

Ida Bomholt Dyrholm Jacobsen

Summary

Table of contents

Summary	1
Introduction	3
Description of data	4
Scientific question	5
Statistical analyses	6
results	6
discussion	
PCA	6
Conclusion	26
Appendix	27

Introduction

Description of data

The data process in the following report was collected in Kangerluasunnguaq (Kobbefjord, Nuuk) in Southeast Greenland in 2024. The data was collected in 100 plots placed in an area of interest of aproxemately 12 km² by randomised stratified sampling. Stratification was based on elevation (5 bins) and NDVI (4 bins).

Within each circular plot of 1 m² the abundance and maximum height of all vascular plant species was recorded. Abundance was assessed by means of the well known Braun-Blanquet scale (8 step version).

In all plots soil temperature, soil moisture, and general vegetation height, was measured as well. Soil temperature was measured with a generic thermometer (°C, 4 measurements, mean calculated). Soil moisture was measured with a ThetaProbe (% water content, 4 measurements, mean calculated). General vegetation height was measured with a generic ruler (cm, 4 measurements, mean calculated)

The final processed data contains data from 100 plots and 72 species of vascular plants.

```
stat_mappingplants <- readRDS("~/Library/CloudStorage/OneDrive-Aarhusuniversitet/MappingPlants/admin
stat_mappingplants$taxon <- as.factor(stat_mappingplants$taxon)
str(stat_mappingplants)</pre>
```

```
'data.frame':
               631 obs. of 14 variables:
                                   "MP002" "MP003" "MP004" "MP005" ...
$ plot_name
$ taxon
                             : Factor w/ 74 levels "Agrostis mertensii",..: 65 61 24 5 61 5 5 24 61
$ height
                                   15 14 7 6 23 37 23 9 35 2 ...
                             : Factor w/ 8 levels "0.5", "2.5", "12.5", ...: 3 4 3 4 3 5 3 4 6 3 ...
$ bb
                             : num 12.5 37.5 12.5 37.5 12.5 62.5 12.5 37.5 87.5 12.5 ...
$ bb_num
$ mean_soil_moisture
                                   95.42 3.22 25.23 35.2 28.3 ...
                            : num
$ mean_soil_temp
                            : num
                                   7.05 6.5 4 6.9 4.58 ...
$ mean_veg_height
                             : num 9.25 2.25 10.75 3 6.25 ...
                            : int 1 2 3 4 5 6 7 9 10 11 ...
$ rowid
                            : chr "taxon_1" "taxon_1" "taxon_1" "taxon_1" ...
$ position
$ bryophyte braun blanquet 1: Factor w/ 8 levels "+ (<5 %; few individuals)",...: 7 4 7 7 5 4 6 8 3
                          : Factor w/ 9 levels "+ (<5 %; few individuals)",...: 2 6 4 7 4 3 2 4 2
$ lichen braun blanquet
$ bare_ground_braun_blanquet: Factor w/ 9 levels "+ (<5 %; few individuals)",..: 2 5 8 9 2 2 2 4 4
$ other_vegetation_type
                            : logi NA NA NA NA NA NA ...
```

Scientific question

- Does the most common species have different preferences (= abundance) for soil moisture and/or temperature?
 - *
- What model can describe the relationship between the abundance of the most common species (> 10 observations in plots) and soil moisture?
- Can PCA reveal any kind of structure in the collected data based the abundance of different species?
 - If so, what do these structures indicate?

Statistical analyses

The relationship between soil moisture and abundance of a given species cannot be assumed to be linear. Any given species of plants will have a preference for soil moisture (a wide or narrow interval) where frequency is highest. Abundance of said species will decrease with higher or lower soil moisture than this optimum. Hence, the relation could be considered to have somewhat a bell shape, but uncertain whether this would be symmetrical.

Thus, for the purpose of the analysis a generalised additive model (GAM) have been chosen. Thise choise was made with emphasis on the fact that this model does not make any assumptions about the relationship of the explanatory and response variable.

- Estimation: Which parameter values t the observations best? How certain are we of our estimates?
- Model check: Are the assumptions on the underlying model fullled? Logically this should come rst, but for practical reasons it comes after estimation.
- Simplifying the model (te

Model choise (expexted relation ship, data types)

results

discussion

Assumed model

assumption

evaluation

- Statistical analyses
- results
- discussion

PCA

```
select_cols_list <- function(df) {
  column_list <- colnames(df)
  column_string <- paste(column_list, collapse = ",\n")
  cat(column_string, "\n")
  invisible(column_string)
}</pre>
```

```
-- Attaching core tidyverse packages ----- tidyverse 2.0.0 --
           1.1.4 v readr
                                 2.1.5
v dplyr
                     v stringr
v forcats
           1.0.0
                                 1.5.1
v ggplot2 3.5.1
                    v tibble
                                 3.2.1
v lubridate 1.9.3
                    v tidyr
                                 1.3.1
           1.0.2
v purrr
-- Conflicts ----- tidyverse_conflicts() --
x dplyr::filter() masks stats::filter()
x dplyr::lag() masks stats::lag()
i Use the conflicted package (<a href="http://conflicted.r-lib.org/">http://conflicted.r-lib.org/</a>) to force all conflicts to become error
library(janitor)
Attaching package: 'janitor'
The following objects are masked from 'package:stats':
    chisq.test, fisher.test
stat_mappingplants <- readRDS("~/Library/CloudStorage/OneDrive-Aarhusuniversitet/MappingPlants/admin
wide_data <- stat_mappingplants[-c(590, 288), ] |>
 filter(rowid < 102) |>
  pivot_wider(id_cols = plot_name, names_from = taxon, values_from = bb_num) |>
 clean_names()
Warning: Values from `bb_num` are not uniquely identified; output will contain
list-cols.
* Use `values_fn = list` to suppress this warning.
* Use `values_fn = {summary_fun}` to summarise duplicates.
* Use the following dplyr code to identify duplicates.
  {data} |>
  dplyr::summarise(n = dplyr::n(), .by = c(plot_name, taxon)) |>
  dplyr::filter(n > 1L)
wide_data2 <- wide_data |>
  mutate(across(-1, ~ as.numeric(as.character(.)))) |>
  mutate(across(-1, ~ replace_na(., 0)))
Warning: There were 74 warnings in `mutate()`.
The first warning was:
i In argument: `across(-1, ~as.numeric(as.character(.)))`.
Caused by warning:
! NAs introduced by coercion
i Run `dplyr::last_dplyr_warnings()` to see the 73 remaining warnings.
sum(is.na(wide_data2))
```

[1] 0

library(tidyverse)

```
#pca_stat <- wide_data2[,-1 ]
pca_stat <- wide_data2[, !(names(wide_data2) %in% c("plot_name", "phleum_commutatum"))]
wide_data2</pre>
```

A tibble: 100 x 75

	plot_name	scirpus_caespitosus	salix_glauca	empetrum_nigrum	betula_nana
	<chr></chr>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>	<dbl></dbl>
1	MP002	12.5	0	0.5	0
2	MP003	0	37.5	37.5	0
3	MP004	0	0	12.5	37.5
4	MP005	0	0	0.5	37.5
5	MP006	0	12.5	62.5	0
6	MP007	0	0	87.5	62.5
7	MP001	0	0	87.5	12.5
8	MP008	0	0	37.5	0.1
9	MP009	0	87.5	62.5	0
10	MPO10	0	0	0	0

- # i 90 more rows
- # i 70 more variables: salix_herbacea <dbl>, carex_bigelowii <dbl>,
- # vaccinium_uliginosum <dbl>, oxyria_digyna <dbl>, huperzia_selago <dbl>,
- # gnaphalium_supinum <dbl>, poa_alpina <dbl>, poa_glauca <dbl>,
- # saxifraga_oppositifolia <dbl>, juncus_trifidus <dbl>,
- # angelica_archangelica <dbl>, luzula_spicata <dbl>, carex_glareosa <dbl>,
- # deschampsia_flexuosa <dbl>, polygonum_viviparum <dbl>, ...

select_cols_list(wide_data)

plot_name, scirpus_caespitosus, salix_glauca, empetrum_nigrum, betula_nana, salix_herbacea, carex_bigelowii, vaccinium_uliginosum, oxyria_digyna, huperzia_selago, gnaphalium_supinum, poa_alpina, poa_glauca, saxifraga_oppositifolia, juncus_trifidus, angelica_archangelica, luzula_spicata, carex_glareosa, deschampsia_flexuosa, polygonum_viviparum, phyllodoce_coerulea, luzula_multiflora, luzula confusa, silene_acaulis, carex_rariflora, loiseleuria_procumbens, salix_arctophila, festuca_brachyphylla,

ledum_groenlandicum, lycopodium_annotinum, eriophorum_angustifolium, chamaenerion_latifolium, rhodiola_rosea, calamagrostis_langsdorfii, festuca_rubra, juniperus communis, diphasiastrum_complanatum, campanula_gieseckiana, luzula_parviflora, gymnocarpium_dryopteris, taraxacum_croceum, plantago_maritima, linnaea_borealis_ssp_americana, deschampsia_alpina, cerastium_alpinum, sibbaldia_procumbens, listera_cordata, potentilla_tridentata, carex_brunnescens, tofieldia_pusilla, dryopteris_assimilis, diphasiastrum_alpinum, pyrola_grandiflora, potentilla_crantzii, poa pratensis, carex_scirpoidea, bartsia_alpina, coptis_trifolia, veronica_wormskjoldii, agrostis_mertensii, veronica_alpina, harrimanella_hypnoides, diapensia_lapponica, stellaria_calycantha, scirpis_caespitosus, chamaenerion_angustifolium, alchemilla_alpina, pedicularis_lapponica, viscaria_alpina, pedicularis_flammea, equisetum_silvaticum, hieracium_hyparcticum, poa_nemoralis, carex_canescens, phleum_commutatum

str(wide_data2)

```
: num [1:100] 37.5 0 0 12.5 37.5 0 37.5 2.5 12.5 0 ...
$ vaccinium_uliginosum
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ oxyria_digyna
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ huperzia_selago
$ gnaphalium_supinum
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ poa_alpina
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ poa_glauca
$ saxifraga_oppositifolia
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0.5 0 0 0 0 0 0 0 12.5 ...
$ juncus trifidus
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ angelica_archangelica
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ luzula_spicata
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ carex_glareosa
$ deschampsia_flexuosa
                                : num [1:100] 0.1 2.5 0 0 0 0 0.5 0.1 0 12.5 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0.01 0 ...
$ polygonum_viviparum
$ phyllodoce_coerulea
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ luzula_multiflora
$ luzula_confusa
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ silene_acaulis
                               : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                               : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ carex_rariflora
                               : num [1:100] 0 0 0 0.1 0 0 0 0.5 0 0 ...
$ loiseleuria_procumbens
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ salix_arctophila
$ festuca_brachyphylla
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 2.5 0 0.1 0 ...
$ ledum_groenlandicum
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 12.5 12.5 0 0 0 ...
$ lycopodium_annotinum
$ eriophorum_angustifolium
                                : num [1:100] 0.5 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ chamaenerion_latifolium
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ rhodiola_rosea
$ calamagrostis langsdorfii
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ festuca rubra
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ juniperus_communis
$ diphasiastrum_complanatum
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ campanula_gieseckiana
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ luzula_parviflora
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ gymnocarpium_dryopteris
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ taraxacum_croceum
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ plantago_maritima
$ linnaea_borealis_ssp_americana: num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ deschampsia_alpina
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 2.5 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ cerastium_alpinum
$ sibbaldia_procumbens
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ listera_cordata
$ potentilla_tridentata
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 ...
$ carex_brunnescens
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ tofieldia pusilla
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ dryopteris_assimilis
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ diphasiastrum_alpinum
$ pyrola_grandiflora
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ potentilla_crantzii
$ poa_pratensis
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ carex scirpoidea
$ bartsia_alpina
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                                : num [1:100] 0.1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ coptis_trifolia
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ veronica_wormskjoldii
$ agrostis_mertensii
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 ...
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ veronica_alpina
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ harrimanella_hypnoides
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ diapensia_lapponica
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
$ stellaria_calycantha
$ scirpis_caespitosus
                                : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
```

```
$ chamaenerion_angustifolium : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ alchemilla_alpina : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                            : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ pedicularis_lapponica
 $ viscaria_alpina
                            : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ pedicularis_flammea
                            : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                            : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ equisetum_silvaticum
 $ hieracium_hyparcticum : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ poa nemoralis
                             : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
                            : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
 $ carex_canescens
 $ phleum_commutatum
                            : num [1:100] 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 ...
library(remotes)
#install_github("rwehrens/ChemometricsWithR")
library(ChemometricsWithR)
Attaching package: 'ChemometricsWithR'
The following objects are masked from 'package:stats':
   loadings, screeplot
mp.PC<- PCA(scale(pca_stat))</pre>
names (mp.PC)
[1] "scores"
                  "loadings"
                                "var"
                                               "totalvar"
[5] "centered.data"
summary(mp.PC)
PCA model of a mean-centered matrix of 100 by 73
Number of PCs to cover 90 percent of the variance: 36
          Var Cumul. var.
PC 1 6.990096 6.990096
PC 2 6.189466 13.179562
PC 3 5.185294 18.364856
PC 4 4.912269 23.277125
PC 5 4.147000
               27.424125
PC 10 2.844822 44.163875
head(mp.PC$loadings,n=3)
                       PC 1
                                   PC 2
                                              PC 3
                                                         PC 4
                                                                    PC 5
scirpus_caespitosus 0.02100433 -0.006161716 0.04485609 -0.02040953 0.022014862
salix_glauca
                  0.13173551 \ -0.012393257 \ -0.29491885 \ \ 0.06706374 \ 0.003074665
                  0.11195949 -0.059020372 0.09955936 -0.04524340 0.102951999
empetrum_nigrum
                                                PC 8
                        PC 6
                                    PC 7
                                                           PC 9
salix_glauca
                   0.04213159 -0.072217579 0.005581509 -0.05499974
empetrum_nigrum
                 -0.01152914 -0.005923966 -0.124505825 -0.12162005
                       PC 10
                                  PC 11
                                             PC 12
                                                         PC 13
salix_glauca
                   0.08794629 -0.04977709 -0.03169407 0.0009000675
```

```
-0.04417072 0.09561448 0.14110835 0.2260979780
empetrum_nigrum
                                 PC 15
                                            PC 16
                      PC 14
                                                      PC 17
                                                                PC 18
scirpus_caespitosus -0.29606471   0.32195472 -0.30584119   0.27844279 -0.1556819
                   0.06779358 \ -0.02434254 \ -0.06957532 \ -0.09870617 \ -0.2161373 
salix_glauca
empetrum_nigrum
                 -0.04026837 -0.06911963 0.03481842 -0.26378600 -0.1418917
                      PC 19
                                 PC 20
                                            PC 21
                                                      PC 22
scirpus caespitosus -0.03688733 0.08219921 -0.02632309 -0.08107269
                  0.28763692 -0.11624040 0.01881937 -0.11304595
salix glauca
                 -0.12053869 0.23190783 -0.23672678 0.11942825
empetrum nigrum
                       PC 23
                                 PC 24
                                            PC 25
                                                         PC 26
salix_glauca
                 -0.020034131 0.21090617 0.020712473 0.0552562673
                 -0.076376525 0.02149509 0.076337547 -0.0008759939
empetrum_nigrum
                      PC 27
                                  PC 28
                                              PC 29
                                                          PC 30
scirpus_caespitosus -0.01235032 -0.006351271 -0.0004508112 -0.001880637
                 -0.03007107 -0.053747183 0.0122150141 0.010486240
salix_glauca
empetrum_nigrum
                 -0.05943550 -0.092907882 -0.0021266281 -0.009089968
                        PC 31
                                                PC 33
                                    PC 32
scirpus_caespitosus -0.0005294618 -4.330027e-03 -0.003942000 -0.01164820
                 -0.0028367987 3.883299e-05 0.005483626 -0.03200222
salix_glauca
empetrum_nigrum
                  0.0053178113 6.635357e-03 -0.046141632 -0.03728587
                       PC 35
                                  PC 36
                                            PC 37
                                                      PC 38
scirpus caespitosus 0.007279788 0.003247243 -0.07964226 0.05519231
salix glauca
                 -0.005448427 0.085712291 -0.08231795 0.12146807
empetrum_nigrum
                  0.012422508\ 0.218943192\ 0.07421728\ 0.09526953
                       PC 39
                                   PC 40
                                             PC 41
scirpus_caespitosus 0.046732112 -0.087891029 -0.03257312 0.01665405
                 -0.007933976 0.001354495 0.03853936 0.34630640
salix glauca
empetrum_nigrum
                 PC 44
                                          PC 45
                      PC 43
                                                    PC 46
                                                               PC 47
scirpus_caespitosus 0.2340775 -0.03691249 -0.1473914 0.02242724 0.42219471
                  salix_glauca
                 empetrum_nigrum
                                PC 49
                                          PC 50
                                                    PC 51
                      PC 48
                                                               PC 52
scirpus_caespitosus -0.05972950 -0.4185310 0.07174345 0.02288217 0.195073547
                  0.07482800 -0.3007001 0.25197182 -0.05194691 0.004794277
salix_glauca
                 -0.03764784 -0.2017732 0.14733233 0.13252190 0.064539043
empetrum_nigrum
                      PC 53
                                 PC 54
                                            PC 55
                                                      PC 56
                                                                 PC 57
scirpus caespitosus -0.09526304 0.05258177 0.01273185 -0.01375436 -0.01620886
salix_glauca
                 -0.14677339 -0.12737275 0.02905490 -0.05343519 -0.02251625
empetrum_nigrum
                       PC 58
                                   PC 59
                                             PC 60
                                                         PC 61
salix_glauca
                  0.041905006 \quad 0.009803703 \quad 0.013197221 \quad 0.024706333
                 -0.053199793 -0.022391653 0.030225234 -0.001334788
empetrum_nigrum
                                  PC 63
                                             PC 64
                       PC 62
                                                         PC 65
scirpus_caespitosus 0.004406572 -0.00189968 -0.005781142 -0.001845269
salix_glauca
                  -0.018924221 -0.02008754 -0.032947698 0.010248391
empetrum nigrum
                       PC 66
                                    PC 67
                                                PC 68
scirpus_caespitosus -0.007530096 -2.438259e-04 -5.888249e-05 -2.001200e-06
                 -0.009066001 -5.959708e-05 2.601688e-04 4.458434e-08
salix_glauca
                  0.030096197 -5.657010e-04 -1.963269e-04
empetrum_nigrum
                                                      2.791209e-05
                        PC 70
                                     PC 71
                                                 PC 72
scirpus_caespitosus -1.925745e-16 0.000000e+00 0.000000e+00 0.000000e+00
salix_glauca
                  3.036567e-18 -2.053227e-16 -1.121419e-16 -9.066401e-17
                 -1.504270e-17 1.651743e-16 1.780040e-16 -1.314775e-17
empetrum_nigrum
```

```
X<-var(scale(pca_stat))
T<-eigen(X)$vectors
sum(is.na(X))</pre>
```

[1] 0

head(T, n=3)

```
[,2]
           [,1]
                                    [,3]
                                                [,4]
                                                            [,5]
                                                                        [,6]
[1,] -0.02100433 -0.006161716 -0.04485609 -0.02040953 0.022014862 -0.01070334
[2,] -0.13173551 -0.012393257 0.29491885 0.06706374 0.003074665 0.04213159
[3,] -0.11195949 -0.059020372 -0.09955936 -0.04524340 0.102951999 -0.01152914
            [,7]
                         [,8]
                                     [,9]
                                                [,10]
                                                            [,11]
[2,] 0.072217579 -0.005581509 0.05499974 -0.08794629 0.04977709 0.03169407
[3,] 0.005923966 0.124505825 0.12162005 0.04417072 -0.09561448 -0.14110835
           [,13]
                       [,14]
                                   [,15]
                                               [,16]
                                                           [,17]
[1,] 0.1178451925 -0.29606471 0.32195472 0.30584119 -0.27844279 0.1556819
[2,] 0.0009000675 0.06779358 -0.02434254 0.06957532 0.09870617 0.2161373
[3,] 0.2260979780 -0.04026837 -0.06911963 -0.03481842 0.26378600 0.1418917
          [,19]
                      [,20]
                                  [,21]
                                              [,22]
                                                           [,23]
[2,] 0.28763692 -0.11624040 0.01881937 -0.11304595 0.020034131 -0.21090617
[3,] -0.12053869 0.23190783 -0.23672678 0.11942825 0.076376525 -0.02149509
           [,25]
                         [,26]
                                    [,27]
                                                [,28]
[1,] -0.002706221 -0.0063841258 0.01235032 0.006351271 0.0004508112
[2,] 0.020712473 0.0552562673 0.03007107 0.053747183 -0.0122150141
[3,] 0.076337547 -0.0008759939 0.05943550 0.092907882 0.0021266281
           [,30]
                         [,31]
                                       [,32]
                                                    [,33]
                                                               [,34]
[1,] -0.001880637 -0.0005294618 4.330027e-03 0.003942000 0.01164820
[2,] 0.010486240 -0.0028367987 -3.883299e-05 -0.005483626 0.03200222
[3,] -0.009089968  0.0053178113 -6.635357e-03  0.046141632  0.03728587
           [,35]
                       [,36]
                                   [,37]
                                              [,38]
                                                           [,39]
                                                                        [,40]
[1,] -0.007279788 0.003247243 -0.07964226 0.05519231 0.046732112 0.087891029
[2,] 0.005448427 0.085712291 -0.08231795 0.12146807 -0.007933976 -0.001354495
 \hbox{\tt [3,]} \  \, \hbox{\tt -0.012422508} \  \, \hbox{\tt 0.218943192} \quad \hbox{\tt 0.07421728} \  \, \hbox{\tt 0.09526953} \  \, \hbox{\tt -0.020675514} \  \, \hbox{\tt -0.236217477} 
          [,41]
                      [,42]
                                [,43]
                                            [,44]
                                                       [,45]
                                                                   [,46]
 \begin{smallmatrix} [1,] \end{smallmatrix} \quad 0.03257312 \quad 0.01665405 \quad -0.2340775 \quad -0.03691249 \quad -0.1473914 \quad -0.02242724 
[2,] -0.03853936  0.34630640 -0.1098232  0.04922985  0.3103832 -0.20366095
[3,] -0.37853238 -0.20433026 0.1423107 0.18213910 0.0983950 0.28829884
                      [,48]
                                [,49]
                                            [,50]
                                                        [,51]
[1,] -0.42219471 0.05972950 0.4185310 -0.07174345 -0.02288217 0.195073547
[2,] 0.25615454 -0.07482800 0.3007001 -0.25197182 0.05194691 0.004794277
[3,] -0.01112796  0.03764784  0.2017732  -0.14733233  -0.13252190  0.064539043
                                            [,56]
          [,53]
                     [,54]
                                 [,55]
                                                        [,57]
[1,] 0.09526304 -0.05258177 0.01273185 0.01375436 -0.01620886 0.001681217
[2,] 0.05734825 0.12130225 -0.29276822 0.05469051 -0.01009490 -0.041905006
[3,] 0.14677339 0.12737275 0.02905490 0.05343519 -0.02251625 0.053199793
           [,59]
                       [,60]
                                    [,61]
                                                 [,62]
                                                             [,63]
[1,] 0.027565765 0.003203019 0.021551603 0.004406572 0.00189968
[2,] 0.009803703 0.013197221 0.024706333 0.011636786 -0.01156668
[3,] -0.022391653 0.030225234 -0.001334788 -0.018924221 0.02008754
           [,64]
                        [.65]
                                     [,66]
                                                  Γ.67]
                                                                [.68]
[1,] -0.005781142 -0.001845269 -0.007530096 2.438259e-04 -5.888249e-05
[2,] 0.002059197 -0.007948177 -0.009066001 5.959708e-05 2.601688e-04
[,69]
                          [,70]
                                        [,71]
                                                      [,72]
                                                                    [,73]
```

```
[1,] 2.001200e-06 0.000000e+00 0.000000e+00 0.000000e+00 0.000000e+00 [2,] -4.458386e-08 1.771736e-13 1.386098e-14 9.456768e-15 6.592533e-15 [3,] -2.791209e-05 -8.039151e-13 -7.233469e-14 -4.887652e-14 -8.010915e-14
```

Lambda<-t(T)%*%X%*%T
round(Lambda, digits=3)</pre>

```
[,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10] [,11] [,12]
 [1,] 5.103 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [2,] 0.000 4.518 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [3,] 0.000 0.000 3.785 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [4,] 0.000 0.000 0.000 3.586 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [5,] 0.000 0.000 0.000 0.000 3.027 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [6,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 2.755 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
 [7,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 2.689 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
 [8,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 2.519 0.00 0.000 0.000 0.000
 [9,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 2.18 0.000 0.000
[10,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 2.077 0.000 0.000
[11,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 2.024 0.000
[12,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.922
[13,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[14,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[15,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[16,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[17,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[18,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[19,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[20,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[21,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[22,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[23,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[24,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[25,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[26,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[27,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [28,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
[29,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[30,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[31,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[32,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[33,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[34,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
[35,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[36,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[37,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[38,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[39,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[40,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[41,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[42,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[43,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[44,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[45,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[46,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[47,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[48,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[49,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[50,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
```

```
[51,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[52,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[53,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[54,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[55,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[56,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[57,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[58,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[59,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [60,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
[61,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[62,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[63,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[64,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[65,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[66,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[67,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[68,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[69,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[70,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[71,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[72,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[73,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      [,13] [,14] [,15] [,16] [,17] [,18] [,19] [,20] [,21] [,22] [,23] [,24]
 [1,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [2,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [3,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [4.] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [5,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [6,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [7,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [8,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [9,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[10,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[11,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[12,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[13,] 1.883 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[14,] 0.000 1.833 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[15,] 0.000 0.000 1.785 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[16,] 0.000 0.000 0.000 1.652 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[17,] 0.000 0.000 0.000 0.000 1.576 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[18,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.535 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[19,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.468 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[20,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.325 0.000 0.000 0.000 0.000
[21,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.279 0.000 0.000 0.000
[22,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.224 0.000 0.000
[23,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.188 0.000
[24,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.129
[25,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[26,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[27,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[28,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[29,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[30,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[31,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[32,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[33,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[34,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
```

```
[35,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[36,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[37,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[38,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[39,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[40,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[41,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[42,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[43,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[44,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[45,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[46,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[47,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [48,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
[49,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[50,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[51,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[52,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[53,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[54,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[55,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[56,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[57,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[58,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[59,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[60,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[61,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[62,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[63,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[64,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[65,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[66,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[67,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[68,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[69,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[70,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[71,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[72,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[73,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      [,25] [,26] [,27] [,28] [,29] [,30] [,31] [,32] [,33] [,34] [,35] [,36]
 [1,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [2,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [3,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [4,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [5,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [6,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [7,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [8,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [9,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[10,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[11,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[12,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[13,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[14,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[15,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[16,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[17,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[18,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
```

```
[19,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[20,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[21,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[22,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[23,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[24,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[25,] 1.084 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[26,] 0.000 1.071 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[27,] 0.000 0.000 1.06 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[28,] 0.000 0.000 0.00 1.052 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[29,] 0.000 0.000 0.000 1.034 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[30,] 0.000 0.000 0.000 0.000 1.024 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[31,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.011 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[32,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 1.009 0.000 0.000 0.000 0.000
[33,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.997 0.000 0.000 0.000
[34,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.982 0.000 0.000
[35,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.875 0.000
[36,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.785
[37,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[38,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[39,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[40,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[41,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[42,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[43,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[44,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[45,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[46,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[47,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[48,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[49,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[50,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[51,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[52,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[53,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[54,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[55,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[56,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[57,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[58,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[59,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[60,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[61,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[62,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [63,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
 [64,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
[65,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[66,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[67,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[68,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[69,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[70,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[71,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[72,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[73,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      [,37] [,38] [,39] [,40] [,41] [,42] [,43] [,44] [,45] [,46] [,47] [,48]
 [1,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [2,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
```

```
[3,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [4,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
  [5,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
 [6,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000
 [7,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [8,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [9,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[10,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[11,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[12,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[13,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[14,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[15,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[16,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[17,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[18,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[19,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[20,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[21,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[22,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[23,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[24,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[25,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[26,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[27,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[28,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[29,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[30,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[31,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[32,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[33,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[34,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[35,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[36,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[37,] 0.742 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[38,] 0.000 0.661 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[39,] 0.000 0.000 0.644 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[40,] 0.000 0.000 0.000 0.553 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[41,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.534 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[42,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.462 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[43,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.393 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[44,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.369 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000
[45,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.363 0.000 0.000 0.000
[46,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.302 0.000 0.000
[47,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.297 0.000
[48,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.261
[49,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[50,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[51,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[52,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[53,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[54,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[55,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[56,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[57,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [58,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
[59,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[60,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
```

```
[61,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[62,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [63,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
 [64,] \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
[65,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[66,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[67,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[68,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[69,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[70,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[71,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[72,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[73,] 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
     [,49] [,50] [,51] [,52] [,53] [,54] [,55] [,56] [,57] [,58] [,59] [,60]
 [1,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [3.]
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [4,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [6,]
[7,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[8,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[9,]
[10,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[11,]
      0.00\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[12,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[14.] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[15,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[16,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[17,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[19,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[20,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[22,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[23,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[24,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[26,]
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[27,]
[28,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[30,]
[31,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[32,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[34,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[35,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[36,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[37,]
      0.00\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000
[38,]
[39,]
      0.00\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000
[40,]
      0.00\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[41,]
     0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[42,]
[43,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[44,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
```

```
[45,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[46,]
 [47,] \quad 0.00 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
 [48,] \quad 0.00 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
[49,] 0.25 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[50.]
      0.00 0.222 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.202 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[51,]
      0.00\ 0.000\ 0.000\ 0.154\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000
[52,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.144 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
ſ53.l
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.117 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[54,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.077 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[55,]
      0.00\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.049\ 0.000\ 0.000\ 0.000
[56,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.041 0.000 0.000 0.000
[57,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[58,]
      0.00\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000\ 0.000
[59,]
[60,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.018
[61,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[62,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[63,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[64,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[65,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
 [66,] \quad 0.00 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 \ 0.000 
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[67,]
[68,]
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[69,]
[70,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[72.] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
[73,] 0.00 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000 0.000
      [,61] [,62] [,63] [,64] [,65] [,66] [,67] [,68] [,69] [,70] [,71] [,72]
 [1,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                     0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
 [2,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
 [3,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                               0
                                                                  0
                                                                        0
 [4,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
 [5,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
 [6,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
 [7,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
 [8,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
 [9,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[10,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                               0
                                                                        0
[11,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[12,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[13,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[14,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[15,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[16,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[17,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[18,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[19,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[20,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[21,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[22,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[23,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[24,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[25,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                               0
                                                                  0
                                                                        0
[26,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[27,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                               0
                                                      0
                                                            0
                                                                  0
                                                                        0
                                                                               0
[28,] 0.000 0.000 0.00 0.000 0.000 0.000
                                                            0
                                                                  0
```

[29,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[30]	0.000 0.0	00 0 00	0.000	0 000	0 000	0	0	0	0	0	0
	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
-											
[32,]	0.000 0.0	0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[33,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
-	0.000 0.0		0.000	0 000	0 000	0	0	0	0	0	0
-											
-	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
[36,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[37.]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
-	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
- ,-											
[39,]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[40,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[41.]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
-	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
-											
[43,]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[44,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[45.]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
-			0.000			0	0		0	0	0
-	0.000 0.0							0			
[47,]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[48,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
Γ 4 9]	0.000 0.0	00 0 00	0.000	0 000	0 000	0	0	0	0	0	0
- ,-											
-	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
[51,]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[52,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
-	0.000 0.0		0.000	0 000	0 000	0	0	0	0	0	0
-											
-	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
[55,]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[56,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
-	0.000 0.0		0.000	0 000	0 000	0	0	0	0	0	0
- ,-	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
[59,]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[60,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
-	0.013 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
-											
-	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
[63,]	0.000 0.0	00 0.01	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[64,]	0.000 0.0	00.00	0.008	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
-	0.000 0.0		0.000	0 006	0 000	0	0	0	0	0	0
-											
-	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
[67,]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[68,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[69.]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
-											
	0.000 0.0		0.000			0	0	0	0	0	0
[72,]	0.000 0.0	00.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[73.]	0.000 0.0	00 0.00	0.000	0.000	0.000	0	0	0	0	0	0
[,0,]		0.00	0.000	0.000	0.000	Ü	Ü	Ŭ	v	v	Ū
F. 3	[,73]										
[1,]	0										
[2,]	0										
[3,]	0										
[4,]	0										
[5,]	0										
[6,]	0										
[7,]	0										
[8,]	0										
[9,]	0										
[10,]	0										
[11,]	0										
[12,]	0										
L12,]	U										

[13,] [14,] [15,] [16,] [17,] [18,] [19,]	0 0 0 0 0
[20,] [21,] [22,] [23,] [24,] [25,]	0 0 0 0 0
[26,] [27,] [28,] [29,] [30,] [31,] [32,]	0 0 0 0 0
[33,] [34,] [35,] [36,] [37,] [38,]	0 0 0 0 0
[39,] [40,] [41,] [42,] [43,] [44,]	0 0 0 0 0
[45,] [46,] [47,] [48,] [49,] [50,]	0 0 0 0 0 0
[51,] [52,] [53,] [54,] [55,] [56,] [57,]	0 0 0 0 0
[58,] [59,] [60,] [61,] [62,] [63,]	0 0 0 0 0 0
[64,] [65,] [66,] [67,] [68,] [69,] [70,]	0 0 0 0 0

```
[71,] 0
[72,] 0
[73,] 0
```

T[,1]

```
[1] -0.021004331 -0.131735509 -0.111959486 -0.056976378 0.202676292
[6] -0.014694670 -0.072386727 0.247161852 0.229421437
                                          0.199171478
   [11]
                                          0.115880504
   0.272836747 -0.014638639 -0.081614239
[16]
                                0.073492611 -0.023138239
   [21]
[26]
   0.034850882 0.041174192 -0.040355572 -0.078673066 -0.024676040
[31]
   [36] -0.012884193 -0.069283461 0.049700002 -0.061304499 0.065189181
[41] -0.014638639 -0.083631731 -0.020692599 0.231255290 0.218233569
[46] 0.041995799 -0.026089629 -0.015797880 -0.011340840 -0.019545671
[51] -0.078849620 0.195632930 -0.019967238 0.196259069 -0.017824012
[56] 0.031106645 0.039854521 -0.039438934 0.004444741 0.304621489
[66] -0.019114722 -0.018871994 0.026575657 -0.009541663 0.035583343
[71] -0.095992771 -0.057609636 0.289437587
```

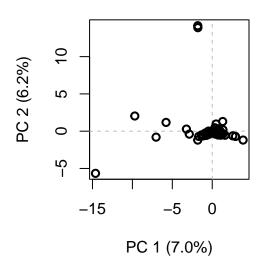
round(T[,1],digits=2)

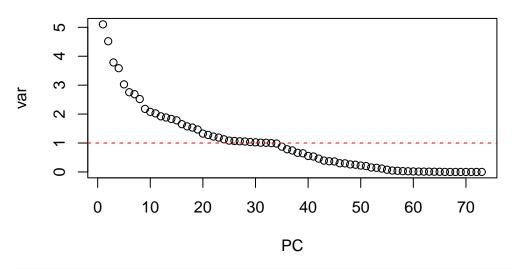
```
[1] -0.02 -0.13 -0.11 -0.06  0.20 -0.01 -0.07  0.25  0.23  0.20  0.25  0.31  [13]  0.03  0.01  0.12  0.27 -0.01 -0.08  0.07 -0.02  0.07  0.04 -0.01  0.00  [25] -0.01  0.03  0.04 -0.04 -0.08 -0.02  0.04  0.25 -0.02 -0.01 -0.02 -0.01  [37] -0.07  0.05 -0.06  0.07 -0.01 -0.08 -0.02  0.23  0.22  0.04 -0.03 -0.02  [49] -0.01 -0.02 -0.08  0.20 -0.02  0.20 -0.02  0.03  0.04 -0.04  0.00  0.30  [61]  0.06 -0.02 -0.05 -0.01 -0.08 -0.02 -0.02  0.03 -0.01  0.04 -0.10 -0.06  [73]  0.29
```

sum(diag(Lambda))

[1] 73

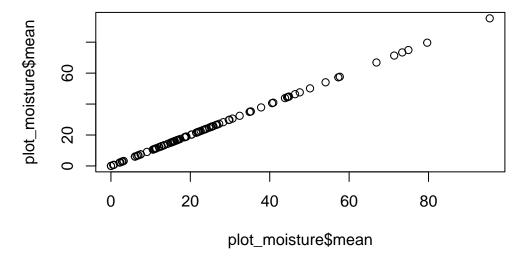
scoreplot(mp.PC, lwd=2)





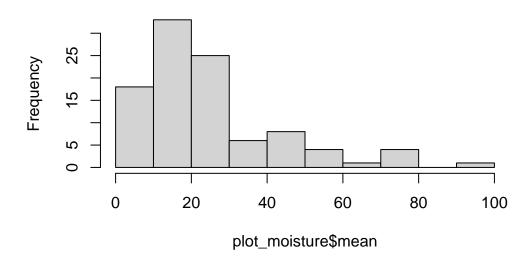
```
plot_moisture <- stat_mappingplants |>
    group_by(plot_name) |>
    summarize(mean = mean(mean_soil_moisture))

plot(x = plot_moisture$mean, y = plot_moisture$mean)
```



hist(plot_moisture\$mean)

Histogram of plot_moisture\$mean



```
# # Install and load vegan package
# install.packages("vegan")
# library(vegan)
# # Compute the Bray-Curtis dissimilarity matrix
# bray_curtis <- vegdist(pca_stat, method = "bray")</pre>
# # Convert to a matrix (since vegdist returns a dist object)
# bray_curtis_matrix <- as.matrix(bray_curtis)</pre>
# # Perform classical MDS (similar to PCA, but using dissimilarity matrix)
# mds <- cmdscale(bray_curtis_matrix, k = 2) # k is the number of dimensions you want to keep (e.g.
# # Plot the MDS result
# plot(mds, main = "PCA-like plot using Bray-Curtis Dissimilarity")
# #| label: chunk-6
# # Perform k-means clustering (example: 3 clusters)
# set.seed(42)
# kmeans_result <- kmeans(wide_data2[, -1], centers = 32) # Exclude first column (plot_name)</pre>
# # Add the cluster labels to the dataset
# wide_data2$cluster <- as.factor(kmeans_result$cluster)</pre>
\# \# Fit the tree model with k-means cluster labels as the response
# tree_model <- tree(cluster ~ ., data = wide_data2[, -1]) # Exclude non-numeric columns (plot_name</pre>
# plot(tree_model)
# text(tree_model, pretty = 0)
# # Print the tree model
# summary(tree_model)
```

Conclusion

Appendix

When you click the **Render** button a document will be generated that includes both content and the output of embedded code. You can embed code like this:

You can add options to executable code like this

```
# stat_mappingplants <- readRDS("~/Library/CloudStorage/OneDrive-Aarhusuniversitet/MappingPlants/adm
#
# taxa <- pivot |>
  group_by(taxon) |>
  count()
#
# soil_moi <- stat_mappingplants</pre>
# plot(x = stat_mappingplants$mean_soil_moisture, y = stat_mappingplants$mean_veg_height)
# hist(stat_mappingplants$mean_soil_moisture)
# empnig <- stat_mappingplants[stat_mappingplants$taxon=="Empetrum nigrum",]
# plot(x = empnig$mean_soil_moisture, y = empnig$bb_num)
# par(mfrow = c(2,2), mgp = c(2,0.7,0), mar = c(3,3,1,1))
# model <- gam(bb_num ~ s(mean_soil_moisture), data = stat_mappingplants[stat_mappingplants$taxon ==
# plot(model)
\# par(mfrow = c(1,1))
# summary(model)
# library(tree)
# model<-tree(bb_num ~ ., data = empnig)</pre>
# plot(model)
# text(model)
taxon_counts <- table(stat_mappingplants$taxon)</pre>
# Convert to a data frame for easier manipulation
taxon_summary <- data.frame(</pre>
 Taxon = names(taxon_counts),
  Count = as.vector(taxon_counts)
)
```

```
# Count the occurrences of each taxon
taxon_counts <- table(stat_mappingplants$taxon)</pre>
```

taxon_summary <- taxon_summary[order(-taxon_summary\$Count),]</pre>

```
# Get the names of taxons with more than 10 observations
frequent_taxons <- names(taxon_counts[taxon_counts > 10])
# Filter the dataset
filtered_df <- stat_mappingplants[stat_mappingplants$taxon %in% frequent_taxons, ]</pre>
```

