Summary Massp

Nguyễn Nga Nhi

2 tháng 7 năm 2019

1 Unified Machine Learning

Training Data: X: input, Y: output

Encoder:

X -> g1: thuật toán trích xuất -> Zg: coordinate vector -> g2 -> Zx

Decoder:

X -> h1: thuật toán trích xuất -> Zh: coordinate vector -> h2 -> Zx

Zx và Zy comparable

Mục tiêu: Zx, Zy gần nhau

2 Linear Regression

Eg: House picture -> Price

Input: House picture

Output: Price là số thực dương

Basis functions: g1, g2, g3, \dots

(diện tích, thời kì xây dựng, khoảng cách tới trung tâm, neighborhood, ...)

1 basis = 1 axis -> với mỗi house picture và mỗi basis có 1 coordinate

Zh: coordinate vector

$$x = [x_1, x_2, x_3]$$

Linear regression: Tìm

$$w = [w_0, w_1, w_2, w_3]$$

sao cho

$$y \approx \hat{y} = f(x) = w_0 + w_1 x_1 + w_2 x_2 + w_3 x_3$$

$$\bar{x} = [1, x_1, x_2, x_3]$$
$$\hat{y} = \bar{x}w$$

Sử dụng bình phương tối thiểu -> Nghiệm của linear regression:

$$w = A\dagger b + (\bar{X}^T \bar{X})\dagger \bar{X}^T y$$

3 Linear Classification

3.1 Logistic Regression

Binary Classification

Label: 0 or 1

Output of New Input: 0

Logistic regression: Sigmoid function

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-s}}$$

Sử dụng Stochastic Gradient Descent -> Công thức cập nhật của logistic regression:

$$w = w + n(y_i - z_i)x_i$$

3.2 Softmax Regression

Trường hợp tổng quát của Logistic Regression

Multi-class Classification

Eg: Picture -> fruits, pets, or human

Input: Picture

Output: Xác suất hình ảnh là mỗi trong 3 nhóm fruits (1), pets (2), và human (3)

$$p = [p_1, p_2, p_3]$$

$$0 <= p_1, p_2, p_3 <= 1; p_1 + p_2 + p_3 = 1$$

-> p thuộc một simplex

Sử dụng Cross Entropy

Công thức Entropy:

$$H(p,q) = -p_i log q_i$$

Sử dụng Stochastic Gradient Descent -> Công thức cập nhật của softmax regression:

$$W = W + nx_i(y_i - a_i)^T$$