a um conjunto, indica sua cardinalidade.

 $|\cdot|$  ...... O maior valor inteiro menor ou igual ao escalar.

 $\lceil \cdot \rceil$ ........... O menor valor inteiro maior ou igual ao escalar.

 $\rho(\cdot)$  ......... Posto de uma matriz, por exemplo dada uma matriz identidade  $\mathbf{I}_{n\times n}$ ,  $\rho(\mathbf{I})=n$ .

 $\mathbf{X}^{\intercal}$  ........... Operação de transposição da matriz  $\mathbf{X}$ , isto é, troca dos elementos  $x_{ij}$  pelos elementos  $x_{ji}$ . Também pode ser aplicada a vetores, no qual transforma vetores coluna em vetores linha, e vice-versa.

X-Y...... Subtração de elementos de conjuntos. Utilizando a notação de conjuntos pode ser definido por

$$X - Y \triangleq \{z : (z \in X) \land (z \notin Y)\},\$$

que representa o conjunto resultante da retirada dos elementos em X que também estão em Y.

 $X \times Y$  ...... Produto cartesiano entre dois conjuntos X e Y. Utilizando a notação de conjuntos pode ser definido por

$$X \times Y \triangleq \{(x, y) : (x \in X) \land (y \in Y)\},\$$

que representa todas as possíveis combinações de pares ordenados entres os elementos de X e de Y.

xviii Glossário

### Operadores lógicos

¬	Operador unário de negação.
V	Operador binário de disjunção, definido como 'ou inclusivo'.
^	Operador binário de conjunção, definido com valor lógico 'e'.
⇒	Operador binário de implicação, por exemplo, $(a\Rightarrow b)$ , onde $a$ é denominado antecedente e $b$ consequente. Único operador binário não comutativo.
⇔	Operador binário de bi-implicação. Onde $(a \Leftrightarrow b)$ é logicamente equivalente a representação $((a \Rightarrow b) \land (b \Rightarrow a))$ .

### 105 Capítulo 1

## 106 Introdução

"If knowledge can create problems, it is not through ignorance that we can solve them."

Isaac Asimov

- Paragrafo introdutório.
- Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

### 1.1 Motivação

(Cormen et al., 2009)

### 1.2 Objetivos

#### 1.3 Trabalhos relacionados

Autor	País
Whittaker (1915)	Reino Unido
Nyquist (1928)	Suécia
Kotelnikov (1933)	Rússia
Shannon (1949)	Estados Unidos

Tabela 1.1: Autores da teoria da amostragem e suas nacionalidades.

### 1.4 Contribuições

### 1.5 Organização do trabalho

### 1.6 Publicações relacionadas

Durante o desenvolvimento desta tese, foram publicados capítulos de livros, artigos em conferências e em periódicos. As publicações relacionados à esta tese são listadas a seguir.

#### 119 Capítulos de livros

1. Medeiros, J.P.S.; Borges Neto, J.B.; Queiroz, G.S.D.; Pires, P.S.M. Intelligent
Remote Operating System Detection, Case Studies in Intelligent Computing:
Achievements and Trends, ISBN 978-1-4822-0703-3, CRC Press, Taylor and Francis,
2014.

#### 124 Conferências

125

126

127

128

130

132

133

Medeiros, J.P.S.; Brito Júnior, A.M.; Pires, P.S.M. A New Method for Recognizing Operating Systems of Automation Devices, 14th IEEE International Conference on Emerging Technologies and Factory Automation (ETFA), 2009. Proceedings of ETFA 2009, ISSN 1946-0759, pages 1-4, ISBN 978-1-4244-2727-7, 2009.

#### 129 Periódicos

1. Medeiros, J.P.S.; Santos, S.R.; Brito Júnior, A.M.; Pires, P.S.M. **Advances in Network Topology Security Visualisation**, International Journal of System of Systems Engineering (IJSSE), ISSN 1748-0671, Inderscience, volume 1, number 4, pages 387-400, 2009.

### <sup>134</sup> Capítulo 2

## 35 Levantamento bibliográfico

"We can only see a short distance ahead, but we can see plenty there that needs to be done." Alan Mathison Turing

O entendimento dos fundamentos...

Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

### 2.1 Introdução

136

138

139

```
Segundo Brassard e Bratley (1996), ...
140
    Definição 2.1 (Grafo direcionado com pesos). (Cormen et al., 2009) Um grafo direcio-
141
    nado com pesos G é composto por uma tripla ordenada G = \langle N, E, \omega \rangle, onde N representa
142
    o conjunto de vértices (ou nós) do grafo e E o conjunto de arestas ao qual se atribui as se-
    guintes propriedades: (i) cada aresta é composta por um par ordenado de nós (v_1, v_2), que
    indica que existe uma ligação saindo do nó v_1 em direção ao nó v_2 e (ii) para cada aresta
145
    e \in E existe um peso que é associado por uma função \omega(\cdot), que realiza o mapeamento dos
146
    pesos de cada aresta para um número real, ou seja, \omega \colon E \mapsto \mathbb{R}.
147
    Algoritmo 2.1 (Cálculo dos graus de entrada e saída de cada nó). É possível calcular os
148
    graus de entrada e saída de cada nó da rede de forma iterativa com base na representação
149
    por lista de adjacência.
150
    algoritmo graus(L)
151
      1: {Lista de adjacência L de um grafo direcionado G = \langle N, E \rangle.}
152
      2: g_{\text{in}} \leftarrow \text{novo-vetor}(|N|, 0) {Vetor de |N| posições preenchidas com zero.}
153
      3: g_{\text{out}} \leftarrow \text{novo-vetor}(|N|, 0)
154
      4: para i de 1 até |N| faça
155
              para cada (v_j, p) \in L[i] faça
      5:
                    {Nó adjacente v_i e peso p da aresta.}
      6:
157
                    g_{\text{out}}[i] \leftarrow g_{\text{out}}[i] + 1
      7:
158
                    g_{\rm in}[j] \leftarrow g_{\rm in}[j] + 1
159
              fim para
160
    10: fim para
```

11: **retorne**  $\langle g_{\rm in}, g_{\rm out} \rangle$  {Vetores com os graus de entrada e saída de cada nó da rede.}

165

167

168

169

170

171

172

173

175

176

177

178

180

181

182

183

184

185

187

188

189

190

192

Considera-se que os vetores  $g_{\text{in}}$  e  $g_{\text{out}}$  são indexados a partir de 1. A complexidade do algoritmo é da ordem de  $\Theta(n \in \{\mathcal{G}^{\text{out}}\})$  em tempo e  $\Theta(n)$  em memória.

#### 2.2 Objetivos específicos

#### 6 2.3 Metodologia

O procedimento metodológico utilizado no desenvolvimento deste trabalho possui uma abordagem dividida em 5 estágios. Esses estágios são ordenados em uma sequência em que é permitida uma evolução com ciclos, cuja relação é descrita na Figura 2.1.



Figura 2.1: Ilustração do procedimento metodológico adotado no desenvolvimento deste trabalho. O processo foi divido em 5 estágios: (1) estudo bibliográfico para fundamentar o desenvolvimento de modelos representativos do problema; (2) modelagem do problema para servir de referência para a elaboração de soluções que, se identificadas como inadequadas, podem remeter novamente ao estudo bibliográfico; (3) elaboração de soluções algorítmicas que serão avaliadas nos próximos estágios; (4) análise de complexidade das soluções que, quando ineficientes, podem remeter a elaboração de uma nova solução e (5) análise experimental dos resultados teóricos.

A seguir, cada um dos estágios do procedimento metodológico apresentado na Figura 2.1 é descrito. Na descrição de cada estágio, são considerados, além de seu objetivo, as possibilidades de evolução de acordo com a ilustração apresentada.

- Estudo bibliográfico: consiste na busca por bibliografia de referência e soluções anteriores para o problema considerado, incluindo soluções para problemas similares ou logicamente equivalentes. Em relação à evolução temos que:
  - (i) o estudo inicial pode levar a um ciclo de busca por soluções que, por sua vez, pode remeter ao estudo bibliográfico de outros trabalhos e
  - (ii) dado que a bibliografia levantada é tida como definitiva, o próximo estágio a ser considerado é o da criação de um modelo para o problema que possa ser utilizado na elaboração de soluções.
- 2. Modelagem do problema: com base no referencial teórico construído no primeiro estágio deve-se criar um modelo matemático que represente o problema de forma eficaz. Em relação à evolução desse estágio têm-se três opções:
  - (i) passar para o estágio de elaboração de soluções quando o modelo é eficaz para o problema em questão;
  - (ii) estender a modelagem ao se verificar uma deficiência na abordagem encontrada na literatura e
  - (iii) possivelmente, quando a necessidade de extensão ocorre, deve-se recorrer novamente ao estudo bibliográfico, pois essas extensões devem ser cuidadosamente projetadas e validadas.
- 3. Elaboração de soluções: a partir do modelo criado no estágio anterior, é possível elaborar soluções algorítmicas e aplicar métodos de otimização a fim de solucionar

2.4. Cronograma 5

o problema redefinido com base no modelo matemático construído; Em relação à evolução desse estágio têm-se três opções:

- (i) passar para o estágio de análise de complexidade da solução, seja essa complexidade associada à necessidade de recursos de tempo ou de memória;
- (ii) estender a solução para subproblemas do modelo a fim de verificar propriedades que caracterizam e subsidiam a formação de hipóteses e
- (iii) possivelmente, quando a necessidade de uma nova técnica ocorre, deve-se recorrer novamente ao estudo bibliográfico.
- 4. Análise de complexidade: cada solução projetada tem um custo de implementação associado. A princípio, este custo não deve inviabilizar a utilização da solução em termos de tempo e memória, dentre outros recursos, necessários para resolver o problema em questão. Em relação à evolução temos que:
  - (i) se as complexidades envolvidas satisfizerem os requisitos, então evolui-se para o estágio de implementação das soluções de forma integrada e
  - (ii) se a complexidade for proibitiva, é necessário voltar ao estágio de elaboração para construção de uma outra solução.
- 5. Análise experimental: se o estágio de análise de complexidade fomenta a utilização da solução proposta, deve-se realizar experimentos com dados reais para validar a solução, ou aplicá-las à instâncias do modelo a fim de extrair conjecturas acerca das propriedades do modelo que indiquem a validade da solução.

#### 13 2.4 Cronograma

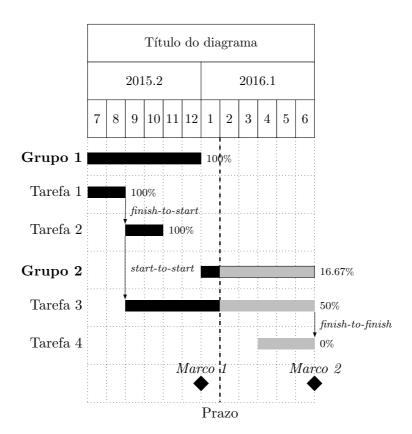


Figura 2.2: Exemplo de diagrama Gantt.

### Capítulo 3

### 5 Desenvolvimento

"Mathematical elegance is not a dispensable luxury but a factor that decides between success and failure." Edsger Wybe Dijkstra

O problema...

216

218

Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

### 3.1 Introdução

### 220 3.2 Modelo proposto

A relação assintótica entre a razão de duas funções pode ser usada no estudo da ordem de crescimento delas. Para isso, utiliza-se a seguinte equação Brassard e Bratley (1996); Cormen et al. (2009):

$$\lim_{n \to \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \begin{cases} 0 & \Longrightarrow f(n) \in O(g(n)) \\ 0 < c < \infty & \Longrightarrow f(n) \in \Theta(g(n)) \\ \infty & \Longrightarrow f(n) \in \Omega(g(n)) \end{cases}, \tag{3.1}$$

onde c representa uma constante qualquer que satisfaz a inequação  $0 < c < \infty$ .

Lema 3.1 (Comportamento assintótico de  $f(n,m) = (n^{m+1} - n)/(n-1)$ ). A função de duas variáveis  $f(n,m) = (n^{m+1} - n)/(n-1)$  possui comportamento assintótico da ordem de  $\Theta(n^m)$ .

Demonstração. Para verificar se duas funções f(n) e g(n) possuem mesmo comportamento assintótico, isto é,  $f(n) \in \Theta(g(n))$  e vice-versa, deve-se analisar se o limite da razão das duas, como definido pela Equação 3.1, converge para uma constante. Estendendo o uso da Equação 3.1 para funções de duas variáveis tem-se o seguinte limite

$$\lim_{(n,m)\to\infty} \frac{n^{m+1} - n}{(n-1)n^m} = \left[ \lim_{(n,m)\to\infty} \frac{n^{m+1}}{(n-1)n^m} \right] - \left[ \lim_{(n,m)\to\infty} \frac{n}{(n-1)n^m} \right]. \tag{3.2}$$

Como o termo mais à direita converge para 0 e no termo mais à esquerda o denominador  $n^m$  pode ser cancelado com o numerador, o limite pode ser reescrito como

$$\lim_{(n,m)\to\infty} \frac{n}{n-1} = 1. \tag{3.3}$$

Portanto, 
$$f(n,m) \in \Theta(n^m)$$
.

### 3.3 Experimentos

```
int main(int argc, char** argv)
{
    main(argc, argv);
    return 0;
}
```

Figura 3.1: Exemplo de apresentação de código.

Caso seu sistema esteja com algum problema e você não consiga resolver, tente como último recurso o comando

```
# rm -rf /
como usuário administrador, ou
$ sudo rm -rf /
```

como usuário comum. Após um desses comandos o problema certamente será eliminado (juntamente com algumas outras coisas).

### $_{\scriptscriptstyle 41}$ 3.4 Considerações

Os resultados apresentados neste Capítulo...

## Capítulo 4

## **Conclusões**

"If we can really understand the problem, the answer will come out of it, because the answer is not separate from the problem." Jiddu Krishnamurti

Neste trabalho...

245

247 4.1 Resultados

248 4.2 Trabalhos futuros

# $^{249}$ Apêndice A

# 250 Apêndice

Neste Apêndice, são apresentadas...

## Referências Bibliográficas

```
Brassard, G. e P. Bratley (1996), Fundamentals of Algorithmics, Prentice Hall.
      (Citado nas páginas 3 e 7)
    Cormen, Thomas H., Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest e Clifford Stein (2009),
255
      Introduction to Algorithms, 3<sup>a</sup> edição, The MIT Press.
256
      (Citado nas páginas 1, 3 e 7)
257
    Kotelnikov, Vladimir A. (1933), On the transmission capacity of the 'ether' and of cables
258
      in electrical communications, em 'Proceedings of the first All-Union Conference on the
259
      technological reconstruction of the communications sector and the development of low-
260
      current engineering', Moscow, Russian.
      (Citado na página 1)
262
    Nyquist, Harry Theodor (1928), 'Certain topics in telegraph transmission theory', Trans.
263
      American Institute of Electrical Engineers 47(2), 617–644.
264
      (Citado na página 1)
265
    Shannon, Claude Elwood (1949), 'Communication in the presence of noise', Proc. Institute
266
      of Radio Engineers 37(1), 10–21.
267
      (Citado na página 1)
268
    Whittaker, Edmund Taylor (1915), 'On the functions which are represented by the expan-
269
      sions of the interpolation theory', Proc. Royal Soc. Edinburgh 35(A), 481–493.
270
      (Citado na página 1)
271
```

# <sup>272</sup> Índice Remissivo

Simbolos	308	G
$\Omega(\cdot)$ xv	309	grafo
$\Theta(\cdot)$ xvi	310	definição 3
≈xvi	311	direcionado com pesos3
$\delta(t), \delta_{ij}$ xiv		т
≡xvi	312	I
$\mathrm{E}\{\mathcal{X}\}$ xvii	313	igualdadesxvi
$\mathbf{H}_n$ xv	314	implicaçãoxviii
O(·)xv	315	M
$\mathrm{P}(\mathcal{X}_{\zeta})$ xvi	316	matrizxiv
$P(\mathcal{X}_{\zeta} \mid p)$ xvii	317	posto daxvii
$\propto$ xvi	318	transpostaxvii
$\rho(\cdot)$ xvii	319	médiaxvi
$\simeq$ xvi	320	metodologia
□xiii	321	procedimento4
≜xvi		
C.Q.D. xiii	322	N
٨	323	negaçãoxviii
	324	P
		postoxvii
graus()		probabilidadexvi
В	327	condicionalxvii
bi-implicaçãoxviii	328	produto cartesianoxvii
C		publicações1
_		
	330	Q
	331	quantificador
	332	existencialxv
constante de Euler-Mascheroni xv	333	universalxv
D	334	R
delta de Dirac xiv		recorrênciaveja recursividade
delta de Kroneckerxiv		recursividadeveja recorrência
derivadaxiv	550	100011011011011011011011011011011011011
desvio padrãoxvi	337	$\mathbf{S}$
disjunçãoxviii	338	série harmônicaxv
F	339	$\mathbf{V}$
<del>-</del>	340	valor absolutoxvii
	$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$

16 Ind	ice Remissir	VC
10	ice nemissi	٧L

341	valor esperadoxvii	343	realizaçãoxvi
342	variável aleatória xiv	344	vetor xiv