

نحوه محاسبه Fitness :

```
def select_parents(self):  
    fitness = [1 / self.calculate_distance(tour) for tour in  
self.population]  
    total_fitness = sum(fitness)
```

برای هر تور کروموزوم جمعیت که به صورت رندم تولید شده اند ، عدد ۱ را تقسیم بر میزان فاصله تور آن کروموزوم جمعیت میکنیم. از آنجا که فیتنس هر چه قدر بزرگتر باشد نشان دهنده بهتر بودن کروموزوم هست پس با استفاده از این روش زمانی که فاصله تور کروموزوم ما کمتر باشد ، مخرج کسر کوچک تر میشود و در نتیجه فیتنس بهتری به ما میدهد و بالعکس. در نهایت تمام فیتنس کروموزم های موجود را جمع و درون total_fitness می ریزیم.

نحوه انتخاب ژن های اولیه :

```
def initialize_population(self):  
    return [np.random.permutation(len(self.points)) for _ in  
range(self.population_size)]
```

در این کد برای هر کروموزوم به صورت رندم به اندازه کروموزوم نقاط یا ژن ها تصادفی انتخاب میشوند و این کار به تعداد جمعیتی که انتخاب کردیم انجام می شود .

نحوه جهش :

```
def mutate(self, tour):
    if np.random.rand() < self.mutation_rate:
        idx1, idx2 = np.random.choice(len(tour), 2, replace=False)
        tour[idx1], tour[idx2] = tour[idx2], tour[idx1]
```

در این کد ابتدا یک اگر عدد رندم انتخابی کمتر از `mutation_rate` ما باشد کد اجرا می شود سپس دو ژن یا نقطه از کروموزوم به صورت رندم انتخاب می شوند و در خط بعد مقادیر آن ژن ها رو جا به جا می کند.

نحوه Selection :

```
def select_parents(self):
    fitness = [1 / self.calculate_distance(tour) for tour in
self.population]
    total_fitness = sum(fitness)

    if total_fitness == 0:
        raise ValueError("Total fitness is zero. Something went wrong
with the distances.")

    probabilities = [f / total_fitness for f in fitness]

    population_indices = np.arange(len(self.population))

    return np.random.choice(population_indices, size=2,
p=probabilities)
```

بعد از محاسبه فیتنس ابتدا چک میکند که اگر فیتنسی برابر با صفر بود با مشکلی روبه رو شده و ارور می دهد. در ادامه اگر درست بود متغیری به نام `probabilities` یا احتمالات که داخل آن مقدار احتمال هر کروموزوم تقسیم میشود بر مجموع فیتنس کروموزوم ها و سپس در متغیر `population_indices` لیست مرتبی به اندازه جمعیت ایجاد میکند.

در ادامه در بازه لیست جمعیتی که ما داریم دو کروموزوم که احتمال فیتنس بیشتری دارند انتخاب می شوند .

نحوه Crossover :

```
def crossover(self, parent1, parent2):
    start, end = sorted(np.random.choice(len(parent1), 2,
replace=False))
    child = [None] * len(parent1)
    child[start:end + 1] = parent1[start:end + 1]

    current_position = (end + 1) % len(parent1)
    for gene in parent2:
        if gene not in child:
            child[current_position] = gene
            current_position = (current_position + 1) % len(parent1)
    return np.array(child)
```

ابتدا دو کروموزوم والد را دریافت می کند. در خط بعد به اندازه دامنه والد اول ۲ نقطه که تکراری نباشد را انتخاب می کند، یکی برای شروع و دیگری برای پایان. سپس برای فرزند به اندازه والد اول لیستی خالی درست می کند. در ادامه از ابتدا تا نقطه پایانی که انتخاب شده را، ژن های آن را جایگزین می کند با همان نقطه شروع و پایان در والد . در خط بعدی مکان فعلی که نقطه پایان قرار دارد را ذخیره می کنیم. در حلقه اگر ژنی با ژن والد دوم یکسان نبود وارد دستورات حلقه می شویم و باقی مانده ژن های فرزند که خالی هستند را با ژن های والد دوم جایگزین میکنیم و در نهایت فرزند را return می کنیم.

```
def pmx_crossover(self, parent1, parent2):
    size = len(parent1)
    start, end = sorted(np.random.choice(size, 2, replace=False))

    child = [-1] * size
    child[start:end + 1] = parent1[start:end + 1]

    for i in range(start, end + 1):
        if parent2[i] not in child:
            val = parent2[i]
            pos = i
            while start <= pos <= end:
                pos = np.where(parent2 == parent1[pos])[0][0]
                child[pos] = val

    for i in range(size):
        if child[i] == -1:
            child[i] = parent2[i]

    return np.array(child)
```

ابتدا اندازه والد اول را در `size` میریزم سپس در با استفاده از متد `choice` به اندازه دامنه `size` ۲ عدد را که تکراری نباشد انتخاب میکنیم و در ادامه این اعداد را مرتب میکنیم و در متغیرهای `start` و `end` می‌ریزیم. سپس `child` را تشکیل میدهیم به اندازه والد اول که خانه‌های آن خالی هست. در ادامه با استفاده از نقطه `start` و `end` که به دست آوردیم نقاط را تا `end` پر میکنیم. سپس در حلقه `for` ادامه `end` به بعد را پر می‌کنیم. در ادامه ایندکسی از والد دوم را انتخاب میکنیم اگر این ایندکس در `child` نبود دستورات بعدی رو اجرا می‌کنیم.

در متغیر `val` مقداری که در ایندکس انتخاب شده بود را می‌ریزیم و در `pos` عدد ایندکس آن.

در حلقه `while` تا زمانی که ایندکس ما بین و یا مساوی با نقاط `start` و `end` بود که در والد اول انتخاب کرده بودیم، ادامه کد `while` اجرا می‌شود. سپس در متغیر `pos` اگر مقداری از نقاط والد دوم با مقدار ایندکس `pos` والد اول یکی باشد را پیدا میکند و ایندکس والد دوم که با والد اول یکی بوده را در `pos` می‌ریزد. در مرحله بعد مکانی را که در `child` با استفاده از `pos` پیدا کرده بودیم مقدار `val` را در آن ایندکس میریزیم و این کار را به اندازه `start` تا `end` ادامه میدهیم.

سپس در حلقه `for` بعدی اگر `child` ما خانه خالی داشته باشد همان خانه با خانه های والد دوم جایگزین می‌شود. و در آخر `child` را `return` می‌کنیم.

خروجی کد تغییر داده شده :

```
Best tour: ['Arak', 'Urmia', 'Kermanshah', 'Ahvaz', 'Tabriz', 'Bandar
Abbas', 'Shiraz', 'Gorgan', 'Zanjan', 'Tehran', 'Kerman', 'Qom', 
'Isfahan', 'Yazd', 'Birjand', 'Mashhad', 'Bojnurd', 'Sabzevar', 'Sari',
'Karaj']
Best distance: 99.93798473314757
```

خروجی کد بدون تغییر:

```
Best tour: ['Bandar Abbas', 'Birjand', 'Sari', 'Ahvaz', 'Tehran', 
'Gorgan', 'Urmia', 'Tabriz', 'Isfahan', 'Qom', 'Zanjan', 'Arak', 
'Kermanshah', 'Karaj', 'Bojnurd', 'Sabzevar', 'Mashhad', 'Yazd', 'Shiraz',
'Kerman']
Best distance: 91.78347815295244
```