Métodos de Ordenação

- O problema de ordenação é um dos mais básicos em computação.
- Exemplos de aplicações:
 - Criação de rankings
 - Ordenação de listas
 - Otimizar sistemas de busca

<u>Definição</u>:

- Ordenação é o processo de reorganizar um conjunto de dados em uma ordem ascendente ou descendente, segundo algum critério.
- O objetivo da ordenação é facilitar a recuperação posterior de itens do conjunto ordenado.
- A maioria dos métodos de ordenação é baseada em comparações das itens.

Métodos de ordenação simples:

- Adequados para pequenos conjuntos de dados.
- Lógica simples e de fácil implementação.
- Tempo de execução maior.

Métodos de ordenação sofisticados:

- Adequados para grandes conjuntos de dados.
- Lógica mais sofisticada e implementação mais trabalhosa.
- Tempo de execução menor.

- Métodos de ordenação simples:
 - Bubble Sort
 - Selection Sort
 - Insertion Sort
- Métodos de ordenação sofisticados:
 - Quicksort
 - Mergesort

- Tempo de Execução:
 - A eficiência de tempo de execução é calculada pelo número de operações críticas efetuadas.
 - São consideradas Operações Críticas:
 - √ comparação de itens
 - √ troca de posição entre dois itens

- Veremos alguns algoritmos e técnicas de ordenação.
 - Cada um apresenta diferentes soluções para o mesmo problema: ordenar um conjunto de dados.
- Por convenção, vamos considerar listas de números.
 - Porém, sabe-se que esses algoritmos podem ser aplicados para outros tipos de estruturas de dados sequenciais.

Ordenação por bolha

- Um dos algoritmos de ordenação mais lento
- Implementação simples
- Recomendado para conjuntos pequenos de dados
- Funciona através da comparação de itens dois a dois
 - Consiste em "Borbulhar" o maior item para o final da lista

Procedimento:

- Compare o primeiro item com o segundo e troque-os se o primeiro for maior que o segundo
- Compare o segundo item com o terceiro e troque-os se o segundo for maior que o terceiro
- Compare o terceiro item com o quarto e troque-os se o terceiro for maior que o quarto
- E assim sucessivamente ...
- Ao final desses passos, o maior item estará no final da lista!
 - Agora precisamos repetir todo esse processo N vezes.

MRAGIZ

Bubble Sort

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

- Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]
- <u>1ª Iteração:</u>

[5,3,2,1,90,6] compara os dois primeiros itens

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]
[3,5,2,1,90,6] 5 é maior que 3, então troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]
[3,5,2,1,90,6] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]
[3,5,2,1,90,6]
[3,2,5,1,90,6] 5 é maior que 2, então troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]
[3,5,2,1,90,6]
[3,2,5,1,90,6] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]
[3,5,2,1,90,6]
[3,2,5,1,90,6]
[3,2,1,5,90,6] 5 é maior que 1, então troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]
[3,5,2,1,90,6]
[3,2,5,1,90,6]
[3,2,1,5,90,6] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]
[3,5,2,1,90,6]
[3,2,5,1,90,6]
[3,2,1,5,90,6]
[3,2,1,5,90,6] 5 não é maior que 90, então não troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]
[3,5,2,1,90,6]
[3,2,5,1,90,6]
[3,2,1,5,90,6]
[3,2,1,5,90,6] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[5,3,2,1,90,6]

[3,5,2,1,90,6]

[3,2,5,1,90,6]

[3,2,1,5,90,6]

[3,2,1,5,90,6]

[3,2,1,5,6,90] 90 é maior que 6, então troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

1º Iteração:

```
[5,3,2,1,90,6]

[3,5,2,1,90,6]

[3,2,5,1,90,6]

[3,2,1,5,90,6]

[3,2,1,5,90,6]

[3,2,1,5,6,90] Ao final da 1ª iteração, o maior estará no final
```

Agora temos que repetir o processo novamente

- Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]
- 2ª Iteração:

[3,2,1,5,6,90] compara os dois primeiros itens

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

• <u>2ª Iteração:</u>

```
[3,2,1,5,6,90]
```

[2,3,1,5,6,90] 3 é maior que 2, então troca

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

• 2ª Iteração:

```
[3,2,1,5,6,90]
[2,3,1,5,6,90] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

• <u>2ª Iteração:</u>

```
[3,2,1,5,6,90]
[2,3,1,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90] 3 é maior que 1, então troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

• <u>2ª Iteração:</u>

```
[3,2,1,5,6,90]
[2,3,1,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[3,2,1,5,6,90]
[2,3,1,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90] 3 não é maior que 5, então não troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[3,2,1,5,6,90]
[2,3,1,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

```
[3,2,1,5,6,90]
[2,3,1,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90] 5 não é maior que 6, então não troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

2º Iteração:

```
[3,2,1,5,6,90]
[2,3,1,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90]
[2,1,3,5,6,90] Ao final da 2ª iteração, o segundo maior estará no seu lugar
```

Agora temos que repetir o processo novamente

- Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]
- <u>3ª Iteração:</u>

[2,1,3,5,6,90] compara os dois primeiros itens

- Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]
- <u>3ª Iteração:</u>

```
[2,1,3,5,6,90]
```

[1,2,3,5,6,90] 2 é maior que 1, então troca

- Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]
- <u>3ª Iteração:</u>

```
[2,1,3,5,6,90]
```

[1, 2, 3, 5, 6, 90] compara com o próximo item

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

• <u>3ª Iteração:</u>

```
[2,1,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90] 2 não é maior que 3, então não troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

• <u>3ª Iteração:</u>

```
[2,1,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

• <u>3ª Iteração:</u>

```
[2,1,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90] 3 não é maior que 5, então não troca
```

Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

3º Iteração:

```
[2,1,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
Ao final da 3ª iteração, o terceiro maior estará no seu lugar
```

Agora temos que repetir o processo novamente

- Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]
- 4ª Iteração:

[1,2,3,5,6,90] compara os dois primeiros itens

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

4ª Iteração:

```
[1,2,3,5,6,90]
```

[1,2,3,5,6,90] 1 não é maior que 2, então não troca

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

4ª Iteração:

```
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90] compara com o próximo item
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

4º Iteração:

```
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
2 não é maior que 3, então não troca
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

4º Iteração:

```
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90] Ao final da 4ª iteração, o quarto maior estará no seu lugar
```

Agora temos que repetir o processo novamente

- Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]
- <u>5ª Iteração:</u>

[1,2,3,5,6,90] compara os dois primeiros itens

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

• <u>5ª Iteração:</u>

```
[1,2,3,5,6,90]
```

[1,2,3,5,6,90] 1 não é maior que 2, então não troca

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

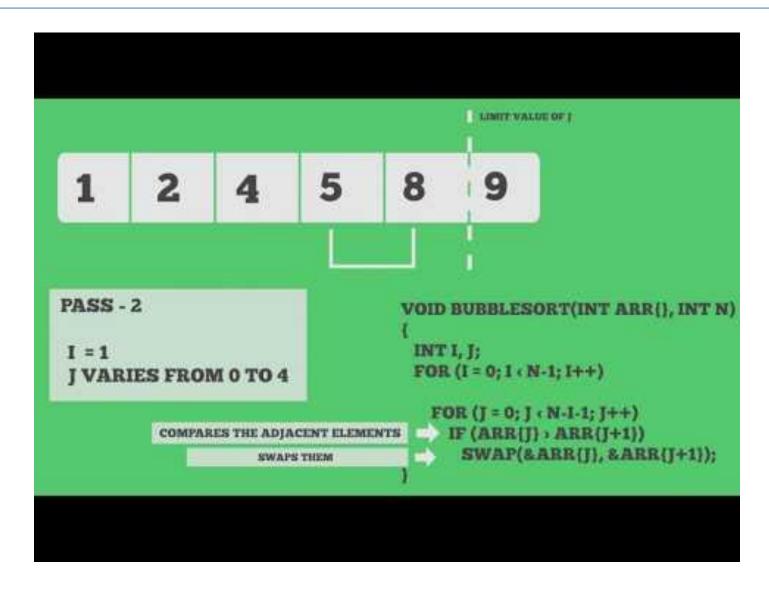
5º Iteração:

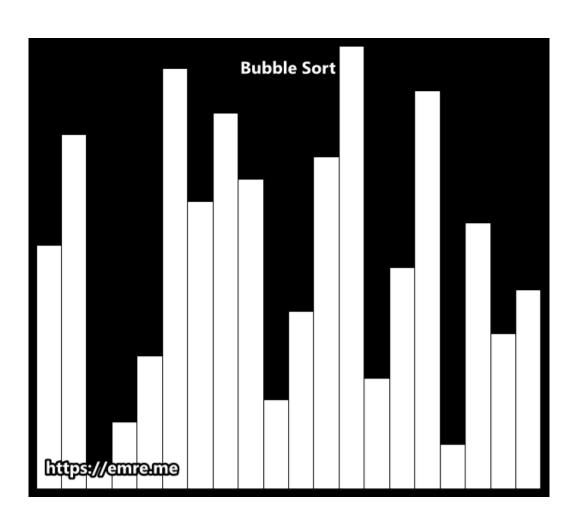
```
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90] Ao final da 5ª iteração, o quinto maior estará no seu lugar
```

• Exemplo: [5, 3, 2, 1, 90, 6]

5ª Iteração:

```
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
[1,2,3,5,6,90]
Ao final da 5ª iteração, o quinto maior estará no seu lugar
[1,2,3,5,6,90]
O primeiro item também já ficou em seu lugar, e portanto a lista está ordenada
```





• Implementação em Python

Desempenho:

– Melhor Caso:

- Quando a lista já se encontra ordenada
- Realiza comparações, mas nenhuma troca ocorre

– Pior caso:

- Quando a lista se encontra na ordem inversa a desejada.
- A cada varredura apenas um item será colocada em sua posição definitiva

Ordenação por Seleção

- Algoritmo de ordenação lento
- Implementação simples
- Recomendado para conjuntos pequenos de dados

Procedimento:

- Encontre o menor item da lista e troque com a primeira posição
- Encontre o segundo menor item da lista e troque com a segunda posição
- E assim por diante, até que a lista esteja ordenada

- <u>1ª iteração</u>:
 - Encontramos o menor item: zero

- 1º iteração:
 - Encontramos o menor item: zero
 - Trocamos com a primeira posição: 70

```
[0, 90, 1, 3, 70, 100, 2]
```

- 1º iteração:
 - Encontramos o menor item: zero
 - Trocamos com a primeira posição: 70
 - O zero já está em sua posição correta

- <u>2ª iteração</u>:
 - Encontramos o segundo menor item: 1

- 2ª iteração:
 - Encontramos o segundo menor item: 1
 - Trocamos com a segunda posição: 90

```
[0, 1, 90, 3, 70, 100, 2]
```

- 2ª iteração:
 - Encontramos o segundo menor item: 1
 - Trocamos com a segunda posição: 90
 - O 1 já está em sua posição correta

- <u>3ª iteração</u>:
 - Encontramos o terceiro menor item: 2

- 3º iteração:
 - Encontramos o terceiro menor item: 2
 - Trocamos com a terceira posição: 90

```
[0, 1, 2, 3, 70, 100, 90]
```

- 3º iteração:
 - Encontramos o terceiro menor item: 2
 - Trocamos com a terceira posição: 90
 - O número 2 já está em sua posição

- <u>4ª iteração</u>:
 - Encontramos o próximo menor item: 3

- 4º iteração:
 - Encontramos o próximo menor item: 3
 - O 3 já está no seu lugar, ele será trocado por ele mesmo

```
[0, 1, 2, 3, 70, 100, 90]
```

- 4º iteração:
 - Encontramos o próximo menor item: 3
 - O 3 já está no seu lugar, ele será trocado por ele mesmo
 - O número 3 continua em sua posição

- <u>5ª iteração</u>:
 - Encontramos o próximo menor item: 70

- 5ª iteração:
 - Encontramos o próximo menor item: 70
 - O 70 já está no seu lugar, ele será trocado por ele mesmo

```
[0, 1, 2, 3, 70, 100, 90]
```

- 5ª iteração:
 - Encontramos o próximo menor item: 70
 - O 70 já está no seu lugar, ele será trocado por ele mesmo
 - O número 70 continua em sua posição

- 6ª iteração:
 - Encontramos o próximo menor item: 90
 - O 90 será trocado de posição
 - O número 90 já está em sua posição

- 6ª iteração:
 - Encontramos o próximo menor item: 90
 - O 90 será trocado de posição

```
[0, 1, 2, 3, 70, 90, 100]
```

- 6ª iteração:
 - Encontramos o próximo menor item: 90
 - O 90 será trocado de posição
 - O número 90 já está em sua posição

• Exemplo: [70, 90, 1, 3, 0, 100, 2]

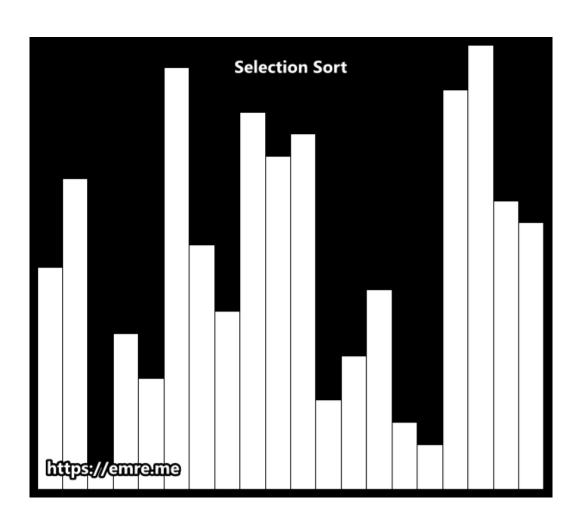
```
[0, 1, 2, 3, 70, 90, 100]
```

 Por fim, quando restar apenas o último número, ele já estará em sua posição correta.

SELECTION SORT

GeeksforGeeks

A computer science portal for geeks



Implementação em Python

```
def selection_sort(lista):
    n = len(lista)
    for i in range(0, n-1):
        menor = i
        for j in range(i + 1, n): # encontra indice do menor
            if lista[j] < lista[menor]:</pre>
                menor = j
                                    # realiza a troca
        aux = lista[i]
        lista[i] = lista[menor]
        lista[menor] = aux
```

Desempenho:

- Para uma lista de tamanho N, precisamos encontrar o menor valor N-1 vezes.
- Essa operação acontece N vezes
- Tempo total: (N 1) * N, que é aproximadamente N²
- Melhor que o bubble sort, pois faz menos trocas
- Desvantagem: Se a lista inicial já estiver ordenada não teremos vantagem, pois o número de comparações continuará o mesmo.

Ordenação por inserção

- Algoritmo de ordenação lento
- Implementação simples
- Recomendado para conjuntos pequenos de dados

Procedimento:

- Comparar um item com os itens à sua esquerda e, se esse item for menor, trocar esses itens de posição
- Essas comparações e trocas só devem parar quando o item for maior que o item à sua esquerda ou quando o item estiver na primeira posição da lista

I MRAGTA

Insertion Sort

• Exemplo: [70,90,3,0,100,2]

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>1ª iteração</u>: Começamos analisando o segundo item.

```
[70,90,3,0,100,2]
```

- Exemplo: [70, 90, 3, 0, 100, 2]
- <u>1ª iteração</u>: Começamos analisando o segundo item.

[70, 90, 3, 0, 100, 2] compara o segundo item com os anteriores

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>1ª iteração</u>: Começamos analisando o segundo item.

```
[70, 90, 3, 0, 100, 2] compara o segundo item com os anteriores [70, 90, 3, 0, 100, 2] 90 não é menor que 70, então não troca
```

- Exemplo: [70, 90, 3, 0, 100, 2]
- <u>2ª iteração</u>: Agora analisamos o terceiro item.

```
[70, 90, 3, 0, 100, 2]
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- 2º iteração: Agora analisamos o terceiro item.

[70, 90, 3, 0, 100, 2] compara o terceiro item com os anteriores

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- 2ª iteração: Agora analisamos o terceiro item.

```
[70, 90, 3, 0, 100, 2]
[70, 3, 90, 0, 100, 2] 3 é menor que 90, então troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- 2º iteração: Agora analisamos o terceiro item.

```
[70, 90, 3, 0, 100, 2]
[70, 3, 90, 0, 100, 2]
[3, 70, 90, 0, 100, 2] 3 é menor que 70, então troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>3ª iteração</u>: Agora analisamos o quarto item.

```
[3,70,90,0,100,2]
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>3ª iteração</u>: Agora analisamos o quarto item.

[3,70,90,0,100,2] compara o quarto item com os anteriores

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- 3º iteração: Agora analisamos o quarto item.

```
[3,70,90,0,100,2]
[3,70,0,90,100,2] zero é menor que 90, então troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- 3º iteração: Agora analisamos o quarto item.

```
[3,70,90,0,100,2]
[3,70,0,90,100,2]
[3,0,70,90,100,2] zero é menor que 70, então troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>3ª iteração</u>: Agora analisamos o quarto item.

```
[3,70,90,0,100,2]
[3,70,0,90,100,2]
[3,0,70,90,100,2]
[0,3,70,90,100,2] zero é menor que 3, então troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>4ª iteração</u>: Agora analisamos o quinto item.

```
[0,3,70,90,100,2]
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>4ª iteração</u>: Agora analisamos o quinto item.

[0,3,70,90,100,2] compara o quinto item com os anteriores

- Exemplo: [70, 90, 3, 0, 100, 2]
- <u>4ª iteração</u>: Agora analisamos o quinto item.

```
[0,3,70,90,100,2] compara o quinto item com os anteriores [0,3,70,90,100,2] 100 não é menor que 90, então não troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>5ª iteração</u>: Agora analisamos o sexto item.

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>5ª iteração</u>: Agora analisamos o sexto item.

[0,3,70,90,100,2] compara o sexto item com os anteriores

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>5ª iteração</u>: Agora analisamos o sexto item.

```
[0,3,70,90,100,2]
[0,3,70,90,2,100] 2 é menor que 100, então troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>5ª iteração</u>: Agora analisamos o sexto item.

```
[0,3,70,90,100,2]
[0,3,70,90,2,100]
[0,3,70,2,90,100] 2 é menor que 90, então troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>5ª iteração</u>: Agora analisamos o sexto item.

```
[0,3,70,90,100,2]
[0,3,70,90,2,100]
[0,3,70,2,90,100]
[0,3,2,70,90,100] 2 é menor que 70, então troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>5ª iteração</u>: Agora analisamos o sexto item.

```
[0,3,70,90,100,2]
[0,3,70,90,2,100]
[0,3,70,2,90,100]
[0,3,2,70,90,100]
[0,2,3,70,90,100] 2 é menor que 3, então troca
```

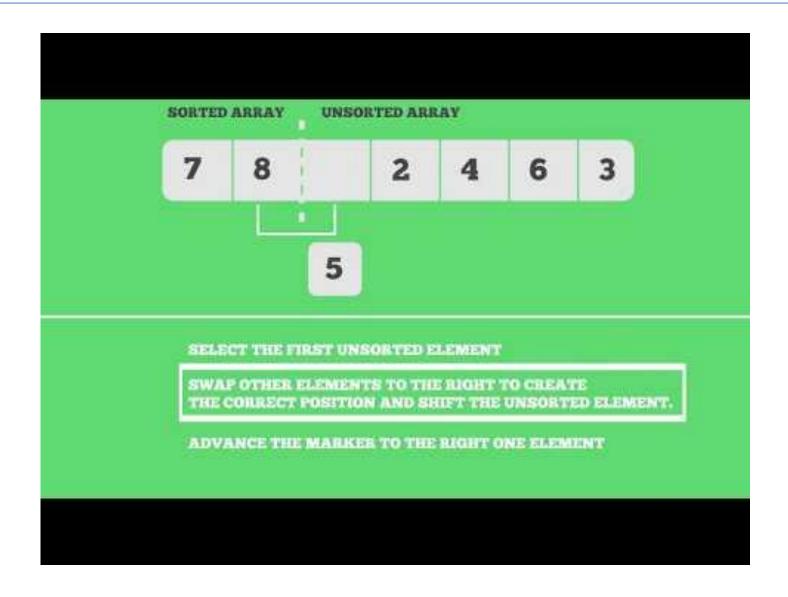
- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>5ª iteração</u>: Agora analisamos o sexto item.

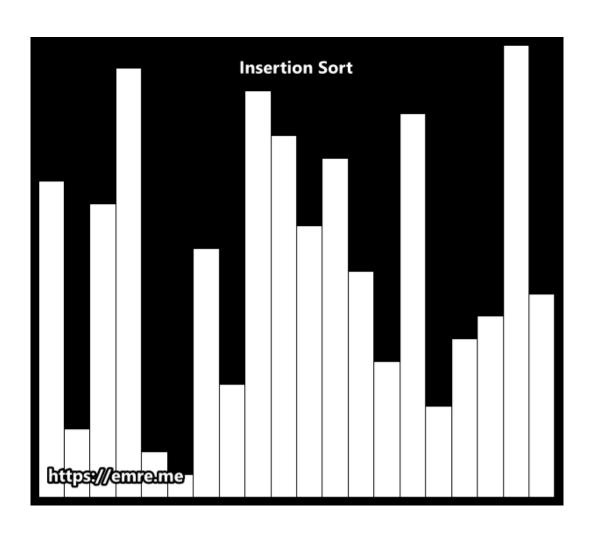
```
[0,3,70,90,100,2]
[0,3,70,90,2,100]
[0,3,70,2,90,100]
[0,3,2,70,90,100]
[0,2,3,70,90,100]
[0,2,3,70,90,100] 2 não é menor que 3, então não troca
```

- Exemplo: [70,90,3,0,100,2]
- <u>5ª iteração</u>: Agora analisamos o sexto item.

```
[0,3,70,90,100,2]
[0,3,70,90,2,100]
[0,3,70,2,90,100]
[0,3,2,70,90,100]
[0,2,3,70,90,100]
[0,2,3,70,90,100] 2 não é menor que 3, então não troca
```

Ao final, a lista está ordenada.





Implementação em Python

```
def insertion sort(lista):
    n = len(lista)
    for i in range(1, n):
        j = i
        while j > 0 and lista[j] < lista[j-1]:</pre>
            aux = lista[j]
             lista[j] = lista[j-1]
             lista[j-1] = aux
             j -= 1
```

Desempenho:

– Melhor Caso:

- Ocorre quando a lista já está ordenada.
- Todos já estão em suas devidas posições.

– Pior caso:

- Ocorre quando a lista está ordenada em ordem reversa
- Para cada item será necessário percorrer a lista toda à esquerda, trocando os itens até encaixar o item na primeira posição.

Comparação dos Métodos

- O <u>Insertion Sort</u> apresenta o melhor desempenho entre esses 3 algoritmos.
 - O Insertion Sort efetua menos comparações, pois nem sempre o item a ser inserido de forma ordenada deve ir até o início da lista.
 - Isso só acontece no pior dos casos, em que a lista está ordenada em ordem reversa.