## Formulaire de dérivation matricielle

Marc Weber

Ruocong Zhang

## Octobre 2009

D'autres formules plus générales peuvent se trouvées ici :

- http://www.cs.toronto.edu/~roweis/notes/matrixid.pdf
- http://www.imm.dtu.dk/pubdb/views/edoc\_download.php/3274/pdf/ imm3274.pdf

Proposition 1 Soit  $v \in \mathbb{R}^k$  et  $a \in \mathbb{R}^k$ 

$$\frac{\partial(v^T a)}{\partial v} = \frac{\partial(a^T v)}{\partial v} = a$$

**Proposition 2** Soit un vecteur  $v \in \mathbb{R}^k$  et une matrice  $M \in \mathbb{R}^{k \times k}$ :

$$\frac{\partial (v^T M v)}{\partial v} = (M + M^T)v$$

En particulier, si M est symétrique,  $M^T=M$  et

$$\frac{\partial (v^T M v)}{\partial v} = 2Mv$$

**Proposition 3** Soit  $M \in \mathbb{R}^{k \times k}$ :

$$\frac{\partial(\log(\det(M)))}{\partial M} = M^{-1}$$

**Proposition 4** Soit  $M \in \mathbb{R}^{k \times k}$  et  $A \in \mathbb{R}^{k \times k}$  symétrique :

$$\frac{\partial (Tr(AM))}{\partial M} = A$$

**Proposition 5** Soit un vecteur  $v \in \mathbb{R}^k$  et une matrice  $M \in \mathbb{R}^{k \times k}$ :

$$\frac{\partial}{\partial v} \left( M v \right)^{\top} \left( M v \right) = 2 M^{\top} M v$$