Guide zu Übungsblatt 12

Bei **Aufgabe 3** kommen *punktierte Mengen* vor. Eine punktierte Menge ist nichts anderes als eine gewöhnliche Menge, bei der ein Element als "Basispunkt" besonders ausgezeichnet ist. Die Homotopiegruppen $\pi_n(X,x)$ werden konventionsgemäß durch die Festlegung der konstanten Abbildung $\Delta[n]/\partial\Delta[n] \to X$ mit Wert x als Basispunkt zu punktierten Mengen. Eine Sequenz $A \xrightarrow{f} B \xrightarrow{g} C$ punktierter Mengen heißt genau dann exakt, wenn im $f = \ker g$; dabei ist $\ker g := \{b \in B \mid g(b) = (\text{Basispunkt von } C)\}.$

Außerdem kommt bei Aufgabe 3 die Faser von p über x vor. Diese ist über das folgende Pullbackdiagramm definiert:



Dabei ist 1 die terminale simpliziale Menge, also $\Delta[0]$, und $1 \to X$ ist die Abbildung, die den einzigen Punkt von 1 auf x schickt.