### Resolução de Problemas do Livro

## Econometria Básica (Gujarati, D. N.; Porter, D. C.)

po

# Igo da Costa Andrade

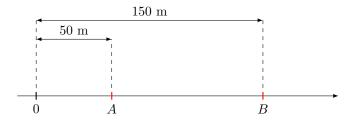
#### Referência

GUJARATI, D. N.; PORTER, D. C.. **Econometria Básica**. São Paulo, AMGH Editora, 2011.



### Capítulo 1: A natureza da análise de regressão

1 (FEI-SP) Dois móveis A e B, ambos com movimento uniforme, percorrem uma trajetória retilínea conforme mostra a figura. Em t=0, estes se encontram, respectivamente, nos pontos A e B na trajetória. As velocidades dos móveis são  $v_A=50$  m/s e  $v_B=30$  m/s no mesmo sentido.



Em que instante a distância entre os dois móveis será 50 m?

- (a) 200 m
- (b) 225 m
- (c) 250 m
- (d) 300 m
- (e) 350 m

Solução:

Escrevamos as equações horárias das trajétórias dos móveis A e B, sabendo que ambos descrevem movimento uniforme:

$$\begin{cases} s_A = s_{0A} + v_A t \\ s_B = s_{0B} + v_B t \end{cases}$$

Os móveis encontram-se no instante  $t^*$  tal que  $s_A=s_B=s^*$ , ou seja:

$$s_A = s_B \Rightarrow s_{0A} + v_A t^* = s_{0B} + v_B t^*$$

$$\Rightarrow v_A t^* - v_B t^* = s_{0B} - s_{0A}$$

$$\Rightarrow (v_A - v_B) t^* = s_{0B} - s_{0A}$$

$$\Rightarrow t^* = \frac{s_{0B} - s_{0A}}{v_A - v_B}$$

Nesse instante, a posição  $s^*$  dos móveis será:

$$s^* = s_{0A} + v_A t^* \Rightarrow s^* = s_{0A} + v_A \left(\frac{s_{0B} - s_{0A}}{v_A - v_B}\right)$$

O script R abaixo mostra o resultano numérico correspondente ao desenvolvimento algébrico acima:

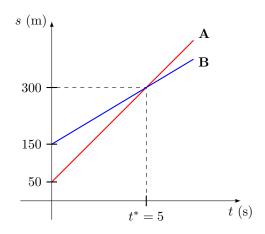
```
# Dados do problema
s_OA <- 50
v_A <- 50
s_OB <- 150
v_B <- 30

# Instante do encontro
t_star <- (s_OB - s_OA) / (v_A - v_B)

# Posição do encontro
s_star <- s_OA + v_A * t_star
```

Os móveis encontram-se no instante  $t^* = 5$  s e na posição  $s^* = 300$  m.

O gráfico abaixo mostra a posição de cada móvel em função do tempo, bem como o ponto de encontro.



Portanto, a resposta correta é letra **D**.