Итерационные циклические вычислительные процессы с управлением по индексу/аргументу и функции.

Цель: научиться реализовывать алгоритмы на итерационные циклические вычислительные процессы с управлением по индексу/аргументу и функции средствами компилятора Free Pascal

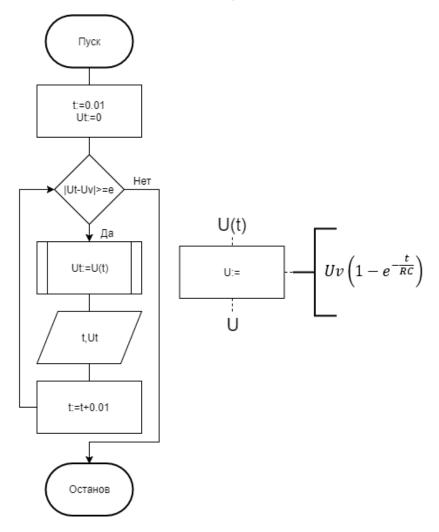
Оборудование: ПК, Pascal ABC

Задание 1.

Дан процесс, связанный с изменением выходного напряжения Uвых на обкладках конденсатора электрической цепи, которая включает активное сопротивление R=2 Ом и конденсатор с емкостью C=0.01 Ф. Построить переходную характеристику заряда конденсатора по схеме RC цепочки с заданной точностью $\varepsilon=10^{\circ}-3$, Uex=50 В:

$$U_{\text{\tiny BMX}} = U_{\text{\tiny BX}} \left(1 - e^{-\frac{t}{RC}} \right)$$

начальное значение t = 0.01, с шагом 0.01



Имя	Смысл	Тип
t	переменная	real
Ut	результирующая	real

```
program lr81;
const R=2;
    C=0.01;
    e=0.001;
    Uv=50;
var Ut,t:real;
function U(t:real):real;
begin
U:=Uv*(1-exp(-t/(R*C)));
end;
begin
t = 0.01;
Ut:=0;
writeln('t
              Ut');
while abs(Ut-Uv)>=e do
  begin
  Ut := U(t);
  writeln(t,'
               ',Ut);
  t = t + 0.01;
  end;
end.
```

Результат:

```
0.01
       19.6734670143683
        31.6060279414279
0.02
0.03
       38.8434919925785
0.04
       43.2332358381694
0.05
       45.8957500688051
       47.5106465816068
0.07
       48.4901308288841
0.08
       49.0842180555633
0.09
       49.4445501730879
      49.6631026500457
0.1
0.11
       49.7956614280768
0.12
        49.8760623911667
       49.9248280403511
       49.9544059017223
0.14
0.15
       49.9723457814926
0.16
       49.9832268686049
       49.9898265815495
0.17
0.18
       49.9938295097957
0.19
        49.9962574085056
      49.9977300035119
0.21
       49.9986231775325
0.22
       49.9991649149605
```

Задание 2.

Вычислить e(x) с точностью 10^-4. Начальные условия: k=1, U0=1, S0=1, x=0.5

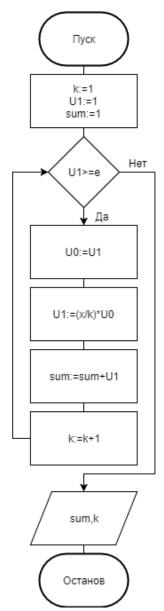
$$e^{x} \approx \sum_{k=0}^{\infty} \frac{x^{k}}{k!}$$

$$U_{k} = M \cdot U_{k-1}$$

$$M = \frac{U_k}{U_{k-1}}$$

$$M = \frac{x^k}{k!} \cdot \frac{(k-1)!}{x^{k-1}} = \frac{x^{k-1} \cdot x \cdot (k-1)!}{(k-1)! \cdot k \cdot x^{k-1}} = \frac{x}{k}$$

$$U_k = \frac{x}{k} U_{k-1}$$



Имя	Смысл	Тип
k	переменная	integer
U1,U0	переменные	real
sum	результирующая	real

```
program lr82;
const x=0.5;
   e=0.0001;
var k:integer;
  U1,U0,sum:real;
begin
k:=1;
U1:=1;
sum:=1;
while U1>=e do
  begin
  U0:=U1;
  U1:=(x/k)*U0;
  sum:=sum+U1;
  k := k+1;
  end;
write('k=',k,', sum=',sum);
end.
Результат:
```

k=7, sum=1.64871961805556

Задание 3.

Вычислить sin(x) с точностью 10^{-4} . Начальные условия: k=1, U0=x, S0=x, $x=\pi/6$

$$\sin x \approx (-1)^k \cdot \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!}$$

$$U_k = M \cdot U_{k-1}$$

$$M = \frac{U_k}{U_{k-1}}$$

$$M = (-1)^k \cdot \frac{x^{2k+1}}{(2k+1)!} \cdot \frac{1}{(-1)^{k-1}} \cdot \frac{(2(k-1)+1)!}{x^{2(k-1)+1}} = -\frac{x^{2k+1} \cdot (2k-1)!}{(2k+1)! \cdot x^{2k-1}} = -\frac{x^2}{2k+1}$$

$$U_k = -\frac{x^2}{2k+1} U_{k-1}$$

$$U_{1:=}$$

Имя	Смысл	Тип
k	переменная	integer
U1,U0	переменные	real
sum	результирующая	real

program lr83;

const x=pi/6;

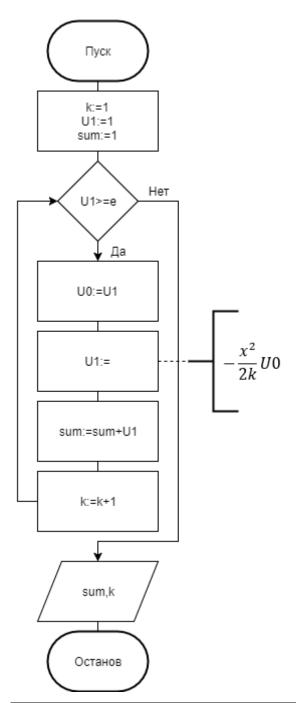
e=0.0001;

```
var k:integer;
  U1,U0,sum:real;
begin
k:=1;
U1:=x;
sum:=x;
while U1>=e do
  begin
  U0:=U1;
  U1:=((-x*x)/(2*k+1))*U0;
  sum:=sum+U1;
  k := k+1;
  end;
write('k=',k,', sum=',sum);
end.
Результат:
k=2, sum=0.475749583190429
```

Задание 4.

Вычислить $\cos(x)$ с точностью 10^-4. Начальные условия: $k=1,\,U0=1,\,S0=1,\,x=\pi/6$

$$\begin{aligned} \cos x &\approx \sum_{k=0}^{\infty} (-1)^k \frac{x^{2k}}{(2k)!} \\ U_k &= M \cdot U_{k-1} \\ M &= \frac{U_k}{U_{k-1}} \\ M &= (-1)^k \cdot \frac{x^{2k}}{(2k)!} \cdot \frac{1}{(-1)^{k-1}} \cdot \frac{\left(2(k-1)\right)!}{x^{2(k-1)}} = -\frac{x^{2k} \cdot (2k-2)!}{(2k)! \cdot x^{2k-2}} = -\frac{x^2}{2k} \\ U_k &= -\frac{x^2}{2k} U_{k-1} \end{aligned}$$



Имя	Смысл	Тип
k	переменная	integer
U1,U0	переменные	real
sum	результирующая	real

program lr84; const x=pi/6; e=0.0001;

var k:integer; U1,U0,sum:real;

```
begin
k:=1;
U1:=1;
sum:=1;
while U1>=e do
begin
U0:=U1;
U1:=((-x*x)/(2*k))*U0;
sum:=sum+U1;
k:=k+1;
end;
write('k=',k,', sum=',sum);
end.

Результат:
|k=2, sum=0.862922161095981
```

Вывод.

При работе с итерационными циклами нужно четко понимать, когда ты используешь цикл с предусловием и с пост условием, чтобы не возникало ошибок. А также важно запомнить, какой цикл идет по истинному условию, а какой по ложному. Если здесь допустить ошибку, то программа может работать менее эффективно.