Задания вариативной самостоятельной работы (ВСР) Часть 2.

Задание 5.4. Справочник по формулам Махіта, используемых при работе с уравнениями

• **Функция** solve

решает уравнения и системы уравнений. Ее аргументы — список уравнений и список переменных, а выдача — список решений. При этом для уравнений с нулевой правой частью эту правую часть можно пропускать. Функция работает в среде рациональных чисел, поэтому все нерациональные старается преобразовать или при выдаче решений выдает сообщение о возможной «потере» некоторых значений.

solve(
$$[x^2-3*x+2=0],[x]$$
);

$$[x=1,x=2]$$

solve([sin(x)-1/2],[x]);

'solve' is using arc-trig functions to get a solution.

Some solutions will be lost.

$$\left[x = \frac{\%pi}{6}\right]$$

Для систем уравнений – это двойной вложенный список:

solve(
$$[x-y=-5,x^2-2*x*y-y^2=17],[x,y]$$
);

$$[[x=-7,y=-2],[x=-3,y=2]]$$

Функция «solve» имеет довольно разветвленную логику. В зависимости от конкретного вида уравнения или системы она ведет себя очень по-разному и может вызывать другие функции («linsolve», «algsys» и т.п.), которые предназначены для поиска решений в тех или иных частных случаях.

Следует также заметить, что функция «solve» управляется довольно большим количеством флагов, которые меняют ее поведение. К сожалению, при реальной работе они почти бесполезны. Дело в том, что функция «solve» надежно работает главным образом для тех уравнений или систем, которые с очевидностью имеют решение. В этом случае флаги не нужны. В более

нетривиальных случаях решение обычно получить невозможно, вне зависимости от значения флагов.

• Функция еу

с ее помощью можно делать проверки решений уравнений. Проверим последнее решение – решение системы.

Для этого сохраним в переменных оба уравнения:

Выведем решение:

$$[[x=-7,y=-2],[x=-3,y=2]]$$

А теперь проверим предыдущее решение:

$$[-5=-5,17=17]$$

Как мы видим, значения совпадают, значит, решение правильное.

• Функция allroots

функция, которая находит и печатает все (в том числе и комплексные) корни полиномиального уравнения с действительными либо комплексными коэффициентами. (Работает только с ОДНОЙ переменной!)

• Функция algsys

решает полиномиальные системы уравнений. Допускаются системы из одного уравнения с одной неизвестной. Кроме того, допускаются неопределенные системы. Аргументы функции — это список уравнений и список переменных, а ее выдача — это список решений. Поскольку каждое решение есть список значений каждой из переменных, то список решений — это двойной вложенный список. Для уравнений с нулевой правой частью эту правую часть можно опускать.

Логика функции довольно разветвленная, в зависимости от вида конкретной системы уравнений она может вызывать функции «allroots», «solve». Функция не конвертирует float-числа, входящие в систему, в рациональные.