

integración numérica

Ibrahim Alfonso Mendoza Chavez

21 de octubre del 2018

1 Método de la regla trapezoidal

La regla trapezoidal es una de las primeras integrales cerradas de Newton-cotesse basa en la estrategia de remplazar una función complicada o datos tabulados con una función aproximada que sea fácil de integrar. En matemática la regla del trapecio es un método de integración numérica, es decir, un método para calcular aproximadamente el valor de la integral definida. ver figura 1.

$$\int_a^b f(x)dx \quad (1)$$

La regla se basa en aproximar el valor de la integral de $f(x)$ por el de la función lineal que pasa a través de los puntos $(a, f(a))$ y $(b, f(b))$. La integral de ésta es igual al área del trapecio bajo la gráfica de la función lineal. Se sigue que

$$\int_a^b f(x)dx \approx (b-a) \frac{f(a) + f(b)}{2} \quad (2)$$

donde el error es:

$$-\frac{(b-a)^3}{12} f''(E) \quad (3)$$

Siendo E un número entre a y b

La regla del trapecio compuesta o regla de los trapecios es una forma de aproximar una integral definida utilizando n trapecios. En la formulación de este método se supone que f es continua y positiva en el intervalo $[a, b]$. De tal modo la integral definida (1) representa el área de la región delimitada por la gráfica de f y el eje x , desde $x=a$ hasta $x=b$. Primero se divide el intervalo $[a, b]$ en n subintervalos, cada uno de ancho $h=(b-a)/n$. Después de realizar todo el proceso matemático se llega a la siguiente fórmula:

$$\int_a^b f(x)dx \sim \frac{h}{2} [f(a) + 2f(a+h) + 2f(a+2h) + \dots + f(b)] \quad (4)$$

Desde $h=(b-a)/n$ y n es el número de divisiones. La expresión anterior también se puede escribir como:

$$\int_a^b f(x)dx \sim \frac{b-a}{n} \left(\frac{f(a)+f(b)}{2} + \sum_{k=1}^{n-1} f(a+k\frac{b-a}{n}) \right) \quad (5)$$

```

\documentclass{article}
\usepackage[utf8]{inputenc}
\usepackage{graphicx}
\title{integración numérica}
\author{Camacho Guillen Humberto }
\date{21 de octubre del 2018}

\begin{document}

\maketitle

\section{Método de la regla trapezoidal }
La regla trapezoidal es una de las primeras integrales cerradas de Newton-cotesse basa en la
numérica, es decir, un método para calcular aproximadamente el valor
de la integral definida.ver figura 1.
\begin{figure}
\centering
\includegraphics[width=0.7\textwidth]{figure2.png}
\caption{grafica}
\label{fig:my_label}
\end{figure}
\begin{equation}
\int\limits_a^b f(x)dx
\end{equation}
La regla se basa en aproximar el valor de la integral de  $f(x)$  por el de la función lineal que
pasan por los puntos  $(a, f(a))$  y  $(b, f(b))$ . La integral de ésta es igual al área del trapecio bajo la gráfica de  $f(x)$ .
\begin{equation}
\int\limits_a^b f(x)dx \approx (b-a) \frac{f(a)+f(b)}{2}
\end{equation}
donde el error es:
\begin{equation}
-\frac{(b-a)^3}{12} f''(E)
\end{equation}
Siendo  $E$  un número entre  $a$  y  $b$ 

\begin{figure}[h!]
\centering
\includegraphics[width=0.7\textwidth]{figure1.png}
\caption{grafica}
\label{fig:my_label}

```

\end{figure}

La regla del trapecio compuesta o regla de los trapecios es una forma de aproximar una integral utilizando n trapecios. En la formulación de este método se supone que f es continua y positiva. De tal modo la integral definida (1) representa el área de la región delimitada por la gráfica de $f(x)$ desde $x=a$ hasta $x=b$. Primero se divide el intervalo $[a,b]$ en n subintervalos, cada uno de ancho h . Después de realizar todo el proceso matemático se llega a la siguiente fórmula:

\begin{equation}

$$\int_a^b f(x) dx \approx \frac{h}{2} [f(a) + 2f(a+h) + 2f(a+2h) + \dots + f(b)]$$

\end{equation}

Desde $h=(b-a)/n$ y n es el número de divisiones.

La expresión anterior también se puede escribir como:

\begin{equation}

$$\int_a^b f(x) dx \approx \frac{b-a}{n} \left(\frac{f(a)+f(b)}{2} + \sum_{k=1}^{n-1} f(a+k\frac{b-a}{n}) \right)$$

\end{equation}

\subsection{Codigo de programa}

\begin{verbatim}program trapezoid2

implicit none

real :: a,b

print*, "[a,b]"

read*,a,b

call trapezoid_integration(a,b)

contains

subroutine trapezoid_integration(a,b)

implicit none

real :: a,b

real :: integral,u,h,error,integralo, T

integer :: i,n

integral = 0.0

n=10

error=2.0

integralo=0.0

do while(error>1.0)

do i=0,n

u = a + ((b-a)*float(i)/float(n))

if ((i.eq.0).or.(i.eq.n)) then

```

        integral = integral+integrand(u)
    else
        integral = integral+(2.0*integrand(u))
    end if
end do

error=abs(integral-integralo)/integralo

integralo=integral

    n=n*2
end do

h=(b-a)/(n)

T=integral*(h/2.0)

print*,"error=",error
write (,) "Integral=",T
end subroutine trapezoid_integration

function integrand(x) result (value)
    implicit none
    real :: x
    real :: value

    if (x .lt. 0.00001) then
        x = 0.00001
    end if

    value = (x*4)*EXP(X)/((EXP(X)-1.0)*2)
end function integrand

end program trapezoid2

```