



Universidade Federal do Rio Grande do Norte – UFRN
Centro de Ensino Superior do Seridó – CERES
Departamento de Ciências Exatas e Aplicadas – DCEA
Bacharelado em Sistemas de Informação – BSI

2

3

Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI

4

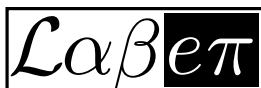
Nome Completo do Aluno

5

Orientador: Prof. Dr. Nome Completo do Professor

6

Relatório Técnico apresentado ao Curso de Bacharelado em Sistemas de Informação como parte dos requisitos para aprovação na atividade de Estágio Obrigatório.



8

Laboratório de Elementos do Processamento da Informação – LabEPI

9

Caicó, RN, 16 de dezembro de 2014

10

UFRN / Biblioteca Central Zila Mamede.

11

Catálogo da Publicação na Fonte.

Aluno, Nome Completo do.

Modelo de Referência para Escrita de Monografias e Relatórios do LabEPI. /
Nome Completo do Aluno. – Caicó, RN, 2014.

28 f.: il.

Orientador: Prof. Dr. Nome Completo do Professor.

12

Relatório Técnico – Universidade Federal do Rio Grande do Norte. Centro de
Ensino Superior do Seridó. Bacharelado em Sistemas de Informação.

1. Primeira palavra chave. 2. Segunda palavra chave. 3. Terceira palavra
chave. I. Professor, Nome Completo do. II. Universidade Federal do Rio Grande
do Norte. III. Título.

RN/UF/BCZM

CDU 004.7

13 **Resumo**

14 Este trabalho apresenta...

15 **Palavras-chave:** Primeira palavra chave; Segunda palavra chave; Terceira palavra
16 chave.

17 Abstract

18 This document presents...

19 **Keywords:** First keyword; Second keyword; Third keyword.

Sumário

21	Lista de Algoritmos	6
22	Lista de Definições	7
23	Lista de Figuras	8
24	Lista de Tabelas	9
25	Lista de Teoremas	10
26	Glossário	11
27	1 Introdução	17
28	1.1 Motivação	17
29	1.2 Objetivos	17
30	1.3 Trabalhos relacionados	17
31	1.4 Contribuições	17
32	1.5 Organização do trabalho	17
33	1.6 Publicações relacionadas	17
34	2 Levantamento bibliográfico	19
35	2.1 Introdução	19
36	2.2 Fundamentação	19
37	2.3 Objetivos específicos	20
38	2.4 Metodologia	20
39	2.5 Cronograma	21
40	3 Desenvolvimento	22
41	3.1 Introdução	22
42	3.2 Modelo proposto	22
43	3.3 Experimentos	23
44	3.4 Considerações	23
45	4 Conclusões	24
46	4.1 Resultados	24
47	4.2 Trabalhos futuros	24
48	A Apêndice	25

	Modelo de Monografias e Relatórios do LabEPI	5
49	Referências Bibliográficas	26
50	Índice Remissivo	27

⁵¹ Lista de Algoritmos

⁵²	2.1 Algoritmo (Cálculo dos graus de entrada e saída de cada nó)	19
---------------	---	----

53 **Lista de Definições**

54 2.1 Definição (Grafo direcionado com pesos) 19

55 **Lista de Figuras**

56	2.1 Ilustração do procedimento metodológico	20
57	2.2 Exemplo de diagrama Gantt.	21

58 **Lista de Tabelas**

59 1.1 Autores da teoria da amostragem 17

⁶⁰ Lista de Teoremas

⁶¹	3.1 Lema (Comportamento assintótico de $f(n, m) = (n^{m+1} - n)/(n - 1)$)	22
---------------	--	----

Glossário

Acrônimos

BFS	<i>Breadth-First Search</i>
BGP	<i>Border Gateway Protocol</i>
CAIDA	<i>Cooperative Association for Internet Data Analysis</i>
CDF	<i>Cumulative Distribution Function</i>
DDoS	<i>Distributed Denial of Service</i>
DoS	<i>Denial of Service</i>
FIFO	<i>First-In First-Out</i>
IDS	<i>Intrusion Detection System</i>
IoT	<i>Internet of Things</i>
IP	<i>Internet Protocol</i>
IPv4	<i>Internet Protocol version 4</i>
IPv6	<i>Internet Protocol version 6</i>
IPS	<i>Intrusion Prevention System</i>
ISN	<i>Initial Sequence Number</i>
NAPT	<i>Network Address and Port Translation</i>
NAT	<i>Network Address Translation</i>
NAT-PT	<i>Network Address Translation – Protocol Translation</i>
NP	<i>Nondeterministic Polynomial Time</i>
P2P	<i>Peer to Peer</i>
PDF	<i>Probability Distribution Function</i>
PRNG	<i>Pseudo-Random Number Generator</i>
SOM	<i>Self-Organizing Map</i>
TCP	<i>Transmission Control Protocol</i>

Simbologia

C.Q.D. Demarcador contração de ‘como se queria demonstrar’.

□ Demarca fim de Algoritmos, Definições, Teoremas, dentre outros.

Representações

\mathbf{x} Letras minúsculas em negrito indicam vetores coluna. É possível parametrizar o vetor, por exemplo, $\mathbf{x}(t) = [x_1(t) \cdots x_n(t)]^\top$ indica que o vetor \mathbf{x} é variante no tempo.

\mathbf{X} Letras maiúsculas em negrito indicam matrizes. Assim como é possível parametrizar vetores, o mesmo é possível com matrizes, por exemplo, uma matriz variante no tempo pode ser representada por $\mathbf{X}(t)$.

\mathcal{X} Letras maiúsculas caligráficas representam variáveis aleatórias.

$\dot{x}(t)$ Indica a derivada da função $x(\cdot)$ em relação ao tempo t . Também se aplica a funcionais em vetores e matrizes.

$n!$ Operador fatorial, definido recursivamente como $n! = n(n-1)!$ e com caso base $0! = 1$. De forma iterativa também pode ser descrito como

$$n! = \prod_{i=0}^{n-2} (n-i),$$

para $n \geq 2$.

$\binom{n}{k}$ Coeficiente binomial de n dado k , onde $0 \leq k \leq n$, definido como

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!},$$

que pode ser computado de forma eficiente utilizando

$$\binom{n}{k} = \prod_{i=1}^k \frac{n - (k-i)}{i},$$

que possui complexidade $\Theta(k)$.

$\delta(t), \delta_{ij}$ A função delta de Kronecker, definida como

$$\delta_{ij} \triangleq \begin{cases} 1 & \text{se } i = j \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases},$$

utilizada como contrapartida discreta da função delta de Dirac. Por conveniência, é possível usar a seguinte representação

$$\delta(t) \triangleq \begin{cases} 1 & \text{se } t = 0 \\ 0 & \text{caso contrário} \end{cases}.$$

Dessa forma temos de forma equivalente que o valor $\delta(i-j)$ é 1 se $i = j$ e 0 caso contrário.

H_n Indica a soma dos n primeiros termos da série harmônica, representada por

$$H_n = \sum_{i=1}^n \frac{1}{i},$$

que diverge no limite quando $n \rightarrow \infty$. Porém, possui a seguinte propriedade assintótica

$$\lim_{n \rightarrow \infty} H_n - \log(n) = \gamma,$$

onde $\gamma \approx 0.57721$ representa a constante de Euler-Mascheroni. Portanto, é possível usar a seguinte igualdade assintótica

$$H_n \simeq \log(n) + \gamma,$$

onde o logaritmo natural é o da base natural e .

$\{x : p(x)\}$ Descrição do conjunto representado pelos elementos x que têm a propriedade, ou predicado, $p(x)$. Adicionalmente, o predicado $p(x)$ pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

$(\forall x)(p(x))$... Quantificação universal em relação aos elementos x que têm a propriedade, ou predicado, $p(x)$. A pertinência dos elementos representados por x também pode ser descrita de forma explícita, por exemplo, $(\forall x \in \mathbb{N})(p(x))$. Que expressa que todos os elementos do conjunto dos números naturais possuem o predicado p . Adicionalmente, o predicado $p(x)$ pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

$(\exists x)(p(x))$... Quantificação existencial em relação aos elementos x que têm a propriedade, ou predicado, $p(x)$. A pertinência dos elementos representados por x também pode ser descrita de forma explícita, por exemplo, $(\exists x \in \mathbb{N})(p(x))$. Que expressa que existe pelo menos um número natural que possui o predicado p . Adicionalmente, o predicado $p(x)$ pode ser descrito utilizando os operadores da lógica proposicional.

Notação assintótica

$O(\cdot)$ Quando é expresso que $f(n) \in O(g(n))$ ^[i], diz-se que existe uma constante k , tal que a função $f(n)$, para todo valor de $n > n_0$, é sempre limitada superiormente por $kg(n)$.

$\Omega(\cdot)$ Quando é expresso que $f(n) \in \Omega(g(n))$, diz-se que existe uma constante k , tal que a função $f(n)$, para todo valor de $n > n_0$, é sempre limitada inferiormente por $kg(n)$.

^[i]Utiliza-se o símbolo de pertinência \in pois interpreta-se que o operador $O(\cdot)$ representa o conjunto das funções que são limitadas superiormente pelo seu argumento, no caso a função $g(\cdot)$. O mesmo princípio pode ser aplicada aos outros operadores assintóticos apresentados em sequência.

$\Theta(\cdot)$ Quando é expresso que $f(n) \in \Theta(g(n))$, diz-se que existe uma constante k_1 , tal que a função $f(n)$, para todo valor de $n > n_0$, é sempre limitada inferiormente por $k_1 g(n)$, e também existe uma outra constante k_2 , tal que a função $f(n)$, para todo valor de $n > n_0$, é sempre limitada superiormente por $k_2 g(n)$. De forma equivalente, define-se que $f(n) \in \Theta(g(n))$ se e somente se

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = c,$$

para $g(n)$ diferente de zero ou, pelo menos, sempre maior de que zero a partir de algum ponto e para $0 < c < \infty$.

Igualdades matemáticas

\approx Valor aproximado.

\simeq Igualdade assintótica, isto é, se $f(n) \simeq g(n)$ então

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = 1,$$

para $g(\cdot)$ infinitamente diferente de zero.

\propto Proporcionalidade, isto é, se $f(n) \propto g(n)$, então existe uma constante k tal que $f(n) = kg(n)$. De forma generalista, pode considerar também a igualdade assintótica.

\triangleq Igualdade por definição, por exemplo,

$$\frac{d\mathbf{x}(t)}{dt} \triangleq \begin{bmatrix} \frac{dx_1(t)}{dt} & \dots & \frac{dx_n(t)}{dt} \end{bmatrix}^T,$$

onde $\mathbf{x}(t)$ é um vetor coluna.

\equiv Equivalência, por exemplo, $x \equiv y$ significa que x é definido como sendo logicamente igual à y .

Notação estatística

\sim Indicador de distribuição de probabilidade, por exemplo $\mathcal{X} \sim N(\mu, \sigma)$ indica que a variável aleatória \mathcal{X} segue uma distribuição de probabilidade normal com média μ e desvio padrão σ .

\mathcal{X}_ζ Resultado ou realização ζ da variável aleatória \mathcal{X} .

$P(\mathcal{X}_\zeta)$ Probabilidade da variável aleatória \mathcal{X} assumir a realização ζ .

$P(\mathcal{X}_\zeta \mid p)$ Probabilidade da variável aleatória \mathcal{X} assumir a realização ζ dado que o predicado p é verdadeiro.

$E\{\mathcal{X}\}$ Valor esperado da variável aleatória \mathcal{X} . No caso discreto é definido como

$$E\{\mathcal{X}\} = \sum_{\{\zeta \in \mathcal{U}\}} \mathcal{X}_\zeta P(\mathcal{X}_\zeta),$$

onde \mathcal{U} é o conjunto de possíveis realizações da variável aleatória.

$E\{\mathcal{X} \mid p\}$ Valor esperado da variável aleatória \mathcal{X} dado que o predicado p é verdadeiro. No caso discreto é definido como

$$E\{\mathcal{X}\} = \sum_{\{\zeta \in \mathcal{U}\}} \mathcal{X}_\zeta P(\mathcal{X}_\zeta \mid p),$$

onde \mathcal{U} é o conjunto de possíveis realizações da variável aleatória.

Operadores matemáticos

$|\cdot|$ Se for aplicado a um escalar, indica o seu valor absoluto. Caso seja aplicado a um conjunto, indica sua cardinalidade.

$\lfloor \cdot \rfloor$ O maior valor inteiro menor ou igual ao escalar.

$\lceil \cdot \rceil$ O menor valor inteiro maior ou igual ao escalar.

$\rho(\cdot)$ Posto de uma matriz, por exemplo dada uma matriz identidade $\mathbf{I}_{n \times n}$, $\rho(\mathbf{I}) = n$.

\mathbf{X}^\top Operação de transposição da matriz \mathbf{X} , isto é, troca dos elementos x_{ij} pelos elementos x_{ji} . Também pode ser aplicada a vetores, no qual transforma vetores coluna em vetores linha, e vice-versa.

$X - Y$ Subtração de elementos de conjuntos. Utilizando a notação de conjuntos pode ser definido por

$$X - Y \triangleq \{z : (z \in X) \wedge (z \notin Y)\},$$

que representa o conjunto resultante da retirada dos elementos em X que também estão em Y .

$X \times Y$ Produto cartesiano entre dois conjuntos X e Y . Utilizando a notação de conjuntos pode ser definido por

$$X \times Y \triangleq \{(x, y) : (x \in X) \wedge (y \in Y)\},$$

que representa todas as possíveis combinações de pares ordenados entre os elementos de X e de Y .

Operadores lógicos

- \neg Operador unário de negação.
- \vee Operador binário de disjunção, definido como ‘ou inclusivo’.
- \wedge Operador binário de conjunção, definido com valor lógico ‘e’.
- \Rightarrow Operador binário de implicação, por exemplo, $(a \Rightarrow b)$, onde a é denominado antecedente e b consequente. Único operador binário não comutativo.
- \Leftrightarrow Operador binário de bi-implicação. Onde $(a \Leftrightarrow b)$ é logicamente equivalente a representação $((a \Rightarrow b) \wedge (b \Rightarrow a))$.

1. Introdução

*“If knowledge can create problems,
it is not through ignorance that we can solve them.”*
Isaac Asimov

Paragrafo introdutório.
Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

1.1 Motivação

[Cormen et al., 2009]

1.2 Objetivos

1.3 Trabalhos relacionados

Autor	País
Whittaker [1915]	Reino Unido
Nyquist [1928]	Suécia
Kotelnikov [1933]	Rússia
Shannon [1949]	Estados Unidos

Tabela 1.1: Autores da teoria da amostragem e suas nacionalidades.

1.4 Contribuições

1.5 Organização do trabalho

1.6 Publicações relacionadas

Durante o desenvolvimento desta tese, foram publicados capítulos de livros, artigos em conferências e em periódicos. As publicações relacionados à esta tese são listadas a seguir.

101 **Capítulos de livros**

- 102 1. Medeiros, J.P.S.; Borges Neto, J.B.; Queiroz, G.S.D.; Pires, P.S.M. **Intelligent**
103 **Remote Operating System Detection**, Case Studies in Intelligent Computing:
104 Achievements and Trends, ISBN 978-1-4822-0703-3, CRC Press, Taylor and Francis,
105 2014.

106 **Conferências**

- 107 1. Medeiros, J.P.S.; Brito Júnior, A.M.; Pires, P.S.M. **A New Method for Recog-**
108 **nizing Operating Systems of Automation Devices**, 14th IEEE International
109 Conference on Emerging Technologies and Factory Automation (ETFA), 2009. Pro-
110 ceedings of ETFA 2009, ISSN 1946-0759, pages 1-4, ISBN 978-1-4244-2727-7, 2009.

111 **Periódicos**

- 112 1. Medeiros, J.P.S.; Santos, S.R.; Brito Júnior, A.M.; Pires, P.S.M. **Advances in**
113 **Network Topology Security Visualisation**, International Journal of System of
114 Systems Engineering (IJSSE), ISSN 1748-0671, Inderscience, volume 1, number 4,
115 pages 387-400, 2009.

116 2. Levantamento bibliográfico

117 *“We can only see a short distance ahead,
but we can see plenty there that needs to be done.”*
Alan Mathison Turing

118 O entendimento dos fundamentos...
119 Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

120 2.1 Introdução

121 [\[Brassard and Bratley, 1996\]](#)

122 2.2 Fundamentação

123 **Definição 2.1** (Grafo direcionado com pesos). [\[Cormen et al., 2009\]](#) Um grafo dire-
124 cionado com pesos G é composto por uma tripla ordenada $G = \langle N, E, \omega \rangle$, onde N rep-
125 resenta o conjunto de vértices (ou nós) do grafo e E o conjunto de arestas ao qual se
126 atribui as seguintes propriedades: (i) cada aresta é composta por um par ordenado de nós
127 (v_1, v_2) , que indica que existe uma ligação saindo do nó v_1 em direção ao nó v_2 e (ii) para
128 cada aresta $e \in E$ existe um peso que é associado por uma função $\omega(\cdot)$, que realiza o
129 mapeamento dos pesos de cada aresta para um número real, ou seja, $\omega: E \mapsto \mathbb{R}$. \square

130 **Algoritmo 2.1** (Cálculo dos graus de entrada e saída de cada nó). É possível calcular os
131 graus de entrada e saída de cada nó da rede de forma iterativa com base na representação
132 por lista de adjacência.

133 **algoritmo** graus(L)
134 1: {Lista de adjacência L de um grafo direcionado $G = \langle N, E \rangle$.}
135 2: $g_{\text{in}} \leftarrow \text{novo-vetor}(|N|, 0)$ {Vetor de $|N|$ posições preenchidas com zero.}
136 3: $g_{\text{out}} \leftarrow \text{novo-vetor}(|N|, 0)$
137 4: **para** i de 1 até $|N|$ **faça**
138 5: **para cada** $(v_j, p) \in L[i]$ **faça**
139 6: {Nó adjacente v_j e peso p da aresta.}
140 7: $g_{\text{out}}[i] \leftarrow g_{\text{out}}[i] + 1$
141 8: $g_{\text{in}}[j] \leftarrow g_{\text{in}}[j] + 1$
142 9: **fim para**
143 10: **fim para**
144 11: **retorne** $\langle g_{\text{in}}, g_{\text{out}} \rangle$ {Vetores com os graus de entrada e saída de cada nó da rede.}

145 Considera-se que os vetores g_{in} e g_{out} são indexados a partir de 1. A complexidade do
 146 algoritmo é da ordem de $\Theta(n E\{\mathcal{G}^{\text{out}}\})$ em tempo e $\Theta(n)$ em memória. \square

147 2.3 Objetivos específicos

148 2.4 Metodologia

149 O procedimento metodológico utilizado no desenvolvimento deste trabalho possui uma
 150 abordagem dividida em 5 estágios. Esses estágios são ordenados em uma sequência em
 151 que é permitida uma evolução com ciclos, cuja relação é descrita na Figura 2.1.

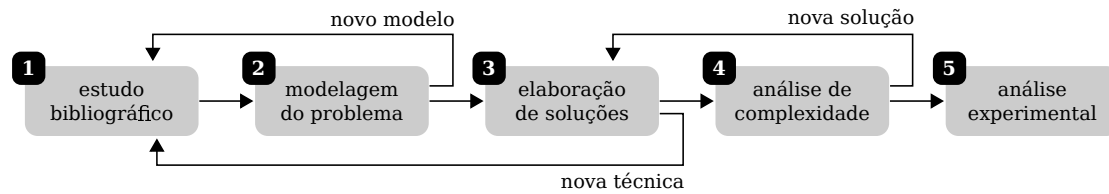


Figura 2.1: Ilustração do procedimento metodológico adotado no desenvolvimento deste trabalho. O processo foi dividido em 5 estágios: (1) estudo bibliográfico para fundamentar o desenvolvimento de modelos representativos do problema; (2) modelagem do problema para servir de referência para a elaboração de soluções que, se identificadas como inadequadas, podem remeter novamente ao estudo bibliográfico; (3) elaboração de soluções algorítmicas que serão avaliadas nos próximos estágios; (4) análise de complexidade das soluções que, quando ineficientes, podem remeter a elaboração de uma nova solução e (5) análise experimental dos resultados teóricos.

152 A seguir, cada um dos estágios do procedimento metodológico apresentado na Figura 2.1
 153 é descrito. Na descrição de cada estágio, são considerados, além de seu objetivo, as possi-
 154 bilidades de evolução de acordo com a ilustração apresentada.

- 155 1. **Estudo bibliográfico:** consiste na busca por bibliografia de referência e soluções
 156 anteriores para o problema considerado, incluindo soluções para problemas similares
 157 ou logicamente equivalentes. Em relação à evolução temos que:
 158 (i) o estudo inicial pode levar a um ciclo de busca por soluções que, por sua vez,
 159 pode remeter ao estudo bibliográfico de outros trabalhos e
 160 (ii) dado que a bibliografia levantada é tida como definitiva, o próximo estágio a
 161 ser considerado é o da criação de um modelo para o problema que possa ser
 162 utilizado na elaboração de soluções.
- 163 2. **Modelagem do problema:** com base no referencial teórico construído no primeiro
 164 estágio deve-se criar um modelo matemático que represente o problema de forma
 165 eficaz. Em relação à evolução desse estágio têm-se três opções:
 166 (i) passar para o estágio de elaboração de soluções quando o modelo é eficaz para
 167 o problema em questão;
 168 (ii) estender a modelagem ao se verificar uma deficiência na abordagem encontrada
 169 na literatura e
 170 (iii) possivelmente, quando a necessidade de extensão ocorre, deve-se recorrer nova-
 171 mente ao estudo bibliográfico, pois essas extensões devem ser cuidadosamente
 172 projetadas e validadas.
- 173 3. **Elaboração de soluções:** a partir do modelo criado no estágio anterior, é possível
 174 elaborar soluções algorítmicas e aplicar métodos de otimização a fim de solucionar

- o problema redefinido com base no modelo matemático construído; Em relação à evolução desse estágio têm-se três opções:
- (i) passar para o estágio de análise de complexidade da solução, seja essa complexidade associada à necessidade de recursos de tempo ou de memória;
 - (ii) estender a solução para subproblemas do modelo a fim de verificar propriedades que caracterizam e subsidiam a formação de hipóteses e
 - (iii) possivelmente, quando a necessidade de uma nova técnica ocorre, deve-se recorrer novamente ao estudo bibliográfico.
4. **Análise de complexidade:** cada solução projetada tem um custo de implementação associado. A princípio, este custo não deve inviabilizar a utilização da solução em termos de tempo e memória, dentre outros recursos, necessários para resolver o problema em questão. Em relação à evolução temos que:
- (i) se as complexidades envolvidas satisfizerem os requisitos, então evolui-se para o estágio de implementação das soluções de forma integrada e
 - (ii) se a complexidade for proibitiva, é necessário voltar ao estágio de elaboração para construção de uma outra solução.
5. **Análise experimental:** se o estágio de análise de complexidade fomenta a utilização da solução proposta, deve-se realizar experimentos com dados reais para validar a solução, ou aplicá-las à instâncias do modelo a fim de extrair conjecturas acerca das propriedades do modelo que indiquem a validade da solução.

2.5 Cronograma

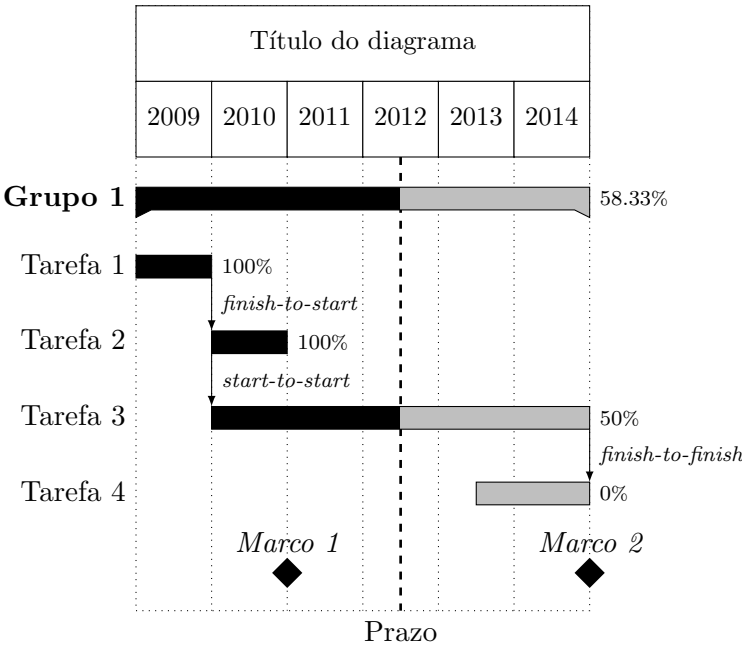


Figura 2.2: Exemplo de diagrama Gantt.

3. Desenvolvimento

*“Mathematical elegance is not a dispensable luxury
but a factor that decides between success and failure.”*
Edsger Wybe Dijkstra

O problema...

Este Capítulo está organizado da seguinte forma...

3.1 Introdução

3.2 Modelo proposto

A relação assintótica entre a razão de duas funções pode ser usada no estudo da ordem de crescimento delas. Para isso, utiliza-se a seguinte equação [Brassard and Bratley \[1996\]](#); [Cormen et al. \[2009\]](#):

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(n)}{g(n)} = \begin{cases} 0 & \implies f(n) \in O(g(n)) \\ 0 < c < \infty & \implies f(n) \in \Theta(g(n)) \\ \infty & \implies f(n) \in \Omega(g(n)) \end{cases}, \quad (3.1)$$

onde c representa uma constante qualquer que satisfaz a inequação $0 < c < \infty$.

Lema 3.1 (Comportamento assintótico de $f(n, m) = (n^{m+1} - n)/(n - 1)$). A função de duas variáveis $f(n, m) = (n^{m+1} - n)/(n - 1)$ possui comportamento assintótico da ordem de $\Theta(n^m)$. \square

Demonstração. Para verificar se duas funções $f(n)$ e $g(n)$ possuem mesmo comportamento assintótico, isto é, $f(n) \in \Theta(g(n))$ e *vice-versa*, deve-se analisar se o limite da razão das duas, como definido pela Equação 3.1, converge para uma constante. Estendendo o uso da Equação 3.1 para funções de duas variáveis tem-se o seguinte limite

$$\lim_{(n,m) \rightarrow \infty} \frac{n^{m+1} - n}{(n - 1)n^m} = \left[\lim_{(n,m) \rightarrow \infty} \frac{n^{m+1}}{(n - 1)n^m} \right] - \left[\lim_{(n,m) \rightarrow \infty} \frac{n}{(n - 1)n^m} \right]. \quad (3.2)$$

Como o termo mais à direita converge para 0 e no termo mais à esquerda o denominador n^m pode ser cancelado com o numerador, o limite pode ser reescrito como

$$\lim_{(n,m) \rightarrow \infty} \frac{n}{n - 1} = 1. \quad (3.3)$$

Portanto, $f(n, m) \in \Theta(n^m)$.

C.Q.D.

216 **3.3 Experimentos**

217 **3.4 Considerações**

218 Os resultados apresentados neste Capítulo...

219 4. Conclusões

220 *“If we can really understand the problem,
the answer will come out of it,
because the answer is not separate from the problem.”
Jiddu Krishnamurti*

221 Neste trabalho...

222 4.1 Resultados

223 4.2 Trabalhos futuros

224 **A. Apêndice**

225 Neste Apêndice, são apresentadas...

Referências Bibliográficas

- Brassard, G. and P. Bratley [1996], *Fundamentals of Algorithmics*, Prentice Hall.
(Citado nas páginas 19 e 22)
- Cormen, Thomas H., Charles E. Leiserson, Ronald L. Rivest and Clifford Stein [2009],
Introduction to Algorithms, 3ª edição, The MIT Press.
(Citado nas páginas 17, 19 e 22)
- Kotelnikov, Vladimir A. [1933], On the transmission capacity of the ‘ether’ and of cables
in electrical communications, *em* ‘Proceedings of the first All-Union Conference on the
technological reconstruction of the communications sector and the development of low-
current engineering’, Moscow, Russian.
(Citado na página 17)
- Nyquist, Harry Theodor [1928], ‘Certain topics in telegraph transmission theory’, *Trans.*
American Institute of Electrical Engineers **47**(2), 617–644.
(Citado na página 17)
- Shannon, Claude Elwood [1949], ‘Communication in the presence of noise’, *Proc. Institute*
of Radio Engineers **37**(1), 10–21.
(Citado na página 17)
- Whittaker, Edmund Taylor [1915], ‘On the functions which are represented by the expan-
sions of the interpolation theory’, *Proc. Royal Soc. Edinburgh* **35**(A), 481–493.
(Citado na página 17)

Índice Remissivo

247	Símbolos	
248	$\Omega(\cdot)$	13
249	$\Theta(\cdot)$	14
250	\approx	14
251	$\delta(t), \delta_{ij}$	12
252	\equiv	14
253	$E\{\mathcal{X}\}$	15
254	H_n	13
255	$O(\cdot)$	13
256	$P(\mathcal{X}_\zeta)$	14
257	$P(\mathcal{X}_\zeta p)$	15
258	\propto	14
259	$\rho(\cdot)$	15
260	\simeq	14
261	\square	11
262	\triangle	14
263	C.Q.D.	11
264	A	
265	algoritmo	
266	$\text{graus}()$	19
267	B	
268	bi-implicação	16
269	C	
270	cardinalidade	15
271	coeficiente binomial	12
272	conjunção	16
273	constante de Euler-Mascheroni	13
274	D	
275	delta de Dirac	12
276	delta de Kronecker	12
277	derivada	12
278	desvio padrão	14
279	disjunção	16
280	F	
281	fatorial	12
282	G	
283	grafo	
284	definição	19
285	direcionado com pesos	19
286	I	
287	igualdades	14
288	implicação	16
289	M	
290	matriz	12
291	posto da	15
292	transposta	15
293	média	14
294	metodologia	
295	procedimento	20
296	N	
297	negação	16
298	P	
299	posto	15
300	probabilidade	14
301	condicional	15
302	produto cartesiano	15
303	publicações	17
304	Q	
305	quantificador	
306	existencial	13
307	universal	13
308	R	
309	recorrência	<i>veja recursividade</i>
310	recursividade	<i>veja recorrência</i>
311	S	
312	série harmônica	13

313	V	316	variável aleatória	12
314	valor absoluto	317	realização	14
315	valor esperado	318	vetor	12