Resiko dan Ekonomi Mikro

AK2163 - Mikroekonomi

Dr. Lukman Hanif Arbi

Prodi Aktuaria FMIPA ITB

15 Oktober, 2019

Kali Ini...

Resiko dan Keputusan Ekonomi

Studi Kasus - Resiko Industri

Studi Kasus - Investasi

Sedikit Tentang Pendekatan Ilmiah

- 1. Hitung
- 2. Ukur
- 3. Memantau perubahaan
- 4. Mencari sebab perubahaan
- 5. Memahami

Studi Kasus - Resiko Industri

Studi Kasus - Investasi

- Sebelumnya kita secara umum berasumsi bahwa semua fenomena ekonomi berlangsung secara pasti
- Kenyataannya tidak sesederhana itu

- Apakah harga akan pasti naik hari esok?
- Apakah stok pasti ada pada hari esok?
- Apakah barang yang dibeli pasti bisa dikonsumsi?
- Apakah semua barang yang dibuat produsen past terjual?
- Bagaimana memberi harga pada barang yang nilainya dapat berubah di kemudian hari?

Fungsi Kepuasan Von Neumann-Morgenstern (VNM)

- Ada berbagai pendekatan yang digunakan untuk mengkaji hubungan antara resiko dan ekonomi
- Diantara yang paling banyak diterima adalah pendekatan ekspektasi utilitas/kepuasan (expected utility) gagasan John von Neumann dan Oskar Morgenstern
- Yaitu bahwa jika beberapa asumsi terpenuhi, suatu prospek ekonomi dengan suatu distribusi peluang p_i atas segala kemungkinan yang berkaitan dengan prospek tersebut w_i dapat ditulis fungsi ekspektasi kepuasannya:

Fungsi Kepuasan Von Neumann-Morgenstern (VNM)

Fungsi Peluang Diskret

$$E[u] = \sum_{i=1}^{n} p_i u(w_i)$$

Fungsi Peluang Kontinu

$$E[u] = \int p(w)u(w)dw$$

Asumsi-Asumsi Pendekatan VNM

- 1. Sempurna (Complete)
- 2. Transitif
- 3. Kontinu
- 4. Ketakbergantungan (Independence)

Asumsi Keempat - Ketakbergantungan

Maksudnya adalah jika:

- ightharpoonup Anda lebih menyukai x_1 dibanding x_2
- ▶ ada alternatif ketiga x₃
- ightharpoonup distribusi peluang p, 1-p

maka Anda (harusnya) juga lebih suka $px_1 + (1-p)x_3$ dibanding $px_2 + (1-p)x_3$

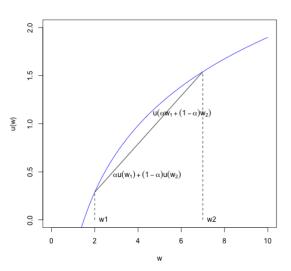
Sikap (Terhadap) Resiko

- Sikap tiap orang terhadapa resiko tidak sama
- Ada yang suka, tidak suka, dan netral
- Dalam ilmu ekonomi, ini ditentukan mana yang lebih tinggi antara ekspektasi kepuasan atas beberapa kemungkinan atau kepuasan atas ekspektasi kemungkinan yang didapati secara pasti

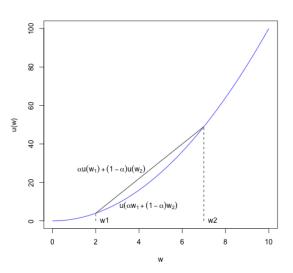
Sikap (Terhadap) Resiko

- ▶ Jika $\sum_{i=1}^{n} p_i u(w_i) < u(\sum_{i=1}^{n} w_i)$, maka orangnya dinyatakan **penghindar resiko** (*risk averse*)
- ▶ Jika $\sum_{i=1}^{n} p_i u(w_i) = u(\sum_{i=1}^{n} w_i)$, maka orangnya dinyatakan **netral resiko** (*risk neutral*)
- ▶ Jika $\sum_{i=1}^{n} p_i u(w_i) > u(\sum_{i=1}^{n} w_i)$, maka orangnya dinyatakan **penggemar resiko** (*risk loving*)

Penghindar Resiko



Penggemar Resiko



Ukuran Arrow-Pratt

Ukuran Absolut

$$r_A = -\frac{u''(w)}{u'(w)}$$

Ukuran Relatif

$$r_r = -w \frac{u''(w)}{u'(w)}$$

Ekuivalen Kepastian (Certainty Equivalent)

Jumlah *CE* sehingga seseorang mendapat kepuasan yang sama dengan suatu prospek, yaitu *CE* sehingga

$$u(CE) = \sum_{i=1}^{n} p_i u(w_i)$$

Premi Resiko

Jika seseorang penghindar resiko memiliki kekayaan w_0 yang mungkin akan bertambah maupun berkurang sebanyak h dengan peluang yang sama, ia bersedia membayar premi resiko ρ untuk mendapati tingkat kepuasan yang sama secara pasti:

$$\rho = w_0 - CE$$

Studi Kasus - Resiko Industri

Studi Kasus - Investas

Studi Kasus - Resiko Industri

- Natakanlah seseorang ingin membeli sejumlah beras q_1 untuk dikonsumsi dengan sejumlah lauk pauk q_2 .
- ▶ Pada saat ini diketahui harga beras Rp 10 ribu tapi diperkirakan bulan depan akan naik harganya menjadi Rp 15 ribu dengan peluang 50% atau Rp 12 ribu dengan peluang 50%. Pendapatan orang tersebut dan harga rata2 lauk pauk diperkirakan stabil, masing2 senilai Rp 120 ribu dan Rp 11 ribu.
- Berapakah tingkat kepuasan ekspektasi orang tersebut dengan asumsi bahwa fungsi kepuasannya $u=q_1^{0.5}q_2^{0.5}$?

Studi Kasus - Resiko Industri

Setelah menurunkan permintaan Marshall untuk beras dan lauk-pauk dimasukkan kembali ke dalam fungsi utilitas:

$$u(q_1,q_2) = \frac{m^2}{4p_1p_2}$$

Maka fungsi ekspektasi utilitas sebagai berikut:

$$E[u(q_1, q_2)] = 0.5 \times \frac{132^2}{4 \times 12 \times 11} + 0.5 \times \frac{132^2}{4 \times 15 \times 11}$$

 $E[u(q_1, q_2)] = 29.7$

Studi Kasus - Resiko Industri

Studi Kasus - Investasi

Seseorang berminat menyisihkan sejumlah uang x dari kekayaannya w_0 untuk peluang investasi dimana di akhir periode investasi ia mendapatkan $w_1=x(1+r_1)$ dengan peluang p atau $w_2=x(1+r_2)$ dengan peluang 1-p. Jika diketahui fungsi kepuasannya $u(w)=w^{\alpha}$ dimana $0<\alpha<1$ maka berapa jumlah investasi optimal x orang tersebut?

Maka diketahui orang tersebut memaksimalkan fungsi ekspektasi kepuasannya:

$$\max_{x} E[u(w)] = p_{1}u(w_{0} - x + x(1 + r_{1})) + p_{2}u(w_{0} - x + x(1 + r_{2}))$$

$$E[u(w)] = pu(w_{0} + xr_{1}) + (1 - p)u(w_{0} + xr_{2})$$

$$\frac{dE[u(w)]}{dx} = p\frac{du(w_{0} + xr_{1})}{dx} + (1 - p)\frac{du(w_{0} + xr_{2})}{dx} = 0$$

$$u'(w_{0} + xr_{1}) = -\frac{(1 - p)}{p}\frac{r_{2}}{r_{1}}u'(w_{0} + xr_{2})$$

Katakanlah sekarang $\alpha = 0.5$ sehingga $u(w) = w^{0.5}$:

$$u'(w_0 + xr_1) = -\frac{(1-p)}{p} \frac{r_2}{r_1} u'(w_0 + xr_2)$$

$$\frac{1}{2\sqrt{w_0 + xr_1}} = -\frac{(1-p)}{p} \frac{r_2}{r_1} \frac{1}{2\sqrt{w_0 + xr_2}}$$

$$\sqrt{w_0 + xr_2} = -\frac{(1-p)}{p} \frac{r_2}{r_1} \sqrt{w_0 + xr_1}$$

$$w_0 + xr_2 = \left(\frac{(1-p)}{p} \frac{r_2}{r_1}\right)^2 (w_0 + xr_1)$$

$$x \left(r_2 - \left[\frac{(1-p)}{p} \frac{r_2}{r_1}\right]^2 r_1\right) = w_0 \left(\left[\frac{(1-p)}{p} \frac{r_2}{r_1}\right]^2 - 1\right)$$

hingga didapati bahwa jumlah investasi optimal adalah:

$$x^* = w_0 \frac{k^2 - 1}{(r_2 - k^2 r_1)}$$

dimana $k = \frac{(1-p)}{p} \frac{r_2}{r_1}$. Ini adalah contoh model sederhana yang digunakan para ekonom untuk mengkaji masalah2 seputar investasi. Sebagai contoh:

- ▶ Kira2 apa yang terjadi pada x^* jika r_2 meningkat?
- Apa yang terjadi jika p = 1? Apa maksudnya?