



Факультет информационных технологий и прикладной математики
Кафедра вычислительной математики и программирования

**Лабораторная работа №1 по курсу
«Криптография»**

Группа: М80 – 306Б-18
Студентка: Макаренкова В.М.
Преподаватель: Борисов А. В.
Оценка: _____
Дата: _____

Постановка задачи

Разложить каждое из чисел $n1$ и $n2$ на нетривиальные сомножители.

Вариант 14:

$n1=611219701749111463195451937544251195208759452152827846401772765239293765019$
13,
 $n2=166981202821111487603574159347402180221234004474088470134427127019583208585$
67973149367256099699198928804324700476844645415672653368067889584026253505220
72215356887542345091965364412714416147723007824852940439210347535492079930938
715301851663504907633271178215986687496281673059795431500200800112337374888657
642932011377010779739631990411714885737361714602715397638982646136481630238419
481808864438911371804085212946840198558441479176256832689600476668930865222709

Методы решения

Так как ограничений на методы решения не было, я решила пойти по легкому пути и разложить первое число на сайте

<https://www.alpertron.com.ar/ECM.HTM>.

Второе число не удалось бы разложить таким же путем, во-первых, из-за ограничений на количество знаков, во-вторых, из-за того, что на разложение такого числа понадобилось бы слишком много времени. Конкретно для чисел из вариантов нетривиальный сомножитель можно найти через НОД с числом из другого варианта, а второй – просто делением.

Полученные результаты

Первое число $n1$:

The screenshot shows the Alpertron ECM factorization tool interface. At the top, the 'Value' field contains the number 61121970174911146319545193754425119520875945215282784640177276523929376501913. Below the input field, there are buttons for 'Only evaluate', 'Factor', 'Help', 'Config', and 'Wizard'. A message states: 'Press the Help button to get help about this application. Press it again to return to the factorization. Keyboard users can press CTRL+ENTER to start factorization. This is the WebAssembly version.'

The results of the factorization are displayed below:

- 61121 970174 911146 319545 193754 425119 520875 945215 282784 640177 276523 929376 501913 (77 digits) = 212 453377 902490 714807 152598 462337 631023 (39 digits) × 287 695920 763209 375310 868462 625502 197431 (39 digits)

Number of divisors: 4
Sum of divisors: 61121 970174 911146 319545 193754 425119 521376 094513 948484 730295 297585 017216 330368 (77 digits)
Euler's totient: 61121 970174 911146 319545 193754 425119 520375 795916 617084 550059 255462 841536 673460 (77 digits)
Möbius: 1
 $n = a^2 + b^2 + c^2$
 $a = 244\ 279050\ 948389\ 231180\ 634476\ 337217\ 348106$ (39 digits)
 $b = 38\ 075128\ 925131\ 751601\ 239076\ 076744\ 739991$ (38 digits)
 $c = 186$
Time elapsed: 0d 0h 4m 26.3s

Второе число:

iamverk@MacBook-Air-Mara 1 % python3 lab1.py

$n2 =$

1669812028211114876035741593474021802212340044740884701344271270195832085856797314936
7256099699198928804324700476844645415672653368067889584026253505220722153568875423450
9196536441271441614772300782485294043921034753549207993093871530185166350490763327117
8215986687496281673059795431500200800112337374888657642932011377010779739631990411714

8857373617146027153976389826461364816302384194818088644389113718040852129468401985584
41479176256832689600476668930865222709
from nnumbers is
1640022132115824494393451031010105802615725851695521383009896344387301835115323262790
0402825403451161143667456258024053637622669215279262455156910413891895249675035979613
2275664874619889146598902097542761623680838097442518495171412837429189216783713021962
416264736667759184361105350899864242921476311929824199

factor1 =

1640022132115824494393451031010105802615725851695521383009896344387301835115323262790
0402825403451161143667456258024053637622669215279262455156910413891895249675035979613
2275664874619889146598902097542761623680838097442518495171412837429189216783713021962
416264736667759184361105350899864242921476311929824199

factor2 =

1018164325658738432077981978253020559282414992434222840604191342544791623920474990937
5543893373224862895177713092334026998378017806469703234490024346259491

Код программы

Lab1.py

#SHORT NUMBERS n1

NUMBERS =

[284994967805859272853477327862245466978346919806585432133556769959269315271111,
352358118079150493187099355141629527101749106167997255509619020528333722352217,
119760639583941053725652803731328419697649739176243841021915621242807618608591,
344845228130159226488163571070417679235025139015802019152516926202711846660141,
160769357899975610828199539114109518167531134514190990785144666932076614717841,
274114822339589629024026495441557479713813228028980117869052278950681241194819,
108762353292448487441247663685513658893167646930627178946128889967643172154127,
268887320029090028117214498253204095765884136483366193842361283776500643966781,
123248268911937923199906141216645363665087045422689358104089185316148911496103,
284994967805859272853477327862245466978346919806585432133556769959269315271111,
472379552736871494058143239162622860896965275113543450580272489891667080207763,
361996727456784871855604181056605672088622666207578160811291060873997151708887,
313230894596513941163065516500542159481861849753982064716706926040955753912601,
374456902508739435218273258671224457341348406488533188195528827819627513233269,
61121970174911146319545193754425119520875945215282784640177276523929376501913,
383456614884902466726252731294544234658015390619372835826246625499154384118189,
242587413455689311805941697582103544343444025737930609728129303011307601823551,
181552877565998943910618543225528579935321447209736978912489118450818545230489,
319373613270896663765954115654922624879359841665992852658124487372881123570003,

374456902508739435218273258671224457341348406488533188195528827819627513233269]

#LONG NUMBERS n2

NNUMBERS =

[134212447269268081486469603983165720134193017053749088894818590919340492696122353647
9474040666460885376378742819197105748650798865879482304771084236256654384273799702336
4759696474517001465344300528458335539841650829928420258996565679227744843136567637933
4764576288837969209413664505934377115504369021966283040157293146829005881430472443982
4204259980816710796240835274604462076123461698477384443713751284482994607430755155834
233283681253132280989394989471961817143,

1695128485402083763773247025508607781296883851800934596605324477902989989672390098441
3142336870385225437965243629326745116590849908770944614057690683052539801654819522761
5126428227016930742498245134936446888445262636336633279210669749830015450428910904353
8314722171490851577202002936469515837846884472685701320555954675270470981711883452876
1529676361607229919430317377276744622348039645465223497066788134123417127031908420255
67979822278829254837642753739546649159,

1916242087180680156861712994509728052535159091128844805658679025296716559404434664811
7256191866527259013257746490175941447883606374071784769363169152207581445356819643713
1165707175097041470721811222228045395187521359163973501984457964262201487421259483804
1457800464921182345127496460888250084171815540351211745813542192969624108567504481905
2903173594157525350779859315079097221673643129800998340230230212127671070403013443927
83417575981002593796696074442689507301,

1598756544210860812002683252504666631284038535154979340910964824673923578639226397918
1344291927370058541881779770591778582438559908039812756656909129755340910413617018434
6557810173386347978168079165595957832044210837163404837431352420219319869489453645247
1646868825144743014452957912743920239954473534374422647748020165306769379396190044599
5131103930624613028392443567547410653207750115147747231558637315951828928227907098432
96375075272651902641460504103291775361,

1250171497372227982026555999675170108947918951378367343470923483104158597216632066586
3009215668112657764654273950264581512400423660612715121077525866816999239149020618862
1302254449678307072706108376399663081627986916919462316925571113542252192544413593901
4878277515299870536875962948267973899545621728547726545192382593936985574978881305949
4875232331486771063306508182234439558006227741899366351063630357846982161854615737617
14766211607812695281252356674432444279,

1598756544210860812002683252504666631284038535154979340910964824673923578639226397918
1344291927370058541881779770591778582438559908039812756656909129755340910413617018434
6557810173386347978168079165595957832044210837163404837431352420219319869489453645247
1646868825144743014452957912743920239954473534374422647748020165306769379396190044599
5131103930624613028392443567547410653207750115147747231558637315951828928227907098432
96375075272651902641460504103291775361,

1611765569148804856242867384258680719850010286298191204635154152942043219729044752688
6147483136114545465725205417369977940016871273001825655775233013745768986374654630793
2954424777478728351215498316173711656264574423456572770974636411400558323154796702302
5414569413122447328040416970845309432217530722433341506166879058135267652737561086239
9155982339310065668240742080964683365204046938632685331174477299911625792360364160144
09092228354404809885779998800076550137,

1417746786978750765038783443201694837693058007147135007928583192144256946704223659049
4758980427157782351530260852126352560893481056955596585856196760851613464821804136259
1071855477293688831113885128127003390597082620049969282756875584085844073399191745402
8255326174744965696470393644713091831508787116372289467266084564443305079980286049350
3622897613938633077951879747971879859575334614760888258163959225587279203300668232112
10594296302676261707432217348305112187,

1589686907858960532293041950259807409089116075774905924811928369729308516275072914492
4473038823436190147828611462774742566344292235738126798298858577225142367897737580736
0238275429639874676052862046713568690409185767729868661335316050142125453936421554346
2330529173823254785957892596743971469331053694628704719897511634494080726384449311911
3264305436080318461812105908080731040431685156269225193936839179818736338280530681697
50353137412342101092326814001286079931,

1447056357743040318789862961227509104744799081494678612383291986984923519316446287708
0490779182246565274295436732293643518871833908072627524231172982110419346551522765992
2543175167158889598151741902647154293244819894449690836163313270764079803935657095050
0607895014150658740782042073630261733525635192524773901831150453706661904186439905176
5841946047321403468580781936233573521469460165494767804910732129539946607701693482114
45199019386069469845306185323206439961,

1262485504020168731000842257581537957328326497522478405002465359648875356810280292244
5476180707275244175924197767926120587325948529831801486650640588174078660642911795524
2262755768388682846206106944703216456923506981866941416988286330703269728280215724765
2797734392044016320040859257401114524063142894607111829574025600918893253339517061607
9780684755899312390146830195929916148375233589098062589910776461472469974938947364344
95372693444001308001278879395788963879,

1916242087180680156861712994509728052535159091128844805658679025296716559404434664811
7256191866527259013257746490175941447883606374071784769363169152207581445356819643713
1165707175097041470721811222228045395187521359163973501984457964262201487421259483804
1457800464921182345127496460888250084171815540351211745813542192969624108567504481905
2903173594157525350779859315079097221673643129800998340230230212127671070403013443927
83417575981002593796696074442689507301,

1960344000673448010109966123798259138788312223000110285444138984687043682091918437726
5648736526559593379272139428292838436152529262817891963724717308924224522305311182653
8592314858736495639204502526776240411959783887447103901725323630830637454127437535567
1500991196394524509192278487473429022067848460150114918996838415401644820324493941862
0612085846868405940252237869240794442627140954903017720771263957902359998360039712906
16988894725373002042174148527448991721,

1688432268535652536976161544225404933352917348466880741646555236080940468369390533777
5669013748638460889263027167049582533490134650171716874765143454540808295122280915543
9069524222622271022327136748075330815779254986868124094373018454530478163301104392732
7584175094195702062946904306735673354996415907014195550590550472255345961637249641012
9280190985181933634584156918022437057685037866498824267397680626946780228135270677272
78842446759998639312587246098493677573,

1669812028211114876035741593474021802212340044740884701344271270195832085856797314936
7256099699198928804324700476844645415672653368067889584026253505220722153568875423450
9196536441271441614772300782485294043921034753549207993093871530185166350490763327117
8215986687496281673059795431500200800112337374888657642932011377010779739631990411714
8857373617146027153976389826461364816302384194818088644389113718040852129468401985584
41479176256832689600476668930865222709,

1416908444771934114327236064335695175033855568724514723276090909238902249450761163116
1792983700976377366095987469785396811908061750237394378249497902031141954472876211921
6205286391137003028125331158247702385902798481867910823926760076341189111357818193897
8341368763677855534685413427437290239276573078365437316891195505584463642669716112936
7283730885533859028643592189337506274405214704767741787934130977543281068768100090834
32628213288672194420754620920548851129,

1510938584302514746068687680359138712084826869531749833816152536107029956694378228665
0144848099932846806364650453365846700065126924820571688588052517305224124355755370476
3875918384943786116958217435310061676086144208333891116298297801865460907348745561834
4725646474341106448770186119465437436805540314573902315148010605642969399036239279990
8664813775526310383450383326713004604491508261330475994029527022204381323242408014804
83055996850135609380612773088576264939,

1503349990631350512794289684313078245040080234793749288284388102811529318651334186314
5092476540091725800064574393561521328602108813560462716993292012530584330361623216743
0518821188511162822374965949771668681638403317861379756861892717375280069279523162223
5434934335500496599315357786595208816213489429090618724729416131746965336847080815801
5990205733111105113749510972776073107995920975786223684234407181645957200918994270361
35539095740807639167195995008580910433,

1540622509490817949053524649165981982362710138590145680108367660592300942107455572128
8749853133175961437905691459584340477262214693347263610455103335077100041993455290528
2511013242978938443899070692754901568584332939340152015423737207909866832481701129682
5302825102856143574580211014626530080895107030337934771878554891597286701169436904639
3627681841310401546991286457558418299989014726795657302590989466425402873370832842632
87432616094697258993945232767013781501,

1626570592384034401231059859408455254810050911431145580773817320385445678597776695068
3127961452586180126554485218163161080222787625202392679798991846278167936565809063790
7774582513093342078191980201370340515569603352955579399835938917375588736685732913134
3206148632506258546398761725587714083008828347727071434771944964364829767905778186912
7718984315010760253784801108318403324790207832062061904051003949822187692691563935316
04603604142841091039265485070414672259]

```
import math
```

```
v = 14
```

```
n = NNUMBERS[v]
```

```
print("n2 = ", n)
```

```
dividers = []
```

```
for num in NUMBERS:
```

```
    gcd = math.gcd(n,num)
```

```
    if gcd != 1 and gcd != n:
```

```
        print("from numbers is ", gcd)
```

```
        dividers.append(gcd)
```

```
for nnum in NNUMBERS:
    gcd = math.gcd(n, nnum)
    if gcd != 1 and gcd != n:
        print("from nnumbers is", gcd)
        dividers.append(gcd)

for div in dividers:
    print("factor1 = ", div)
    print("factor2 = ", n // div)
```

Выводы

Благодаря данной лабораторной работе я изучила различные материалы о факторизации чисел и алгоритмах факторизации, но все они не работают достаточно быстро на таких числах как, например, n^2 . Из-за того, что нет какого-то определенного эффективного алгоритма, задача факторизации становится довольно сложной, но в данном задании помогли знания об общем делителе с одним из вариантов.