Вариант 1

1.Пронумерованные 7 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 6 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 6 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,047619  
0,000397

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 7 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 6 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0007  
0,0203

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,9 для второго — 0,9. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,99  
0,01  
0,09

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,7, для графа — 0,7. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,7711

6.В корзине 29 шаров, среди которых 14 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,0996

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,7, 0,5 и 0,4 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,4667

8.В зоопарке живут 6 кенгуру, 9 муравьедов и 11 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,4, 0,3 и 0,4. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,3818

9.В поезде 6 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,19. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 5 лампочек.

9. Ответ:0,0013

10.Имеется 100 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,8 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 70 до 85 станков;  
б) ровно 90 станков ?

10. Ответ:Ф(1,25) - Ф(-2,5)  
0,25 \* ф(2,5)

11.Некачественные сверла составляют 6% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 4 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,2851

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 3000, 800, 400 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 3000) = 0,001  
P(x = 800) = 0,001  
P(x = 400) = 0,001  
M(X) = 4,2  
D(X) = 9960,0005  
σ(X) = 99,7998  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 400  
 | 0,999, x = 800  
 | 1, x = 3000

13.Вероятность приема сигнала равна 0,9. Сигнал передается 6 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0  
P(x = 1) = 0,0001  
P(x = 2) = 0,0012  
P(x = 3) = 0,0146  
P(x = 4) = 0,0984  
P(x = 5) = 0,3543  
P(x = 6) = 0,5314  
  
M(X) = 5,4  
D(X) = 29,7

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 400 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((4,0)^m) / (m!) \* e^(4,0)  
M(X) = 4,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -3 | 2 | 3 |  
P | 0,4 | 0,4 | 0,2 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 0,2, D(X) = 7, M(Y) = 3,4, D(Y) = 15,4  
2)  
Z1 | -5 | -1 | 5 | 9 | 7 | 11 |  
P | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 | 0,08 | 0,12 |  
Z2 | -3 | -15 | 2 | 10 | 3 | 15 |  
P | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 | 0,08 | 0,12 |  
  
3)M(Z1) = 3,8, D(Z1) = 43,4, M(Z2) = 0,679999999999999, D(Z2) = 189,336

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 3

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,8889

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,9 , b = 2,6

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 1,0000M(X)=0,0833; D(X)=0,5000; σ(X)=0,7071

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,5\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:2

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 30, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 60 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(1,3333)

Вариант 2

1.Наугад выбирается номер телефона из 7 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,0000001  
0,0605

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 3 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 2 десятки.

2. Ответ:0,2477  
0,709

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,7, второго — 0,4. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,18  
0,82  
0,12

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,3, для второго — 0,1; вероятность ничьей — 0,6. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,45

6.В мешке 6 красных и 3 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,375

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,6, на второй — 0,2, на третьей — 0,2. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3333

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 16 раз заказывали его книгу «Живая математика», 11 раз — «Занимательные задачи», 9 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,4, «Занимательные задачи» — 0,3, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Живая математика

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,16. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 3 неправильных знака;  
б) не менее 3 неправильных знаков?

9. Ответ:0,028901  
0,031759

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,53. Чему равна вероятность того, что среди 60 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2587 \* ф(-0,4656)  
Ф(-0,4656) - Ф(-8,2255)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,005. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 2 элементов

11. Ответ:0,1247

12.Имеется 6 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1667  
P(x = 2) = 0,1667  
P(x = 3) = 0,1667  
P(x = 4) = 0,1667  
P(x = 5) = 0,1667  
P(x = 6) = 0,1667  
  
M(X) = 3,5  
D(X) = 15,1667  
σ(X) = 3,8944  
F(X) =   
 | 0,1667, x = 1  
 | 0,3333, x = 2  
 | 0,5, x = 3  
 | 0,6667, x = 4  
 | 0,8333, x = 5  
 | 1, x = 6

13.Устройство состоит из 2 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,2. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,64  
P(x = 1) = 0,32  
P(x = 2) = 0,04  
  
M(X) = 0,4  
D(X) = 0,48

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((45,0)^m) / (m!) \* e^(45,0)  
M(X) = 45,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 2 | 3 |  
P | 0,2 | 0,3 | 0,5 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,7, D(X) = 6,5, M(Y) = 4,2, D(Y) = 20,2  
2)  
Z1 | -3 | 1 | 5 | 9 | 7 | 11 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,06 | 0,24 | 0,1 | 0,4 |  
Z2 | -2 | -10 | 2 | 10 | 3 | 15 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,06 | 0,24 | 0,1 | 0,4 |  
  
3)M(Z1) = 7,6, D(Z1) = 46,2, M(Z2) = 7,14, D(Z2) = 304,338

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,2 , b = 0,4

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,48

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,8 , b = 0,4

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,0100M(X)=0,0027; D(X)=0,0008; σ(X)=0,0283

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 60 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,4512

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 23 см; σ = 0,1 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,14 см?

20. Ответ:2\*Ф(1,4000)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 3 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 35 до 45 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1,6667)

Вариант 3

1.Наугад выбирается номер телефона из 7 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,0000001  
0,0605

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 3 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 2 десятки.

2. Ответ:0,2477  
0,709

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,7, второго — 0,4. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,18  
0,82  
0,12

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,3, для второго — 0,1; вероятность ничьей — 0,6. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,45

6.В мешке 6 красных и 3 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,375

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,6, на второй — 0,2, на третьей — 0,2. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3333

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 16 раз заказывали его книгу «Живая математика», 11 раз — «Занимательные задачи», 9 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,4, «Занимательные задачи» — 0,3, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Живая математика

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,16. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 3 неправильных знака;  
б) не менее 3 неправильных знаков?

9. Ответ:0,028901  
0,031759

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,53. Чему равна вероятность того, что среди 60 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2587 \* ф(-0,4656)  
Ф(-0,4656) - Ф(-8,2255)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,005. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 2 элементов

11. Ответ:0,1247

12.Имеется 6 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1667  
P(x = 2) = 0,1667  
P(x = 3) = 0,1667  
P(x = 4) = 0,1667  
P(x = 5) = 0,1667  
P(x = 6) = 0,1667  
  
M(X) = 3,5  
D(X) = 15,1667  
σ(X) = 3,8944  
F(X) =   
 | 0,1667, x = 1  
 | 0,3333, x = 2  
 | 0,5, x = 3  
 | 0,6667, x = 4  
 | 0,8333, x = 5  
 | 1, x = 6

13.Устройство состоит из 2 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,2. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,64  
P(x = 1) = 0,32  
P(x = 2) = 0,04  
  
M(X) = 0,4  
D(X) = 0,48

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((45,0)^m) / (m!) \* e^(45,0)  
M(X) = 45,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 2 | 3 |  
P | 0,2 | 0,3 | 0,5 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,7, D(X) = 6,5, M(Y) = 4,2, D(Y) = 20,2  
2)  
Z1 | -3 | 1 | 5 | 9 | 7 | 11 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,06 | 0,24 | 0,1 | 0,4 |  
Z2 | -2 | -10 | 2 | 10 | 3 | 15 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,06 | 0,24 | 0,1 | 0,4 |  
  
3)M(Z1) = 7,6, D(Z1) = 46,2, M(Z2) = 7,14, D(Z2) = 304,338

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,2 , b = 0,4

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,48

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,8 , b = 0,4

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,0100M(X)=0,0027; D(X)=0,0008; σ(X)=0,0283

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 60 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,4512

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 23 см; σ = 0,1 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,14 см?

20. Ответ:2\*Ф(1,4000)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 3 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 35 до 45 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(0,5)

Вариант 4

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 5 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 5 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,002778

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 5 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 3 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0128  
0,5

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,4 для второго — 0,7. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,82  
0,18  
0,12

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,3, для графа — 0,5. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,5275

6.В корзине 15 шаров, среди которых 10 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,2637

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,3, 0,4 и 0,3 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,6667

8.В зоопарке живут 2 кенгуру, 7 муравьедов и 10 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,4, 0,3 и 0,7. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,5385

9.В поезде 6 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,1. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 5 лампочек.

9. Ответ:0,0001

10.Имеется 90 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,4 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 50 до 65 станков;  
б) ровно 70 станков ?

10. Ответ:Ф(6,2398) - Ф(3,0123)  
0,2152 \* ф(7,3156)

11.Некачественные сверла составляют 2% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 3 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,8571

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 1800, 600, 300 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 1800) = 0,001  
P(x = 600) = 0,001  
P(x = 300) = 0,001  
M(X) = 2,7  
D(X) = 3780,0002  
σ(X) = 61,4817  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 300  
 | 0,999, x = 600  
 | 1, x = 1800

13.Вероятность приема сигнала равна 0,6. Сигнал передается 5 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0102  
P(x = 1) = 0,0768  
P(x = 2) = 0,2304  
P(x = 3) = 0,3456  
P(x = 4) = 0,2592  
P(x = 5) = 0,0778  
  
M(X) = 3  
D(X) = 10,2

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 200 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((2,0)^m) / (m!) \* e^(2,0)  
M(X) = 2,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -1 | 2 | 3 |  
P | 0,2 | 0,4 | 0,4 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,8, D(X) = 5,4, M(Y) = 2,8, D(Y) = 10  
2)  
Z1 | -1 | 2 | 5 | 8 | 7 | 10 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 |  
Z2 | -1 | -4 | 2 | 8 | 3 | 12 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 |  
  
3)M(Z1) = 6,4, D(Z1) = 31,6, M(Z2) = 5,04, D(Z2) = 128,736

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,2 , b = 0,6

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,48

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,9 , b = 2,3

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,5500M(X)=1,1520; D(X)=2,2635; σ(X)=1,5045

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 80 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,5507

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 25 см; σ = 0,7 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,04 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,0571)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 6 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 34 до 46 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1)

Вариант 5

1.Наугад выбирается номер телефона из 8 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,00000001  
0,0181

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 4 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 3 десятки.

2. Ответ:0,0433  
0,291

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,8, второго — 0,8. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,04  
0,96  
0,16

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,4, для второго — 0,4; вероятность ничьей — 0,2. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,32

6.В мешке 7 красных и 7 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,5385

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,6, на второй — 0,5, на третьей — 0,1. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,4

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 17 раз заказывали его книгу «Живая математика», 15 раз — «Занимательные задачи», 13 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,4, «Занимательные задачи» — 0,3, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Живая математика

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,17. Какова вероятность того, что сообщение из 6 знаков содержит:  
а) 4 неправильных знака;  
б) не менее 4 неправильных знаков?

9. Ответ:0,008631  
0,009362

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,55. Чему равна вероятность того, что среди 90 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2119 \* ф(-0,9535)  
Ф(-0,9535) - Ф(-10,4881)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,005. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 4 элементов

11. Ответ:0,4405

12.Имеется 7 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1429  
P(x = 2) = 0,1429  
P(x = 3) = 0,1429  
P(x = 4) = 0,1429  
P(x = 5) = 0,1429  
P(x = 6) = 0,1429  
P(x = 7) = 0,1429  
  
M(X) = 4  
D(X) = 20  
σ(X) = 4,4721  
F(X) =   
 | 0,1429, x = 1  
 | 0,2857, x = 2  
 | 0,4286, x = 3  
 | 0,5714, x = 4  
 | 0,7143, x = 5  
 | 0,8571, x = 6  
 | 1, x = 7

13.Устройство состоит из 4 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,3. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,2401  
P(x = 1) = 0,4116  
P(x = 2) = 0,2646  
P(x = 3) = 0,0756  
P(x = 4) = 0,0081  
  
M(X) = 1,2  
D(X) = 2,28

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((60,0)^m) / (m!) \* e^(60,0)  
M(X) = 60,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -1 | 2 | 3 |  
P | 0,2 | 0,4 | 0,4 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,8, D(X) = 5,4, M(Y) = 2,8, D(Y) = 10  
2)  
Z1 | -1 | 2 | 5 | 8 | 7 | 10 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 |  
Z2 | -1 | -4 | 2 | 8 | 3 | 12 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 |  
  
3)M(Z1) = 6,4, D(Z1) = 31,6, M(Z2) = 5,04, D(Z2) = 128,736

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,2 , b = 0,6

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,48

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,9 , b = 2,3

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,5500M(X)=1,1520; D(X)=2,2635; σ(X)=1,5045

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 80 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,5507

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 25 см; σ = 0,7 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,04 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,0571)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 6 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 34 до 46 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1)

Вариант 6

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 5 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 5 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,008333

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 6 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 5 команд первой лиги.

2. Ответ:0,0035  
0,0594

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,6 для второго — 0,9. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,96  
0,04  
0,06

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,5, для графа — 0,7. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,5975

6.В корзине 21 шаров, среди которых 14 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,2737

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,5, 0,5 и 0,2 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,6

8.В зоопарке живут 4 кенгуру, 9 муравьедов и 9 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,7, 0,3 и 0,5. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,525

9.В поезде 6 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,14. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 4 лампочек.

9. Ответ:0,0045

10.Имеется 100 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,6 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 60 до 75 станков;  
б) ровно 80 станков ?

10. Ответ:Ф(3,0619) - Ф(0)  
0,2041 \* ф(4,0825)

11.Некачественные сверла составляют 4% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 4 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,6288

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 2300, 800, 400 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 2300) = 0,001  
P(x = 800) = 0,001  
P(x = 400) = 0,001  
M(X) = 3,5  
D(X) = 6250,0003  
σ(X) = 79,0569  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 400  
 | 0,999, x = 800  
 | 1, x = 2300

13.Вероятность приема сигнала равна 0,7. Сигнал передается 6 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0  
P(x = 1) = 0,0005  
P(x = 2) = 0,0081  
P(x = 3) = 0,0729  
P(x = 4) = 0,3281  
P(x = 5) = 0,5905  
  
M(X) = 4,5  
D(X) = 20,7

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 400 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((4,0)^m) / (m!) \* e^(4,0)  
M(X) = 4,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 2 | 4 |  
P | 0,3 | 0,4 | 0,3 |  
Y | 2 | 3 |  
P | 0,3 | 0,7 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,4, D(X) = 7,6, M(Y) = 2,7, D(Y) = 7,5  
2)  
Z1 | -2 | -1 | 6 | 7 | 10 | 11 |  
P | 0,09 | 0,21 | 0,12 | 0,28 | 0,09 | 0,21 |  
Z2 | -4 | -6 | 4 | 6 | 8 | 12 |  
P | 0,09 | 0,21 | 0,12 | 0,28 | 0,09 | 0,21 |  
  
3)M(Z1) = 5,5, D(Z1) = 37,9, M(Z2) = 3,78, D(Z2) = 127,104

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 2

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,3333

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,8 , b = 0,7

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,7888M(X)=-0,1561; D(X)=0,2088; σ(X)=0,4570

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,45\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:2,2222

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 20, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 60 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(2)

Вариант 7

1.Пронумерованные 7 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 6 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 6 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,047619  
0,00119

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 6 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 4 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0035  
0,3042

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,7 для второго — 0,7. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,91  
0,09  
0,21

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,5, для графа — 0,6. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,64

6.В корзине 23 шаров, среди которых 11 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,0932

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,5, 0,4 и 0,1 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,6667

8.В зоопарке живут 4 кенгуру, 8 муравьедов и 7 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,7, 0,4 и 0,4. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,4706

9.В поезде 6 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,15. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 4 лампочек.

9. Ответ:0,0059

10.Имеется 90 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,6 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 40 до 55 станков;  
б) ровно 60 станков ?

10. Ответ:Ф(0,2152) - Ф(-3,0123)  
0,2152 \* ф(1,291)

11.Некачественные сверла составляют 4% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 3 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,4335

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 2500, 600, 300 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 2500) = 0,001  
P(x = 600) = 0,001  
P(x = 300) = 0,001  
M(X) = 3,4  
D(X) = 6790,0003  
σ(X) = 82,4015  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 300  
 | 0,999, x = 600  
 | 1, x = 2500

13.Вероятность приема сигнала равна 0,8. Сигнал передается 5 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0003  
P(x = 1) = 0,0064  
P(x = 2) = 0,0512  
P(x = 3) = 0,2048  
P(x = 4) = 0,4096  
P(x = 5) = 0,3277  
  
M(X) = 4  
D(X) = 16,8

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 300 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((3,0)^m) / (m!) \* e^(3,0)  
M(X) = 3,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -1 | 2 | 4 |  
P | 0,4 | 0,3 | 0,3 |  
Y | 1 | 3 |  
P | 0,3 | 0,7 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,4, D(X) = 6,4, M(Y) = 2,4, D(Y) = 6,6  
2)  
Z1 | -1 | 1 | 5 | 7 | 9 | 11 |  
P | 0,12 | 0,28 | 0,09 | 0,21 | 0,09 | 0,21 |  
Z2 | -1 | -3 | 2 | 6 | 4 | 12 |  
P | 0,12 | 0,28 | 0,09 | 0,21 | 0,09 | 0,21 |  
  
3)M(Z1) = 5,2, D(Z1) = 32,2, M(Z2) = 3,36, D(Z2) = 92,04

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 3

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,8889

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,5 , b = 1,5

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,9688M(X)=0,0313; D(X)=0,4128; σ(X)=0,6425

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,3\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:3,3333

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 20, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 70 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(1,5)

Вариант 8

1.Наугад выбирается номер телефона из 7 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,0000001  
0,0605

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 3 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 2 десятки.

2. Ответ:0,2477  
0,709

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,7, второго — 0,5. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,15  
0,85  
0,15

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,3, для второго — 0,2; вероятность ничьей — 0,5. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,39

6.В мешке 6 красных и 4 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,4444

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,6, на второй — 0,3, на третьей — 0,3. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,4

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 16 раз заказывали его книгу «Живая математика», 12 раз — «Занимательные задачи», 11 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,5, «Занимательные задачи» — 0,4, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Живая математика

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,16. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 4 неправильных знака;  
б) не менее 4 неправильных знаков?

9. Ответ:0,002753  
0,002857

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,53. Чему равна вероятность того, что среди 70 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2395 \* ф(-0,5029)  
Ф(-0,5029) - Ф(-8,8846)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,005. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 2 элементов

11. Ответ:0,1247

12.Имеется 6 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1667  
P(x = 2) = 0,1667  
P(x = 3) = 0,1667  
P(x = 4) = 0,1667  
P(x = 5) = 0,1667  
P(x = 6) = 0,1667  
  
M(X) = 3,5  
D(X) = 15,1667  
σ(X) = 3,8944  
F(X) =   
 | 0,1667, x = 1  
 | 0,3333, x = 2  
 | 0,5, x = 3  
 | 0,6667, x = 4  
 | 0,8333, x = 5  
 | 1, x = 6

13.Устройство состоит из 2 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,2. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,64  
P(x = 1) = 0,32  
P(x = 2) = 0,04  
  
M(X) = 0,4  
D(X) = 0,48

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((45,0)^m) / (m!) \* e^(45,0)  
M(X) = 45,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -3 | 2 | 4 |  
P | 0,2 | 0,3 | 0,5 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 2, D(X) = 11, M(Y) = 3,4, D(Y) = 13  
2)  
Z1 | -5 | -2 | 5 | 8 | 9 | 12 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,06 | 0,24 | 0,1 | 0,4 |  
Z2 | -3 | -12 | 2 | 8 | 4 | 16 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,06 | 0,24 | 0,1 | 0,4 |  
  
3)M(Z1) = 7,4, D(Z1) = 57, M(Z2) = 6,8, D(Z2) = 322,16

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,2 , b = 0,4

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,48

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,8 , b = 0,9

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,0506M(X)=0,0304; D(X)=0,0205; σ(X)=0,1432

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 60 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,4512

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 22 см; σ = 0,3 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,21 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,7000)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 4 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 35 до 45 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1,25)

Вариант 9

1.Наугад выбирается номер телефона из 6 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,000001  
0,1512

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 2 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 2 десятки.

2. Ответ:0,418  
0,709

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,6, второго — 0,6. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,16  
0,84  
0,24

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,2, для второго — 0,2; вероятность ничьей — 0,6. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,28

6.В мешке 5 красных и 5 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,5556

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,4, на второй — 0,3, на третьей — 0,1. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,2667

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 13 раз заказывали его книгу «Живая математика», 10 раз — «Занимательные задачи», 8 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,2, «Занимательные задачи» — 0,4, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,13. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 3 неправильных знака;  
б) не менее 3 неправильных знаков?

9. Ответ:0,016629  
0,017909

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,47. Чему равна вероятность того, что среди 70 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2395 \* ф(0,5029)  
Ф(0,5029) - Ф(-7,8788)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,003. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 3 элементов

11. Ответ:0,6472

12.Имеется 5 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,2  
P(x = 2) = 0,2  
P(x = 3) = 0,2  
P(x = 4) = 0,2  
P(x = 5) = 0,2  
  
M(X) = 3  
D(X) = 11  
σ(X) = 3,3166  
F(X) =   
 | 0,2, x = 1  
 | 0,4, x = 2  
 | 0,6, x = 3  
 | 0,8, x = 4  
 | 1, x = 5

13.Устройство состоит из 3 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,2. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,512  
P(x = 1) = 0,384  
P(x = 2) = 0,096  
P(x = 3) = 0,008  
  
M(X) = 0,6  
D(X) = 0,84

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((30,0)^m) / (m!) \* e^(30,0)  
M(X) = 30,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -1 | 1 | 4 |  
P | 0,3 | 0,3 | 0,4 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,3 | 0,7 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,6, D(X) = 7, M(Y) = 3,8, D(Y) = 17,8  
2)  
Z1 | -1 | 3 | 7 | 9 | 13 |  
P | 0,09 | 0,3 | 0,21 | 0,12 | 0,28 |  
Z2 | -1 | -5 | 1 | 5 | 4 | 20 |  
P | 0,09 | 0,21 | 0,09 | 0,21 | 0,12 | 0,28 |  
  
3)M(Z1) = 7, D(Z1) = 45,8, M(Z2) = 6,08, D(Z2) = 271,248

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,5

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,4 , b = 1,4

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,1225M(X)=0,1143; D(X)=0,1201; σ(X)=0,3465

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 40 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,3297

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 16 см; σ = 0,5 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,06 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,1200)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 4 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 37 до 43 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(0,75)

Вариант 10

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 4 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 4 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,008333

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 6 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 3 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0035  
0,6958

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,6 для второго — 0,4. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,76  
0,24  
0,36

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,5, для графа — 0,3. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,7975

6.В корзине 21 шаров, среди которых 6 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,015

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,5, 0,2 и 0,3 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,6667

8.В зоопарке живут 4 кенгуру, 5 муравьедов и 10 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,2, 0,5 и 0,4. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,2137

9.В поезде 5 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,14. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 4 лампочек.

9. Ответ:0,0017

10.Имеется 80 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,6 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 50 до 65 станков;  
б) ровно 70 станков ?

10. Ответ:Ф(3,8797) - Ф(0,4564)  
0,2282 \* ф(5,0208)

11.Некачественные сверла составляют 4% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 2 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,2381

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 1900, 400, 200 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 1900) = 0,001  
P(x = 400) = 0,001  
P(x = 200) = 0,001  
M(X) = 2,5  
D(X) = 3850,0002  
σ(X) = 62,0484  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 200  
 | 0,999, x = 400  
 | 1, x = 1900

13.Вероятность приема сигнала равна 0,6. Сигнал передается 4 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0256  
P(x = 1) = 0,1536  
P(x = 2) = 0,3456  
P(x = 3) = 0,3456  
P(x = 4) = 0,1296  
  
M(X) = 2,4  
D(X) = 6,72

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 200 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((2,0)^m) / (m!) \* e^(2,0)  
M(X) = 2,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -1 | 1 | 4 |  
P | 0,4 | 0,2 | 0,4 |  
Y | 1 | 3 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,4, D(X) = 7, M(Y) = 2,6, D(Y) = 7,4  
2)  
Z1 | -1 | 1 | 3 | 5 | 9 | 11 |  
P | 0,08 | 0,32 | 0,04 | 0,16 | 0,08 | 0,32 |  
Z2 | -1 | -3 | 1 | 3 | 4 | 12 |  
P | 0,08 | 0,32 | 0,04 | 0,16 | 0,08 | 0,32 |  
  
3)M(Z1) = 5,4, D(Z1) = 35,4, M(Z2) = 3,64, D(Z2) = 113,624

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 2

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,3333

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,2 , b = 0,3

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,6388M(X)=-0,2298; D(X)=0,1707; σ(X)=0,4131

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,1\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:10

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 10, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 90 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(1)

Вариант 11

1.Пронумерованные 7 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 6 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 6 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,047619  
0,00119

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 6 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 5 команд первой лиги.

2. Ответ:0,0035  
0,0594

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,7 для второго — 0,8. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,94  
0,06  
0,14

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,5, для графа — 0,7. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,5975

6.В корзине 22 шаров, среди которых 13 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,1857

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,5, 0,5 и 0,2 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,4

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 12 раз заказывали его книгу «Живая математика», 11 раз — «Занимательные задачи», 10 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,3, «Занимательные задачи» — 0,5, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,12. Какова вероятность того, что сообщение из 6 знаков содержит:  
а) 5 неправильных знака;  
б) не менее 5 неправильных знаков?

9. Ответ:0,000131  
0,000134

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,44. Чему равна вероятность того, что среди 90 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2124 \* ф(1,1467)  
Ф(1,1467) - Ф(-8,4092)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,003. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 4 элементов

11. Ответ:0,8153

12.Имеется 4 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,25  
P(x = 2) = 0,25  
P(x = 3) = 0,25  
P(x = 4) = 0,25  
  
M(X) = 2,5  
D(X) = 7,5  
σ(X) = 2,7386  
F(X) =   
 | 0,25, x = 1  
 | 0,5, x = 2  
 | 0,75, x = 3  
 | 1, x = 4

13.Устройство состоит из 4 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,1. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,6561  
P(x = 1) = 0,2916  
P(x = 2) = 0,0486  
P(x = 3) = 0,0036  
P(x = 4) = 0,0001  
  
M(X) = 0,4  
D(X) = 0,52

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((15,0)^m) / (m!) \* e^(15,0)  
M(X) = 15,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -3 | 1 | 4 |  
P | 0,2 | 0,2 | 0,6 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 2, D(X) = 11,6, M(Y) = 3,4, D(Y) = 15,4  
2)  
Z1 | -5 | -1 | 3 | 7 | 9 | 13 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,08 | 0,12 | 0,24 | 0,36 |  
Z2 | -3 | -15 | 1 | 5 | 4 | 20 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,08 | 0,12 | 0,24 | 0,36 |  
  
3)M(Z1) = 7,4, D(Z1) = 61,8, M(Z2) = 6,8, D(Z2) = 374,336

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,6

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,2 , b = 2,9

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 1,0000M(X)=2,1146; D(X)=4,7656; σ(X)=2,1830

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 20 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,1813

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 14 см; σ = 0,9 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,23 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,2556)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 6 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 38 до 42 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(0,3333)

Вариант 12

1.Наугад выбирается номер телефона из 6 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,000001  
0,1512

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 2 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 3 десятки.

2. Ответ:0,418  
0,291

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,5, второго — 0,8. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,1  
0,9  
0,4

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,2, для второго — 0,3; вероятность ничьей — 0,5. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,24

6.В мешке 4 красных и 7 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,7

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,4, на второй — 0,4, на третьей — 0,2. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3333

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 13 раз заказывали его книгу «Живая математика», 11 раз — «Занимательные задачи», 9 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,3, «Занимательные задачи» — 0,6, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,13. Какова вероятность того, что сообщение из 6 знаков содержит:  
а) 4 неправильных знака;  
б) не менее 4 неправильных знаков?

9. Ответ:0,003243  
0,003441

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,46. Чему равна вероятность того, что среди 80 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2243 \* ф(0,7178)  
Ф(0,7178) - Ф(-8,2552)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,003. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 4 элементов

11. Ответ:0,8153

12.Имеется 5 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,2  
P(x = 2) = 0,2  
P(x = 3) = 0,2  
P(x = 4) = 0,2  
P(x = 5) = 0,2  
  
M(X) = 3  
D(X) = 11  
σ(X) = 3,3166  
F(X) =   
 | 0,2, x = 1  
 | 0,4, x = 2  
 | 0,6, x = 3  
 | 0,8, x = 4  
 | 1, x = 5

13.Устройство состоит из 4 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,1. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,6561  
P(x = 1) = 0,2916  
P(x = 2) = 0,0486  
P(x = 3) = 0,0036  
P(x = 4) = 0,0001  
  
M(X) = 0,4  
D(X) = 0,52

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((30,0)^m) / (m!) \* e^(30,0)  
M(X) = 30,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 1 | 5 |  
P | 0,3 | 0,2 | 0,5 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 2,1, D(X) = 13,9, M(Y) = 2,8, D(Y) = 10  
2)  
Z1 | -3 | 0 | 3 | 6 | 11 | 14 |  
P | 0,12 | 0,18 | 0,08 | 0,12 | 0,2 | 0,3 |  
Z2 | -2 | -8 | 1 | 4 | 5 | 20 |  
P | 0,12 | 0,18 | 0,08 | 0,12 | 0,2 | 0,3 |  
  
3)M(Z1) = 7, D(Z1) = 65,6, M(Z2) = 5,88, D(Z2) = 292,076

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,6

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,4 , b = 2

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,2500P(a < X < b) = 0,2500M(X)=0,3333; D(X)=0,5000; σ(X)=0,7071

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 40 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,3297

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 16 см; σ = 0,7 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,13 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,1857)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 5 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 37 до 43 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(0,6)

Вариант 13

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 5 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 5 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,008333

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 5 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 3 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0128  
0,5

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,4 для второго — 0,7. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,82  
0,18  
0,12

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,3, для графа — 0,5. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,5275

6.В корзине 16 шаров, среди которых 10 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,2143

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,3, 0,4 и 0,2 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,7

8.В зоопарке живут 2 кенгуру, 7 муравьедов и 8 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,5, 0,7 и 0,4. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,2658

9.В поезде 6 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,11. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 4 лампочек.

9. Ответ:0,0018

10.Имеется 90 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,4 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 50 до 65 станков;  
б) ровно 70 станков ?

10. Ответ:Ф(6,2398) - Ф(3,0123)  
0,2152 \* ф(7,3156)

11.Некачественные сверла составляют 2% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 3 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,8571

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 1900, 600, 300 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 1900) = 0,001  
P(x = 600) = 0,001  
P(x = 300) = 0,001  
M(X) = 2,8  
D(X) = 4150,0002  
σ(X) = 64,4205  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 300  
 | 0,999, x = 600  
 | 1, x = 1900

13.Вероятность приема сигнала равна 0,6. Сигнал передается 5 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0102  
P(x = 1) = 0,0768  
P(x = 2) = 0,2304  
P(x = 3) = 0,3456  
P(x = 4) = 0,2592  
P(x = 5) = 0,0778  
  
M(X) = 3  
D(X) = 10,2

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 200 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((2,0)^m) / (m!) \* e^(2,0)  
M(X) = 2,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 2 | 5 |  
P | 0,4 | 0,2 | 0,4 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,3 | 0,7 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,6, D(X) = 12,4, M(Y) = 3,8, D(Y) = 17,8  
2)  
Z1 | -3 | 1 | 5 | 9 | 11 | 15 |  
P | 0,12 | 0,28 | 0,06 | 0,14 | 0,12 | 0,28 |  
Z2 | -2 | -10 | 2 | 10 | 5 | 25 |  
P | 0,12 | 0,28 | 0,06 | 0,14 | 0,12 | 0,28 |  
  
3)M(Z1) = 7, D(Z1) = 67,4, M(Z2) = 6,08, D(Z2) = 445,344

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 3

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,8889

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,2 , b = 1

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,8750M(X)=-0,0833; D(X)=0,2708; σ(X)=0,5204

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,1\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:10

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 20, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 90 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(0,5)

Вариант 14

1.Наугад выбирается номер телефона из 5 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,00001  
0,3024

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 1 десятка;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 2 десятки.

2. Ответ:0,2477  
0,709

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,5, второго — 0,5. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,25  
0,75  
0,25

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,1, для второго — 0,1; вероятность ничьей — 0,8. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,17

6.В мешке 4 красных и 4 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,5714

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,4, на второй — 0,2, на третьей — 0,4. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3333

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 12 раз заказывали его книгу «Живая математика», 7 раз — «Занимательные задачи», 6 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,4, «Занимательные задачи» — 0,7, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Занимательные задачи

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,12. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 4 неправильных знака;  
б) не менее 4 неправильных знаков?

9. Ответ:0,000912  
0,000937

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,44. Чему равна вероятность того, что среди 60 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2601 \* ф(0,9363)  
Ф(0,9363) - Ф(-6,8661)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,003. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 2 элементов

11. Ответ:0,4232

12.Имеется 4 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,25  
P(x = 2) = 0,25  
P(x = 3) = 0,25  
P(x = 4) = 0,25  
  
M(X) = 2,5  
D(X) = 7,5  
σ(X) = 2,7386  
F(X) =   
 | 0,25, x = 1  
 | 0,5, x = 2  
 | 0,75, x = 3  
 | 1, x = 4

13.Устройство состоит из 2 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,1. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,81  
P(x = 1) = 0,18  
P(x = 2) = 0,01  
  
M(X) = 0,2  
D(X) = 0,22

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((15,0)^m) / (m!) \* e^(15,0)  
M(X) = 15,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -3 | 2 | 5 |  
P | 0,2 | 0,2 | 0,6 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 2,8, D(X) = 17,6, M(Y) = 3,4, D(Y) = 13  
2)  
Z1 | -5 | -2 | 5 | 8 | 11 | 14 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,04 | 0,16 | 0,12 | 0,48 |  
Z2 | -3 | -12 | 2 | 8 | 5 | 20 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,04 | 0,16 | 0,12 | 0,48 |  
  
3)M(Z1) = 9, D(Z1) = 83,4, M(Z2) = 9,52, D(Z2) = 534,176

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,4

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,2 , b = 0,6

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,0225M(X)=0,0090; D(X)=0,0041; σ(X)=0,0636

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 20 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,1813

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 14 см; σ = 0,2 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,29 см?

20. Ответ:2\*Ф(1,4500)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 3 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 38 до 42 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(0,6667)

Вариант 15

1.Пронумерованные 7 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 5 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 5 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,047619  
0,004762

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 7 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 4 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0007  
0,5

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,9 для второго — 0,4. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,94  
0,06  
0,54

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,7, для графа — 0,3. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,8911

6.В корзине 29 шаров, среди которых 5 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,0027

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,7, 0,2 и 0,1 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,6667

8.В зоопарке живут 6 кенгуру, 5 муравьедов и 7 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,7, 0,8 и 0,4. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,1429

9.В поезде 5 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,19. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 3 лампочек.

9. Ответ:0,0505

10.Имеется 80 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,8 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 30 до 45 станков;  
б) ровно 50 станков ?

10. Ответ:Ф(-5,3107) - Ф(-9,5033)  
0,2795 \* ф(-3,9131)

11.Некачественные сверла составляют 6% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 2 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,062

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 3000, 300, 150 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 3000) = 0,001  
P(x = 300) = 0,001  
P(x = 150) = 0,001  
M(X) = 3,45  
D(X) = 9135,0004  
σ(X) = 95,5772  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 150  
 | 0,999, x = 300  
 | 1, x = 3000

13.Вероятность приема сигнала равна 0,9. Сигнал передается 4 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0001  
P(x = 1) = 0,0036  
P(x = 2) = 0,0486  
P(x = 3) = 0,2916  
P(x = 4) = 0,6561  
  
M(X) = 3,6  
D(X) = 13,32

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 400 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((4,0)^m) / (m!) \* e^(4,0)  
M(X) = 4,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -1 | 2 | 5 |  
P | 0,3 | 0,4 | 0,3 |  
Y | 1 | 3 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 2, D(X) = 9,4, M(Y) = 2,6, D(Y) = 7,4  
2)  
Z1 | -1 | 1 | 5 | 7 | 11 | 13 |  
P | 0,06 | 0,24 | 0,08 | 0,32 | 0,06 | 0,24 |  
Z2 | -1 | -3 | 2 | 6 | 5 | 15 |  
P | 0,06 | 0,24 | 0,08 | 0,32 | 0,06 | 0,24 |  
  
3)M(Z1) = 6,6, D(Z1) = 45, M(Z2) = 5,2, D(Z2) = 162,704

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 2

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,3333

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,9 , b = -0,9

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,0500M(X)=-0,0475; D(X)=0,0452; σ(X)=0,2125

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,5\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:2

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 10, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 60 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(4)

Вариант 16

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 4 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 4 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,033333

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 6 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 3 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0035  
0,6958

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,6 для второго — 0,4. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,76  
0,24  
0,36

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,5, для графа — 0,3. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,7975

6.В корзине 22 шаров, среди которых 5 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,0065

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,5, 0,2 и 0,2 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,7

8.В зоопарке живут 4 кенгуру, 5 муравьедов и 9 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,3, 0,1 и 0,5. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,3814

9.В поезде 5 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,14. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 3 лампочек.

9. Ответ:0,022

10.Имеется 80 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,6 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 40 до 55 станков;  
б) ровно 60 станков ?

10. Ответ:Ф(1,5975) - Ф(-1,8257)  
0,2282 \* ф(2,7386)

11.Некачественные сверла составляют 4% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 2 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,2381

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 2400, 300, 150 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 2400) = 0,001  
P(x = 300) = 0,001  
P(x = 150) = 0,001  
M(X) = 2,85  
D(X) = 5895,0003  
σ(X) = 76,7789  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 150  
 | 0,999, x = 300  
 | 1, x = 2400

13.Вероятность приема сигнала равна 0,7. Сигнал передается 4 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0081  
P(x = 1) = 0,0756  
P(x = 2) = 0,2646  
P(x = 3) = 0,4116  
P(x = 4) = 0,2401  
  
M(X) = 2,8  
D(X) = 8,68

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 300 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((3,0)^m) / (m!) \* e^(3,0)  
M(X) = 3,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 1 | 3 |  
P | 0,3 | 0,3 | 0,4 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 0,9, D(X) = 5,1, M(Y) = 4,2, D(Y) = 20,2  
2)  
Z1 | -3 | 1 | 3 | 7 | 11 |  
P | 0,06 | 0,24 | 0,06 | 0,32 | 0,32 |  
Z2 | -2 | -10 | 1 | 5 | 3 | 15 |  
P | 0,06 | 0,24 | 0,06 | 0,24 | 0,08 | 0,32 |  
  
3)M(Z1) = 6, D(Z1) = 40,6, M(Z2) = 3,78, D(Z2) = 209,346

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 2

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,3333

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,5 , b = -0,7

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,1500M(X)=-0,1275; D(X)=0,1095; σ(X)=0,3309

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,25\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:4

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 10, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 80 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(2)

Вариант 17

1.Наугад выбирается номер телефона из 6 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,000001  
0,1512

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 2 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 3 десятки.

2. Ответ:0,418  
0,291

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,5, второго — 0,9. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,05  
0,95  
0,45

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,2, для второго — 0,4; вероятность ничьей — 0,4. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,2

6.В мешке 4 красных и 8 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,7273

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,4, на второй — 0,5, на третьей — 0,3. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,4

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 12 раз заказывали его книгу «Живая математика», 11 раз — «Занимательные задачи», 10 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,3, «Занимательные задачи» — 0,2, «Загадки» — 0,5. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,12. Какова вероятность того, что сообщение из 6 знаков содержит:  
а) 5 неправильных знака;  
б) не менее 5 неправильных знаков?

9. Ответ:0,000131  
0,000134

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,45. Чему равна вероятность того, что среди 90 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2119 \* ф(0,9535)  
Ф(0,9535) - Ф(-8,5812)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,003. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 4 элементов

11. Ответ:0,8153

12.Имеется 5 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,2  
P(x = 2) = 0,2  
P(x = 3) = 0,2  
P(x = 4) = 0,2  
P(x = 5) = 0,2  
  
M(X) = 3  
D(X) = 11  
σ(X) = 3,3166  
F(X) =   
 | 0,2, x = 1  
 | 0,4, x = 2  
 | 0,6, x = 3  
 | 0,8, x = 4  
 | 1, x = 5

13.Устройство состоит из 4 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,1. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,6561  
P(x = 1) = 0,2916  
P(x = 2) = 0,0486  
P(x = 3) = 0,0036  
P(x = 4) = 0,0001  
  
M(X) = 0,4  
D(X) = 0,52

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((30,0)^m) / (m!) \* e^(30,0)  
M(X) = 30,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 2 | 3 |  
P | 0,2 | 0,2 | 0,6 |  
Y | 1 | 3 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,8, D(X) = 7, M(Y) = 2,2, D(Y) = 5,8  
2)  
Z1 | -3 | -1 | 5 | 7 | 9 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,08 | 0,36 | 0,36 |  
Z2 | -2 | -6 | 2 | 6 | 3 | 9 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,08 | 0,12 | 0,24 | 0,36 |  
  
3)M(Z1) = 5,8, D(Z1) = 33,8, M(Z2) = 3,96, D(Z2) = 93,272

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,6

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,3 , b = 2,7

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,9500M(X)=2,4651; D(X)=5,5551; σ(X)=2,3569

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 40 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,3297

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 15 см; σ = 0,9 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,17 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,1889)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 6 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 38 до 42 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(0,3333)

Вариант 18

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 4 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 4 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,008333

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 6 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 3 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0035  
0,6958

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,6 для второго — 0,5. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,8  
0,2  
0,3

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,5, для графа — 0,4. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,74

6.В корзине 22 шаров, среди которых 7 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,0227

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,5, 0,3 и 0,3 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,6333

8.В зоопарке живут 4 кенгуру, 6 муравьедов и 10 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,4, 0,3 и 0,4. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,3333

9.В поезде 5 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,14. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 4 лампочек.

9. Ответ:0,0017

10.Имеется 80 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,6 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 50 до 65 станков;  
б) ровно 70 станков ?

10. Ответ:Ф(3,8797) - Ф(0,4564)  
0,2282 \* ф(5,0208)

11.Некачественные сверла составляют 4% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 2 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,2381

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 2400, 400, 200 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 2400) = 0,001  
P(x = 400) = 0,001  
P(x = 200) = 0,001  
M(X) = 3  
D(X) = 6000,0003  
σ(X) = 77,4597  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 200  
 | 0,999, x = 400  
 | 1, x = 2400

13.Вероятность приема сигнала равна 0,7. Сигнал передается 4 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0081  
P(x = 1) = 0,0756  
P(x = 2) = 0,2646  
P(x = 3) = 0,4116  
P(x = 4) = 0,2401  
  
M(X) = 2,8  
D(X) = 8,68

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 300 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((3,0)^m) / (m!) \* e^(3,0)  
M(X) = 3,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -3 | 2 | 3 |  
P | 0,3 | 0,3 | 0,4 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 0,9, D(X) = 7,5, M(Y) = 3,4, D(Y) = 13  
2)  
Z1 | -5 | -2 | 5 | 8 | 7 | 10 |  
P | 0,06 | 0,24 | 0,06 | 0,24 | 0,08 | 0,32 |  
Z2 | -3 | -12 | 2 | 8 | 3 | 12 |  
P | 0,06 | 0,24 | 0,06 | 0,24 | 0,08 | 0,32 |  
  
3)M(Z1) = 5,2, D(Z1) = 43, M(Z2) = 3,06, D(Z2) = 194,73

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 2

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,3333

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,5 , b = 0

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,5000M(X)=-0,2500; D(X)=0,1667; σ(X)=0,4082

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,25\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:4

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 10, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 80 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(2)

Вариант 19

1.Наугад выбирается номер телефона из 8 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,00000001  
0,0181

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 4 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 2 десятки.

2. Ответ:0,0433  
0,709

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,9, второго — 0,5. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,05  
0,95  
0,05

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,4, для второго — 0,2; вероятность ничьей — 0,4. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,48

6.В мешке 8 красных и 4 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,3636

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,7, на второй — 0,3, на третьей — 0,1. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3667

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 19 раз заказывали его книгу «Живая математика», 15 раз — «Занимательные задачи», 13 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,5, «Занимательные задачи» — 0,4, «Загадки» — 0,5. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Живая математика

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,19. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 3 неправильных знака;  
б) не менее 3 неправильных знаков?

9. Ответ:0,045002  
0,050528

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,6. Чему равна вероятность того, что среди 70 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,244 \* ф(-1,7078)  
Ф(-1,7078) - Ф(-10,247)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,006. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 2 элементов

11. Ответ:0,062

12.Имеется 5 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,2  
P(x = 2) = 0,2  
P(x = 3) = 0,2  
P(x = 4) = 0,2  
P(x = 5) = 0,2  
  
M(X) = 3  
D(X) = 11  
σ(X) = 3,3166  
F(X) =   
 | 0,2, x = 1  
 | 0,4, x = 2  
 | 0,6, x = 3  
 | 0,8, x = 4  
 | 1, x = 5

13.Устройство состоит из 4 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,2. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,4096  
P(x = 1) = 0,4096  
P(x = 2) = 0,1536  
P(x = 3) = 0,0256  
P(x = 4) = 0,0016  
  
M(X) = 0,8  
D(X) = 1,28

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((30,0)^m) / (m!) \* e^(30,0)  
M(X) = 30,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 2 | 4 |  
P | 0,2 | 0,3 | 0,5 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 2,2, D(X) = 10, M(Y) = 2,8, D(Y) = 10  
2)  
Z1 | -3 | 0 | 5 | 8 | 9 | 12 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,12 | 0,18 | 0,2 | 0,3 |  
Z2 | -2 | -8 | 2 | 8 | 4 | 16 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,12 | 0,18 | 0,2 | 0,3 |  
  
3)M(Z1) = 7,2, D(Z1) = 50, M(Z2) = 6,16, D(Z2) = 226,8

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,6

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,4 , b = 2,3

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,5500M(X)=1,1520; D(X)=2,2635; σ(X)=1,5045

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 40 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,3297

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 17 см; σ = 0,8 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,14 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,1750)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 6 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 37 до 43 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(0,5)

Вариант 20

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 5 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 5 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,008333

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 5 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 3 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0128  
0,5

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,4 для второго — 0,7. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,82  
0,18  
0,12

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,3, для графа — 0,6. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,4624

6.В корзине 17 шаров, среди которых 11 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,2426

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,3, 0,4 и 0,2 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,7

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 18 раз заказывали его книгу «Живая математика», 17 раз — «Занимательные задачи», 16 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,1, «Занимательные задачи» — 0,4, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,18. Какова вероятность того, что сообщение из 6 знаков содержит:  
а) 5 неправильных знака;  
б) не менее 5 неправильных знаков?

9. Ответ:0,00093  
0,000964

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,57. Чему равна вероятность того, что среди 90 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2129 \* ф(-1,3414)  
Ф(-1,3414) - Ф(-10,9226)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,006. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 4 элементов

11. Ответ:0,2851

12.Имеется 7 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1429  
P(x = 2) = 0,1429  
P(x = 3) = 0,1429  
P(x = 4) = 0,1429  
P(x = 5) = 0,1429  
P(x = 6) = 0,1429  
P(x = 7) = 0,1429  
  
M(X) = 4  
D(X) = 20  
σ(X) = 4,4721  
F(X) =   
 | 0,1429, x = 1  
 | 0,2857, x = 2  
 | 0,4286, x = 3  
 | 0,5714, x = 4  
 | 0,7143, x = 5  
 | 0,8571, x = 6  
 | 1, x = 7

13.Устройство состоит из 4 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,3. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,2401  
P(x = 1) = 0,4116  
P(x = 2) = 0,2646  
P(x = 3) = 0,0756  
P(x = 4) = 0,0081  
  
M(X) = 1,2  
D(X) = 2,28

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((60,0)^m) / (m!) \* e^(60,0)  
M(X) = 60,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -3 | 1 | 4 |  
P | 0,2 | 0,4 | 0,4 |  
Y | 1 | 3 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,4, D(X) = 8,6, M(Y) = 2,2, D(Y) = 5,8  
2)  
Z1 | -5 | -3 | 3 | 5 | 9 | 11 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 |  
Z2 | -3 | -9 | 1 | 3 | 4 | 12 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 |  
  
3)M(Z1) = 5, D(Z1) = 40,2, M(Z2) = 3,08, D(Z2) = 102,872

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,2 , b = 0,6

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,48

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -1 , b = 2,4

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,6500M(X)=1,4560; D(X)=2,9781; σ(X)=1,7257

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 80 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,5507

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 26 см; σ = 0,8 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,25 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,3125)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 6 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 34 до 46 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1)

Вариант 21

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 4 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 4 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,033333

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 5 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 2 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0128  
0,859

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,4 для второго — 0,4. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,64  
0,36  
0,24

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,3, для графа — 0,3. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,6871

6.В корзине 15 шаров, среди которых 6 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,044

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,3, 0,2 и 0,1 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,8

8.В зоопарке живут 2 кенгуру, 5 муравьедов и 7 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,2, 0,6 и 0,4. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,2564

9.В поезде 5 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,1. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 3 лампочек.

9. Ответ:0,0086

10.Имеется 80 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,4 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 30 до 45 станков;  
б) ровно 50 станков ?

10. Ответ:Ф(2,9668) - Ф(-0,4564)  
0,2282 \* ф(4,1079)

11.Некачественные сверла составляют 2% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 2 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,6767

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 1800, 300, 150 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 1800) = 0,001  
P(x = 300) = 0,001  
P(x = 150) = 0,001  
M(X) = 2,25  
D(X) = 3375,0002  
σ(X) = 58,0948  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 150  
 | 0,999, x = 300  
 | 1, x = 1800

13.Вероятность приема сигнала равна 0,8. Сигнал передается 5 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0003  
P(x = 1) = 0,0064  
P(x = 2) = 0,0512  
P(x = 3) = 0,2048  
P(x = 4) = 0,4096  
P(x = 5) = 0,3277  
  
M(X) = 4  
D(X) = 16,8

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 400 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((4,0)^m) / (m!) \* e^(4,0)  
M(X) = 4,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 1 | 4 |  
P | 0,4 | 0,4 | 0,2 |  
Y | 1 | 3 |  
P | 0,3 | 0,7 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 0,4, D(X) = 5,2, M(Y) = 2,4, D(Y) = 6,6  
2)  
Z1 | -3 | -1 | 3 | 5 | 9 | 11 |  
P | 0,12 | 0,28 | 0,12 | 0,28 | 0,06 | 0,14 |  
Z2 | -2 | -6 | 1 | 3 | 4 | 12 |  
P | 0,12 | 0,28 | 0,12 | 0,28 | 0,06 | 0,14 |  
  
3)M(Z1) = 3,2, D(Z1) = 27,4, M(Z2) = 0,959999999999999, D(Z2) = 65,328

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 2

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,3333

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,7 , b = 0,3

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,6388M(X)=-0,2298; D(X)=0,1707; σ(X)=0,4131

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,4\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:2,5

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 20, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 70 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(1,5)

Вариант 22

1.Наугад выбирается номер телефона из 8 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,00000001  
0,0181

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 4 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 3 десятки.

2. Ответ:0,0433  
0,291

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,9, второго — 0,8. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,02  
0,98  
0,08

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,4, для второго — 0,3; вероятность ничьей — 0,3. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,4

6.В мешке 8 красных и 7 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,5

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,7, на второй — 0,4, на третьей — 0,3. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,4667

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 19 раз заказывали его книгу «Живая математика», 17 раз — «Занимательные задачи», 16 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,2, «Занимательные задачи» — 0,7, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,19. Какова вероятность того, что сообщение из 6 знаков содержит:  
а) 5 неправильных знака;  
б) не менее 5 неправильных знаков?

9. Ответ:0,001203  
0,00125

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,59. Чему равна вероятность того, что среди 80 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2273 \* ф(-1,6367)  
Ф(-1,6367) - Ф(-10,7295)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,006. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 4 элементов

11. Ответ:0,2851

12.Имеется 7 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1429  
P(x = 2) = 0,1429  
P(x = 3) = 0,1429  
P(x = 4) = 0,1429  
P(x = 5) = 0,1429  
P(x = 6) = 0,1429  
P(x = 7) = 0,1429  
  
M(X) = 4  
D(X) = 20  
σ(X) = 4,4721  
F(X) =   
 | 0,1429, x = 1  
 | 0,2857, x = 2  
 | 0,4286, x = 3  
 | 0,5714, x = 4  
 | 0,7143, x = 5  
 | 0,8571, x = 6  
 | 1, x = 7

13.Устройство состоит из 4 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,3. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,2401  
P(x = 1) = 0,4116  
P(x = 2) = 0,2646  
P(x = 3) = 0,0756  
P(x = 4) = 0,0081  
  
M(X) = 1,2  
D(X) = 2,28

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((60,0)^m) / (m!) \* e^(60,0)  
M(X) = 60,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -3 | 1 | 5 |  
P | 0,2 | 0,4 | 0,4 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,8, D(X) = 12,2, M(Y) = 2,8, D(Y) = 10  
2)  
Z1 | -5 | -2 | 3 | 6 | 11 | 14 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 |  
Z2 | -3 | -12 | 1 | 4 | 5 | 20 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,16 | 0,24 | 0,16 | 0,24 |  
  
3)M(Z1) = 6,4, D(Z1) = 58,8, M(Z2) = 5,04, D(Z2) = 250,048

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 3

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,8889

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,6 , b = 2,4

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 1,0000M(X)=0,0833; D(X)=0,5000; σ(X)=0,7071

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,35\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:2,8571

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 30, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 70 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(1)

Вариант 23

1.Наугад выбирается номер телефона из 8 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,00000001  
0,0181

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 4 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 2 десятки.

2. Ответ:0,0433  
0,709

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,8, второго — 0,5. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,1  
0,9  
0,1

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,4, для второго — 0,1; вероятность ничьей — 0,5. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,56

6.В мешке 7 красных и 4 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,4

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,7, на второй — 0,2, на третьей — 0,2. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3667

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 18 раз заказывали его книгу «Живая математика», 14 раз — «Занимательные задачи», 12 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,4, «Занимательные задачи» — 0,2, «Загадки» — 0,6. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,18. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 3 неправильных знака;  
б) не менее 3 неправильных знаков?

9. Ответ:0,039214  
0,043707

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,56. Чему равна вероятность того, что среди 60 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2601 \* ф(-0,9363)  
Ф(-0,9363) - Ф(-8,7386)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,006. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 2 элементов

11. Ответ:0,062

12.Имеется 7 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1429  
P(x = 2) = 0,1429  
P(x = 3) = 0,1429  
P(x = 4) = 0,1429  
P(x = 5) = 0,1429  
P(x = 6) = 0,1429  
P(x = 7) = 0,1429  
  
M(X) = 4  
D(X) = 20  
σ(X) = 4,4721  
F(X) =   
 | 0,1429, x = 1  
 | 0,2857, x = 2  
 | 0,4286, x = 3  
 | 0,5714, x = 4  
 | 0,7143, x = 5  
 | 0,8571, x = 6  
 | 1, x = 7

13.Устройство состоит из 3 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,2. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,512  
P(x = 1) = 0,384  
P(x = 2) = 0,096  
P(x = 3) = 0,008  
  
M(X) = 0,6  
D(X) = 0,84

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((30,0)^m) / (m!) \* e^(30,0)  
M(X) = 30,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -3 | 2 | 5 |  
P | 0,3 | 0,3 | 0,4 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,3 | 0,7 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,7, D(X) = 13,9, M(Y) = 3,1, D(Y) = 11,5  
2)  
Z1 | -5 | -2 | 5 | 8 | 11 | 14 |  
P | 0,09 | 0,21 | 0,09 | 0,21 | 0,12 | 0,28 |  
Z2 | -3 | -12 | 2 | 8 | 5 | 20 |  
P | 0,09 | 0,21 | 0,09 | 0,21 | 0,12 | 0,28 |  
  
3)M(Z1) = 6,5, D(Z1) = 67,1, M(Z2) = 5,27, D(Z2) = 326,664

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,5

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,6 , b = 1,2

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,0900M(X)=0,0720; D(X)=0,0648; σ(X)=0,2546

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 40 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,3297

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 19 см; σ = 0,4 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,24 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,6000)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 4 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 36 до 44 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1)

Вариант 24

1.Наугад выбирается номер телефона из 6 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,000001  
0,1512

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 2 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 3 десятки.

2. Ответ:0,418  
0,291

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,6, второго — 0,9. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,04  
0,96  
0,36

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,2, для второго — 0,4; вероятность ничьей — 0,4. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,2

6.В мешке 5 красных и 8 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,6667

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,4, на второй — 0,5, на третьей — 0,2. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3667

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 13 раз заказывали его книгу «Живая математика», 12 раз — «Занимательные задачи», 10 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,1, «Занимательные задачи» — 0,2, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,13. Какова вероятность того, что сообщение из 6 знаков содержит:  
а) 4 неправильных знака;  
б) не менее 4 неправильных знаков?

9. Ответ:0,003243  
0,003441

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,48. Чему равна вероятность того, что среди 90 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,211 \* ф(0,3798)  
Ф(0,3798) - Ф(-9,1147)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,003. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 4 элементов

11. Ответ:0,8153

12.Имеется 5 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,2  
P(x = 2) = 0,2  
P(x = 3) = 0,2  
P(x = 4) = 0,2  
P(x = 5) = 0,2  
  
M(X) = 3  
D(X) = 11  
σ(X) = 3,3166  
F(X) =   
 | 0,2, x = 1  
 | 0,4, x = 2  
 | 0,6, x = 3  
 | 0,8, x = 4  
 | 1, x = 5

13.Устройство состоит из 4 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,2. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,4096  
P(x = 1) = 0,4096  
P(x = 2) = 0,1536  
P(x = 3) = 0,0256  
P(x = 4) = 0,0016  
  
M(X) = 0,8  
D(X) = 1,28

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((30,0)^m) / (m!) \* e^(30,0)  
M(X) = 30,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 1 | 3 |  
P | 0,2 | 0,3 | 0,5 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,4 | 0,6 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,4, D(X) = 5,6, M(Y) = 2,8, D(Y) = 10  
2)  
Z1 | -3 | 0 | 3 | 6 | 7 | 10 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,12 | 0,18 | 0,2 | 0,3 |  
Z2 | -2 | -8 | 1 | 4 | 3 | 12 |  
P | 0,08 | 0,12 | 0,12 | 0,18 | 0,2 | 0,3 |  
  
3)M(Z1) = 5,6, D(Z1) = 32,4, M(Z2) = 3,92, D(Z2) = 119,504

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,6

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,5 , b = 2,7

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,9500M(X)=2,4651; D(X)=5,5551; σ(X)=2,3569

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 40 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,3297

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 17 см; σ = 0,9 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,15 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,1667)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 6 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 37 до 43 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(0,5)

Вариант 25

1.Пронумерованные 6 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 4 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 4 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,066667  
0,033333

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 5 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 3 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0128  
0,5

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,5 для второго — 0,6. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,8  
0,2  
0,2

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,4, для графа — 0,5. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,61

6.В корзине 19 шаров, среди которых 9 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,0867

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,7, на второй — 0,4, на третьей — 0,2. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,4333

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 19 раз заказывали его книгу «Живая математика», 17 раз — «Занимательные задачи», 15 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,3, «Занимательные задачи» — 0,3, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,19. Какова вероятность того, что сообщение из 6 знаков содержит:  
а) 4 неправильных знака;  
б) не менее 4 неправильных знаков?

9. Ответ:0,012826  
0,014076

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,6. Чему равна вероятность того, что среди 80 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2282 \* ф(-1,8257)  
Ф(-1,8257) - Ф(-10,9545)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,006. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 3 элементов

11. Ответ:0,1512

12.Имеется 7 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1429  
P(x = 2) = 0,1429  
P(x = 3) = 0,1429  
P(x = 4) = 0,1429  
P(x = 5) = 0,1429  
P(x = 6) = 0,1429  
P(x = 7) = 0,1429  
  
M(X) = 4  
D(X) = 20  
σ(X) = 4,4721  
F(X) =   
 | 0,1429, x = 1  
 | 0,2857, x = 2  
 | 0,4286, x = 3  
 | 0,5714, x = 4  
 | 0,7143, x = 5  
 | 0,8571, x = 6  
 | 1, x = 7

13.Устройство состоит из 3 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,3. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,343  
P(x = 1) = 0,441  
P(x = 2) = 0,189  
P(x = 3) = 0,027  
  
M(X) = 0,9  
D(X) = 1,44

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((60,0)^m) / (m!) \* e^(60,0)  
M(X) = 60,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 1 | 3 |  
P | 0,2 | 0,4 | 0,4 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,3 | 0,7 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,2, D(X) = 4,8, M(Y) = 3,8, D(Y) = 17,8  
2)  
Z1 | -3 | 1 | 3 | 7 | 11 |  
P | 0,06 | 0,14 | 0,12 | 0,4 | 0,28 |  
Z2 | -2 | -10 | 1 | 5 | 3 | 15 |  
P | 0,06 | 0,14 | 0,12 | 0,28 | 0,12 | 0,28 |  
  
3)M(Z1) = 6,2, D(Z1) = 37, M(Z2) = 4,56, D(Z2) = 180,384

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,2 , b = 0,5

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,48

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -1,2 , b = 1,8

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,2025M(X)=0,2430; D(X)=0,3281; σ(X)=0,5728

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 80 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,5507

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 29 см; σ = 0,6 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,16 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,2667)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 5 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 33 до 47 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1,4)

Вариант 26

1.Наугад выбирается номер телефона из 8 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,00000001  
0,0181

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 4 десятки;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 2 десятки.

2. Ответ:0,0433  
0,709

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,9, второго — 0,4. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,06  
0,94  
0,04

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,4, для второго — 0,1; вероятность ничьей — 0,5. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,56

6.В мешке 8 красных и 3 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,3

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,7, на второй — 0,2, на третьей — 0,1. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3333

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 18 раз заказывали его книгу «Живая математика», 13 раз — «Занимательные задачи», 11 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,4, «Занимательные задачи» — 0,4, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Живая математика

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,18. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 3 неправильных знака;  
б) не менее 3 неправильных знаков?

9. Ответ:0,039214  
0,043707

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,57. Чему равна вероятность того, что среди 60 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2608 \* ф(-1,0952)  
Ф(-1,0952) - Ф(-8,9182)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,006. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 2 элементов

11. Ответ:0,062

12.Имеется 7 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,1429  
P(x = 2) = 0,1429  
P(x = 3) = 0,1429  
P(x = 4) = 0,1429  
P(x = 5) = 0,1429  
P(x = 6) = 0,1429  
P(x = 7) = 0,1429  
  
M(X) = 4  
D(X) = 20  
σ(X) = 4,4721  
F(X) =   
 | 0,1429, x = 1  
 | 0,2857, x = 2  
 | 0,4286, x = 3  
 | 0,5714, x = 4  
 | 0,7143, x = 5  
 | 0,8571, x = 6  
 | 1, x = 7

13.Устройство состоит из 2 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,3. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,49  
P(x = 1) = 0,42  
P(x = 2) = 0,09  
  
M(X) = 0,6  
D(X) = 0,78

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((60,0)^m) / (m!) \* e^(60,0)  
M(X) = 60,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -1 | 2 | 4 |  
P | 0,2 | 0,4 | 0,4 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1,6, D(X) = 8,8, M(Y) = 4,2, D(Y) = 20,2  
2)  
Z1 | -3 | 1 | 5 | 9 | 13 |  
P | 0,06 | 0,24 | 0,06 | 0,32 | 0,32 |  
Z2 | -2 | -10 | 2 | 10 | 4 | 20 |  
P | 0,06 | 0,24 | 0,06 | 0,24 | 0,08 | 0,32 |  
  
3)M(Z1) = 7,4, D(Z1) = 55,4, M(Z2) = 6,72, D(Z2) = 384,704

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,2 , b = 0,4

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,48

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,7 , b = 1

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,0625M(X)=0,0417; D(X)=0,0313; σ(X)=0,1768

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 60 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,4512

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 20 см; σ = 0,3 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,18 см?

20. Ответ:2\*Ф(0,6000)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 4 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 36 до 44 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1)

Вариант 27

1.Пронумерованные 7 вариантов контрольной работы по математике распределяются случайным образом среди 5 студентов, сидящих в одном ряду. Каждый получает по одному варианту. Найти вероятность того, что:  
а) варианты 1'й и 2'й достанутся первым двум студентам;  
б) первые 5 вариантов распределятся последовательно.

1. Ответ:0,047619  
0,004762

2.В розыгрыше кубка по футболу участвуют 16 команд, среди которых 7 команд первой лиги. Все команды по жребию делятся на две группы по 8 команд. Найти вероятность того, что:  
а) все команды первой лиги попадут в одну группу;  
б) в одну группу попадут хотя бы 4 команды первой лиги.

2. Ответ:0,0007  
0,5

3.Электронная схема содержит три транзистора, четыре конденсатора и пять резисторов. Событие Tk — выход из строя k-го транзистора(k = 1, 2, 3), событие Сi — выход из строя i-го конденсатора(i = 1, 2, 3, 4), Rj — выход из строя j -го резистора(j = 1, 2, 3, 4, 5). Электронная схема считается исправной, если одновременно исправны все транзисторы, не менее двух конденсаторов и хотя бы один резистор.  
Записать в алгебре событий событие А: схема исправна.

3. Ответ:A = T1\*T2\*T3\*(C1\*C2+C1\*C3+C1\*C4+C2\*C3+C2\*C4+C3\*C4)\*(R1+R2+R3+R4+R5)

4.Два рыбака ловят рыбу на озере. Вероятность поймать на удочку карася для первого равна 0,9 для второго — 0,5. Какова вероятность того, что:  
а) они поймают хотя бы одного карася;  
б) вообще не поймают карасей;  
в) поймает карася только первый рыбак?

4. Ответ:0,95  
0,05  
0,45

5.Барон вызвал графа на дуэль. В пистолетах у дуэлянтов по два патрона. Вероятность попадания в своего противника для барона(он и начинает дуэль) равна 0,7, для графа — 0,4. Найти вероятность того, что барон останется невредимым, если дуэль продолжается либо до первого попадания в кого-либо из противников, либо до тех пор, пока не закончатся все патроны.

5. Ответ:0,8584

6.В корзине 27 шаров, среди которых 8 оранжевых. Из нее поочередно извлекаются три шара. Найти вероятность того, что все вынутые шары оранжевые

6. Ответ:0,0191

7.В диагностическом центре прием больных ведут три невропатолога: Фридман, Гудман и Шеерман, которые ставят правильный диагноз с вероятностью 0,7, 0,3 и 0,2 соответственно. Какова вероятность того, что больному Сидорову будет поставлен неверный диагноз, если он выбирает врача случайным образом.

7. Ответ:0,6

8.В зоопарке живут 6 кенгуру, 6 муравьедов и 9 горилл. Условия содержания млекопитающих таковы, что вероятность заболеть у этих животных соответственно равна 0,7, 0,6 и 0,4. Животное, которое удалось поймать врачу, оказалось здоровым. Какова вероятность того, что врач осматривал муравьеда?

8. Ответ:0,25

9.В поезде 5 электрических лампочек. Каждая из них перегорает в течение года с вероятностью 0,18. Найти вероятность того, что в течение года перегорит не менее 3 лампочек.

9. Ответ:0,0437

10.Имеется 80 станков равной мощности, работающих независимо друг от друга в одинаковом режиме при включенном приводе в течение 0,8 всего рабочего времени. Какова вероятность того, что в произвольный момент окажутся включенными:  
а) от 40 до 55 станков;  
б) ровно 60 станков ?

10. Ответ:Ф(-2,5156) - Ф(-6,7082)  
0,2795 \* ф(-1,118)

11.Некачественные сверла составляют 6% всей продукции фабрики. Изготовленные сверла упаковываются в ящики по 100 штук. Какова вероятность того, что в ящике окажется не более 2 некачественных сверл ?

11. Ответ:0,062

12.В лотерее на 1000 билетов разыгрываются три вещи, стоимость которых 2800, 400, 200 руб. Составить ряд распределения суммы выигрыша для лица, имеющего один билет. Найти М(Х), D(X), σ(X), F(X) суммы выигрыша. Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 0) = 0,997  
P(x = 2800) = 0,001  
P(x = 400) = 0,001  
P(x = 200) = 0,001  
M(X) = 3,4  
D(X) = 8080,0004  
σ(X) = 89,8888  
F(X) =   
 | 0,997, x = 0  
 | 0,998, x = 200  
 | 0,999, x = 400  
 | 1, x = 2800

13.Вероятность приема сигнала равна 0,9. Сигнал передается 4 раз. Составить ряд распределения числа передач, в которых сигнал будет принят. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,0001  
P(x = 1) = 0,0036  
P(x = 2) = 0,0486  
P(x = 3) = 0,2916  
P(x = 4) = 0,6561  
  
M(X) = 3,6  
D(X) = 13,32

14.Вероятность для любого абонента позвонить на коммутатор в течение одного часа равна 0,01. Телефонная станция обслуживает 400 абонентов. Составить ряд распределения числа абонентов, которые могут позвонить на коммутатор в течение одного часа. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((4,0)^m) / (m!) \* e^(4,0)  
M(X) = 4,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 2 | 5 |  
P | 0,4 | 0,4 | 0,2 |  
Y | 1 | 4 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 1, D(X) = 8,2, M(Y) = 3,4, D(Y) = 13  
2)  
Z1 | -3 | 0 | 5 | 8 | 11 | 14 |  
P | 0,08 | 0,32 | 0,08 | 0,32 | 0,04 | 0,16 |  
Z2 | -2 | -8 | 2 | 8 | 5 | 20 |  
P | 0,08 | 0,32 | 0,08 | 0,32 | 0,04 | 0,16 |  
  
3)M(Z1) = 5,4, D(Z1) = 45,8, M(Z2) = 3,4, D(Z2) = 214,392

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; x^2/9, 0<x<=3; 1, x>3  
a = 1 , b = 2

16. Ответ:  
f(x) = 0, x<=0; 2\*x/9, 0<x<=3; 0, x>3  
P(a < X < b) = 0,3333

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = a/(1+x^2) x∈R

17. Ответ:  
a = 1/π  
F(x) = arctan(x)/π x∈R  
As(x) = не определено; Ex(x) = не определено

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=-1; 1/2, -1<x<=0; 1/2-x/4, 0<x<=2; 0, x>2   
a = -1,8 , b = 0,2

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=-1; x/2+1/2, -1<x<=0; -x^2/8+x/2+1/2, 0<x<=2; 1, x>2   
P(a < X < b) = 0,5950M(X)=-0,2407; D(X)=0,1679; σ(X)=0,4098

19.Исследуется район массовой гибели судов в войне 1939–1945 гг. Вероятность обнаружения затонувшего судна за время поиска t задается формулой: Р(t) = 1– exp(–0,45\*t) Пусть случайная величина T — время, необходимое для обнаружения очередного судна(в часах). Найти среднее значение T.

19. Ответ:2,2222

20.Для какого значения А функцияf(x) = 0 , x<0; (1/A)\*e^(-3Ax) x>=0, является   
 а) плотностью вероятности;  
б) плотностью вероятности экспоненциального закона?

20. Ответ:а) -inf<x<0 ⋃ 0<x<0,5774 ⋃ 0,5774<x<+inf  
б) 0,5774

21.Число вагонов в прибывающем на расформирование составе является случайной величиной, распределенной по нормальному закону с параметрами σ = 10, m = 100. Определить вероятность того, что в составе будет не более 60 вагонов.

21. Ответ:0,5 - Ф(4)

Вариант 28

1.Наугад выбирается номер телефона из 5 цифр. Найти вероятность того, что:  
а) это номер телефона А. Б. Пугачевой;  
б) все цифры номера различны.

1. Ответ:0,00001  
0,3024

2.Колода карт, значения карт которой только с 6 по 10, (20 листов) разбивается наугад на две равные стопки по 10 листов. Найти вероятность того, что:  
а) в первой стопке окажется 1 десятка;  
б) в первой стопе окажется хотя бы 3 десятки.

2. Ответ:0,2477  
0,291

3.Эксперимент состоит в двух выстрелах по мишени. Событие А — попадание в мишень первым выстрелом; событие В — попадание в мишень вторым выстрелом. Постройте множество элементарных исходов и выявите состав подмножеств, соответствующих событиям:  
а) А U В;  
б) А ∩ В;  
в) ¬А U ¬В.

3. Ответ:Ω = {q00, q01, q10, q11}  
А U В = { q10, q01, q11}  
А ∩ В ={q11}  
¬А U ¬В = {q00, q10, q01}  
Где q00 - промах двумя выстрелами, q10 - попадание только первым выстрелом, q01 - попадание только вторым выстрелом, q11 - попадание двумя выстрелами.

4.В библиотеке университета путей сообщения есть две книги по теории вероятностей: В.Е.Гмурмана и А.А.Боровкова. Вероятность того, что в течение семестра будет затребована книга первого автора, равна 0,6, второго — 0,4. Какова вероятность того, что к концу семестра:   
а) ни одна, ни другая книга не будут затребованы;  
б) хотя бы одна из книг будет выдана;  
в) будет выдана только книга А. А.Боровкова?

4. Ответ:0,24  
0,76  
0,16

5.Два гроссмейстера играют две партии в шахматы. Вероятность выигрыша в одной партии для первого шахматиста равна 0,2, для второго — 0,1; вероятность ничьей — 0,7. Какова вероятность того, что первый гроссмейстер выиграет матч?

5. Ответ:0,32

6.В мешке 5 красных и 3 зеленых шаров. Проводится испытание по последовательному извлечению двух шаров без возвращения. Найдите вероятность того, что второй шар будет зеленый, если известно, что первый шар был красный.

6. Ответ:0,4286

7.К кладу ведут три дороги. Вероятность погибнуть на первой дороге равна 0,5, на второй — 0,2, на третьей — 0,2. Найти вероятность того, что ковбой доберется до клада по одной из них при условии, что дорога выбирается им наудачу.

7. Ответ:0,3

8.Перед математической олимпиадой особой популярностью пользовались книги Якова Исидоровича Перельмана: в библиотеке 14 раз заказывали его книгу «Живая математика», 9 раз — «Занимательные задачи», 7 раз — «Загадки и диковинки в мире чисел». Подбор задач для олимпиады таков, что вероятность решить задачу студенту, прочитавшему книгу «Живая математика», равна 0,2, «Занимательные задачи» — 0,7, «Загадки» — 0,4. Студент Филькин радостно сообщил, что решил задачу на олимпиаде. Какую книгу Перельмана вероятнее всего он прочитал?

8. Ответ:Загадки и диковинки в мире чисел

9.При передаче сообщения вероятность искажения одного знака равна 0,14. Какова вероятность того, что сообщение из 5 знаков содержит:  
а) 3 неправильных знака;  
б) не менее 3 неправильных знаков?

9. Ответ:0,020295  
0,022

10.Вероятность рождения мальчика равна 0,48. Чему равна вероятность того, что среди 60 новорожденных:  
а) мальчиков ровно половина;  
б) не менее половины мальчиков

10. Ответ:0,2584 \* ф(0,3101)  
Ф(0,3101) - Ф(-7,4421)

11.Аппаратура состоит из 1000 элементов, каждый из которых независимо от остальных выходит из строя за время Т с вероятностью 0,004. Найти вероятность того,что за время Т откажет не более 2 элементов

11. Ответ:0,2381

12.Имеется 5 ключей, из которых только один подходит к замку. Составить ряд распределения числа подбора ключа к замку, если не подошедший ключ в последующих опробованиях не участвует.Найти М(Х), D(X), σ(X),F(X) этой случайной величины.Построить график F(X).

12. Ответ:  
P(x = 1) = 0,2  
P(x = 2) = 0,2  
P(x = 3) = 0,2  
P(x = 4) = 0,2  
P(x = 5) = 0,2  
  
M(X) = 3  
D(X) = 11  
σ(X) = 3,3166  
F(X) =   
 | 0,2, x = 1  
 | 0,4, x = 2  
 | 0,6, x = 3  
 | 0,8, x = 4  
 | 1, x = 5

13.Устройство состоит из 2 независимо работающих элементов. Вероятность отказа каждого из них в одном опыте равна 0,2. Составить ряд распределения числа отказавших элементов в одном опыте. Найти M(X) и D(X) этой случайной величины.

13. Ответ:  
P(x = 0) = 0,64  
P(x = 1) = 0,32  
P(x = 2) = 0,04  
  
M(X) = 0,4  
D(X) = 0,48

14.Прядильщица обслуживает 1000 веретен. Вероятность обрыва нити на одном веретене в течение одной минуты равна 0,03. Составить ряд распределения числа обрывов нити в течение одной минуты. Найти M(X) этой случайной величины.

14. Ответ:Pn(m) = ((30,0)^m) / (m!) \* e^(30,0)  
M(X) = 30,0

15.Независимые случайные величины X и Y заданы таблицами распределений. Найти:  
1) M(X), M(Y), D(X), D(Y);  
2) таблицы распределения случайных величин Z1 = 2X + Y, Z2 = X \* Y;  
3) M(Z1), M(Z2), D(Z1), D(Z2) непосредственно по таблицам распределений и на основании свойств математического ожидания и дисперсии  
X | -2 | 1 | 5 |  
P | 0,2 | 0,3 | 0,5 |  
Y | 1 | 5 |  
P | 0,2 | 0,8 |

15. Ответ:  
1)M(X) = 2,4, D(X) = 13,6, M(Y) = 4,2, D(Y) = 20,2  
2)  
Z1 | -3 | 1 | 3 | 7 | 11 | 15 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,06 | 0,24 | 0,1 | 0,4 |  
Z2 | -2 | -10 | 1 | 5 | 25 |  
P | 0,04 | 0,16 | 0,06 | 0,34 | 0,4 |  
  
3)M(Z1) = 9, D(Z1) = 74,6, M(Z2) = 10,08, D(Z2) = 630,976

16.Дана функция распределения F(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти плотность вероятности f(x);  
2) построить графики F(x) и f(x);  
3) найти Р(a < X < b) для данных a, b.  
F(x) = 0, x<=0; 3\*x^2+2x, 0<x<=1/3; 1, x>1/3  
a = 0,1 , b = 0,4

16. Ответ:f(x) = 0, x<=0; 6\*x+2, 0<x<=1/3; 0, x>1/3  
P(a < X < b) = 0,77

17.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X. Требуется:  
1) найти параметр a;  
2) найти функцию распределения F(x);  
3) построить графики f(x) и F(x);  
4) найти асимметрию и эксцесс X.  
f(x) = 0, x<0; a\*sin(x)/3, 0<=x<=π/3; 0, x>π/3

17. Ответ:  
a = 6  
F(x) = 0, x<0; -2\*cos(x)+2, 0<=x<=1/3; 1, x>1/3  
As(x) = -0,5044; Ex(x) = -0,6804

18.Дана плотность вероятности f(x) непрерывной случайной величины X, имеющая две ненулевые составляющие формулы. Требуется:  
1)Проверить свойство -∞∫∞(f(x)dx)=1  
2)Построить график f(x)  
3)Найти функцию распределния F(x)  
4)Найти P(a <= X <= b) для данных a,b  
5)Найти M(X),D(x),σ(X)f(x) = 0, x<=0; x/8, 0<x<=2; 1, 2<x<11/4; 0, x>11/4   
a = -0,5 , b = 0,1

18. Ответ:  
 Условие выполняется.  
 F(x)= 0, x<=0; x^2/16, 0<x<=2; x-7/4, 2<x<11/4; 1, x>11/4   
P(a < X < b) = 0,0006M(X)=0,0000; D(X)=0,0000; σ(X)=0,0018

19.Дистанция X между двумя соседними самолетами в строю имеет показательное распределение с MX = 100 м. Опасность столкновения самолетов возникает при уменьшении дистанции до 40 м. Найти вероятность возникновения этой опасности.

19. Ответ:0,3297

20.Диаметр детали, вытачиваемой на станке, есть нормальная случайная величина (a = 18 см; σ = 0,1 см).  
С какой вероятностью отклонение диаметра детали от среднего значения не превосходит по абсолютной величине 0,16 см?

20. Ответ:2\*Ф(1,6000)

21.Колебание прибытия вагонов на промышленную станцию имеет нормальное распределение со средним квадратическим отклонением σ = 3 и средним значением, равным 40 вагонам в сутки. Определить вероятность того, что за сутки на станцию прибыло от 37 до 43 вагонов.

21. Ответ:2\*Ф(1)