

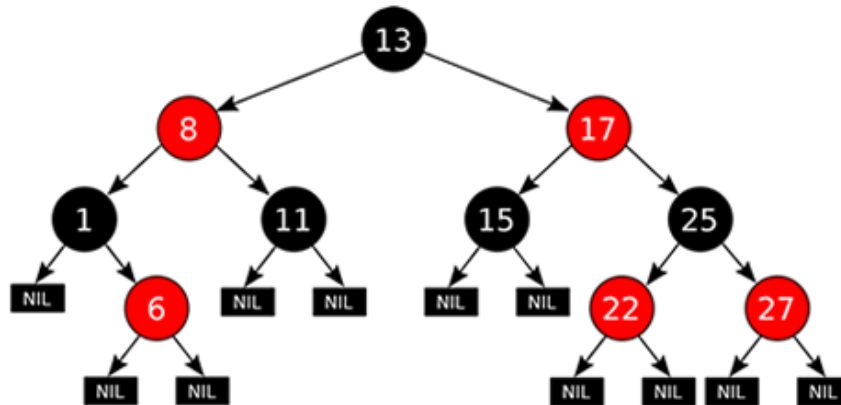


Universidade Federal do Rio Grande do Norte  
Departamento de Informática e Matemática Aplicada  
Estrutura de Dados  
Professor: Bruno Motta  
Aluno: Iaslan Nascimento Paulo da Silva

Implementação de Árvore Rubro Negra em C/C++ para a criação de um dicionário

## Árvore Rubro Negra

Segundo Cormen (data livro e edição) Árvores Rubro Negras são árvores de busca binária com um bit extra em cada nó para guardar a informação de cor que pode ser Vermelha ou Preta. Cada nó da árvore contém as seguintes informações: Key ou a informação contida no nó, um apontador para a esquerda, um para a direita e um para o seu pai, além do atributo de cor.



Além das características das árvores binárias de busca as árvores rubro negras possuem características próprias sendo elas:

- 1 → um nó é vermelho ou preto;
- 2 → A raiz é preta;
- 3 → Todas as folhas são pretas;
- 4 → Ambos os filhos do nó vermelho são pretos; e
- 5 → Todo caminho de um dado nó para qualquer de seus nós descendentes contém o mesmo número de nós pretos.

## Aplicação

Vocês deverão implementar em C/C++ uma árvore rubro-negra que será utilizada para buscar palavras de um dicionário. Você pode assumir que o tamanho máximo das palavras a serem armazenadas é de 20 caracteres. Seu programa deverá ler um arquivo texto cujo nome será especificado na linha de comando, montar a árvore rubro-negra correspondente e iniciar um laço que lê palavras a serem buscadas na árvore. Um exemplo da chamada do programa pode ser visto abaixo.

## Arquivos usados no projeto

main.cpp

Arquivo que contém a classe principal.

RBTree.cpp

Arquivo com todas as funções da árvore.

RBElement.cpp

Arquivo que contém os métodos do nó.

## **Principais funções usadas no projeto**

### **Leitura do Arquivo:**

No trecho de código abaixo, vemos uma parte importante do nosso projeto que é a leitura do arquivo contendo as informações que serão inseridas e/ou removidas da nossa árvore. O laço de repetição é iniciado e vai rodar até que o arquivo não tenha mais palavras. Na sequência são iniciadas uma sequência de testes condicionais sendo eles:

- 1 → Se a opção é 1 e a não está no dicionário adicione usando a função `RBInsert`;
- 2 → Se a opção é 1 e a palavra está no dicionário informe ao usuário que a palavra já foi adicionada e pule para a próxima;
- 3 → Se a opção é 0 e a palavra não está no dicionário informe ao usuário que a palavra não está no dicionário;
- 4 → Se a opção é 0 e a palavra está no dicionário delete-a usando a função `RBDelete`;

### ***RBInsert ();***

*A função `RBInsert` tem por finalidade a inserção de palavras na árvore. O primeiro passo é verificar se a árvore está vazia, se não a árvore vai ser percorrida até o local disponível para a inserção da palavra, caso não aja nenhum nó ocupado o nó atual se torna o nó raiz. O próximo passo é a coloração do nó que é colorido com a cor Vermelha. Na sequência é chamada a função `RBInsertFixup()`;*

### ***RBInsertFixup();***

A função `RBInsertFixup` tem por finalidade ajustar as propriedades da árvore rubro negra. Temos 3 casos que são solucionados com o acionamento desta função, caso 1 quando o tio é vermelho, caso 2 Quando o tio do elemento z é preto e elemento z é o filho da direita nesse caso a rotação a esquerda é chamada. O caso 3 quando o tio do elemento z é preto e o elemento é o filho da esquerda, nesse caso a rotação a direita é chamada.

### ***RBDelete();***

A função `RBDelete` tem por finalidade deletar nós da árvore. Um dos passos para a remoção de elementos é a busca, nessa etapa se verifica se o elemento está presente na árvore e assim ele é removido. Na sequência a função `RBDeleteFixup` é chamada

### ***RBDeleteFixup();***

A função `RBDeleteFixup` tem por finalidade ajustar a estrutura da nossa árvore após as remoções feitas através da função `RBDelete`, assim mantendo as propriedades da árvore rubro negra. Assim como na função `RBInsertFixup` esta função resolve alguns casos que mantém as propriedades da árvore. Caso 1 quando o irmão do elemento x é vermelho, caso 2 quando o irmão de x é preto e tem dois filhos pretos, caso 3 quando o irmão de x é preto, o filho da esquerda do irmão é vermelho e o filho da direita do irmão é preto e por fim o caso 4 quando o irmão do x é preto e o filho da direita de

seu irmão é vermelho. A função rotação a esquerda é chamada para os casos 1 e 4 enquanto a função rotação a direita é chamada no caso 3.

### ***LeftRotate();***

A função LeftRotate tem por finalidade aplicar uma rotação a esquerda na árvore. Os procedimentos de rotação servem para corrigir e/ou ajustar elementos que podem vir a estar violando as propriedades da árvore.

### ***RightRotate();***

A função RightRotate tem por finalidade aplicar uma rotação a direita na árvore. Os procedimentos de rotação servem para corrigir e/ou ajustar elementos que podem vir a estar violando as propriedades da árvore.

### ***TreeSearch();***

A função TreeSearch tem por finalidade fazer buscas na árvore atrás de um determinado elemento de interesse do programa.

### ***RBCheck();***

A função tem por finalidade imprimir cada nó da árvore com informações como sua chave, chave de seu pai, sua cor, sua altura negra, a chave de seus filhos.

### ***RBPrint();***

A função RBPrint tem por finalidade exibir a estrutura final da árvore com seus nós de forma ordenada.

## ***Resultados***

### **Resultados para a base disponibilizada.**

->teste

-----palavra nao existe-----

->abuso

-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->carro

-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->doce

-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->gola

-----palavra nao existe-----

->gola  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->palha 1° o  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->taturana  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->pacote  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->bolha  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->fussura  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->batata  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->estrela  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->taturana  
  
-----Deletando a palavra do dicionario -----

abuso batata bolha carro doce estrela fussura gola pacote palha 1° o (palha 1° o, taturana, RED, 1, NIL, NIL)

->cataplana  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->cerveja  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->zebra  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->lis  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->almirante  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->elefante  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->espa 1° o  
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->estrela

-----Palavra ja existente no dicionario-----

->cataplana

-----Deletando a palavra do dicionario -----

abuso almirante batata bolha carro cerveja doce elefante espa  $\vdash^o$  o estrela fussura gola lis pacote palha  
 $\vdash^o$  o zebra (cerveja,cataplana,BLACK,1,NIL,NIL)

abuso almirante batata bolha carro cerveja doce elefante espa  $\vdash^o$  o estrela fussura gola lis pacote palha  
 $\vdash^o$  o zebra

(NIL,estrela,BLACK,3,carro,gola)  
(estrela,carro,BLACK,2,batata,cerveja)  
(carro,batata,RED,2,abuso,bolha)  
(batata,abuso,BLACK,1,NIL,almirante)  
(abuso,almirante,RED,1,NIL,NIL)  
(batata,bolha,BLACK,1,NIL,NIL)  
(carro,cerveja,RED,1,NIL,elefante)  
(cerveja,elefante,BLACK,1,doce,espa  $\vdash^o$  o)  
(elefante,doce,RED,1,NIL,NIL)  
(elefante,espa  $\vdash^o$  o,RED,1,NIL,NIL)  
(estrela,gola,BLACK,2,fussura,palha  $\vdash^o$  o)  
(gola,fussura,BLACK,1,NIL,NIL)  
(gola,palha  $\vdash^o$  o,RED,2,pacote,zebra)  
(palha  $\vdash^o$  o,pacote,BLACK,1,lis,NIL)  
(pacote,lis,RED,1,NIL,NIL)  
(palha  $\vdash^o$  o,zebra,BLACK,1,NIL,NIL)

C:\Users\user\Documents\ProgramapOo\Brvore\RBTree\VersOo final laslan\main.exe

```
->teste
-----palavra nao existe-----

->abuso
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->carro
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->doce
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->gola
-----palavra nao existe-----

->gola
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->palha|eo
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->taturana
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->pacote
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->bolha
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->fussura
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->batata
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->estrela
-----Inserindo a palavra no dicionario -----

->taturana
-----Deletando a palavra do dicionario -----
```

```

abuso batata bolha carro doce estrela fussura gola pacote palha|ºo (palha|ºo,taturana,RED,1,NIL,NIL)
->cataplana
-----Inserindo a palavra no dicionario -----
->cerveja
-----Inserindo a palavra no dicionario -----
->zebra
-----Inserindo a palavra no dicionario -----
->lis
-----Inserindo a palavra no dicionario -----
->almirante
-----Inserindo a palavra no dicionario -----
->elefante
-----Inserindo a palavra no dicionario -----
->espa|ºo
-----Inserindo a palavra no dicionario -----
->estrela
-----Palavra ja existente no dicionario-----
->cataplana
-----Deletando a palavra do dicionario -----

abuso almirante batata bolha carro cerveja doce elefante espa|ºo estrela fussura gola lis pacote palha|ºo zebra (cerveja,cataplana,BLACK,1,NIL,NIL)
abuso almirante batata bolha carro cerveja doce elefante espa|ºo estrela fussura gola lis pacote palha|ºo zebra

```

```

(NIL,estrela,BLACK,3,carro,gola)
(estrela,carro,BLACK,2,batata,cerveja)
(carro,batata,RED,2,abuso,bolha)
(batata,abuso,BLACK,1,NIL,almirante)
(abuso,almirante,RED,1,NIL,NIL)
(batata,bolha,BLACK,1,NIL,NIL)
(carro,cerveja,RED,1,NIL,elefante)
(cerveja,elefante,BLACK,1,doce,espa|ºo)
(elefante,doce,RED,1,NIL,NIL)
(elefante,espa|ºo,RED,1,NIL,NIL)
(estrela,gola,BLACK,2,fussura,palha|ºo)
(gola,fussura,BLACK,1,NIL,NIL)
(gola,palha|ºo,RED,2,pacote,zebra)
(palha|ºo,pacote,BLACK,1,lis,NIL)
(pacote,lis,RED,1,NIL,NIL)
(palha|ºo,zebra,BLACK,1,NIL,NIL)

-----
Process exited after 0.1794 seconds with return value 0
Pressione qualquer tecla para continuar. . .

```

## Conclusão

Com este trabalho provou-se que a utilização de Árvores Rubro Negras é uma ótima estrutura de dados para a criação de um dicionário.



## Apêndice

### Arquivos do projeto

#### RBElement.cpp

```
main.cpp  RBTreecpp  RBElement.cpp
1  #ifndef _RBElement_
2  #define _RBElement_
3  #include<iostream>
4  #include <string>
5
6  using namespace std;
7
8  class RBElement{
9
10     //struct
11     public:
12         string key;
13         string cor;
14         RBElement* pai;
15         RBElement* esq;
16         RBElement* dir;
17
18     //construtor
19     RBElement(){
20         key = "NIL";
21         pai = NULL;
22         esq = NULL;
23         dir = NULL;
24         cor = "BLACK";
25     }
26
27 };
28 #endif
```

#### RBTreecpp

main.cpp

RBTree.cpp

RBElement.cpp

```
10 public :
11
12     RBElement* root;
13
14     RBTree(){
15         this->root = new RBElement();
16     }
17
18     //inserção -----
19 void RBIsert(RBTree* T, RBElement *z){
20     RBElement* y = new RBElement();
21     RBElement* x = T->root;
22
23     while(!(x->key=="NIL")){
24         y=x;
25         if((z->key.compare(x->key)<0)){
26             x =x->esq;
27         }else{
28             x=x->dir;
29         }
30     }
31     z->pai =y;
32
33     if(y->key=="NIL"){
34         T->root = z;
35     }else if(z->key.compare(y->key)<0){
36         y->esq =z;
37     }else{
38         y->dir=z;
39     }
40
41     z->esq = new RBElement();
42     z->dir =new RBElement();
43     z->cor = "RED";
44     //chamando RbinserFixup
```

```

49 //Insert Fixup -----
50 void RBInsertFixup(RBTree* T, RBElement* z){
51     //enquanto o pai for vermelho
52     while(z->pai->cor == "RED"){
53         if(z->pai->key == (z->pai->pai->esq->key)){
54             RBElement* y = z->pai->pai->dir;
55             //caso 1
56             if(y->cor=="RED"){
57                 z->pai->cor = "BLACK";
58                 y->cor = "BLACK";
59                 z->pai->pai->cor="RED";
60                 z = z->pai->pai;
61             }else{
62                 if((z->key)==(z->pai->dir->key)){
63                     //caso 2
64                     z =z->pai;
65                     LeftRotate(T,z);
66                 }
67                 //caso 3
68                 z->pai->cor = "BLACK";
69                 z->pai->pai->cor = "RED";
70                 RightRotate(T, z->pai->pai);
71             }
72         }else{
73             RBElement* y = z->pai->pai->esq;
74             if(y->cor=="RED"){
75                 z->pai->cor = "BLACK";
76                 y->cor = "BLACK";
77                 z->pai->pai->cor = "RED";
78                 z = z->pai->pai;
79             }else{
80                 if(z->key == (z->pai->esq->key)){
81                     z =z->pai;
82                     RightRotate(T,z);
83                 }
84             }
85         }else{
86             RBElement* y = z->pai->pai->esq;
87             if(y->cor=="RED"){
88                 z->pai->cor = "BLACK";
89                 y->cor = "BLACK";
90                 z->pai->pai->cor = "RED";
91                 z = z->pai->pai;
92             }else{
93                 if(z->key == (z->pai->esq->key)){
94                     z =z->pai;
95                     RightRotate(T,z);
96                 }
97                 z->pai->cor="BLACK";
98                 z->pai->pai->cor="RED";
99                 LeftRotate(T, z->pai->pai);
100             }
101         }
102     }
103     T->root->cor = "BLACK";
104 }

```

```

92 //Delecao -----
93 void RBDelete(RBTree* T, RBElement* z){
94     RBElement* y = z;
95     string OriginalColor = y->cor;
96     if(z->esq->key == "NIL"){
97         RBElement* x = z->dir;
98         RBTransplant(T, z, z->dir);
99         if(OriginalColor == "BLACK"){
100             }
101         }else if(z->dir->key == "NIL"){
102             RBElement* x = z->esq;
103             RBTransplant(T, z, z->esq);
104             if(OriginalColor == "BLACK"){
105                 RBDeleteFixup(T, x);
106             }
107         }else{
108             y = TreeMinimun(z->dir);
109             OriginalColor = y->cor;
110             RBElement* x = y->dir;
111             if(y->pai->key == z->key){
112                 x->pai = y;
113             }else{
114                 RBTransplant(T, y, y->dir);
115                 y->dir = x->dir;
116                 y->dir->pai = y;
117             }
118             RBTransplant(T, z, y);
119             y->esq = z->esq;
120             y->esq->pai = y;
121             y->cor = z->cor;
122             if(OriginalColor == "BLACK"){
123                 RBDeleteFixup(T, x);
124             }
125         }

```

```

127 //delete fixup-----
128 void RBDeleteFixup(RBTree* T, RBElement* x){
129     while((!(x->key==(T->root->key)))&&x->cor=="BLACK"){
130         if(x->key==(x->pai->esq->key)){
131             RBElement* w = x->pai->dir;
132             //caso 1
133             if(w->cor=="RED"){
134                 w->cor=="BLACK";
135                 x->pai->cor="RED";
136                 LeftRotate(T,x->pai);
137                 w = x->pai->dir;
138             }
139             //caso 2
140             if((w->esq->cor=="BLACK")&& w->dir->cor=="BLACK"){
141                 w->cor ="RED";
142                 x=x->pai;
143             }
144             //caso 3
145             }else{
146                 if(w->dir->cor == "BLACK"){
147                     w->esq->cor = "BLACK";
148                     w->cor="RED";
149                     RightRotate(T,w);
150                     w = x->pai->dir;
151                 }
152                 //caso 4
153                 w->cor = x->pai->cor;
154                 x->pai->cor = "BLACK";
155                 w->dir->cor="BLACK";
156                 LeftRotate(T,x->pai);
157                 x = T->root;
158             }
159         }else{
160             RBElement* w =x->pai->esq;
161             if(w->cor=="RED"){
162                 w->cor ="BLACK";

```

```

157     }
158 }else{
159     RBElement* w =x->pai->esq;
160     if(w->cor=="RED"){
161         w->cor = "BLACK";
162         x->pai->cor = "RED";
163         RightRotate(T,x->pai);
164         w=x->pai->esq;
165     }
166     if((w->esq->cor=="BLACK")&&(w->dir->cor=="BLACK")){
167         w->cor = "RED";
168         x =x->pai;
169     }else{
170         if(w->esq->cor=="BLACK"){
171             w->dir->cor="BLACK";
172             w->cor="RED";
173             LeftRotate(T,w);
174             w=x->pai->esq;
175         }
176         w->cor = x->pai->cor;
177         x->pai->cor = "BLACK";
178         w->esq->cor = "BLACK";
179         RightRotate(T,x->pai);
180         x=T->root;
181     }
182 }
183 }
184 }
185 x->cor = "BLACK";
186 }
187 //rotação à esquerda
188 void LeftRotate(RBTree* T, RBElement* x){
189     RBElement* y= x->dir;
190     x->dir = y->esq;
191
192     if(!(y->esq->key == "NIL")){
193         y->esq->pai =x;
194     }
195     y->pai = x->pai;
196     if(x->pai->key == "NIL"){
197         T->root = y;
198     }else if(x->key == (x->pai->esq->key)){
199         x->pai->esq = y;
200     }else{
201         x->pai->dir =y;
202     }
203
204     y->esq =x;
205     x->pai =y;
206 }
207

```

```

208 //rotação a direita
209 void RightRotate(RBTree* T, RBElement* x){
210     RBElement* y = x->esq;
211     x->esq = y->dir;
212     if(!(y->dir->key=="NIL")){
213         y->dir->pai = x;
214     }
215     y->pai = x->pai;
216
217     if(x->pai->key == "NIL"){
218         T->root = y;
219     }else if(x->key == (x->pai->dir->key)){
220         x->pai->dir = y;
221     }else{
222         x->pai->esq = y;
223     }
224
225     y->dir = x;
226     x->pai=y;
227 }
228
229 //transplant
230 void RBTransplant(RBTree* T, RBElement* u, RBElement* v){
231     if(u->pai->key=="NIL"){
232         T->root = v;
233     }else if(u->key == (u->pai->esq->key)){
234         u->pai->esq = v;
235     }else{
236         u->pai->dir = v;
237     }
238     v->pai = u->pai;
239 }
240
241 //busca o menor valor da arvore
242 RBElement* TreeMinimun(RBElement* x){
243     while(!(x->esq->key == "NIL")){
244         x=x->esq;
245     }
246     return x;
247 }
248
249 //busca o maior
250 RBElement* TreeMaximun(RBElement* x){
251     while(!(x->dir->dir->key == "NIL")){
252         x=x->dir;
253     }
254     return x;
255 }
256 //busca
257 RBElement* TreeSearch(RBElement* x, string info){
258     while((x->key!="NIL")&&(info!=x->key)){
259         if(info.compare(x->key)<0){
260             x = x->esq;
261         }else{
262             x = x->dir;
263         }
264     }
265     return x;
266 }
267
268

```

```

269 //profundida negra da arvore
270
271 int RBAlturaNegra(RBElement* x){
272     if(x->key == "NIL"){
273         return 1;
274     }else if(x->esq->cor == "BLACK"){
275         return RBAlturaNegra(x->esq)+1;
276     }else{
277         return RBAlturaNegra(x->esq);
278     }
279 }
280
281 //RBCheck
282 void RBCheck(RBElement* x){
283     if(!(x->key == "NIL")){
284         int altura = RBAlturaNegra(x)-1;
285         cout << "(" << x->pai->key << ", "<< x->key << ", "<< x->cor << ", "<< altura << ", "<< x->esq->key << ", "<< x->dir->key << ")\n";
286         RBCheck(x->esq);
287         RBCheck(x->dir);
288     }
289 }
290
291 //RBPrint
292 void RBPrint(RBTree* T){
293     RBElement* x = T->root;
294     InOrderTree(x);
295 }
296
297 //RBPrint
298 void RBPrint(RBTree* T){
299     RBElement* x = T->root;
300     InOrderTree(x);
301 }
302
303 //Exibição em ordenação pela raiz
304 void InOrderTree(RBElement* x){
305     if(!(x->key == "NIL")) {
306         InOrderTree(x->esq);
307         cout << x->key + " ";
308         InOrderTree(x->dir);
309     }
310 }
311
312 };
313 #endif

```

## Main.cpp

```

main.cpp RBTree.cpp RBElement.cpp
1 //autor Iaslan Nascimento
2 //árvore rubro negra dicionario
3 #include "RBTree.cpp"
4 #include "RBElement.cpp"
5 #include<iostream>
6 #include<fstream>
7 #include <string>
8
9 using namespace std;
10
11 int main(int argc, char*argv[]){
12     //leitura de arquivo
13     ifstream arq;
14     arq.open("dicionario1.txt");
15     string info;
16     int op;
17
18     RBTree* T = new RBTree();
19     RBElement* no;
20

```



```

21 while(arq>>info){
22     arq >> op;
23     //verificando se a opção é 1 ou 0 para decidir se vamos
24     //inserir ou deletar
25     //verificar se a opção é 1 e a palavra não existe
26     if((op == 1)&&(T->TreeSearch(T->root,info)->key == "NIL")){
27         cout << "->" + info + "\n";
28         cout << "-----Inserindo a palavra no dicionario ----- \n\n";
29
30         no = new RBElement();
31         no->key = info;
32         T->RBInsert(T,no);
33     }else if((op == 1)&&(T->TreeSearch(T->root,info)->key != "NIL")){
34         cout << "->" + info + "\n";
35         cout << "-----Palavra ja existente no dicionario----- \n\n";
36
37     }else if((op == 0)&&(T->TreeSearch(T->root,info)->key != "NIL")){
38         RBElement* no = T->TreeSearch(T->root,info);
39         cout << "->" + info + "\n";
40         cout << "\n-----Deletando a palavra do dicionario ----- \n\n\n";
41         T->RBDelete(T,no);
42         T->RBPrint(T);
43         T->RBCheck(no);
44     }else{
45         cout << "->" + info + "\n";
46         cout << "-----palavra nao existe----- \n\n";
47     }
48 }
49
50
51
52 T->RBPrint(T);
53
54
55 T->RBPrint(T);
56
57 cout << "\n \n \n \n";
58 T->RBCheck(T->root);
59 return 0;

```