## Университет ИТМО

Факультет программной инженерии и компьютерной техники

# Лабораторная работа № 2

по дисциплине «Алгоритмы и структуры данных» Орenedu – неделя 2

## Подготовил:

студент группы Р3217 Бураков Илья Алексеевич

## Преподаватели:

Романов Алексей Андреевич Волчек Дмитрий Геннадьевич

## Сортировка слиянием

#### Условие

| Имя входного файла:     | input.txt    |
|-------------------------|--------------|
| Имя выходного файла:    | output.txt   |
| Ограничение по времени: | 2 секунды    |
| Ограничение по памяти:  | 256 мегабайт |

Дан массив целых чисел. Ваша задача — отсортировать его в порядке неубывания с помощью сортировки слиянием.

Чтобы убедиться, что Вы действительно используете сортировку слиянием, мы просим Вас, после каждого осуществленного слияния (то есть, когда соответствующий подмассив уже отсортирован!), выводить индексы граничных элементов и их значения.

#### Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится число  $n~(1 \le n \le 10^5)$  — число элементов в массиве. Во второй строке находятся n целых чисел, по модулю не превосходящих  $10^9$ .

#### Формат выходного файла

Выходной файл состоит из нескольких строк.

В **последней строке** выходного файла требуется вывести отсортированный в порядке неубывания массив, данный на входе. Между любыми двумя числами должен стоять ровно один пробел.

Все предшествующие строки описывают осуществленные слияния, по одному на каждой строке. Каждая такая строка должна содержать по четыре числа:  $I_f \ I_l \ V_f \ V_l$ , где  $I_f$  — индекс начала области слияния,  $I_l$  — значение первого элемента области слияния,  $V_l$  — значение последнего элемента области слияния.

Все индексы начинаются с единицы (то есть,  $1 \leq I_f \leq I_l \leq n$ ). Индексы области слияния должны описывать положение области слияния в исходном массиве! Допускается не выводить информацию о слиянии для подмассива длиной 1, так как он отсортирован по определению.

Приведем небольшой пример: отсортируем массив [9, 7, 5, 8]. Рекурсивная часть сортировки слиянием (процедура  $\mathrm{SORT}(A,L,R)$ , где A — сортируемый массив, L — индекс начала области слияния, R — индекс конца области слияния) будет вызвана с A=[9,7,5,8], L=1, R=4 и выполнит следующие действия:

- разделит область слияния [1;4] на две части, [1;2] и [3;4];
- выполнит вызов  $\mathsf{SORT}(A, L=1, R=2)$ :
  - разделит область слияния [1; 2] на две части, [1; 1] и [2; 2];
  - получившиеся части имеют единичный размер, рекурсивные вызовы можно не делать;
  - ullet осуществит слияние, после чего A станет равным [7,9,5,8];
  - ullet выведет описание слияния:  $I_f=L=1$ ,  $I_l=R=2$ ,  $V_f=A_L=7$ ,  $V_l=A_R=9$ .

- выполнит вызов SORT(A, L = 3, R = 4):
  - разделит область слияния [3;4] на две части, [3;3] и [4;4];
  - получившиеся части имеют единичный размер, рекурсивные вызовы можно не делать;
  - осуществит слияние, после чего A станет равным [7,9,5,8];
  - ullet выведет описание слияния:  $I_f=L=3$ ,  $I_l=R=4$ ,  $V_f=A_L=5$ ,  $V_l=A_R=8$ .
- осуществит слияние, после чего A станет равным [5,7,8,9];
- ullet выведет описание слияния:  $I_f=L=1$  ,  $I_l=R=4$  ,  $V_f=A_L=5$  ,  $V_l=A_R=9$  .

Описания слияний могут идти в произвольном порядке, необязательно совпадающем с порядком их выполнения. Однако, с целью повышения производительности, рекомендуем выводить эти описания сразу, не храня их в памяти. Именно по этой причине отсортированный массив выводится в самом конце.

**Исключением из этого правила, возможно, является РуРу** — по причине отсутствия буферизации вывода, при решения задачи на этом языке рекомендуется собрать все описания слияния в один буфер, а затем вывести его как одно целое. Обертка ввода-вывода для РуРу, расположенная на GitHub и доступная (при компиляции решения в тестирующей системе) как модуль openedu\_io, делает это автоматически.

Корректность выданного Вами сценария сортировки слиянием проверяется специальной программой. Любая корректная сортировка слиянием, делящая подмассивы на две части (необязательно равных!), будет зачтена, если успеет завершиться, уложившись в ограничения.

#### Пример

| input.txt  | output.txt |
|------------|------------|
| 10         | 1218       |
| 1821473236 | 3412       |
|            | 1418       |
|            | 5647       |
|            | 1618       |
|            | 7823       |
|            | 9 10 3 6   |
|            | 7 10 2 6   |
|            | 1 10 1 8   |
|            | 1122334678 |

#### Решение

#### openedu/week2/lab2\_1.cpp

```
#include "edx-io.hpp"
#include <vector>
using namespace std;

void merge_sort(vector<int> &arr, int left, int right) {
      // left subarray index in inclusive
      // right subarray index is exclusive (!)

      // length of the subarray to sort
      int subarray_n = right - left;

      if (subarray_n == 1) {
```

```
// already sorted, job done
              return;
       }
       // beginning of left and right subarrays
       int left beginning = left;
       int right_beginning = left + subarray_n / 2;
       // recursively sort subarrays
       merge_sort(arr, left_beginning, right_beginning);
merge_sort(arr, right_beginning, right);
       // merge sorted subarrays
       auto merged_arr = vector<int>(subarray_n);
       int i = left_beginning;
       int j = right_beginning;
       for (int k = 0; k < subarray_n;) {</pre>
              if (j == right || (i != right beginning && arr[i] < arr[j])) {
                     // left subarray wins for current k
                     merged_arr[k++] = arr[i++];
              } else {
                      // right subarray wins for current k
                     merged_arr[k++] = arr[j++];
              }
       }
       // place merged_arr
       copy_n(merged_arr.begin(), subarray_n, arr.begin() + left);
       // print required info
       // (right - 1) -- inclusive
       // (right - 1) + 1 -- indexing from 1
io << left + 1 << " " << right << " " << merged_arr.front() << " " <<
merged_arr.back() << "\n";</pre>
int main() {
       // read N
       int n;
       io >> n;
       // read input array
       auto arr = vector<int>(n);
       for (auto &e : arr) {
              io >> e;
       }
       // sorting
       merge_sort(arr, 0, n);
       // printing sorted array
       for (auto e : arr) {
              io << e << " ";
       return 0;
}
```

| № теста | Результат | Время, с | Память  | Размер входного файла | Размер выходного файла |
|---------|-----------|----------|---------|-----------------------|------------------------|
| Max     |           | 0.187    | 3874816 | 1039245               | 4403713                |
| 1       | OK        | 0.015    | 2220032 | 25                    | 105                    |
| 2       | OK        | 0.015    | 2224128 | 6                     | 2                      |
| _       |           |          |         | İ_                    |                        |

| 3  | OK | 0.015 | 2236416 | 8       | 13      |
|----|----|-------|---------|---------|---------|
| 4  | OK | 0.000 | 2224128 | 8       | 13      |
| 5  | OK | 0.015 | 2224128 | 42      | 154     |
| 6  | OK | 0.000 | 2220032 | 43      | 154     |
| 7  | OK | 0.000 | 2236416 | 51      | 178     |
| 8  | OK | 0.000 | 2224128 | 45      | 161     |
| 9  | ОК | 0.000 | 2236416 | 105     | 330     |
| 10 | OK | 0.000 | 2232320 | 110     | 343     |
| 11 | OK | 0.000 | 2232320 | 107     | 336     |
| 12 | OK | 0.000 | 2220032 | 461     | 2044    |
| 13 | ОК | 0.015 | 2236416 | 560     | 2331    |
| 14 | OK | 0.000 | 2236416 | 388     | 1822    |
| 15 | OK | 0.015 | 2224128 | 408     | 1883    |
| 16 | OK | 0.000 | 2236416 | 1042    | 3776    |
| 17 | OK | 0.000 | 2224128 | 1043    | 3784    |
| 18 | OK | 0.000 | 2220032 | 1044    | 3775    |
| 19 | OK | 0.000 | 2232320 | 5587    | 25513   |
| 20 | OK | 0.000 | 2244608 | 6733    | 28937   |
| 21 | OK | 0.015 | 2228224 | 4737    | 22960   |
| 22 | OK | 0.000 | 2232320 | 5685    | 25799   |
| 23 | OK | 0.000 | 2232320 | 10383   | 39968   |
| 24 | OK | 0.015 | 2232320 | 10421   | 40060   |
| 25 | OK | 0.000 | 2232320 | 10420   | 40057   |
| 26 | OK | 0.015 | 2236416 | 65880   | 305388  |
| 27 | OK | 0.031 | 2236416 | 77550   | 340376  |
| 28 | OK | 0.015 | 2236416 | 57488   | 280213  |
| 29 | OK | 0.015 | 2236416 | 68090   | 311997  |
| 30 | OK | 0.015 | 2236416 | 103872  | 420189  |
| 31 | OK | 0.015 | 2220032 | 103940  | 420366  |
| 32 | OK | 0.015 | 2232320 | 103842  | 420122  |
| 33 | OK | 0.140 | 3596288 | 758839  | 3554251 |
| 34 | OK | 0.156 | 3710976 | 875802  | 3905102 |
| 35 | OK | 0.187 | 3506176 | 675241  | 3303454 |
| 36 | OK | 0.156 | 3620864 | 782803  | 3626113 |
| 37 | OK | 0.156 | 3874816 | 1038992 | 4403248 |
| 38 | OK | 0.171 | 3874816 | 1038702 | 4402563 |
| 39 | OK | 0.156 | 3874816 | 1039245 | 4403713 |

## Число инверсий

## Условие

| Имя входного файла:     | input.txt    |
|-------------------------|--------------|
| Имя выходного файла:    | output.txt   |
| Ограничение по времени: | 2 секунды    |
| Ограничение по памяти:  | 256 мегабайт |

Инверсией в последовательности чисел A называется такая ситуация, когда i < j, а  $A_i > A_j$ .

Дан массив целых чисел. Ваша задача — подсчитать число инверсий в нем.

Подсказка: чтобы сделать это быстрее, можно воспользоваться модификацией сортировки слиянием.

#### Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится число  $n~(1 \le n \le 10^5)$  — число элементов в массиве. Во второй строке находятся n целых чисел, по модулю не превосходящих  $10^9$ .

#### Формат выходного файла

В выходной файл надо вывести число инверсий в массиве.

#### Пример

| input.txt  | output.txt |
|------------|------------|
| 10         | 17         |
| 1821473236 |            |

#### Решение

### openedu/week2/lab2\_2.cpp

```
#include "edx-io.hpp"
#include <vector>
using namespace std;
long long count_inversions(vector<int> &arr, int left, int right) {
       // left subarray index in inclusive
       // right subarray index is exclusive (!)
       // length of the subarray to sort
       int subarray_n = right - left;
       if (subarray_n == 1) {
              // already sorted, job done
              return 0;
       }
       // beginning of left and right subarrays
       int left_beginning = left;
       int right_beginning = left + subarray_n / 2;
       // recursively sort subarrays
       long long result = 0;
       result += count_inversions(arr, left_beginning, right_beginning);
result += count_inversions(arr, right_beginning, right);
       // merge sorted subarrays
       auto merged_arr = vector<int>(subarray_n);
       int i = left_beginning;
       int j = right_beginning;
```

```
for (int k = 0; k < subarray_n;) {</pre>
             if (j == right || (i != right_beginning && arr[i] <= arr[j])) {</pre>
                    // left subarray wins for current k
                    merged_arr[k++] = arr[i++];
             } else {
                    // right subarray wins for current k
                    merged_arr[k++] = arr[j++];
                    // Since right subarray won, all left subarray elements larger
than the element from
                    // right subarray will form an inversion. Add their quantity to
result.
                    result += right_beginning - i;
             }
      }
      // place merged_arr
      copy_n(merged_arr.begin(), subarray_n, arr.begin() + left);
      return result;
}
int main() {
      // read N
      int n;
      io >> n;
      // read input array
      auto arr = vector<int>(n);
      for (auto &e : arr) {
             io >> e;
      // sorting
      io << count_inversions(arr, 0, n);</pre>
      return 0;
}
```

| № теста | Результат | Время, с | Память  | Размер входного файла | Размер выходного файла |
|---------|-----------|----------|---------|-----------------------|------------------------|
| Max     |           | 0.031    | 3866624 | 1039245               | 10                     |
| 1       | OK        | 0.000    | 2220032 | 25                    | 2                      |
| 2       | ОК        | 0.000    | 2224128 | 6                     | 1                      |
| 3       | OK        | 0.000    | 2220032 | 8                     | 1                      |
| 4       | ОК        | 0.000    | 2224128 | 8                     | 1                      |
| 5       | OK        | 0.000    | 2220032 | 42                    | 1                      |
| 6       | ОК        | 0.000    | 2224128 | 43                    | 2                      |
| 7       | ОК        | 0.000    | 2236416 | 51                    | 1                      |
| 8       | ОК        | 0.015    | 2236416 | 45                    | 2                      |
| 9       | ОК        | 0.000    | 2224128 | 105                   | 2                      |
| 10      | ОК        | 0.000    | 2224128 | 110                   | 2                      |
| 11      | ОК        | 0.000    | 2224128 | 107                   | 2                      |
| 12      | ОК        | 0.000    | 2224128 | 461                   | 1                      |
| 13      | ОК        | 0.000    | 2236416 | 560                   | 4                      |
| 14      | ОК        | 0.000    | 2236416 | 388                   | 1                      |

| 15 | ОК | 0.000 | 2236416 | 408     | 4  |  |
|----|----|-------|---------|---------|----|--|
| 16 | OK | 0.015 | 2236416 | 1042    | 4  |  |
| 17 | OK | 0.000 | 2224128 | 1043    | 4  |  |
| 18 | OK | 0.000 | 2224128 | 1044    | 4  |  |
| 19 | OK | 0.000 | 2228224 | 5587    | 1  |  |
| 20 | OK | 0.015 | 2224128 | 6733    | 6  |  |
| 21 | OK | 0.015 | 2224128 | 4737    | 1  |  |
| 22 | OK | 0.000 | 2224128 | 5685    | 6  |  |
| 23 | OK | 0.000 | 2240512 | 10383   | 6  |  |
| 24 | OK | 0.000 | 2240512 | 10421   | 6  |  |
| 25 | OK | 0.000 | 2240512 | 10420   | 6  |  |
| 26 | OK | 0.000 | 2220032 | 65880   | 1  |  |
| 27 | OK | 0.000 | 2236416 | 77550   | 8  |  |
| 28 | OK | 0.000 | 2236416 | 57488   | 1  |  |
| 29 | OK | 0.000 | 2240512 | 68090   | 8  |  |
| 30 | OK | 0.000 | 2220032 | 103872  | 8  |  |
| 31 | OK | 0.031 | 2236416 | 103940  | 8  |  |
| 32 | OK | 0.015 | 2236416 | 103842  | 8  |  |
| 33 | OK | 0.031 | 3588096 | 758839  | 1  |  |
| 34 | OK | 0.015 | 3702784 | 875802  | 10 |  |
| 35 | OK | 0.031 | 3502080 | 675241  | 1  |  |
| 36 | ОК | 0.031 | 3612672 | 782803  | 10 |  |
| 37 | ОК | 0.031 | 3866624 | 1038992 | 10 |  |
| 38 | ОК | 0.031 | 3866624 | 1038702 | 10 |  |
| 39 | OK | 0.031 | 3866624 | 1039245 | 10 |  |

## Анти-quick sort

## Условие

| Имя входного файла:     | input.txt    |
|-------------------------|--------------|
| Имя выходного файла:    | output.txt   |
| Ограничение по времени: | 2 секунды    |
| Ограничение по памяти:  | 256 мегабайт |

Для сортировки последовательности чисел широко используется быстрая сортировка — QuickSort. Далее приведена программа, которая сортирует массив a, используя этот алгоритм.

```
var a : array [1..N] of integer;
procedure QSort(left, right : integer);
var i, j, key, buf : integer;
begin
    key := a[(left + right) div 2];
    i := left;
    j := right;
```

```
repeat
         while a[i] < key do
             inc(i);
         while key < a[j] do
             dec(j);
         if i <= j then begin
             buf := a[i];
             a[i] := a[j];
             a[j] := buf;
             inc(i);
             dec(j);
         end:
    until i > j;
if left < j then QSort(left, j);</pre>
    if i < right then QSort(i, right);</pre>
end:
begin
    QSort(1, N);
end.
```

Хотя QuickSort является очень быстрой сортировкой в среднем, существуют тесты, на которых она работает очень долго. Оценивать время работы алгоритма будем числом сравнений с элементами массива (то есть, суммарным числом сравнений в первом и втором while). Требуется написать программу, генерирующую тест, на котором быстрая сортировка сделает наибольшее число таких сравнений.

#### Формат входного файла

В первой строке находится единственное число  $n \ (1 \le n \le 10^6)$ .

#### Формат выходного файла

Вывести перестановку чисел от 1 до n, на которой быстрая сортировка выполнит максимальное число сравнений. Если таких перестановок несколько, вывести любую из них.

#### Пример

| input.txt | output.txt |
|-----------|------------|
| 3         | 132        |

#### Решение

#### openedu/week2/lab2\_3.cpp

```
#include "edx-io.hpp"
#include <vector>
using namespace std;

void swap(vector<int> &arr, int a, int b) {
    int t = arr[a];
    arr[a] = arr[b];
    arr[b] = t;
}

int main() {
    // read N
    int n;
    io >> n;

    // read input array
    auto arr = vector<int>(n);
```

| № теста | Результат | Время, с | Память  | Размер входного файла | Размер выходного файла |
|---------|-----------|----------|---------|-----------------------|------------------------|
| Max     |           | 0.234    | 5824512 | 9                     | 6888896                |
| 1       | ОК        | 0.000    | 2228224 | 3                     | 6                      |
| 2       | ОК        | 0.000    | 2228224 | 3                     | 2                      |
| 3       | ОК        | 0.000    | 2228224 | 3                     | 4                      |
| 4       | OK        | 0.015    | 2240512 | 3                     | 8                      |
| 5       | ОК        | 0.000    | 2240512 | 3                     | 10                     |
| 6       | ОК        | 0.015    | 2228224 | 3                     | 12                     |
| 7       | OK        | 0.000    | 2240512 | 3                     | 14                     |
| 8       | ОК        | 0.015    | 2240512 | 3                     | 16                     |
| 9       | OK        | 0.015    | 2228224 | 3                     | 18                     |
| 10      | ОК        | 0.000    | 2228224 | 4                     | 21                     |
| 11      | ОК        | 0.000    | 2228224 | 4                     | 36                     |
| 12      | ОК        | 0.000    | 2228224 | 5                     | 292                    |
| 13      | ОК        | 0.000    | 2248704 | 6                     | 3893                   |
| 14      | ОК        | 0.000    | 2285568 | 7                     | 48900                  |
| 15      | ОК        | 0.015    | 2269184 | 7                     | 48894                  |
| 16      | ОК        | 0.031    | 2322432 | 8                     | 756195                 |
| 17      | ОК        | 0.062    | 2777088 | 8                     | 1556239                |
| 18      | ОК        | 0.109    | 3690496 | 8                     | 3151812                |
| 19      | ОК        | 0.234    | 5824512 | 8                     | 6888888                |
| 20      | ОК        | 0.218    | 5820416 | 9                     | 6888896                |

## К-ая порядковая статистика

#### Условие

| Имя входного файла:     | input.txt    |
|-------------------------|--------------|
| Имя выходного файла:    | output.txt   |
| Ограничение по времени: | 2 секунды    |
| Ограничение по памяти:  | 256 мегабайт |

Дан массив из n элементов. Какие числа являются  $k_1$ -ым,  $(k_1+1)$ -ым, ...,  $k_2$ -ым в порядке неубывания в этом массиве?

#### Формат входного файла

В первой строке входного файла содержатся три числа: n — размер массива, а также границы интервала  $k_1$  и  $k_2$ , при этом  $2 \le n \le 4 \cdot 10^7$ ,  $1 \le k_1 \le k_2 \le n$ ,  $k_2 - k_1 < 200$ .

Во второй строке находятся числа A, B, C,  $a_1$ ,  $a_2$ , по модулю не превосходящие  $10^9$ . Вы должны получить элементы массива, начиная с третьего, по формуле:  $a_i = A \cdot a_{i-2} + B \cdot a_{i-1} + C$ . Все вычисления должны производится в 32-битном знаковом типе, переполнения должны игнорироваться.

Обращаем Ваше внимание, что массив из  $4\cdot 10^7$  32-битных целых чисел занимает в памяти **160** мегабайт! Будьте аккуратны!

Подсказка: эту задачу лучше всего решать модификацией быстрой сортировки. Однако сортировка массива целиком по времени, скорее всего, не пройдет, поэтому нужно подумать, как модифицировать быструю сортировку, чтобы не сортировать те части массива, которые не нужно сортировать.

Эту задачу, скорее всего, **нельзя решить ни на Python**, **ни на PyPy**. Мы не нашли способа сгенерировать  $4\cdot 10^7$  32-битных целых чисел и при этом уложиться в ограничение по времени. Если у Вас тоже не получается, попробуйте другой язык программирования, например, **Cython** (расширение файла \*.pyx).

#### Формат выходного файла

В первой и единственной строке выходного файла выведите  $k_1$ -ое,  $(k_1+1)$ -ое, ...,  $k_2$ -ое в порядке неубывания числа в массиве a. Числа разделяйте одним пробелом.

#### Примеры

| input.txt                    | output.txt |
|------------------------------|------------|
| 5 3 4<br>2 3 5 1 2           | 13 48      |
| 5 3 4<br>200000 300000 5 1 2 | 2 800005   |

#### Примечание

Во втором примере элементы массива a равны: [1, 2, 800005, -516268571, 1331571109].

#### Решение

#### openedu/week2/lab2\_4.cpp

```
#include "edx-io.hpp"
#include <vector>
using namespace std;
int k1, k2;
int hoare_patrition(vector<int> &arr, int left, int right) {
```

```
int pivot = arr[(left + right) / 2];
       int i = left - 1;
       int j = right + 1;
       while (true) {
              do i++; while (arr[i] < pivot);</pre>
               do j--; while (arr[j] > pivot);
              if (i >= j) {
                      return j;
              int t = arr[i];
arr[i] = arr[j];
              arr[j] = t;
       }
}
void quick_sort(vector<int> &arr, int left, int right) {
       // if we don't need to sort that subarray, skip it!
       if (right < k1 || left > k2) return;
       if (left < right) {</pre>
               int middle = hoare_patrition(arr, left, right);
              quick_sort(arr, left, middle);
quick_sort(arr, middle + 1, right);
       }
}
int main() {
       // read input
       int n, A, B, C;
       io >> n >> k1 >> k2;
       k1--;
       k2--;
       auto arr = vector<int>(n);
       io>> A >> B >> C >> arr[0] >> arr[1];
       for (int i = 2; i < n; i++) {
    arr[i] = A * arr[i - 2] + B * arr[i - 1] + C;
       // sort array
       quick_sort(arr, 0, n - 1);
       // print needed part
       for (int i = k1; i <= k2; i++) {
              io << arr[i]<< " ";
       return 0;
}
```

| № теста | Результат | Время, с | Память    | Размер входного файла | Размер выходного файла |
|---------|-----------|----------|-----------|-----------------------|------------------------|
| Max     |           | 0.671    | 161816576 | 54                    | 2400                   |
| 1       | OK        | 0.000    | 2224128   | 18                    | 6                      |
| 2       | ОК        | 0.000    | 2224128   | 28                    | 9                      |
| 3       | ОК        | 0.015    | 2224128   | 32                    | 4                      |
| 4       | ОК        | 0.000    | 2224128   | 33                    | 5                      |
|         |           |          |           |                       |                        |

| 5                    | OK             | 0.000                            | 2224128                                  | 32                   | 10                         |
|----------------------|----------------|----------------------------------|--|----------------------|----------------------------|
| 6                    | ОК             | 0.000                            | 2224128                                  | 33                   | 5                          |
| 7                    | OK             | 0.015                            | 2236416                                  | 32                   | 19                         |
| 8                    | ОК             | 0.000                            | 2236416                                  | 32                   | 21                         |
| 9                    | OK             | 0.015                            | 2220032                                  | 25                   | 300                        |
| 10                   | OK             | 0.000                            | 2236416                                  | 22                   | 382                        |
| 11                   | OK             | 0.015                            | 2224128                                  | 23                   | 477                        |
| 12                   | ОК             | 0.015                            | 2236416                                  | 35                   | 12                         |
| 13                   | ОК             | 0.000                            | 2224128                                  | 38                   | 11                         |
| 14                   | ОК             | 0.015                            | 2224128                                  | 36                   | 1074                       |
| 15                   | ОК             | 0.000                            | 2224128                                  | 36                   | 561                        |
| 16                   | ОК             | 0.000                            | 2224128                                  | 37                   | 220                        |
| 17                   | OK             | 0.000                            | 2265088                                  | 24                   | 400                        |
| 18                   | ОК             | 0.000                            | 2265088                                  | 28                   | 1200                       |
| 19                   | ОК             | 0.000                            | 2265088                                  | 29                   | 1400                       |
| 20                   | ОК             | 0.000                            | 2265088                                  | 37                   | 12                         |
| 21                   | ОК             | 0.015                            | 2273280                                  | 45                   | 11                         |
| 22                   | ОК             | 0.000                            | 2273280                                  | 38                   | 2400                       |
| 23                   | ОК             | 0.000                            | 2265088                                  | 39                   | 2400                       |
| 24                   | ОК             | 0.000                            | 2265088                                  | 44                   | 2200                       |
| 25                   | ОК             | 0.000                            | 2260992                                  | 43                   | 2200                       |
| 26                   | ОК             | 0.000                            | 2265088                                  | 41                   | 676                        |
| 27                   | ОК             | 0.000                            | 2228224                                  | 28                   | 600                        |
| 28                   | ОК             | 0.000                            | 2236416                                  | 31                   | 1400                       |
| 29                   | ОК             | 0.000                            | 2215936                                  | 32                   | 1600                       |
|                      |                |                                  |  |                      |                            |
| 30                   | OK             | 0.000                            | 2220032                                  | 37                   | 12                         |
| 31                   | OK             | 0.000                            | 2224128                                  | 48                   | 11                         |
| 32                   | OK             | 0.000                            | 2220032                                  | 40                   | 2400                       |
| 33                   | OK             | 0.000                            | 2228224                                  | 40                   | 2400                       |
| 34                   | OK             | 0.000                            | 2236416                                  | 47                   | 2200                       |
| 35                   | OK             | 0.000                            | 2224128                                  | 46                   | 2200                       |
| 36                   | OK             | 0.000                            | 2240512                                  | 45                   | 200                        |
| 37                   | OK             | 0.015                            | 5816320                                  | 32                   | 800                        |
| 38                   | ОК             | 0.015                            | 5816320                                  | 34                   | 1600                       |
| 39                   | ОК             | 0.000                            | 5816320                                  | 35                   | 1800                       |
| 40                   | OK             | 0.015                            | 5816320                                  | 38                   | 12                         |
| 41                   | OK             | 0.015                            | 5816320                                  | 49                   | 11                         |
| 42                   | OK             | 0.015                            | 5812224                                  | 40                   | 2400                       |
| 43                   | OK             | 0.015                            | 5816320                                  | 40                   | 2003                       |
| 44                   | OK             | 0.015                            | 5816320                                  | 49                   | 2200                       |
| 45                   | ОК             | 0.015                            | 5816320                                  | 47                   | 2200                       |
| 41<br>42<br>43<br>44 | OK<br>OK<br>OK | 0.015<br>0.015<br>0.015<br>0.015 | 5816320<br>5812224<br>5816320<br>5816320 | 49<br>40<br>40<br>49 | 11<br>2400<br>2003<br>2200 |

| 46 | OK | 0.015 | 5816320   | 48 | 560  |
|----|----|-------|-----------|----|------|
| 47 | OK | 0.343 | 161816576 | 33 | 800  |
| 48 | OK | 0.328 | 161816576 | 39 | 2000 |
| 49 | OK | 0.343 | 161816576 | 40 | 2200 |
| 50 | OK | 0.468 | 161816576 | 40 | 12   |
| 51 | OK | 0.359 | 161816576 | 52 | 11   |
| 52 | OK | 0.406 | 161816576 | 42 | 2400 |
| 53 | OK | 0.468 | 161816576 | 42 | 2400 |
| 54 | OK | 0.453 | 161812480 | 54 | 2200 |
| 55 | ОК | 0.531 | 161816576 | 54 | 2200 |
| 56 | OK | 0.671 | 161816576 | 52 | 1076 |
| 57 | OK | 0.515 | 161816576 | 53 | 2200 |
| 58 | ОК | 0.546 | 161816576 | 52 | 2076 |
| 59 | OK | 0.437 | 161816576 | 54 | 2035 |
| 60 | OK | 0.375 | 161816576 | 53 | 1859 |
| 61 | ОК | 0.625 | 161816576 | 51 | 2208 |
| 62 | OK | 0.343 | 161816576 | 49 | 2189 |
| 63 | OK | 0.406 | 161816576 | 53 | 2057 |
| 64 | ОК | 0.578 | 161816576 | 54 | 1991 |
| 65 | ОК | 0.562 | 161816576 | 50 | 2004 |
| 66 | ОК | 0.546 | 161812480 | 52 | 1793 |
| 67 | ОК | 0.359 | 161816576 | 54 | 1930 |

## Сортировка пугалом

## Условие

| Имя входного файла:     | input.txt    |
|-------------------------|--------------|
| Имя выходного файла:    | output.txt   |
| Ограничение по времени: | 2 секунды    |
| Ограничение по памяти:  | 256 мегабайт |

«Сортировка пугалом» — это давно забытая народная потешка, которую восстановили по летописям специалисты платформы «Открытое образование» специально для этого курса.

Участнику под верхнюю одежду продевают деревянную палку, так что у него оказываются растопырены руки, как у огородного пугала. Перед ним ставятся n матрёшек в ряд. Из-за палки единственное, что он может сделать — это взять в руки две матрешки на расстоянии k друг от друга (то есть i-ую и (i+k)-ую), развернуться и поставить их обратно в ряд, таким образом поменяв их местами.

Задача участника — расположить матрёшки по неубыванию размера. Может ли он это сделать?

#### Формат входного файла

В первой строчке содержатся числа n и k  $(1 \le n, k \le 10^5)$  — число матрёшек и размах рук.

Во второй строчке содержится n целых чисел, которые по модулю не превосходят  $10^9 -$  размеры матрёшек.

#### Формат выходного файла

Выведите «YES», если возможно отсортировать матрёшки по неубыванию размера, и «NO» в противном случае.

#### Примеры

| input.txt    | output.txt |
|--------------|------------|
| 3 2<br>2 1 3 | NO         |
| 53<br>15341  | YES        |

#### Решение

#### openedu/week2/lab2\_5.cpp

```
#include "edx-io.hpp"
#include <vector>
#include <algorithm>
using namespace std;
int n, k;
void sort_k_slice(vector<long long> &arr, int start) {
      auto slice = vector<long long>();
      slice.reserve(n / k);
      // extract a slice
      for (int i = start; i < n; i += k) {
             slice.push_back(arr[i]);
      }
      sort(slice.begin(), slice.end());
      // put it back
      for (int i = 0; i < slice.size(); i++) {</pre>
             arr[start + i * k] = slice[i];
}
int main() {
      // read input
      io >> n >> k;
      // EDGE CASES
      // if step is 1, ANY array can be sorted
      // if n is 1, array is sorted by definition
      if (k == 1 || n == 1) {
             io << "YES";
             return 0;
      }
      // initializing array with input
```

```
auto arr = vector<long long>(n);
         for (int i = 0; i < n; i++) {
                  io >> arr[i];
         // SEPARATELY sort slices of corresponding k (in pythonic terms - [i::k])
         for (int i = 0; i < k; i++) {
                  sort_k_slice(arr, i);
         }
        // check if array is sorted.
// if it's not, then it's impossible.
bool is_pugalo_crying = false;
for (int i = 1; i < n; i++) {
    if (arr[i] < arr[i - 1]) {</pre>
                           is_pugalo_crying = true;
                           break;
                  }
        }
        // print needed part
         io << (is_pugalo_crying ? "NO" : "YES");</pre>
         return 0;
}
```

| № теста | Результат | Время, с | Память  | Размер входного файла | Размер выходного файла |
|---------|-----------|----------|---------|-----------------------|------------------------|
| Max     |           | 0.031    | 4067328 | 1039313               | 3                      |
| 1       | ОК        | 0.015    | 2232320 | 12                    | 2                      |
| 2       | ОК        | 0.000    | 2228224 | 16                    | 3                      |
| 3       | ОК        | 0.000    | 2228224 | 112                   | 3                      |
| 4       | ОК        | 0.000    | 2232320 | 111                   | 2                      |
| 5       | ОК        | 0.015    | 2232320 | 112                   | 3                      |
| 6       | ОК        | 0.015    | 2228224 | 112                   | 2                      |
| 7       | ОК        | 0.000    | 2232320 | 109                   | 3                      |
| 8       | ОК        | 0.000    | 2228224 | 112                   | 2                      |
| 9       | ОК        | 0.000    | 2244608 | 110                   | 3                      |
| 10      | OK        | 0.015    | 2232320 | 111                   | 2                      |
| 11      | ОК        | 0.000    | 2232320 | 108                   | 3                      |
| 12      | ОК        | 0.000    | 2240512 | 11674                 | 3                      |
| 13      | ОК        | 0.000    | 2244608 | 11707                 | 2                      |
| 14      | ОК        | 0.000    | 2240512 | 11712                 | 3                      |
| 15      | ОК        | 0.015    | 2252800 | 11754                 | 2                      |
| 16      | ОК        | 0.000    | 2244608 | 11708                 | 3                      |
| 17      | ОК        | 0.000    | 2244608 | 11740                 | 2                      |
| 18      | ОК        | 0.000    | 2244608 | 11726                 | 3                      |
| 19      | ОК        | 0.000    | 2260992 | 11680                 | 2                      |
| 20      | ОК        | 0.000    | 2256896 | 11741                 | 3                      |
| 21      | ОК        | 0.015    | 2244608 | 128736                | 3                      |

| 22 | ОК | 0.015 | 2236416 | 128832  | 2 |
|----|----|-------|---------|---------|---|
| 23 | OK | 0.000 | 2248704 | 128751  | 3 |
| 24 | OK | 0.000 | 2228224 | 128866  | 2 |
| 25 | OK | 0.015 | 2232320 | 128700  | 3 |
| 26 | ОК | 0.000 | 2228224 | 128707  | 2 |
| 27 | ОК | 0.000 | 2240512 | 128729  | 3 |
| 28 | ОК | 0.000 | 2236416 | 128807  | 2 |
| 29 | ОК | 0.000 | 2228224 | 128784  | 3 |
| 30 | ОК | 0.000 | 2228224 | 1039313 | 3 |
| 31 | OK | 0.015 | 4067328 | 1038610 | 2 |
| 32 | ОК | 0.015 | 4067328 | 1038875 | 3 |
| 33 | ОК | 0.031 | 3657728 | 1038723 | 2 |
| 34 | OK | 0.031 | 3661824 | 1038749 | 3 |
| 35 | ОК | 0.031 | 3842048 | 1038747 | 2 |
| 36 | ОК | 0.015 | 4067328 | 1039043 | 3 |
| 37 | OK | 0.015 | 3661824 | 1039210 | 2 |
| 38 | ОК | 0.015 | 3661824 | 1038967 | 3 |