

```

1 Affichage d'une répartition optimale de H heures de révision sur les n unités
2 -----
3
4 1) Rappel des données du problème :
5 -- n unités,
6 -- H heures de révision,
7 -- e(i,h) : estimation de la note à l'unité i pour h heures de révision de cette unité.
8 Ces estimations sont dans un tableau E[0:n][0:H+1] de terme général E[i][h] = e(i,h),
9 -- les coefficients des unités dans un tableau C[0:n] de terme général C[i] = c_{i}.
10
11 2) L'appel de fonction int[][][] MA = calculerMA(E,C) a retourné deux tableaux M et A
12 que l'on a récupéré par l'instruction int[][] M = MA[0], A = MA[1] :
13 • M[0:n+1][0:H+1] est de terme général M[k][t] = m(k,t) = somme des notes des k premières
14 unités pour t heures de révision réparties au mieux sur les k premières unités.
15 Il s'agit d'une somme de notes pondérée par les coefficients des notes.
16 • A[0:n+1][0:H+1] = a(k,t) = arg m(k,t) = le nombre d'heures allouées à la k-ème unité
17 (unité de numéro k-1) dans la répartition optimale de t heures de révision sur les k
18 premières unités.
19
20 Problème : afficher une répartition optimale R0(n,H) de H heures sur les n unités.
21 La répartition R0(n,H) est un ensemble de couples "unité <-- nombre d'heures allouées."
22 Sur l'exemple de l'ébauche de programme nous avons R0(n,H) = { 0 <- 3, 1 <- 2, 2 <- 5 } :
23     3 heures allouées à l'unité 0 (l'unité 0 a reçu 3 heures)
24     2 heures allouées à l'unité 1 (l'unité 1 a reçu 2 heures)
25     5 heures allouées à l'unité 2 (l'unité 2 a reçu 4 heures)
26
27 L'affichage de la répartition est plus complet. Pour chaque unité il donne :
28 la note estimée, le coefficient, la contribution à la somme totale (coefficient x note)
29     C[0] * e(0,3) = 4 * 12 = 48
30     C[1] * e(1,2) = 3 * 18 = 54
31     C[2] * e(2,5) = 4 * 18 = 72
32
33 Pour résoudre le problème "afficher une répartition optimale R0(n,H)"
34 nous résolvons un problème plus général, "afficher une répartition optimale R0(k,t)."
35 Le problème R0(n,H) à résoudre est le cas particulier R0(k=n,t=H).
36
37 Equation de récurrence de la répartition optimale R0(k,t).
38 -----
39 Il s'agit de la répartition optimale de t heures de révision sur les k premières unités.
40
41 1) Base de la récurrence, k = 0. Le sous-ensemble [0:k=0] des k premières unités est vide.
42     R0(0,t) = ∅.
43 2) Hérédité 1 ≤ k < n+1.
44 Le nombre d'heures de révision allouées à la k-ème unité dans une répartition optimale
45 de t heures sur les k premières unités est a(k,t).
46 Il reste donc t - a(k,t) heures. Elles seront réparties de façon optimale sur les k-1
47 premières unités. Autrement dit :
48     R0(k,t) = R0(k-1,t-a(k,t)) union { k-1 <-- a(k,t) }
49
50 Le principe d'optimalité de Bellman impose R0(k-1,t-a(k,t)) car si la répartition des
51 t-a(k,t) heures restantes n'était pas optimale, la répartition des t heures sur les
52 k premières unités ne serait pas optimale.
53
54 La fonction d'affichage se déduit directement de cette équation de récurrence.
55
56 static void aro(int[][] A, int[][] E, int[] C, int k, int t){
57 /* Affichage de la répartition optimale R0(k,t). Appel principal : aro(A, E, C, n, H) */
58     if (k==0) return; // R0(0,t) = ∅. Sans rien faire, R0(0,t) a été affichée.
59     int akt = A[k][t]; // R0(k,t) = R0(k-1,t-akt) union { k-1<--akt }
60     aro(A,E,C,k-1,t-akt); // R0(k-1,t-akt) a été affichée
61     System.out.printf("C[%d] * e(%d,%d) = %d * %d = %d\n",
62         k-1, k-1, akt, C[k-1], E[k-1][akt], C[k-1]*E[k-1][akt]);
63     // les informations sur l'allocation "k-1 <-- akt" ont été affichées
64     // R0(k-1,t-akt) a été affichée, "k-1<--akt" a été affichée, donc R0(k,t) a été affichée
65 }
66
67 That's all, folks.

```