Задача об эпидемии

Гебриал Ибрам ¹

¹RUDN University, Moscow, Russian Federation

Цель работы



Посмотреть простейшую модель эпидемии.

Вариант 42

На одном острове вспыхнула эпидемия. Известно, что из всех проживающих на острове (N=5 500) в момент начала эпидемии (t=0) число заболевших людей (являющихся распространителями инфекции) I(0)=70, А число здоровых людей с иммунитетом к болезни R(0)=2. Таким образом, число людей восприимчивых к болезни, но пока здоровых, в начальный момент времени S(0)=N-I(0)- R(0).

Задание

Постройте графики изменения числа особей в каждой из трех групп. Рассмотрите, как будет протекать эпидемия в случае:

- 1. если $I(0) \leq I^*$
- 2. если $I(0)>I^{st}$

Выполнение работы

Выполнение работы

Постоянные пропорциональности α =0.01, β =0.02 — это коэффициенты заболеваемости и выздоровления соответственно.

N=5500 -общая численность популяции

10=70 - количество инфицированных особей в начальный момент времени

R0=2 - количество здоровых особей с иммунитетом в начальный момент времени

S0= N - I0 - R0 количество восприимчивых к болезни особей в начальный момент времени

Выполнение работы

Первая случая
$$I(0) \leq I^*$$

function dx=syst(t,x)

$$dx(1)=0;$$

$$dx(2)=-b*x(2);$$

$$dx(3) = b*x(2);$$

endfunction

Вторая случая
$$I(0) > I^*$$
 function dx=syst(t,x) dx(1)=-a*x(1); dx(2)=a*x(1)- b*x(2); dx(3) = b*x(2); endfunction

Результат

Для $I(0) \leq I^*$

Динамика изменения числа людей в каждой из трех групп в случае, когда $I(0) \leq I^*$ (fig. 1).

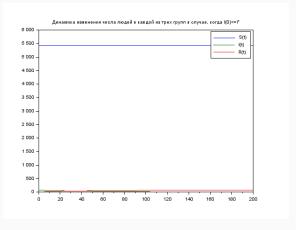


Figure 1: Динамика изменения числа людей в каждой из трех групп в случае, когда $I(0) \leq I^*$

Для $I(0)>I^{st}$

Динамика изменения числа людей в каждой из трех групп в случае, когда $I(0)>I^st$ (fig. 2).

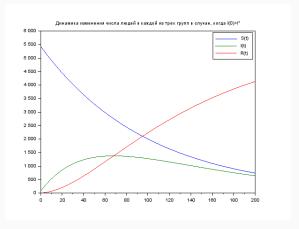


Figure 2: Динамика изменения числа людей в каждой из трех групп в случае, когда $I(0) > I^*$

Вывод



Рассмотрел простейшую модель эпидемии.

