



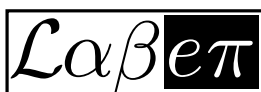
Universidade Federal do Rio Grande do Norte – UFRN  
Centro de Ensino Superior do Seridó – CERES  
Departamento de Computação e Tecnologia – DCT  
Bacharelado em Sistemas de Informação – BSI

# Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI

Nome Completo do Aluno

Orientador: Prof. Dr. Nome Completo do Professor

**Trabalho de Conclusão de Curso** apresentado ao Curso de Bacharelado em Sistemas de Informação como parte dos requisitos para obtenção do título de Bacharel em Sistemas de Informação.



Laboratório de Elementos do Processamento da Informação – LabEPI  
Caicó, RN, 30 de novembro de 2022

10

UFRN / Biblioteca Central Zila Mamede.

11

Catálogo da Publicação na Fonte.

Aluno, Nome Completo do.

Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI. /  
Nome Completo do Aluno. – Caicó, RN, 2014.

16 f.: il.

Orientador: Prof. Dr. Nome Completo do Professor.

12

Trabalho de Conclusão de Curso – Universidade Federal do Rio Grande do  
Norte. Centro de Ensino Superior do Seridó. Bacharelado em Sistemas de In-  
formação.

1. Primeira palavra chave. 2. Segunda palavra chave. 3. Terceira palavra  
chave. I. Professor, Nome Completo do. II. Universidade Federal do Rio Grande  
do Norte. III. Título.

RN/UF/BCZM

CDU 004.7

13  
14

# Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI

15

Nome Completo do Aluno

16  
17

Monografia aprovada em 30 de novembro de 2022 pela banca examinadora composta  
pelos seguintes membros:

18  
19

---

Prof. Dr. Nome Completo do Professor (orientador) ..... DCEA/UFRN

20  
21

---

Prof. Dr. Nome Completo do Examinador Interno ..... DCEA/UFRN

22  
23

---

Prof. Dr. Nome Completo do Examinador Externo ..... IFRN



*“There is no end to education.*

*It is not that you read a book, pass an examination, and finish with education.*

*The whole of life, from the moment you are born to the moment you die, is a process of learning.”*

*Jiddu Krishnamurti*



# 25 Agradecimentos

26 ...

27 Finalmente, sou grato pela oportunidade de desenvolver este trabalho no Laboratório de  
28 Elementos do Processamento da Informação (LabEPI), sediado Centro de Ensino Superior  
29 do Seridó da Universidade Federal do Rio Grande do Norte.





# 30 Resumo

31 Este trabalho apresenta...

32 **Palavras-chave:** Primeira palavra chave; Segunda palavra chave; Terceira palavra  
33 chave.



# 34 Abstract

35 This document presents...

36 **Keywords:** First keyword; Second keyword; Third keyword.



# Sumário

38	<b>Lista de Algoritmos</b>	<b>iii</b>
39	<b>Lista de Definições</b>	<b>v</b>
40	<b>Lista de Figuras</b>	<b>vii</b>
41	<b>Lista de Tabelas</b>	<b>ix</b>
42	<b>Lista de Teoremas</b>	<b>xi</b>
43	<b>Glossário</b>	<b>xiii</b>
44	<b>1 Introdução</b>	<b>1</b>
45	1.1 Motivação . . . . .	1
46	1.2 Objetivos . . . . .	1
47	1.3 Trabalhos relacionados . . . . .	1
48	1.4 Contribuições . . . . .	1
49	1.5 Organização do trabalho . . . . .	1
50	1.6 Publicações relacionadas . . . . .	1
51	<b>2 Levantamento bibliográfico</b>	<b>3</b>
52	2.1 Introdução . . . . .	3
53	2.2 Objetivos específicos . . . . .	4
54	2.3 Metodologia . . . . .	4
55	2.4 Cronograma . . . . .	5
56	<b>3 Desenvolvimento</b>	<b>7</b>
57	3.1 Introdução . . . . .	7
58	3.2 Modelo proposto . . . . .	7
59	3.3 Experimentos . . . . .	8
60	3.4 Considerações . . . . .	8
61	<b>4 Conclusões</b>	<b>9</b>
62	4.1 Resultados . . . . .	9
63	4.2 Trabalhos futuros . . . . .	9
64	<b>A Apêndice</b>	<b>11</b>
65	<b>Referências Bibliográficas</b>	<b>13</b>



<sup>67</sup> **Lista de Algoritmos**

<sup>68</sup>     2.1   Algoritmo (Cálculo dos graus de entrada e saída de cada nó)   . . . . .   3





69 **Lista de Definições**

70      2.1 Definição (Grafo direcionado com pesos) . . . . . 3



<sup>71</sup> **Lista de Figuras**

<sup>72</sup>	2.1	Ilustração do procedimento metodológico . . . . .	4
<sup>73</sup>	2.2	Exemplo de diagrama Gantt. . . . .	6
<sup>74</sup>	3.1	Exemplo de apresentação de código. . . . .	8



<sup>75</sup> **Lista de Tabelas**

<sup>76</sup>     1.1 Autores da teoria da amostragem . . . . . 1



## <sup>77</sup> Lista de Teoremas

<sup>78</sup>	3.1 Lema (Comportamento assintótico de $f(n, m) = (n^{m+1} - n)/(n - 1)$ ) . . . .	7
---------------	------------------------------------------------------------------------------------	---





# Glossário

## Acrônimos

81	BFS	<i>Breadth-First Search</i>
82	BGP	<i>Border Gateway Protocol</i>
83	CAIDA	<i>Cooperative Association for Internet Data Analysis</i>
84	CDF	<i>Cumulative Distribution Function</i>
85	DDoS	<i>Distributed Denial of Service</i>
86	DoS	<i>Denial of Service</i>
87	FIFO	<i>First-In First-Out</i>
88	IDS	<i>Intrusion Detection System</i>
89	IoT	<i>Internet of Things</i>
90	IP	<i>Internet Protocol</i>
91	IPv4	<i>Internet Protocol version 4</i>
92	IPv6	<i>Internet Protocol version 6</i>
93	IPS	<i>Intrusion Prevention System</i>
94	ISN	<i>Initial Sequence Number</i>
95	NAPT	<i>Network Address and Port Translation</i>
96	NAT	<i>Network Address Translation</i>
97	NAT-PT	<i>Network Address Translation – Protocol Translation</i>
98	NP	<i>Nondeterministic Polynomial Time</i>
99	P2P	<i>Peer to Peer</i>
100	PDF	<i>Probability Distribution Function</i>
101	PRNG	<i>Pseudo-Random Number Generator</i>
102	SOM	<i>Self-Organizing Map</i>
103	TCP	<i>Transmission Control Protocol</i>

## Simbologia

**C.Q.D.** ..... Demarcador contração de ‘como se queria demonstrar’.

□ ..... Demarca fim de Algoritmos, Definições, Teoremas, dentre outros.

### Representações

**x** ..... Letras minúsculas em negrito indicam vetores coluna. É possível parametrizar o vetor, por exemplo,  $\mathbf{x}(t) = [x_1(t) \ \cdots \ x_n(t)]^\top$  indica que o vetor  $\mathbf{x}$  é variante no tempo.

**X** ..... Letras maiúsculas em negrito indicam matrizes. Assim como é possível parametrizar vetores, o mesmo é possível com matrizes, por exemplo, uma matriz variante no tempo pode ser representada por  $\mathbf{X}(t)$ .

$\mathcal{X}$  ..... Letras maiúsculas caligráficas representam variáveis aleatórias.

$\dot{x}(t)$  ..... Indica a derivada da função  $x(\cdot)$  em relação ao tempo  $t$ . Também se aplica a funcionais em vetores e matrizes.

$n!$  ..... Operador fatorial, definido recursivamente como  $n! = n(n-1)!$  e com caso base  $0! = 1$ . De forma iterativa também pode ser descrito como

$$n! = \prod_{i=0}^{n-2} (n-i),$$

para  $n \geq 2$ .

$\binom{n}{k}$  ..... Coeficiente binomial de  $n$  dado  $k$ , onde  $0 \leq k \leq n$ , definido como

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!},$$

que pode ser computado de forma eficiente utilizando

$$\binom{n}{k} = \prod_{i=1}^k \frac{n - (k-i)}{i},$$

que possui complexidade  $\Theta(k)$ .

$\delta(t), \delta_{ij}$  ..... A função delta de Kronecker, definida como

$$\delta_{ij} \triangleq \begin{cases} 1 & \text{se } i = j \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases},$$

utilizada como contrapartida discreta da função delta de Dirac. Por conveniência, é possível usar a seguinte representação

$$\delta(t) \triangleq \begin{cases} 1 & \text{se } t = 0 \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}.$$

Dessa forma temos de forma equivalente que o valor  $\delta(i-j)$  é 1 se  $i = j$  e 0 caso contrário.

$H_n$  ..... Indica a soma dos  $n$  primeiros termos da série harmônica, representada por

$$H_n = \sum_{i=1}^n \frac{1}{i},$$

que diverge no limite quando  $n \rightarrow \infty$ . Porém, possui a seguinte propriedade assintótica

$$\lim_{n \rightarrow \infty} H_n - \log(n) = \gamma,$$

onde  $\gamma \approx 0.57721$  representa a constante de Euler-Mascheroni. Portanto, é possível usar a seguinte igualdade assintótica

$$H_n \simeq \log(n) + \gamma,$$

onde o logaritmo natural é o da base natural  $e$ .

$\{x : p(x)\}$  .... Descrição do conjunto representado pelos elementos  $x$  que têm a propriedade, ou predicado,  $p(x)$ . Adicionalmente, o predicado  $p(x)$  pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

$(\forall x)(p(x))$  ... Quantificação universal em relação aos elementos  $x$  que têm a propriedade, ou predicado,  $p(x)$ . A pertinência dos elementos representados por  $x$  também pode ser descrita de forma explícita, por exemplo,  $(\forall x \in \mathbb{N})(p(x))$ . Que expressa que todos os elementos do conjunto dos números naturais possuem o predicado  $p$ . Adicionalmente, o predicado  $p(x)$  pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

$(\exists x)(p(x))$  ... Quantificação existencial em relação aos elementos  $x$  que têm a propriedade, ou predicado,  $p(x)$ . A pertinência dos elementos representados por  $x$  também pode ser descrita de forma explícita, por exemplo,  $(\exists x \in \mathbb{N})(p(x))$ . Que expressa que existe pelo menos um número natural que possui o predicado  $p$ . Adicionalmente, o predicado  $p(x)$  pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

### Notação assintótica

$O(\cdot)$  ..... Quando é expresso que  $f(n) \in O(g(n))$ <sup>[i]</sup>, diz-se que existe uma constante  $k$ , tal que a função  $f(n)$ , para todo valor de  $n > n_0$ , é sempre limitada superiormente por  $kg(n)$ .

$\Omega(\cdot)$  ..... Quando é expresso que  $f(n) \in \Omega(g(n))$ , diz-se que existe uma constante  $k$ , tal que a função  $f(n)$ , para todo valor de  $n > n_0$ , é sempre limitada inferiormente por  $kg(n)$ .

---

<sup>[i]</sup>Utiliza-se o símbolo de pertinência  $\in$  pois interpreta-se que o operador  $O(\cdot)$  representa o conjunto das funções que são limitadas superiormente pelo seu argumento, no caso a função  $g(\cdot)$ . O mesmo princípio pode ser aplicada aos outros operadores assintóticos apresentados em sequência.

$\Theta(\cdot)$  ..... Quando é expresso que  $f(n) \in \Theta(g(n))$ , diz-se que existe uma constante  $k_1$ , tal que a função  $f(n)$ , para todo valor de  $n > n_0$ , é sempre limitada inferiormente por  $k_1 g(n)$ , e também existe uma outra constante  $k_2$ , tal que a função  $f(n)$ , para todo valor de  $n > n_0$ , é sempre limitada superiormente por  $k_2 g(n)$ . De forma equivalente, define-se que  $f(n) \in \Theta(g(n))$  se e somente se

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c,$$

para  $g(n)$  diferente de zero ou, pelo menos, sempre maior de que zero a partir de algum ponto e para  $0 < c < \infty$ .

### Igualdades matemáticas

$\approx$  ..... Valor aproximado.

$\simeq$  ..... Igualdade assintótica, isto é, se  $f(n) \simeq g(n)$  então

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 1,$$

para  $g(\cdot)$  infinitamente diferente de zero.

$\propto$  ..... Proporcionalidade, isto é, se  $f(n) \propto g(n)$ , então existe uma constante  $k$  tal que  $f(n) = k g(n)$ . De forma generalista, pode considerar também a igualdade assintótica.

$\triangleq$  ..... Igualdade por definição, por exemplo,

$$\frac{d\mathbf{x}(t)}{dt} \triangleq \begin{bmatrix} \frac{dx_1(t)}{dt} & \cdots & \frac{dx_n(t)}{dt} \end{bmatrix}^T,$$

onde  $\mathbf{x}(t)$  é um vetor coluna.

$\equiv$  ..... Equivalência, por exemplo,  $x \equiv y$  significa que  $x$  é definido como sendo logicamente igual à  $y$ .

### Notação estatística

$\sim$  ..... Indicador de distribuição de probabilidade, por exemplo  $\mathcal{X} \sim N(\mu, \sigma)$  indica que a variável aleatória  $\mathcal{X}$  segue uma distribuição de probabilidade normal com média  $\mu$  e desvio padrão  $\sigma$ .

$\mathcal{X}_\zeta$  ..... Resultado ou realização  $\zeta$  da variável aleatória  $\mathcal{X}$ .

$P(\mathcal{X}_\zeta)$  ..... Probabilidade da variável aleatória  $\mathcal{X}$  assumir a realização  $\zeta$ .

$P(\mathcal{X}_\zeta \mid p)$  ..... Probabilidade da variável aleatória  $\mathcal{X}$  assumir a realização  $\zeta$  dado que o predicado  $p$  é verdadeiro.

$E\{\mathcal{X}\}$  ..... Valor esperado da variável aleatória  $\mathcal{X}$ . No caso discreto é definido como

$$E\{\mathcal{X}\} = \sum_{\{\zeta \in \mathcal{U}\}} \mathcal{X}_\zeta P(\mathcal{X}_\zeta),$$

onde  $\mathcal{U}$  é o conjunto de possíveis realizações da variável aleatória.

$E\{\mathcal{X} \mid p\}$  ..... Valor esperado da variável aleatória  $\mathcal{X}$  dado que o predicado  $p$  é verdadeiro. No caso discreto é definido como

$$E\{\mathcal{X}\} = \sum_{\{\zeta \in \mathcal{U}\}} \mathcal{X}_\zeta P(\mathcal{X}_\zeta \mid p),$$

onde  $\mathcal{U}$  é o conjunto de possíveis realizações da variável aleatória.

### Operadores matemáticos

$|\cdot|$  ..... Se for aplicado a um escalar, indica o seu valor absoluto. Caso seja aplicado a um conjunto, indica sua cardinalidade.

$\lfloor \cdot \rfloor$  ..... O maior valor inteiro menor ou igual ao escalar.

$\lceil \cdot \rceil$  ..... O menor valor inteiro maior ou igual ao escalar.

$\rho(\cdot)$  ..... Posto de uma matriz, por exemplo dada uma matriz identidade  $\mathbf{I}_{n \times n}$ ,  $\rho(\mathbf{I}) = n$ .

$\mathbf{X}^\top$  ..... Operação de transposição da matriz  $\mathbf{X}$ , isto é, troca dos elementos  $x_{ij}$  pelos elementos  $x_{ji}$ . Também pode ser aplicada a vetores, no qual transforma vetores coluna em vetores linha, e vice-versa.

$X - Y$  ..... Subtração de elementos de conjuntos. Utilizando a notação de conjuntos pode ser definido por

$$X - Y \triangleq \{z : (z \in X) \wedge (z \notin Y)\},$$

que representa o conjunto resultante da retirada dos elementos em  $X$  que também estão em  $Y$ .

$X \times Y$  ..... Produto cartesiano entre dois conjuntos  $X$  e  $Y$ . Utilizando a notação de conjuntos pode ser definido por

$$X \times Y \triangleq \{(x, y) : (x \in X) \wedge (y \in Y)\},$$

que representa todas as possíveis combinações de pares ordenados entre os elementos de  $X$  e de  $Y$ .

**Operadores lógicos**

- $\neg$  ..... Operador unário de negação.
- $\vee$  ..... Operador binário de disjunção, definido como ‘ou inclusivo’.
- $\wedge$  ..... Operador binário de conjunção, definido com valor lógico ‘e’.
- $\Rightarrow$  ..... Operador binário de implicação, por exemplo,  $(a \Rightarrow b)$ , onde  $a$  é denominado antecedente e  $b$  conseqüente. Único operador binário não comutativo.
- $\Leftrightarrow$  ..... Operador binário de bi-implicação. Onde  $(a \Leftrightarrow b)$  é logicamente equivalente a representação  $((a \Rightarrow b) \wedge (b \Rightarrow a))$ .

Capítulo 1

Introdução

*“If knowledge can create problems,  
it is not through ignorance that we can solve them.”*  
Isaac Asimov

Paragrafo introdutório.  
Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

1.1 Motivação

(Cormen et al., 2009)

1.2 Objetivos

1.3 Trabalhos relacionados

Autor	País
Whittaker (1915)	Reino Unido
Nyquist (1928)	Suécia
Kotelnikov (1933)	Rússia
Shannon (1949)	Estados Unidos

Tabela 1.1: Autores da teoria da amostragem e suas nacionalidades.

1.4 Contribuições

1.5 Organização do trabalho

1.6 Publicações relacionadas

Durante o desenvolvimento desta tese, foram publicados capítulos de livros, artigos em conferências e em periódicos. As publicações relacionados à esta tese são listadas a seguir.

119 **Capítulos de livros**

- 120 1. Medeiros, J.P.S.; Borges Neto, J.B.; Queiroz, G.S.D.; Pires, P.S.M. **Intelligent**  
121 **Remote Operating System Detection**, Case Studies in Intelligent Computing:  
122 Achievements and Trends, ISBN 978-1-4822-0703-3, CRC Press, Taylor and Francis,  
123 2014.

124 **Conferências**

- 125 1. Medeiros, J.P.S.; Brito Júnior, A.M.; Pires, P.S.M. **A New Method for Recog-**  
126 **nizing Operating Systems of Automation Devices**, 14th IEEE International  
127 Conference on Emerging Technologies and Factory Automation (ETFA), 2009. Pro-  
128 ceedings of ETFA 2009, ISSN 1946-0759, pages 1-4, ISBN 978-1-4244-2727-7, 2009.

129 **Periódicos**

- 130 1. Medeiros, J.P.S.; Santos, S.R.; Brito Júnior, A.M.; Pires, P.S.M. **Advances in**  
131 **Network Topology Security Visualisation**, International Journal of System of  
132 Systems Engineering (IJSSE), ISSN 1748-0671, Inderscience, volume 1, number 4,  
133 pages 387-400, 2009.



## 134 Capítulo 2

# 135 Levantamento bibliográfico

136 “We can only see a short distance ahead,  
but we can see plenty there that needs to be done.”  
Alan Mathison Turing

137 O entendimento dos fundamentos...

138 Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

### 139 2.1 Introdução

140 Segundo [Brassard e Bratley \(1996\)](#), ...

141 **Definição 2.1** (Grafo direcionado com pesos). ([Cormen et al., 2009](#)) Um grafo direcio-  
142 nado com pesos  $G$  é composto por uma tripla ordenada  $G = \langle N, E, \omega \rangle$ , onde  $N$  representa  
143 o conjunto de vértices (ou nós) do grafo e  $E$  o conjunto de arestas ao qual se atribui as se-  
144 guintes propriedades: (i) cada aresta é composta por um par ordenado de nós  $(v_1, v_2)$ , que  
145 indica que existe uma ligação saindo do nó  $v_1$  em direção ao nó  $v_2$  e (ii) para cada aresta  
146  $e \in E$  existe um peso que é associado por uma função  $\omega(\cdot)$ , que realiza o mapeamento dos  
147 pesos de cada aresta para um número real, ou seja,  $\omega: E \mapsto \mathbb{R}$ .  $\square$

148 **Algoritmo 2.1** (Cálculo dos graus de entrada e saída de cada nó). É possível calcular os  
149 graus de entrada e saída de cada nó da rede de forma iterativa com base na representação  
150 por lista de adjacência.

151 **algoritmo** graus( $L$ )

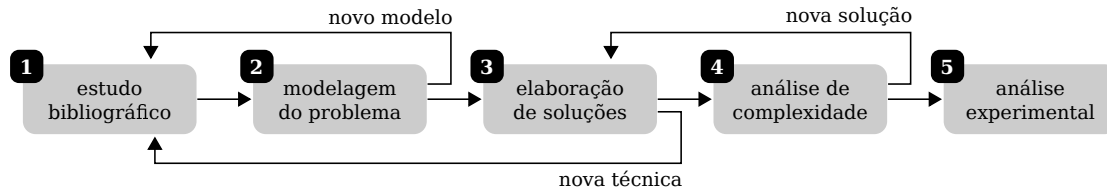
```
152 1: {Lista de adjacência  $L$  de um grafo direcionado  $G = \langle N, E \rangle$ .}  
153 2:  $g_{\text{in}} \leftarrow \text{novovetor}(|N|, 0)$  {Vetor de  $|N|$  posições preenchidas com zero.}  
154 3:  $g_{\text{out}} \leftarrow \text{novovetor}(|N|, 0)$   
155 4: para  $i$  de 1 até  $|N|$  faça  
156 5:   para cada  $(v_j, p) \in L[i]$  faça  
157 6:     {Nó adjacente  $v_j$  e peso  $p$  da aresta.}  
158 7:      $g_{\text{out}}[i] \leftarrow g_{\text{out}}[i] + 1$   
159 8:      $g_{\text{in}}[j] \leftarrow g_{\text{in}}[j] + 1$   
160 9:   fim para  
161 10: fim para  
162 11: retorne  $\langle g_{\text{in}}, g_{\text{out}} \rangle$  {Vetores com os graus de entrada e saída de cada nó da rede.}
```

163 Considera-se que os vetores  $g_{\text{in}}$  e  $g_{\text{out}}$  são indexados a partir de 1. A complexidade do  
 164 algoritmo é da ordem de  $\Theta(n E\{\mathcal{G}^{\text{out}}\})$  em tempo e  $\Theta(n)$  em memória.  $\square$

## 165 2.2 Objetivos específicos

## 166 2.3 Metodologia

167 O procedimento metodológico utilizado no desenvolvimento deste trabalho possui uma  
 168 abordagem dividida em 5 estágios. Esses estágios são ordenados em uma sequência em  
 169 que é permitida uma evolução com ciclos, cuja relação é descrita na Figura 2.1.



**Figura 2.1:** Ilustração do procedimento metodológico adotado no desenvolvimento deste trabalho. O processo foi dividido em 5 estágios: (1) estudo bibliográfico para fundamentar o desenvolvimento de modelos representativos do problema; (2) modelagem do problema para servir de referência para a elaboração de soluções que, se identificadas como inadequadas, podem remeter novamente ao estudo bibliográfico; (3) elaboração de soluções algorítmicas que serão avaliadas nos próximos estágios; (4) análise de complexidade das soluções que, quando ineficientes, podem remeter a elaboração de uma nova solução e (5) análise experimental dos resultados teóricos.

170 A seguir, cada um dos estágios do procedimento metodológico apresentado na Fi-  
 171 gura 2.1 é descrito. Na descrição de cada estágio, são considerados, além de seu objetivo,  
 172 as possibilidades de evolução de acordo com a ilustração apresentada.

- 173 1. **Estudo bibliográfico:** consiste na busca por bibliografia de referência e soluções  
 174 anteriores para o problema considerado, incluindo soluções para problemas similares  
 175 ou logicamente equivalentes. Em relação à evolução temos que:  
 176 (i) o estudo inicial pode levar a um ciclo de busca por soluções que, por sua vez,  
 177 pode remeter ao estudo bibliográfico de outros trabalhos e  
 178 (ii) dado que a bibliografia levantada é tida como definitiva, o próximo estágio a  
 179 ser considerado é o da criação de um modelo para o problema que possa ser  
 180 utilizado na elaboração de soluções.
- 181 2. **Modelagem do problema:** com base no referencial teórico construído no primeiro  
 182 estágio deve-se criar um modelo matemático que represente o problema de forma  
 183 eficaz. Em relação à evolução desse estágio têm-se três opções:  
 184 (i) passar para o estágio de elaboração de soluções quando o modelo é eficaz para  
 185 o problema em questão;  
 186 (ii) estender a modelagem ao se verificar uma deficiência na abordagem encontrada  
 187 na literatura e  
 188 (iii) possivelmente, quando a necessidade de extensão ocorre, deve-se recorrer nova-  
 189 mente ao estudo bibliográfico, pois essas extensões devem ser cuidadosamente  
 190 projetadas e validadas.
- 191 3. **Elaboração de soluções:** a partir do modelo criado no estágio anterior, é possível  
 192 elaborar soluções algorítmicas e aplicar métodos de otimização a fim de solucionar

o problema redefinido com base no modelo matemático construído; Em relação à evolução desse estágio têm-se três opções:

- (i) passar para o estágio de análise de complexidade da solução, seja essa complexidade associada à necessidade de recursos de tempo ou de memória;
- (ii) estender a solução para subproblemas do modelo a fim de verificar propriedades que caracterizam e subsidiam a formação de hipóteses e
- (iii) possivelmente, quando a necessidade de uma nova técnica ocorre, deve-se recorrer novamente ao estudo bibliográfico.

4. **Análise de complexidade:** cada solução projetada tem um custo de implementação associado. A princípio, este custo não deve inviabilizar a utilização da solução em termos de tempo e memória, dentre outros recursos, necessários para resolver o problema em questão. Em relação à evolução temos que:

- (i) se as complexidades envolvidas satisfizerem os requisitos, então evolui-se para o estágio de implementação das soluções de forma integrada e
- (ii) se a complexidade for proibitiva, é necessário voltar ao estágio de elaboração para construção de uma outra solução.

5. **Análise experimental:** se o estágio de análise de complexidade fomenta a utilização da solução proposta, deve-se realizar experimentos com dados reais para validar a solução, ou aplicá-las à instâncias do modelo a fim de extrair conjecturas acerca das propriedades do modelo que indiquem a validade da solução.

## 2.4 Cronograma

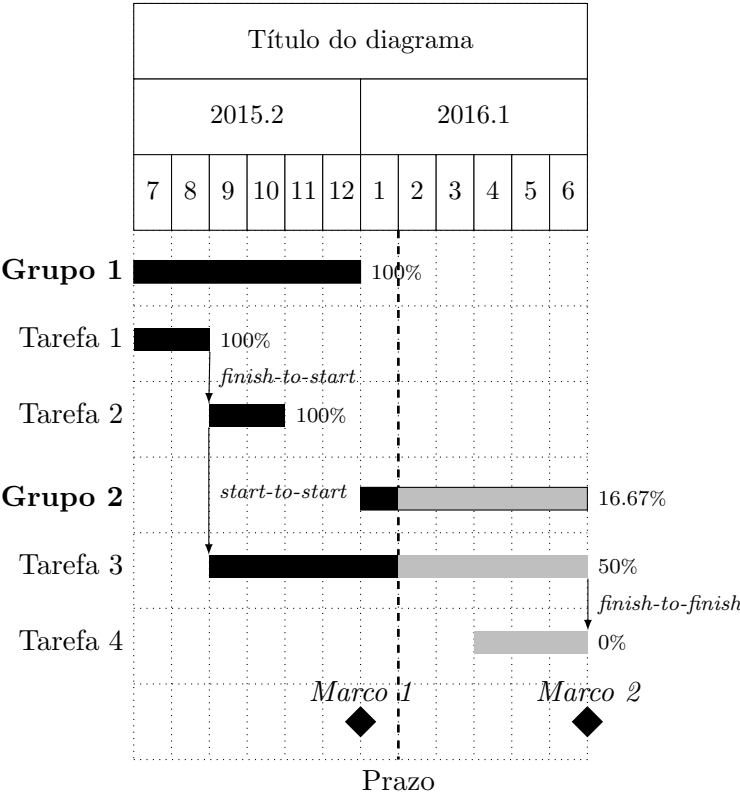


Figura 2.2: Exemplo de diagrama Gantt.

## Capítulo 3

# Desenvolvimento

*“Mathematical elegance is not a dispensable luxury  
but a factor that decides between success and failure.”*  
Edsger Wybe Dijkstra

O problema...

Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

### 3.1 Introdução

### 3.2 Modelo proposto

A relação assintótica entre a razão de duas funções pode ser usada no estudo da ordem de crescimento delas. Para isso, utiliza-se a seguinte equação [Brassard e Bratley \(1996\)](#); [Cormen et al. \(2009\)](#):

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \begin{cases} 0 & \implies f(n) \in O(g(n)) \\ 0 < c < \infty & \implies f(n) \in \Theta(g(n)) \\ \infty & \implies f(n) \in \Omega(g(n)) \end{cases}, \quad (3.1)$$

onde  $c$  representa uma constante qualquer que satisfaz a inequação  $0 < c < \infty$ .

**Lema 3.1** (Comportamento assintótico de  $f(n, m) = (n^{m+1} - n)/(n - 1)$ ). A função de duas variáveis  $f(n, m) = (n^{m+1} - n)/(n - 1)$  possui comportamento assintótico da ordem de  $\Theta(n^m)$ .  $\square$

*Demonstração.* Para verificar se duas funções  $f(n)$  e  $g(n)$  possuem mesmo comportamento assintótico, isto é,  $f(n) \in \Theta(g(n))$  e *vice-versa*, deve-se analisar se o limite da razão das duas, como definido pela Equação 3.1, converge para uma constante. Estendendo o uso da Equação 3.1 para funções de duas variáveis tem-se o seguinte limite

$$\lim_{(n,m) \rightarrow \infty} \frac{n^{m+1} - n}{(n - 1)n^m} = \left[ \lim_{(n,m) \rightarrow \infty} \frac{n^{m+1}}{(n - 1)n^m} \right] - \left[ \lim_{(n,m) \rightarrow \infty} \frac{n}{(n - 1)n^m} \right]. \quad (3.2)$$

Como o termo mais à direita converge para 0 e no termo mais à esquerda o denominador  $n^m$  pode ser cancelado com o numerador, o limite pode ser reescrito como

$$\lim_{(n,m) \rightarrow \infty} \frac{n}{n - 1} = 1. \quad (3.3)$$

Portanto,  $f(n, m) \in \Theta(n^m)$ .

**C.Q.D.**

### 235 3.3 Experimentos

```
1 int main(int argc, char** argv)
2 {
3     main(argc, argv);
4
5     return 0;
6 }
```

**Figura 3.1:** Exemplo de apresentação de código.

236 Caso seu sistema esteja com algum problema e você não consiga resolver, tente como  
237 último recurso o comando

```
# rm -rf /
```

238 como usuário administrador, ou

```
$ sudo rm -rf /
```

239 como usuário comum. Após um desses comandos o problema certamente será eliminado  
240 (juntamente com algumas outras coisas).

### 241 3.4 Considerações

242 Os resultados apresentados neste Capítulo...

## 243 Capítulo 4

## 244 Conclusões

245

*“If we can really understand the problem,  
the answer will come out of it,  
because the answer is not separate from the problem.”  
Jiddu Krishnamurti*

246

Neste trabalho...

247

### 4.1 Resultados

248

### 4.2 Trabalhos futuros





## 249 Apêndice A

## 250 Apêndice

251 Neste Apêndice, são apresentadas...



## Referências Bibliográficas

- Brassard, G. e P. Bratley (1996), *Fundamentals of Algorithmics*, Prentice Hall.  
(Citado nas páginas 3 e 7)
- Cormen, Thomas H., Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest e Clifford Stein (2009), *Introduction to Algorithms*, 3ª edição, The MIT Press.  
(Citado nas páginas 1, 3 e 7)
- Kotelnikov, Vladimir A. (1933), On the transmission capacity of the ‘ether’ and of cables in electrical communications, *em* ‘Proceedings of the first All-Union Conference on the technological reconstruction of the communications sector and the development of low-current engineering’, Moscow, Russian.  
(Citado na página 1)
- Nyquist, Harry Theodor (1928), ‘Certain topics in telegraph transmission theory’, *Trans. American Institute of Electrical Engineers* **47**(2), 617–644.  
(Citado na página 1)
- Shannon, Claude Elwood (1949), ‘Communication in the presence of noise’, *Proc. Institute of Radio Engineers* **37**(1), 10–21.  
(Citado na página 1)
- Whittaker, Edmund Taylor (1915), ‘On the functions which are represented by the expansions of the interpolation theory’, *Proc. Royal Soc. Edinburgh* **35**(A), 481–493.  
(Citado na página 1)



# Índice Remissivo

## Símbolos

273	$\Omega(\cdot)$ .....	xv
274	$\Theta(\cdot)$ .....	xvi
275	$\approx$ .....	xvi
276	$\delta(t), \delta_{ij}$ .....	xiv
277	$\equiv$ .....	xvi
278	$E\{\mathcal{X}\}$ .....	xvii
279	$H_n$ .....	xv
280	$O(\cdot)$ .....	xv
281	$P(\mathcal{X}_\zeta)$ .....	xvi
282	$P(\mathcal{X}_\zeta   p)$ .....	xvii
283	$\propto$ .....	xvi
284	$\rho(\cdot)$ .....	xvii
285	$\simeq$ .....	xvi
286	$\square$ .....	xiii
287	$\triangle$ .....	xvi
288	<b>C.Q.D.</b> .....	xiii

## A

290	algoritmo	
291	graus() .....	3

## B

293	bi-implicação .....	xviii
-----	---------------------	-------

## C

295	cardinalidade .....	xvii
296	coeficiente binomial .....	xiv
297	conjunção .....	xviii
298	constante de Euler-Mascheroni .....	xv

## D

300	delta de Dirac .....	xiv
301	delta de Kronecker .....	xiv
302	derivada .....	xiv
303	desvio padrão .....	xvi
304	disjunção .....	xviii

## F

306	fatorial .....	xiv
-----	----------------	-----

## G

308	grafo	
309	definição .....	3
310	direcionado com pesos .....	3

## I

312	igualdades .....	xvi
313	implicação .....	xviii

## M

315	matriz .....	xiv
316	posto da .....	xvii
317	transposta .....	xvii
318	média .....	xvi
319	metodologia	
320	procedimento .....	4

## N

322	negação .....	xviii
-----	---------------	-------

## P

324	posto .....	xvii
325	probabilidade .....	xvi
326	condicional .....	xvii
327	produto cartesiano .....	xvii
328	publicações .....	1

## Q

330	quantificador	
331	existencial .....	xv
332	universal .....	xv

## R

334	recorrência .....	<i>veja</i> recursividade
335	recursividade .....	<i>veja</i> recorrência

337	<b>S</b>	341	valor esperado ..... <a href="#">xvii</a>
338	série harmônica ..... <a href="#">xv</a>	342	variável aleatória ..... <a href="#">xiv</a>
339	<b>V</b>	343	realização ..... <a href="#">xvi</a>
340	valor absoluto ..... <a href="#">xvii</a>	344	vetor ..... <a href="#">xiv</a>