Resolução de Problemas do Livro

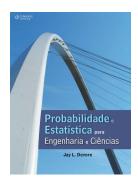
Probabilidade e Estatística para Engenharia e Ciências (Devore, J. L.)

por

Igo da Costa Andrade

Referência

DEVORE, J. L.. **Probabilidade e Estatística para Engenharia e Ciências**. São Paulo, Cengage, 2006.



Capítulo 1: Visão geral e estatística descritiva

```
x <- c(74, 89, 80, 93, 64, 67, 72, 70, 66, 85, 89, 81, 81,
71, 74, 82, 85, 63, 72, 81, 81, 95, 84, 81, 80, 70,
69, 66, 60, 83, 85, 98, 84, 68, 90, 82, 69, 72, 87, 88)

tikz <- draw_stemleaf_plot(
    x, lowhi = TRUE,
    main="Caule e folha do número do peso de alunos",
    clab="Dígitos das centenas",
    flab="Dígitos das unidades"
)

x2 <- sample(x=20:30, size=200, replace=TRUE)
tikz2 <- draw_dots_plot(x2, lab="Temperatura")

## [1] 15.00 18.75 22.50 26.25 30.00
## [1] -5.00 -1.25 2.50 6.25 10.00

tikz3 <- draw_histogram(x2, x_scale=1, y_scale=0.5, lab="Histograma", x_skip=2, y_skip=5)</pre>
```

Caule e folha do número do peso de alunos

```
6L 034

6H 667899

7L 00122244

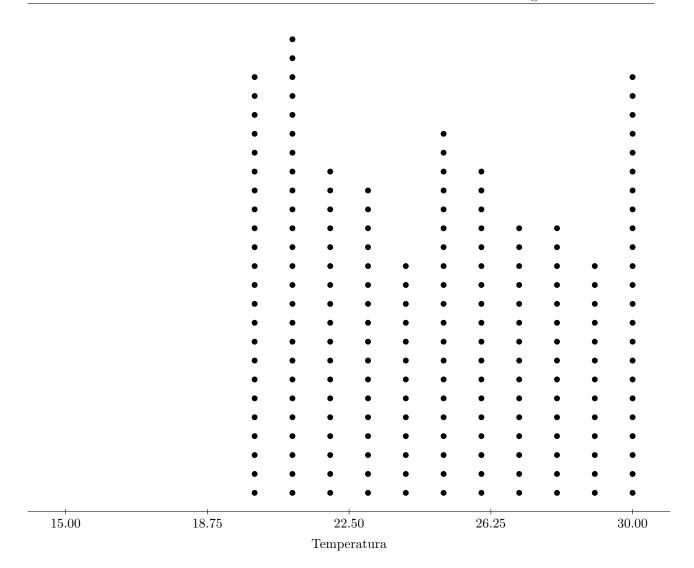
8L 001111122344

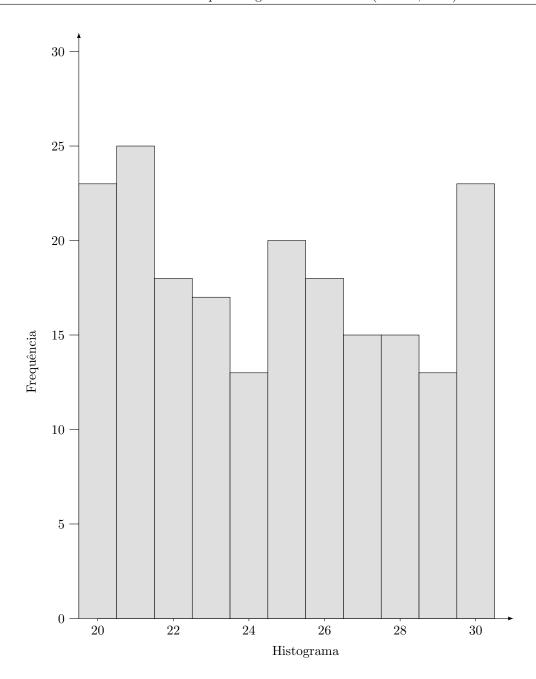
8H 5557899

9L 03

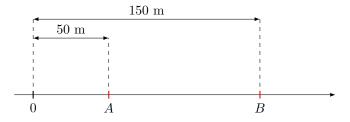
9H 58
```

Caule: Dígitos das centenas Folha: Dígitos das unidades





1 (FEI-SP) Dois móveis A e B, ambos com movimento uniforme, percorrem uma trajetória retilínea conforme mostra a figura. Em t=0, estes se encontram, respectivamente, nos pontos A e B na trajetória. As velocidades dos móveis são $v_A=50$ m/s e $v_B=30$ m/s no mesmo sentido.



Em que instante a distância entre os dois móveis será 50 m?

- (a) 200 m
- (b) 225 m
- (c) 250 m
- (d) 300 m
- (e) 350 m

Solução:

Escrevamos was equações horárias das trajétórias dos móveis A e B, sabendo que ambos descrevem movimento uniforme:

$$\begin{cases} s_A = s_{0A} + v_A t \\ s_B = s_{0B} + v_B t \end{cases}$$

Os móveis encontram-se no instante t^* tal que $s_A = s_B = s^*$, ou seja:

$$s_A = s_B \Rightarrow s_{0A} + v_A t^* = s_{0B} + v_B t^*$$

$$\Rightarrow v_A t^* - v_B t^* = s_{0B} - s_{0A}$$

$$\Rightarrow (v_A - v_B) t^* = s_{0B} - s_{0A}$$

$$\Rightarrow t^* = \frac{s_{0B} - s_{0A}}{v_A - v_B}$$

Nesse instante, a posição s^* dos móveis será:

$$s^* = s_{0A} + v_A t^* \Rightarrow s^* = s_{0A} + v_A \left(\frac{s_{0B} - s_{0A}}{v_A - v_B}\right)$$

O script R abaixo mostra o resultano numérico correspondente ao desenvolvimento algébrico acima:

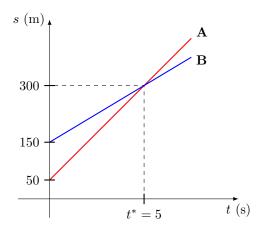
```
# Dados do problema
s_OA <- 50
v_A <- 50
s_OB <- 150
v_B <- 30

# Instante do encontro
t_star <- (s_OB - s_OA) / (v_A - v_B)

# Posição do encontro
s_star <- s_OA + v_A * t_star
```

Os móveis encontram-se no instante $t^* = 5$ s e na posição $s^* = 300$ m.

O gráfico abaixo mostra a posição de cada móvel em função do tempo, bem como o ponto de encontro.



Portanto, a resposta correta é letra \mathbf{D} .