

A1 - Analysis Aufgaben PLUS Tipps PLUS Lösungen PLUS
1. Gegeben ist die Funktionenschar $f_k$ mit $f_k(x) = rac{x+k}{\mathrm{e}^x}$ , $x \in \mathbb{R}$ , $k \in \mathbb{R}$ . Material 1 enthält Graphen von Funktionen der Schar.
1.1 Berechnen Sie die Nullstellen der Scharfunktionen. Geben Sie für die Graphen in Material 1 die zugehörigen ganzzahligen Parameterwerte von $\pmb{k}$ an. (4P)
1.2 Berechnen Sie jeweils nur anhand der notwendigen Bedingung die Extrem- und Wendestellen der Schar und zeigen Sie, dass für alle Funktionen der Schar die Extremstelle stets genau in der Mitte von Null- und Wendestelle liegt.
(5P)
1.3 Skizzieren Sie in Material 1 die Kurve, die die Hochpunkte verbindet, und leiten Sie für die Ortskurve der Hochpunkte die zugehörige Funktionsgleichung her.
(4P)
1.4 Zeigen Sie, dass für jede Scharfunktion $f_k$ die 2. Ableitungsfunktion $f_k''$ ebenfalls eine Funktion der Schar ist. Ermitteln Sie, durch welche Abbildungen der Graph von $f_k''$ aus dem Graphen von $f_k$ hervorgeht.
(4P)
2.
2.1 Berechnen Sie mithilfe partieller Integration (Produktintegration) eine Stammfunktionenschar $F_k$ von $f_k$ . [zur Kontrolle: $F_k(x) = -(x+k+1) \cdot \mathrm{e}^{-x}$ ]
(5P)
2.2 Untersuchen Sie rechnerisch, ob die Graphen der Schar mit der $x$ -Achse eine Fläche einschließen, die einen endlichen Inhalt hat, und geben Sie diesen gegebenenfalls an.
(6P)
3. Man erhält aus der Funktionenschar $f_k$ durch geeignete Verschiebung jedes Graphen parallel zur $x$ -Achse eine neue Funktionenschar $g_k$ , deren Graphen alle durch den Ursprung gehen (Material 2). Zeigen Sie, dass der Term für $g_k$ sich als $g_k(x) = x \cdot e^{k-x}$ schreiben lässt.
(4P)
4. Gewisse Wachstumsprozesse lassen sich durch Graphen wie in Material 2 beschreiben. In Material 3 ist die Gewichtszunahme von jungen Hunden graphisch dargestellt. Die zugrunde liegenden Daten lassen sich durch abgeänderte Funktionen der Funktionenschar $g_k$ (vgl. Aufgabe 3) gut approximieren.
4.1 Beschreiben Sie die in den Graphen von Material 3 enthaltenen Aussagen im Sachzusammenhang. Auf Unterschiede zwischen den einzelnen Graphen soll nicht eingegangen werden.
(2P)

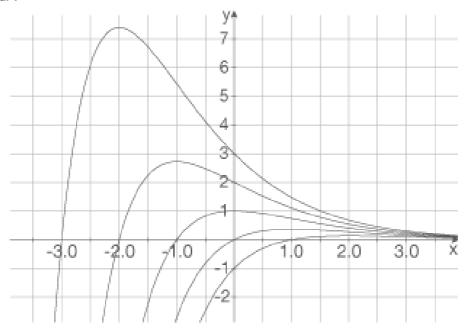
Seite 1 von 3 © Copyright 2016 - www.SchulLV.de (6P)

4.2 Leiten Sie eine abgeänderte Funktion aus der Schar  $g_k$  her, die das Wachstum der Schäferhunde annähernd

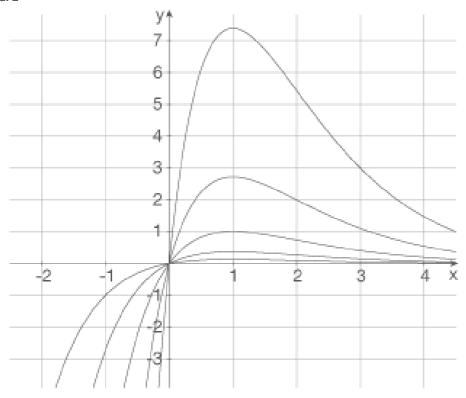
beschreibt und deren Graph den gleichen Hochpunkt wie der Graph  ${\pmb S}$  in Material 3 hat. Hinweis: Denken Sie an eine Streckung oder Stauchung eines Graphen der Schar.



## Material 1



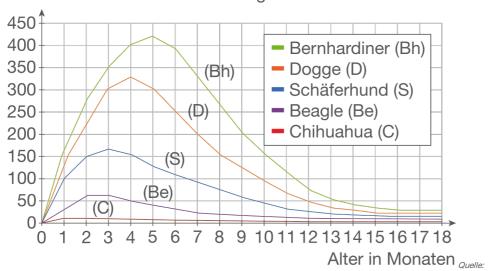
## Material 2



Material 3



## Gewichtszunahme in Gramm/Tag



http://www1.royal-canin.de

Für den Schäferhund können dem Diagramm folgende Werte entnommen werden:

Alter (in Monaten)	Gewichtszunahme (in g/Tag)
1	100
2	150
3	165
5	130
7	95
10	45
13	20