# МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ РЯЗАНСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ РАДИОТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ

# ИЗУЧЕНИЕ ЯВЛЕНИЯ ИНТЕРФЕРЕНЦИИ СВЕТА С ПОМОЩЬЮ КОЛЕЦ НЬЮТОНА

Методические указания к лабораторной работе

УДК 539

Изучение явления интерференции света с помощью колец Ньютона: методические указания к лабораторной работе / Рязан. гос. радиотехн. ун-т; сост.: Б.С.Бобров, А.П.Соколов. Рязань, 2016. 8 с.

Изложены элементы теории и методы получения интерференционной картины в виде колец Ньютона, приведены методика для определения радиуса кривизны линзы и длины волны света, а также указания по обработке полученных экспериментальных данных.

Предназначены для студентов всех специальностей дневной и заочной форм обучения, изучающих курс физики.

Табл. 1. Ил. 5. Библиогр.: 4 назв.

Интерференция, линза, разность хода, кольца Ньютона

Печатается по решению редакционно-издательского совета Рязанского государственного радиотехнического университета.

Рецензент: кафедра общей и экспериментальной физики РГРТУ (зав. кафедрой канд. техн. наук, доц. М.В. Дубков)

Изучение явления интерференции света с помощью колец Ньютона

Составители: Бобров Борис Сергеевич Соколов Александр Павлович

Редактор Р.К. Мангутова Корректор С.В. Макушина Подписано в печать 29.04.16. Формат бумаги 60 х 84 1/16. Бумага писчая. Печать трафаретная. Усл. печ. л. 0,5. Тираж 200 экз. Заказ Рязанский государственный радиотехнический университет.

Рязанский государственный радиотехнический университет. 390005, Рязань, ул. Гагарина, 59/1. Редакционно-издательский центр РГРТУ.

работы: изучение явления интерференции определение радиуса кривизны линзы и длины световой волны.

Приборы и принадлежности: микроскоп, плосковыпуклая линза и стеклянная пластина в специальной оправе, источник света, блок питания, фильтры.

#### ЭЛЕМЕНТЫ ТЕОРИИ И МЕТОД ЭКСПЕРИМЕНТА

наложении когерентных световых волн происходит перераспределение светового потока в пространстве, в результате чего в одних местах возникают максимумы, а в других - минимумы интенсивности. Это явление называется интерференцией волн.

Наблюдение интерференции возможно лишь в том случае, если интерферирующие световые волны когерентны, T.e. имеют одинаковые направления колебаний, частоту и постоянную во времени разность фаз.

Во всех интерференционных схемах получение когерентных световых волн достигается путем искусственного разделения световых волн, исходящих из источника, на две части. Последние в области перекрытия дают устойчивую интерференционную картину.

Пусть источники  $S_1$  и  $S_2$  посылают в точку C монохроматические волны (рис. 1).

$$E_{1} = E_{01} \sin \left[ 2\pi (vt - \frac{y_{1}}{\lambda}) + \alpha_{1} \right],$$

$$E_{2} = E_{02} \sin \left[ 2\pi (vt - \frac{y_{2}}{\lambda}) + \alpha_{2} \right].$$
(1)

где v – частота колебаний;  $\lambda$  – длина волны, излучаемая источниками; у1 и  $y_2$  — расстояния от источников  $S_1$  и  $S_2$ до точки C;  $E_{01}$  и  $E_{02}$  – модули амплитуд светового (электрического) вектора;  $\alpha_1$  и  $\alpha_2$  – начальные фазы колебаний источников.

Амплитуда  $E_0$  результирующего колебания в точке С при наложении волн определяется по формуле

итуд светового (электрического) ора; 
$$\alpha_1$$
 и  $\alpha_2$  — начальные фазы баний источников. Амплитуда  $E_0$  результирующего бания в точке С при наложении

$$E_0^2 = E_{01}^2 + E_{02}^2 + 2E_{01}E_{02}\cos(\varphi_1 - \varphi_2), \qquad (2)$$

<sub>где</sub> 
$$\phi_1 - \phi_2 = \left[ 2\pi(\nu t - \frac{y_1}{\lambda}) + \alpha_1 \right] - \left[ 2\pi(\nu t - \frac{y_2}{\lambda}) + \alpha_2 \right] = 2\pi \frac{y_2 - y_1}{\lambda} + \left(\alpha_1 - \alpha_2\right) - \frac{y_2 - y_1}{\lambda} + \left(\alpha_1 - \alpha_2\right) - \frac{y_2 - y_1}{\lambda} + \left(\alpha_1 - \alpha_2\right) - \frac{y_2 - y_1}{\lambda} + \frac{y_2 - y_1}{\lambda}$$

разность фаз двух волн, приходящих в точку С.

Учитывая, что интенсивность света в однородной среде пропорциональна квадрату амплитуды световой волны ( $I \sim E_0^2$ ), из уравнения (2) получаем выражение для интенсивности:

$$I = I_1 + I_2 + 2\sqrt{I_1 I_2} \cos(2\pi \frac{y_2 - y_1}{\lambda} + \alpha_1 - \alpha_2), \qquad (3)$$

где  $I_1$  и  $I_2$  — интенсивности волн. Если разность фаз возбуждаемых волнами колебаний непрерывно изменяется, принимая с равной вероятностью любые значения, то среднее значение  $\cos(\phi_1-\phi_2)$  при этом обращается в нуль, интенсивности волн во всех точках складываются  $I_1+I_2=I$  и интерференция не наблюдается.

Если разность фаз за время наблюдения остается постоянной, то волны ослабляют или усиливают друг друга. В точке С волны максимально усиливают друг друга, если разность фаз в (3) определяется как

$$2\pi \frac{y_2 - y_1}{\lambda} + \alpha_1 - \alpha_2 = \pm 2\pi k$$
,  $(k=1, 2, ...)$ .

Тогда разность хода

$$\Delta = y_2 - y_1 = \pm k\lambda \tag{4}$$

при одинаковых начальных фазах ( $\alpha_1=\alpha_2$ ) определяет условие интерференционного максимума. В этом случае  $I=I_1+I_2+2\sqrt{I_1I_2}$  .

Волны максимально ослабляют друг друга, если разность фаз

$$2\pi \frac{y_2 - y_1}{\lambda} + \alpha_1 - \alpha_2 = \pm (2k+1)\pi$$
,  $(k=0, 1, 2,...)$ .

Тогда разность хода

$$\Delta = y_2 - y_1 = \pm (2\kappa + 1)\frac{\lambda}{2}$$
 (5)

при  $\alpha_1 = \alpha_2$  определяет условие интерференционного минимума.

В этом случае

$$I = I_1 + I_2 - 2\sqrt{I_1 I_2} \ .$$

Рассмотрим случай интерференции равной толщины — кольца Ньютона. Схема наблюдения колец Ньютона изображена на рис. 2.

Плосковыпуклая линза большого радиуса кривизны прижимается выпуклой стороной к плоской пластинке. Толщина воздушной прослойки h между пластиной сферической поверхностью увеличивается OT точки ИХ соприкосновения к краям линзы. Места толщины одинаковой слоя воздуха расположены ПО концентрическим окружностям.

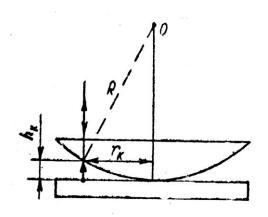


Рис. 2

Пусть на линзу нормально падает пучок монохроматического света. Световые волны, отраженные от верхней и нижней границ воздушной прослойки, интерферируют между собой. В отраженном свете интерферирующие волны создают картину чередующихся концентрических светлых и темных колец с темным пятном в центре.

При нормальном падении света оптическая разность хода  $\Delta$  двух волн, одна из которых отражается от выпуклой поверхности линзы, другая — от верхней плоскости пластины, определяется по формуле

$$\Delta = 2hn + \frac{\lambda}{2} \,\,\,(6)$$

где h — толщина воздушного зазора;  $\lambda$  — длина волны падающего света

в вакууме; n — показатель преломления прослойки;  $\frac{\lambda}{2}$  — дополнительная разность хода, возникающая при отражении света от оптически более плотной среды (в данном случае от пластины) .

В зависимости от h оптическая разность хода  $\Delta$  может содержать четное или нечетное число полуволн. Это приводит к появлению в отраженном свете либо интерференционного максимума (светлого кольца), либо минимума (темного кольца). Учитывая, что в воздухе n=1, из формулы (6) получаем:

$$2h + \frac{\lambda}{2} = 2k\frac{\lambda}{2} - \text{условие максимума.} \tag{7}$$

$$2h + \frac{\lambda}{2} = (2k+1)\frac{\lambda}{2}$$
 условие минимума, (7¹)

где k=1, 2, 3, ...

Из уравнения  $(7^1)$  следует, что толщина зазора  $h_{\kappa}$ , соответствующая k-му темному кольцу, равна

$$h_k = k \frac{\lambda}{2} . {8}$$

Получаем соотношение, связывающее толщину зазора  $h_{\kappa}$ , радиус кривизны R и радиус k- го кольца  $r_k$  . Из рис. 2 имеем

$$r_k^2 = R^2 - (R - h_k)^2 = 2Rh_k - h_k^2$$

Принимая во внимание, что  $2R \gg h_k$ , получаем

$$h_k = \frac{r_k^2}{2R} \quad . \tag{9}$$

Из соотношений (8) и (9) следует выражение для радиуса k-го темного кольца:

$$r_{k} = \sqrt{Rk\lambda} \ . \tag{10}$$

Отсюда, измеряя  $r_k$  и зная k и  $\lambda$ , можно определить радиус кривизны линзы R.

Однако практически трудно добиться идеального контакта сферической поверхности линзы с плоской пластиной в одной точке вследствие упругой деформации стекла и попадания в место их соприкосновения пылинок. Поэтому непосредственно использовать формулу (10) для вычисления R нельзя. Действительно, k-му темному кольцу может соответствовать не k-й порядок интерференции, а (k+x)-й, где x — неизвестное целое число, одинаковое для всех колец. Для исключения возможной ошибки радиус кривизны линзы R вычисляется по разности квадратов радиусов колец  $r_k^2$  и  $r_m^2$ . В этом случае неизвестное x исключается. Пусть для колец с номерами k и m из равенства (8) имеем:

$$h_k = (k+x)\frac{\lambda}{2}$$
,  $h_m = (m+x)\frac{\lambda}{2}$ ,

тогда

$$h_{k} - h_{m} = (k - m)\frac{\lambda}{2} \quad . \tag{11}$$

Ту же разность толщин слоев можно получить из равенства (9):

$$h_{k} - h_{m} = \frac{r_{k}^{2} - r_{m}^{2}}{2R} \ . \tag{12}$$

Из (11) и (12) можно записать

$$R = \frac{r_k^2 - r_m^2}{\lambda(k - m)} .$$

Переходя к диаметрам колец  $d_{\scriptscriptstyle k}$  и  $d_{\scriptscriptstyle m}$  , получаем

$$R = \frac{d_k^2 - d_m^2}{4\lambda(k - m)} \tag{13}$$

Анализ формулы (13) показывает, что  $d_k^2 - d_m^2 = 4\lambda R$  при k-m=1, т.е. разность квадратов диаметров двух любых соседних колец есть величина постоянная.

Следовательно, измерив диаметры нескольких темных колец и вычислив разность квадратов диаметров соседних колец, можно найти среднее значение  $< d_k^2 - d_m^2 >$  для 4-5 пар колец.

Радиус кривизны линзы *R* вычисляем по формуле

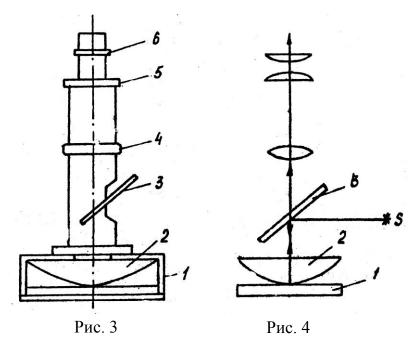
$$R = \frac{\left\langle d_k^2 - d_m^2 \right\rangle}{4\lambda} \,, \tag{14}$$

полученной из (13) при k-m=1.

#### ОПИСАНИЕ УСТАНОВКИ

Установка для наблюдения интерференции света с помощью колец Ньютона, определения радиуса кривизны линзы и длины световой волны (рис. 3) состоит из микроскопа, снабженного окулярным микрометром, плоскопараллельной стеклянной пластины 1, на которой выпуклой стороной лежит плосковыпуклая линза 2 с большим радиусом кривизны. Линза и стеклянная пластина находятся в специальной оправе. Источником света служит лампа накаливания.

Для получения монохроматического света используются светофильтры.



На рис. 4 приведена оптическая схема установки. Лучи света, падающие от источника S (рис. 4) на полупрозрачную пластину 3, отражаются от нее и падают нормально на плосковыпуклую линзу 2. После отражения от границ воздушного слоя, образованного линзой 2 и пластиной 1, свет поступает в микроскоп. Таким образом, осуществляется получение и наблюдение интерференции в отраженном свете.

## ПОРЯДОК ВЫПОЛНЕНИЯ РАБОТЫ

- 1. Включите блок питания лампы накаливания.
- 2. Установите микроскоп на оправу, в которой находится линза с пластиной (рис. 3).
- 3. Регулируя попадание света на пластину 3 и ее наклон, добейтесь хорошего освещения поля зрения микроскопа.
- 4. Придерживая микроскоп рукой и вращая окулярное кольцо 6, добейтесь отчетливого изображения шкалы окулярного микрометра.
- 5. Вращая кольцо 4, добейтесь резкого изображения колец Ньютона в зеленом свете.

- 6. Перемещая микроскоп по поверхности оправы, добейтесь, чтобы шкала окулярного микрометра расположилась по диаметру колец и ее нуль находился слева.
- 7. Измерьте в делениях шкалы  $N_1$  диаметры 5-6 колец, где  $N_1$  число наименьших делений шкалы.
- 8. С помощью кольца микроскопа 5 поверните шкалу окулярного микроскопа на  $90^{\circ}$  и повторите аналогичные измерения  $N_2$  для тех же номеров колец.
- 9. Выразите значения диаметров в миллиметрах: d = 0.05N, где 0.05 мм цена наименьшего деления окулярного микрометра. Цифры, указанные на его шкале (рис. 5): 1, 2, 3, ...,

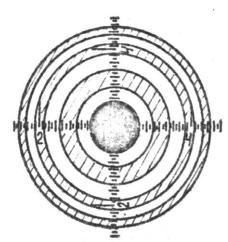


Рис.5

означают целые миллиметры. Найдите средние диаметры колец по

формуле 
$$\langle d_{\scriptscriptstyle k} \rangle = \frac{d_{\scriptscriptstyle 1} + d_{\scriptscriptstyle 2}}{2}$$
 .

10. Результаты измерений занесите в таблицу.

3.0	**	3.7	7	3.7	,	/ \	/ -\	-2 -2
№	Номер	$N_1$	$d_1$ , MM	N <sub>2</sub>	$d_2$ , MM	$\left\langle d_{_{k}} ight angle$ ,	$\left\langle d_{k}^{2}\right angle$	$d_{k+1}^2 - d_k^2$
п/п	видимого					MM	, ,	$d_{\scriptscriptstyle k+1}^{2}-d_{\scriptscriptstyle k}^{2}$ ,
	кольца					141141	$MM^2$	IVIIVI
1								
2								
3								
$\left\langle (d_{k+1}^2 - d_k^2) \right\rangle =$								

 $N_1$ ,  $N_2$  — диаметры колец в делениях шкалы;  $d_1$  и  $d_2$  — диаметры колец, мм. Длина волны, пропускаемая светофильтром, указана на установке.

- 11. Найдите среднее значение разности квадратов диаметров колец  $\left<(d_{k+1}^2-d_k^2)\right>$  при k-m =1.
  - 12. По формуле (14) вычислите радиус кривизны линзы R.

- 13. Оцените абсолютную и относительную погрешности искомой величины.
- 14. Для определения длины волны красного света повторите все измерения по пп. 1-3.
- 15. Произведите обработку результатов по пп. 9-11, занесите их в таблицу.
- 16. По формуле  $\lambda = \frac{\left\langle d_k^2 d_m^2 \right\rangle}{4R}$  определите длину волны красного света.
- 17. Оцените абсолютную и относительную погрешности искомой величины.

## ВОПРОСЫ И ЗАДАНИЯ ДЛЯ САМОКОНТРОЛЯ

- 1. Что называется интерференцией света?
- 2. Перечислите условия наблюдения интерференционной картины.
- 3. Получите формулу для определения радиусов светлых (темных) колец в отраженном свете при точечном контакте линзапластинка.
- 4. Как изменятся радиусы колец Ньютона, если пространство между линзой и пластинкой заполнить водой?
- 5. Почему интерференционная картина получается в виде колец?
- 6. Как изменится интерференционная картина в проходящем свете по сравнению с той же картиной в отраженном свете? Почему?

# БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

- 1. Савельев И.В. Курс общей физики. Т. 2. М.: Наука, 1988. С. 367-370.
  - 2. Ландсберг Г.С. Оптика. М.: Наука, 1976. С. 62-94.
- 3. Соколов А.П., Соколов А.А. Интерференция света: методические указания /Рязан. гос. радиотехн. ун-т. Рязань, 2009. С1-20.
- 4. Трофимова Т.Н. Курс физики. М.: Высшая школа, 1985. С. 252-264.