# 시계열 예측

# Chapter 01 시계열 분석 개요

## 시계열 자료(time series data)

- 연도별, 분기별, 월별, 일별, 시간별 등 시간의 흐름에 따라 순서대로 관측 되는 자료
- 예 : 국내총생산(GDP), 물가지수, 판매량, 종합주가지수(KOSPI), 강우량, 태양 흑점수, 실험 및 관측자료 등
- 시간 단위 외에도 사회적 변화나 환경적 변동요인을 기준으로 시계열자
   료를 구분하는 경우도 있다.

## 시계열 자료(time series data)

- 일반적으로 시계열 자료는 추세변동, 순환변동, 계절변동, 불규칙변동 요
   인으로 구성된다.
- 시계열들은 생성되는 특성에 따라 연속적으로 생성되는 연 속시계열 (continuous time series)과 이산적 시점에서 생성 되는 이산시계열(discrete time series)로 구분할 수 있음.
- 실제로는 많은 시계열들이 연속적으로 생성되고 있지만 일정한 시차를
   두고 관측되므로 이산시계열의 형태를 지니는 경우가 많음.

- 시계열자료(time series data)들은 시간의 경과에 따라 관측 된 자료이므로 시간에 영향을 받음.
  - 시계열자료를 분석할 때 관측시점들 간의 시차(time lag)가 중요한 역할을 함.
  - 예를 들어 오늘의 주가가 한달 전, 일주일 전의 주가보다는 어제의 주가에 더 많은 영향을 받는 것과 마찬가지로 가까운 관측시점일 수록 관측자료들 간에 상관관 계가 커짐.
  - 시계열은 일반적으로 시간 t를 하첨자로 하여 다음과 같이 표현됨.  $\{Z_t: t=1, 2, 3, \times \times \times \}$  또는  $Z_1, Z_2, Z_3, \times \times \times$

- 시계열분석(time series analysis)의 목적
  - 과거 시계열자료의 패턴(pattern)이 미래에도 지속적으로 유지된다 는 가정하에서 현재까지 수집된 자료들을 분석하여 미래에 대한 예 측(forecast)을 한다.
  - 시계열자료를 분석할 때 관측시점들 간의 시차(time lag)가 중요한 역할을 한다.
  - 시계열자료가 생성된 시스템 또는 확률과정을 모형화하여 시스템 또 는 확률과정을 이해하고 제어(control)할 수 있도록 한다.

#### ■ 예측,계획 그리고 목표

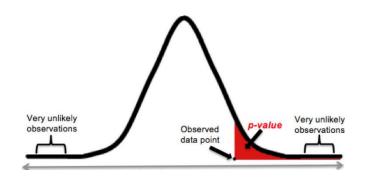
- 예측은 경영분야에 있어서 생산 계획, 수송, 인사에 관한 결정을 알리 거나 장기 전략 계획을 세우는데 도움을 줄 수 있는 흔한 통계적 업무 이다.
- 목표는 예측 및 계획과 연관되어 있는 것이 좋지만, 이것이 항상 일어나는 것은 아니다. 목표를 어떻게 달성할지에 대한 계획과 목표가 실현 가능한지에 대한 예측 없이 목표를 세우는 경우가 너무나도 자주있다.
- 계획은 예측과 목표에 대한 대응입니다. 계획은 여러분의 예측과 목 표를 일치시키는데 필요한 적절한 행동을 결정하는 일을 포함한다.

- **단기 예측**은 인사, 생산, 수송 계획 등에 필요하고, 계획 과정의 한 부분으로 수요 예측도 필요하다.
- **중기 예측**은 원자재 구입, 신규 채용, 장비나 기계 구입 등 미래 자원 공급을 결정하는데 필요하다.
- **장기 예측**은 전략적으로 계획을 세우는데 사용하고, 시장 기회, 환경 요인, 내부 자원을 반드시 고려하여 결정한다.

#### 시계열 분석 에서 알아야 할 기본 개념

- 가설(Hypothesis) : 어떤 사실을 잠정적인 진리로 놓고, 이를 지지 혹은 기각하기 위한 잠정적인 설명,가능성
  - 귀무가설,영가설(Null hypothesis) : 새로울 게 없다인 가설로써 진리인 내용, 연구에서 검정받는 사실
    - $H_0$ 로 주로 표기하고, 등호(=)를 포함해야 합니다.
    - 부등호(≤ or ≥)로 표기하면 ' 등가설 ' 이라 부릅니다. 여자의키는 남자의 키 이내이다.
  - 대립가설(Alternative hypothesis): 무엇인가 새로운 것이 있다는 가설로써 영가설을 부정하기 위해 연구자가 주장하고자 하는 내용
    - $H_a$  혹은  $H_1$  으로 주로 표기하고, 등호를 포함하지 않아야 합니다.
    - 검증하고 싶은 새로운 사실
    - 부등호(< or >)로 표기하면 ' 부등가설 ' 이라 부릅니다.

• P-value : 검정 통계량에 관한 확률인데, 우리가 얻은 검정 통계량보다 크거나 같은 값을 얻을 수 있을 확률을 의미한다.



귀무가설이 맞다고 가정할 때, 관찰된(또는 그보다 더 극단적인) 결과가 일어날 확률

#### • 1종 오류와 2종 오류

	귀무기설이 참 (불이 나지 않았음)	귀무기설이 거짓 (화재 발생)
귀무기설 기각하지 않음 (화재 경보 울리지 않음)	옳은 결정	2종 오류: Miss (불이 났는데도 화재 경보 울리지 않음)
귀무기설 기각 (화재 경보 울림)	1종 오류: False Alarm (불이 나지 않았는데도 화재 경보 울림)	옳은 결정

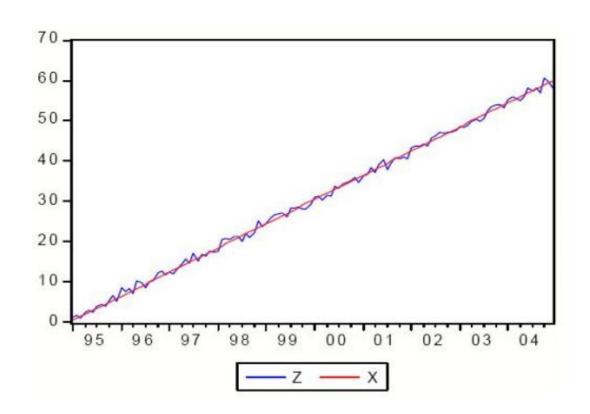
### 시계열의 형태(the components of time series)

 불규칙변동(irregular variation 또는 확률적 변동 : random variation)은 시계열자료에서 시간에 따른 규칙적인 움직임과는 달리 어떤 규칙성이 없이 예측이 불가능하게 우연적으로 발생하는 변동을 말함.

예 : 전쟁, 홍수, 화재, 지진, 파업 등

체계적 변동에는 장기간에 걸쳐 어떤 추세로 나타나는 추세 변동(trend variation), 추세선을 따라 주기적으로 오르고 내림을 반복하는 순환변동(cyclical variation), 그리고 계절적 요인이 작용하여 1년 주기로 나타나는 계절변동(seasonal variation)이 있음.

- 추세변동이란 시계열자료가 갖는 장기적인 변화추세임.
- 추세란 장기간에 걸쳐 지속적으로 증가 또는 감소하거나 또는 일정한 상태(stationary) 를 유지하려는 성향을 의미함.
- 그러므로 시계열자료에서 짧은 기간 동안에는 추세변동을 찾기 어려움.
- 따라서 추세변동은 짧은 기간 동안 급격하게 변동하는 것이 아니라 장기적인 추세경 향이 나타나는 것으로 직선이나 부드러운 곡선의 연장선으로 표시함. 이러한 추세는 직선뿐만아니라 곡선, S자 형태의 추세를 가질 수도 있음.
- 예:국내총생산(GDP), 인구증가율, 기술변화 등



```
import numpy as np
import pandas as pd
# DatetiemIndex
dates = pd.date range('2020-01-01', periods=48, freq='M')
# additive model: trend + cycle + seasonality + irregular factor
timestamp = np.arange(len(dates))
trend factor = timestamp*1.1
cycle factor = 10*np.sin(np.linspace(0, 3.14*2, 48))
seasonal factor = 7*np.sin(np.linspace(0, 3.14*8, 48))
np.random.seed(2004)
irregular factor = 2*np.random.randn(len(dates))
df = pd.DataFrame({'timeseries': trend factor + cycle factor + seasonal factor + irregular factor,
               'trend': trend factor.
               'cycle': cycle_factor,
               'seasonal': seasonal factor,
               'irregular': irregular_factor},
               index=dates)
```

```
# Time series plot
import matplotlib.pyplot as plt
plt.figure(figsize=[10, 6])
df.timeseries.plot()
plt.title('Time Series (Additive Model)', fontsize=16)
plt.ylim(-12, 55)
plt.show()
```

```
# -- Trend variation
#timestamp = np.arange(len(dates))
#trend_factor = timestamp*1.1

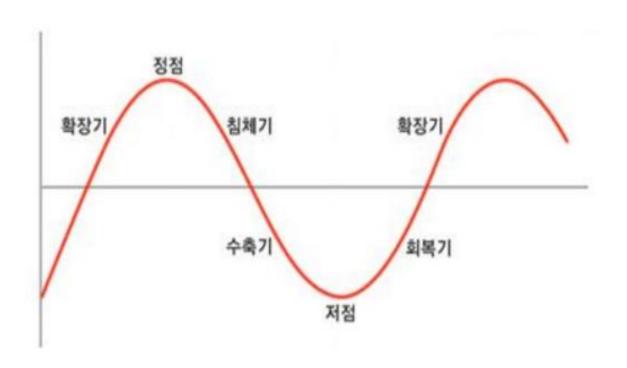
plt.figure(figsize=[10, 6])
df.trend.plot()
plt.title('Trend Factor', fontsize=16)
plt.ylim(-12, 55)
plt.show()
```

### 순환변동(cyclical variation)

- 추세변동은 장기적으로(일반적으로 1년 초과) 나타나는 추세경향이지만, 순환변동은 대체로 2~3년 정도의 일정한 기간을 주기로 순환적으로 나타남.
- 즉, 1년 이내의 주기로 곡선을 그리며 추세변동에 따라 변동하는 것을 말함.
- 시간의 경과(흐름)에 따라 상하로 반복되는 변동으로 추세선을 따라 변화하는 것이 순 환변동임.
- 경기변동곡선(business cycle curve)은 불황과 경기회복, 호황과 경기후퇴로 인하여 수년을 주기로 나타나고 있는데 순환변동을 나타내는 좋은 예임.

예:경기변동등

### 순환변동(cyclical variation)



### 순환변동(cyclical variation)

```
# 4년 주기

# -- Cycle variation

#cycle_factor = 10*np.sin(np.linspace(0, 3.14*2, 48))

plt.figure(figsize=[10, 6])

df.cycle.plot()

plt.title('Cycle Factor', fontsize=16)

plt.ylim(-12, 55)

plt.show()
```

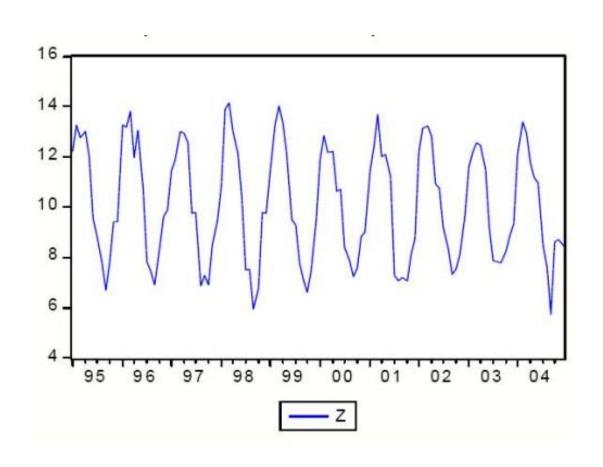
### 계절변동(seasonal variation)

시계열자료에서 보통 계절적 영향과 사회적 관습에 따라 1년 주기로 발생하는 변동요
 인을 계절변동이라 하고, 보통계절에 따라 순환하며 변동하는 특성을 지님.

예 : 설, 추석 등 명절요인 등

- 그런데 계절변동이 순환변동과 다른 점은 순환주기가 짧다는 점임.
- 그러나 대부분의 경제관련 시계열들은 추세와 계절요인을 동시에 포함함.
- 이는 경제성장에 따라 백화점의 판매액, 해외여행자수, 청량음료, 전력소비량 등과 같이 계절상품 판매량 자료들이 시간의 변화에 따라 증가하기 때문임.

### 계절변동(seasonal variation)

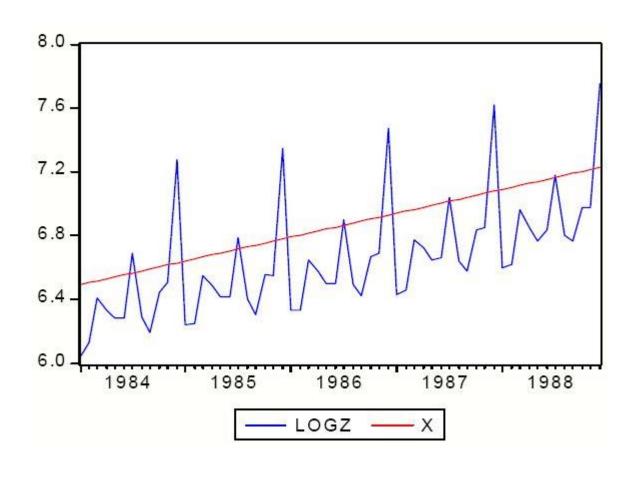


### 순환변동(cyclical variation)

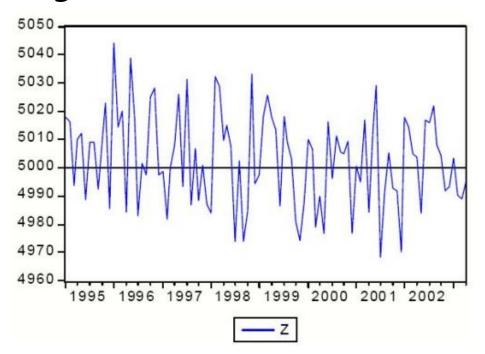
```
# -- Seasonal factor
#seasonal_factor = 7*np.sin(np.linspace(0, 3.14*8, 48))

plt.figure(figsize=[10, 6])
df.seasonal.plot()
plt.title('Seasonal Factor', fontsize=16)
plt.ylim(-12, 55)
plt.show()
```

#### 추세와 계절변동요인을 갖는 시계열



### 불규칙변동(irregular variation or random variation)



시계열자료에서 어떤 규칙성이 없어 예측 불가능하게 우연적으로 발생하는 변동을 말한다. 즉, 시계열 자료에서 위 세 가지 변동 요인을 조정한 후에 나타나는 변동이 불규칙 변동이다. 시계열 자료로 예측을 할 때, 불규칙 변동이 많이 존재하면 신뢰성이 있는 예측을 하기 어렵다.

- 데이터 셋를 모델링 하기 전에 기술통계와 시각화로 데이터 셋을 탐색하는 과정이 있 듯이, 시계열(time-series)에서도 복잡한 모델 구성에 앞서 수치나 시각화로 시계열을 기술하는 일이 분석작업의 출발점이다.
- 평활화(smoothing)는 분석작업 중 하나로, 일반적인 시계열의 복잡한 추세(trend)를 명확하게 파악하기 위한 방법이다.
- 시계열은 전형적으로, 명백한 불규칙(or 오차)성분을 포함한다.
- 시계열 자료의 특정 패턴을 파악하기 위해, 이같은 급격한 파동을 줄이는 평활화 (smoothing) 곡선 플롯(curve-plot)으로 변환시키는 방법이 평활법이다. 대표적인 평활법은 이동평균법과 지수평활법이 있다.

### 이동평균법(moving average method)

- 시계열을 평활화하는 가장 단순한 방법은 이동평균(moving average)을 사용하는 방법이다.
- 시계열 자료의 특정시점(a time point) 관측치와 이 관측치의 이전과 이후 관측치의 평균으로 대체하는 방법을 '중심이동평균'(centered moving average)라고 한다. 쉽게 말해, 한 시점 앞 뒤 관측치를 평균내는 방법이다. 따라서 이동평균법을 하면 전체 관측치의 개수가 줄어 든다.
- 예를 들어 n=3이면 3기간 단순이동평균(M3), n=5이면 5기간 단순이동평균(M5), n=10이면 10기간 단순이동 평균(M10)이다.

### 이동평균법(moving average method)

- 이동평균법을 이용할 때 해결해야 하는 가장 중요한 문제는 이동평균을 계산하기 위해 사용하는 과거자료의 적정개수, 즉 n의 개수를 결정하는 것이다.
- 일반적으로 시계열자료에 뚜렷한 추세가 나타나 있거나 불규칙변동이 심하지 않은 경우에는 작은 n의 개수를 사용하고, 그렇지 않은 경우에는 n의 개수를 크게 한다.

$$M_t = \frac{Z_t + Z_{t-1} + \cdots + Z_{t-n+1}}{n}$$

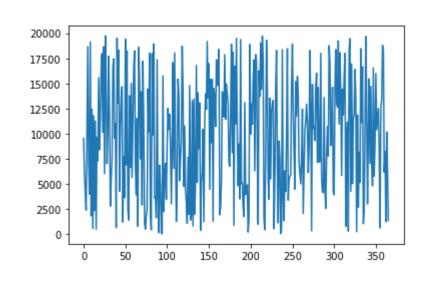
최근 n개의 관측값 Zt , Zt-1 , ... , Zt-n+1을 이용하여 계산한 이동평균이다.

#### Simple Moving Average (SMA)

- 단순 이동 평균은 가장 일반적인 평균 유형이다.
- SMA에서는 최근 데이터 포인트의 합계를 수행하고 기간별로 나눈다.
- 슬라이딩 너비의 값이 클수록 데이터가 더 평활해지지만, 값이 크면 정확도가 떨어질 수 있다.
- SMA를 계산하기 위해 pandas의 Series.rolling() 메서드를 사용한다.

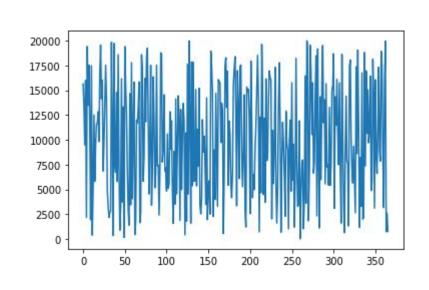
import pandas as pd
df['brandA'].plot()

	Date	brandA	brandB
0	01-01-2020	9525	15644
1	02-01-2020	6021	13394
2	03-01-2020	4035	9492
3	04-01-2020	2388	15999
4	05-01-2020	10299	2170

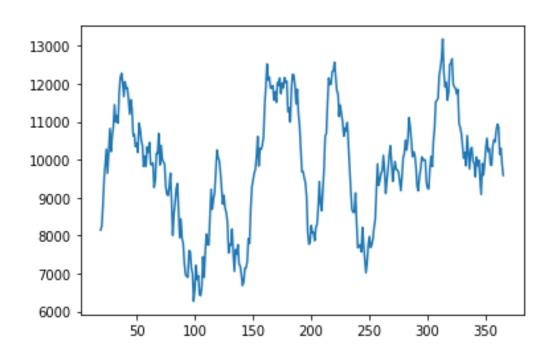


import pandas as pd
df['brandB'].plot()

	Date	brandA	brandB
0	01-01-2020	9525	15644
1	02-01-2020	6021	13394
2	03-01-2020	4035	9492
3	04-01-2020	2388	15999
4	05-01-2020	10299	2170



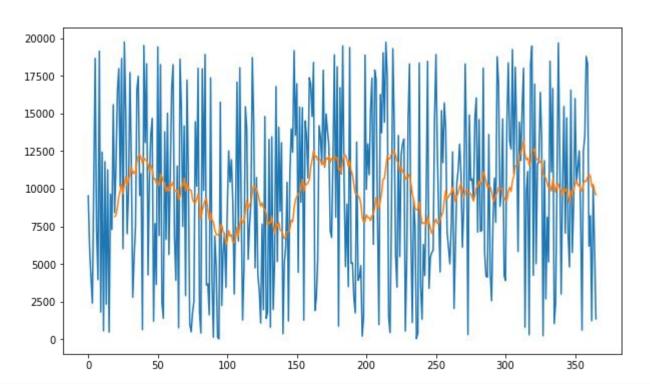
import pandas as pd
df['brandA'].rolling(window =20).mean().plot()



import pandas as pd

df['brandA'].plot(figsize=(10,6))

df['brandA'].rolling(window =20).mean().plot()



#### 애플 주가 분석

다음과 같이 pandas 메소드를 쓰면 일요일이 주단위로 8개 출력된다.

import pandas as pd

import numpy as np

import matplotlib.pyplot as plt

from datetime import datetime

%matplotlib inline

# 2020년 8월 부터 일요일 8개를 조회

# start : 시작일, periods : 생성할 날짜의 개수, freq : 생성할 날짜의 주기

pd.date\_range(start="2020-08", periods=8, freq="W")

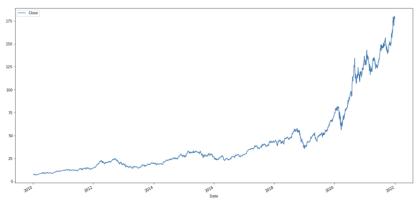
데이터 프레임 컬럼으로 사용했을 때와 3주치 평균 컬럼을 추가

```
df = pd.DataFrame({
    "week":pd.date_range(start="2020-08", periods=8, freq="W"),
    "sales":[39,44,40,45,38,43,39,np.nan],
    "3MA":[0]*8
})
# 0~2주차 평균을 3주차에 shift해서 적용
df["3MA"] = df[["sales"]].rolling(3).mean().shift(1)
df
```

#### Simple Moving Average를 이용한 월별 애플사 주식가격 예측

import FinanceDataReader as fdr # 2010년~현재까지의 애플 주가를 데이터 프레임으로 불러오기 df\_apple = fdr.DataReader('AAPL', start = '2010')

# 가장 마지막(최신)의 10일치 주가 출력 df\_apple.tail(10)



df\_apple[['Close']].plot(figsize=(20,10))

df\_apple['Close\_7Days\_Mean'] = df\_apple['Close'].rolling(7).mean()

plt.title('Close Price for Apple')

2010~20222년까지 애플의 종가 그래프이다. 7일전 평균값을 shift 하여 이동평균 그래프를 추가 7일평균값으로 부드러워진 곡선 그래프를 볼 수 있다.

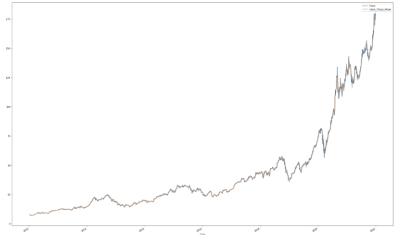
```
last_day = datetime(2022, 1, 2)

df_apple.loc[last_day, "Close"] = np.nan

df_apple['Close_7Days_Mean'] = df_apple['Close'].rolling(7).mean().shift(1)

df_apple[['Close', 'Close_7Days_Mean']].plot(figsize=(30,20))

# 7일전 평균값 그래프 + 종가 그래프
```



pandas dataframe에는 resample이라는 데이터프레임의 시계열 인덱스 기준으로 샘플링을 편하게 해주는 메소드가 있다. 아래와 같이 하면 월단위로 시계열 데이터를 다시 만들어 준다.

```
#월단위로 주식 가격의 평균을 샘플링

df_apple_monthly = df_apple.resample(rule='M').mean()
# 마지막 컬럼(Close_7Days_Mean) 제외

df_apple_monthly = df_apple_monthly.iloc[:,:-1]
# 월별 주가(종가)를 시각화

df_apple_monthly[['Close']].plot(figsize=(20,10))

plt.title('Monthly Mean Close Price for Apple')
```

pandas dataframe에는 resample이라는 데이터프레임의 시계열 인덱스 기준으로 샘플링을 편하게 해주는 메소드가 있다. 아래와 같이 하면 월단위로 시계열 데이터를 다시 만들어 준다.

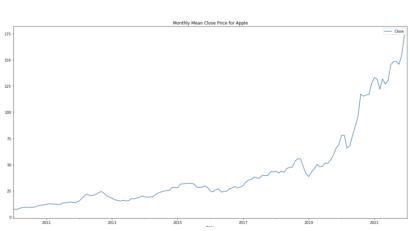
```
#월단위로 주식 가격의 평균을 샘플링

df_apple_monthly = df_apple.resample(rule='M').mean()
# 마지막 컬럼(Close_7Days_Mean) 제외

df_apple_monthly = df_apple_monthly.iloc[:,:-1]
# 월별 주가(종가)를 시각화

df_apple_monthly[['Close']].plot(figsize=(20,10))

plt.title('Monthly Mean Close Price for Apple')
```



월단위 평균값을 또 3개월치씩 이동평균을 적용하는 코드

```
df_apple_monthly[['Close_3Month_Mean']] =

df_apple_monthly[['Close']].rolling(3).mean().shift(1)

df_apple_monthly[['Close', 'Close_3Month_Mean']].plot(figsize=(15,20))
```

### **Exponential Moving Average (EMA)**

- EMA는 새로운 데이터에 더 많은 가중치를 부여하여 최근 데이터에 더욱 초점을 맞춘다.
- EMA의 주요 아이디어는 이전 데이터보다 최근 데이터를 더 선호하는 것이다.
- 데이터가 오래될수록 데이터에 할당된 가중치가 줄어듭니다. 이 때문에 EMA는 모든 값에 동일한 가중치가 주어지는 SMA에 비해 추세 변화에 더 민감하다.
- SMA를 계산하기 위해 pandas의 pandas.Series.ewm() 메서드를 사용한다.

### **Exponential Moving Average (EMA)**

df.ewm(com=None, span=None, halflife=None, alpha=None, min\_periods=0, adjust=True, ignore\_na=False, axis=0, times=None, method='single')

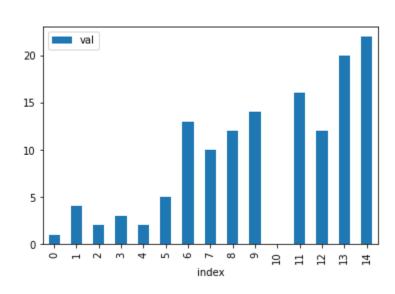
import pandas as pd

data = {'val':[1,4,2,3,2,5,13,10,12,14,np.NaN,16,12,20,22]}

df = pd.DataFrame(data).reset\_index()

# df['val'].plot.bar(rot=0, subplots=True)

df.plot(kind='bar',x='index',y='val')



### **Exponential Moving Average (EMA)**

```
df.ewm(com=None, span=None, halflife=None, alpha=None, min_periods=0, adjust=True, ignore_na=False, axis=0, times=None, method='single')
```

import matplotlib.pyplot as plt

```
df2 = df.assign(ewm=df['val'].ewm(alpha=0.3).mean()) # val열에 ewm 메서드적용 후 df
에 추가
```

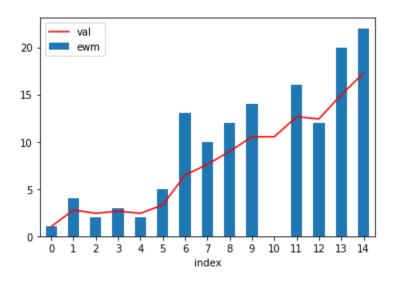
ax = df.plot(kind='bar',x='index',y='val') # ax에 df의 bar chart 생성

ax2= df2.plot(kind='line',x='index', y='ewm', color='red', ax=ax) # ax2에 df2의 line chart 생

성후 ax에 추가

plt.show() # 그래프 출력

### **Exponential Moving Average (EMA)**



•myEWMA는 지수이동평균값을 df.ewm(span=3).mean()과 같이 계산해주도록 정의한 메소드

```
import pandas as pd
import numpy as np
df = pd.DataFrame({
 "week":pd.date range(start="2020-08", periods=8, freq="W"),
 "sales":[39,44,40,45,38,43,39,np.nan],
 "3EMA":[0]*8
})
#지수 이동 평균을 계산할 함수
# data: 지수 이동 평균을 계산할 데이터
# span: 지수 이동 평균의 거리 (강의 자료에서는 3주마다의 지수 이동 평균이므로 3)
```

```
def myEWMA(data, span):
 # 지수 이동 평균을 계산해서 저장할 리스트
 ewma=[0]*len(data)
 # 지수 이동 평균의 분자
 molecule=0
 # 지수 이동 평균의 분모
 denominator=0
 # 값에 곱해지는 가중치
 alpha = 2.0 / (1.0 + span)
 for i in range(len(data)):
  # 분자 계산 data+(1-alpha)앞의 데이터
  molecule = (data[i] + (1.0-alpha)*molecule)
  # 분모 계산 (1-alpha)의 i승
  denominator+=(1-alpha)**i
  print("index:",i)
  print("molecule:",molecule)
  print("denominator:",denominator)
  # 지수 이동 평균 계산
  ewma[i] = molecule/denominator
  print("ewma",ewma[i])
  print("="*100)
 return ewma
```

### Apple 주식을 SMA 방식과 같이 분석

• 전에 코드를 활용하여 본다.

### **Cumulative Moving Average (CMA)**

- 누적 이동 평균은 SMA와 같이 현재 시간 't'까지의 모든 데이터의 평균이며 가중치가 없는 평균이다.
- 모든 값에 동일한 가중치가 할당된다.
- 창 크기가 일정한 SMA와 달리 CMA에서는 창 폭이 지속 시간이 길수록 커진다.
- CMA를 계산하기 위해 pandas의 Series.expanding() 메서드를 사용한다.

### 이동평균법(moving average method)

- 이동평균법을 이용할 때 해결해야 하는 가장 중요한 문제는 이동평균을 계산하기 위해 사용하는 과거자료의 적정개수, 즉 n의 개수를 결정하는 것이다.
- 일반적으로 시계열자료에 뚜렷한 추세가 나타나 있거나 불규칙변동이 심하지 않은 경우에는 작은 n의 개수를 사용하고, 그렇지 않은 경우에는 n의 개수를 크게 한다.

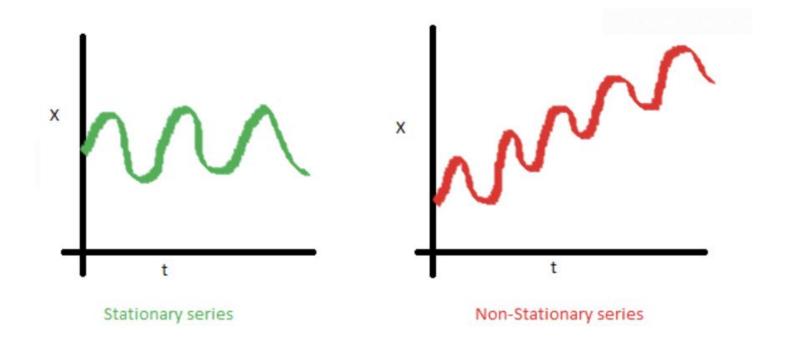
$$M_t = \frac{Z_t + Z_{t-1} + \cdots + Z_{t-n+1}}{n}$$

최근 n개의 관측값 Zt , Zt-1 , ... , Zt-n+1을 이용하여 계산한 이동평균이다.

#### ■ 정상성

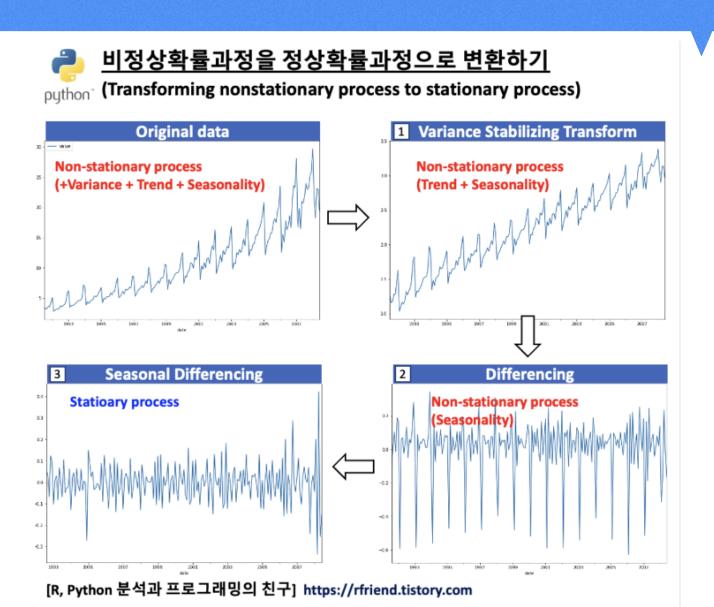
- 정태성이라고도 하며, 일정하여 늘 한결같은 성질을 뜻한다.
- 시계열에서 정상성이 있다는 것은 추세나 동향이 없는 상태로, 시계열의 평균이 시간 축에 평행하다는 의미다.
- 시계형 자료가 시계열 모형으로 적합시키기 위한 전제 조건에 해당한다. 즉, 추세
   와 동향이 있는 상태로는 모형을 만들 수 없다.(다루기가 어렵다)

#### ■ 정상성



비정상성 시계열은 정상시계열로 변환해야 하며, 차분(differencing)을 이용한다.

■ 정상성



#### ■ 차분

- 차분은 현시점 자료에서 전 시점 자료를 빼는 것을 말한다.
- 일반차분(regular difference)는 바로 전 시점의 자료를 빼는 것이고, 계절차분 (seasonal difference)는 여러 시점 전의 자료를 빼는 것이다.

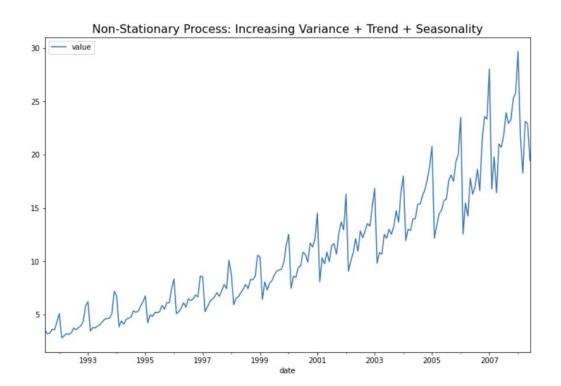
#### ■ 차분

```
import numpy as np
import pandas as pd
import matplotlib.pyplot as plt
## getting drug sales dataset
file_path
= 'https://raw.githubusercontent.com/selva86/datasets/master/a10.csv'
df = pd.read_csv(file_path, parse_dates=['date'], index_col='date')
df.head(12)
```

#### ■ 차분

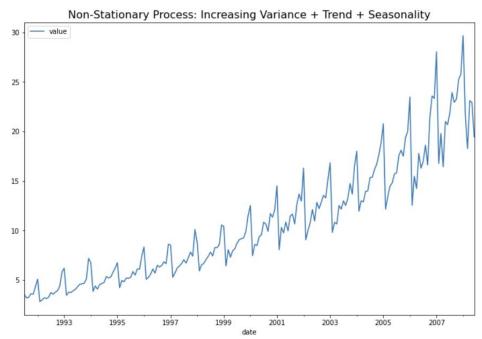
df.plot(figsize=[12, 8])
plt.title('Non-Stationary Process: Increasing Variance + Trend + Seasonality',

fontsize=16)
plt.show()



### ■ 차분

위의 시계열 그래프에서 볼 수 있는 것처럼, (a) 분산이 시간의 흐름에 따라 증가하고 (분산이 고정이 아님), (b) 추세(trend)가 있으며, (c) 1년 주기의 계절성 (seasonality)이 있으므로, 비정상확률과정(non-stationary process)이다.



#### ■ 차분

```
## Variance Stabilizing Transformation (VST) by Taking Logarithm

df_vst = np.log(df.value)

df_vst.head()
```

```
Out[24]: date

1991-07-01 1.260332

1991-08-01 1.157161

1991-09-01 1.179338

1991-10-01 1.283986

1991-11-01 1.271408

Name: value, dtype: float64
```

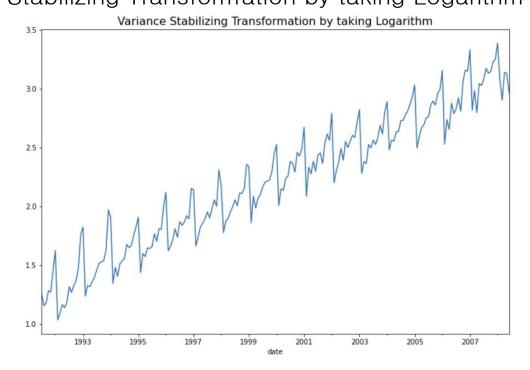
#### ■ 차분

```
## plotting

df_vst.plot(figsize=(12, 8))

plt.title("Variance Stabilizing Transformation by taking Logarithm", fontsize=16)
```

plt.show()



#### ■ 차분

추세가 있는 경우 차분을 통한 추세 제거 (de-trend by differencing)

차분(differencing)은 현재의 시계열 값에서 시차 t 만큼의 이전 값을 빼주는 것이다.

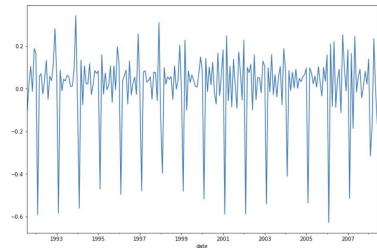
1차 차분 = Delta1\_Z(t) = Z(t) - Z(t-1) 2차 차분 = Delta2\_Z(t) = Z(t) - Z(t-1) - (Z(t-1) - Z(t-2)) = Z(t) - 2Z(t-1) + Z(t-2)

Python의 diff() 메소드를 사용해서 차분을 해줄 수 있다. 이때 차분의 차수 만큼 결측값이 생기는 데요, dropna() 메소드를 사용해서 결측값은 제거

#### ■ 차분

추세가 있는 경우 차분을 통한 추세 제거 (de-trend by differencing)

```
## De-trend by Differencing
df_vst_diff1 = df_vst.diff(1).dropna()
df_vst_diff1
plt.figure(figsize=(12,8))
df_vst_diff1.plot()
# plt.title("De-trend by 1st order Differencing", fontsize=16)
# plt.show()
```



#### ■ 차분

- 계절성이 있는 경우 계절 차분을 통한 계절성 제거 (de-seasonality by seaanl differencing)
- 아직 남아있는 계절성(seasonality)을 계절 차분(seasonal differencing)을 사용해서 제거.
- 1년 12개월 주기의 계절성을 띠고 있으므로 diff(12) 함수로 계절 차분을 실시하고, 12개의 결측값이 생기는데요 dropna()로 결측값은 제거

#### ■ 차분

```
## Stationary Process: De-seasonality by Seasonal Differencing
df_vst_diff1_diff12 = df_vst_diff1.diff(12).dropna()
## plotting
plt.figure(figsize=(12,8))
df_vst_diff1_diff12.plot(
plt.title("De-seasonality by Seasonal Differencing", fontsize=16)
                                                      De-seasonality by Seasonal Differencing
plt.show()
                                          0.4
                                          -0.2
                                          -0.3
```

#### ■ 차분

비정상 시계열(non-stationary process)이었던 원래 데이터

- (1) log transformation을 통한 분산 안정화
- (2)(2) 차분(differencing)을 통한 추세 제거
- (3) (3) 계절 차분(seasonal differencing)을 통한 계절성 제거를 모두 마쳐서 정상 시계열(stationary process) 로 변환

### ■ 시계열 모형 종류

- (1) AR(p) 자기 회귀 모형
- (2) MA(q) 이동평균 모형
- (3) ARMA(p,q)
- (4)ARIMA(p,d,q) 자기회귀누적이동평균 모형
- : 차수의 개수(d)는 거의 2를 넘지 않는다.
- (5)SARIMA(Seasonal ARIMA) 계절 자기회귀이동평균 모형

### ■ 시계열 모형 종류

- (1) AR(p) 자기 회귀 모형
- (2) MA(q) 이동평균 모형
- (3) ARMA(p,q)
- (4)ARIMA(p,d,q) 자기회귀누적이동평균 모형
- : 차수의 개수(d)는 거의 2를 넘지 않는다.
- (5)SARIMA(Seasonal ARIMA) 계절 자기회귀이동평균 모형

- AR 자기회기 모형
  - AR(Autoregressive) 모델은 자기회귀(Autoregressive) 모델로 자기상관성을 시계열 모델로 구성한 것이다.
  - 예측하고 싶은 특정 변수의 과거 자신의 데이터와 선형 결합을 통해 특정 시점 이후 미래값을 예측하는 모델이다.
  - 이름 그대로 이전 자신의 데이터가 이후 자신의 미래 관측값에 영향을 끼친다는 것을 기반으로 나온 모델이다.
  - AR(1)에 적용하기 위해선 -1<φ1<1조건이 필요하다.</li>

- AR 자기회기 모형
  - AR(Autoregressive) 모델은 자기회귀(Autoregressive) 모델로 자기상관성을 시계열 모델로 구성한 것이다.
  - 예측하고 싶은 특정 변수의 과거 자신의 데이터와 선형 결합을 통해 특정 시점 이후 미래값을 예측하는 모델이다.
  - 이름 그대로 이전 자신의 데이터가 이후 자신의 미래 관측값에 영향을 끼친다는 것을 기반으로 나온 모델이다.
  - AR(1)에 적용하기 위해선 -1<φ1<1조건이 필요하다.</li>

#### ■ AR – 자기회기 모형

```
ArmaProcess(ar = [1,-phi_1, -phi_2, ..., -phi_p], ma = [1])로 생성
# ArmaProcess로 모형 생성하고 nobs 만큼 샘플 생성
def gen arma samples (ar, ma, nobs):
         arma_model = ArmaProcess(ar=ar, ma=ma) # 모형 정의
         arma samples = arma model.generate sample(nobs) # 샘플 생성
         return arma samples
# drift가 있는 모형은 ArmaProcess에서 처리가 안 되어서 수동으로 정의해줘야 함
def gen random walk w drift(nobs, drift):
         init = np.random.normal(size=1, loc = \theta)
         e = np.random.normal(size=nobs, scale =1)
         y = np.zeros(nobs)
         v[0] = init
         for t in (1, nobs):
                  y[t] = drift + 1 * y[t-1] + e[t]
                  return v
```

#### ■ AR – 자기회기 모형

```
그백색 잡음 모형 (white_noise), 임의 보행 모형 (random_walk),
표류가 있는 임의 보행 모형 (random_walk_w_drift), 정상성을 만족하는 φ1=0.9φ1=0.9인
AR(1) 모형 (stationary ar 1)을 각각 250개씩 샘플을 생성하여 그림
np.random.seed(12345)
white_noise= gen_arma_samples(ar = [1], ma = [1], nobs = 250)
# y t = epsilon t
random walk = gen arma samples(ar = [1,-1], ma = [1], nobs = 250)
\# (1 - L)y t = epsilon t
random_walk_w drift = gen_random_walk_w drift(250, 2)
\# y_t = 2 + y_{t-1} + epsilon_t
stationary_ar_1 = gen_arma_samples(ar = [1,-0.9], ma = [1],nobs=250)
\# (1 - 0.9L) y t = epsilon t
fig,ax = plt.subplots(1,4)
ax[0].plot(white noise)
ax[0].set title("White Noise")
```

#### ■ AR – 자기회기 모형

100 150 200 250

```
ax[1].plot(random_walk)
ax[1].set_title("Random Walk")
ax[2].plot(random_walk_w_drift)
ax[2].set title("Random Walk with drift = 3")
ax[3].plot(stationary_ar_1)
ax[3].set_title("Stationary AR(1)")
fig.set_size_inches(16,4)
               White Noise
                                  Random Walk
                                                  Random Walk with drift = 3
                                                                         Stationary AR(1)
                                               0.0
                                               -0.1
                                               -0.2
                                               -0.3
                                               -0.6
```

-0.7

100 150

200 250

100 150

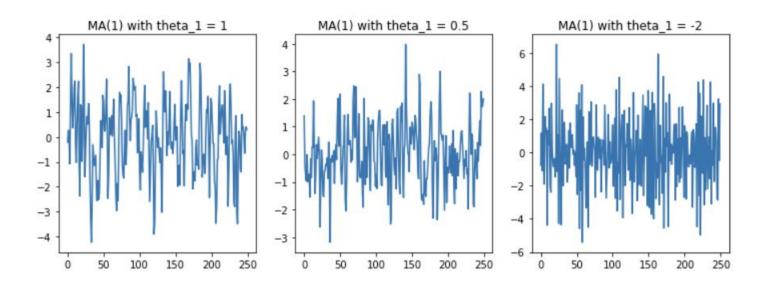
150 200

### MA (q) 모형 생성하기

```
ArmaProcess(ar = [1], ma = [1, theta_1, theta_2, ..., theta_q])로 생성
ArmaProcess(ar = [1], ma = [1, theta_1, theta_2, ..., theta_q])로 생성
```

### MA (q) 모형 생성하기

ArmaProcess(ar = [1], ma = [1, theta\_1, theta\_2, ..., theta\_q])로 생성



위 그림에서 볼 수 있듯이 θ1θ1의 값에 따라 모형 형태가 약간 다르긴 하지만 특정한 트렌드도 없고 평균과 분산이 일정하기 때문에 정상성을 만족함을 확인하실 수 있다.

#### ARIMA (p,d,q) 모형 생성하기

```
ArmaProcess(ar = [1,-phi_1, -phi_2, ..., -phi_p], ma = [1, theta_1,theta_2, ..., theta_q])로 생성 후 unintegrate(x, level)
```

ARIMA (p,d,q)를 따르는 데이터를 생성하기 위해선

- ●ARMA (p,q) 과정을 따르는 데이터를 생성하고
- •이 데이터가 d 번 차분한 값이기 때문에 원상복귀해주는 unintegrate 함수를 사용해야합니다. unintegrate (x, level) 에서 만약 1차 차분이라면 level = [1], 2차 차분이라면 level = [1,2]과 같이 정의해주어야합니다.

plt.show()

### ARIMA (p,d,q) 모형 생성하기

```
np.random.seed(12345)
from statsmodels.tsa.arima_model import unintegrate, unintegrate_levels
arma_1 = gen_arma_samples (ar = [1,-.5], ma = [1,1], nobs = 250) # 차분한 값이 ARMA (1,1)을 따름
                                                  # unintegrate: 차분한 값을 다시 원상 복귀
arima 1 = unintegrate(arma 1, [1])
fig,ax = plt.subplots(1,2, figsize = (16,4))
ax[0].plot(arma_1)
ax[0].set title("ARMA(1,1) with phi 1 = 0.5, theta 1 = 1")
ax[1].plot(arima_1)
```

 $ax[1].set_title("ARIMA(1,1,1) with phi_1 = 0.5, d = 1, theta_1 = 1")$ 

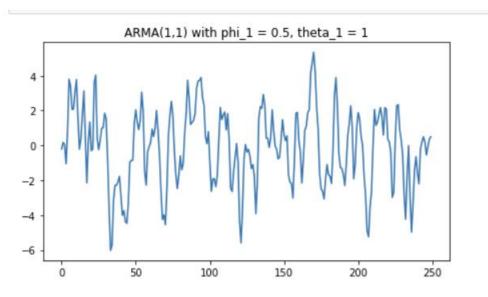
plt.show()

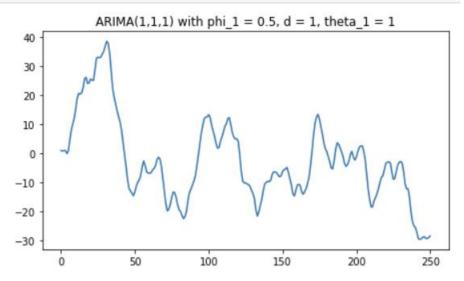
### ARIMA (p,d,q) 모형 생성하기

```
np.random.seed(12345)
from statsmodels.tsa.arima_model import unintegrate, unintegrate_levels
arma_1 = gen_arma_samples (ar = [1,-.5], ma = [1,1], nobs = 250) # 차분한 값이 ARMA (1,1)을 따름
                                                  # unintegrate: 차분한 값을 다시 원상 복귀
arima 1 = unintegrate(arma 1, [1])
fig,ax = plt.subplots(1,2, figsize = (16,4))
ax[0].plot(arma_1)
ax[0].set title("ARMA(1,1) with phi 1 = 0.5, theta 1 = 1")
ax[1].plot(arima_1)
```

 $ax[1].set_title("ARIMA(1,1,1) with phi_1 = 0.5, d = 1, theta_1 = 1")$ 

### ARIMA (p,d,q) 모형 생성하기





ARIMA, Python으로 하는 시계열분석 (feat. 비트코인 가격예측)