

chap07

[陈永俊] [522031910203]

7.1

课后作业1

❖作业目的

- 了解Hash函数的概念，熟悉几种常用Hash算法

❖作业内容

设 p 是一个大素数，且 $q=(p-1)/2$ 也是一个素数。

设 α 和 β 是 \mathbb{Z}_p 的两个本原元，值 $\log_\alpha \beta$ 是不公开的，

且假定计算 $\log_\alpha \beta$ 是困难的（计算上不可行）。

定义函数 $h: \begin{cases} \mathbb{Z}_q \times \mathbb{Z}_q \rightarrow \mathbb{Z}_p \setminus \{0\} \\ h(x_1, x_2) = \alpha^{x_1} \beta^{x_2} \bmod p \end{cases}$ 。

证明：此处的 h 是一个强抗碰撞 Hash 函数。

Figure 1: chap07.1

$$\begin{aligned} & \forall (x_1, x_2) : \\ & h(y_1, y_2) = h(x_1, x_2) \\ \iff & \alpha^{y_1} \beta^{y_2} = \alpha^{x_1} \beta^{x_2} \bmod p \\ \iff & \alpha^{y_1 - x_1} = \beta^{x_2 - y_2} \\ \iff & y_1 - x_1 = (x_2 - y_2) \log_\alpha \beta \end{aligned}$$

最后一步需要计算 $\log_\alpha \beta$ 的值，这是不可行的，所以该 h 是一个强抗碰撞的 Hash 函数。

7.2

加密算法：

课后作业2

- ❖ 作业目的：理解认证加密
- ❖ 用公式的形式写出GCM的认证加密算法，以及解密算法，并画出解密图示。
 - 注意：在解密认证失败时，需要输出“无效密文”

Figure 2: chap07.2

$$X_i = \begin{cases} 0, & \text{for } i = 0 \\ (X_{i-1} \oplus A_i) \cdot H, & \text{for } i = 1, \dots, m-1 \\ (X_{m-1} \oplus (A_m^* \parallel 0^{128-v})) \cdot H, & \text{for } i = m \\ (X_{i-1} \oplus C_i) \cdot H, & \text{for } i = m+1, \dots, m+n-1 \\ (X_{m+n-1} \oplus (C_m^* \parallel 0^{128-u})) \cdot H, & \text{for } i = m+n \\ (X_{m+n} \oplus (\text{len}(A) \parallel \text{len}(C))) \cdot H, & \text{for } i = m+n+1. \end{cases}$$

解密算法：

$$\begin{aligned} H &= E(K, 0^{128}) \\ Y_0 &= \begin{cases} IV \parallel 0^{31}1, & \text{if } \text{len}(IV) = 96 \\ \text{GHASH}(H, \{\}, IV), & \text{otherwise.} \end{cases} \\ T' &= \text{MSB}_t(\text{GHASH}(H, A, C) \oplus E(K, Y_0)) \\ Y_i &= \text{incr}(Y_{i-1}) \quad \text{for } i = 1, \dots, n \\ P_i &= C_i \oplus E(K, Y_i) \quad \text{for } i = 1, \dots, n \\ P_n^* &= C_n^* \oplus \text{MSB}_u(E(K, Y_n)) \end{aligned}$$

解密流程图：

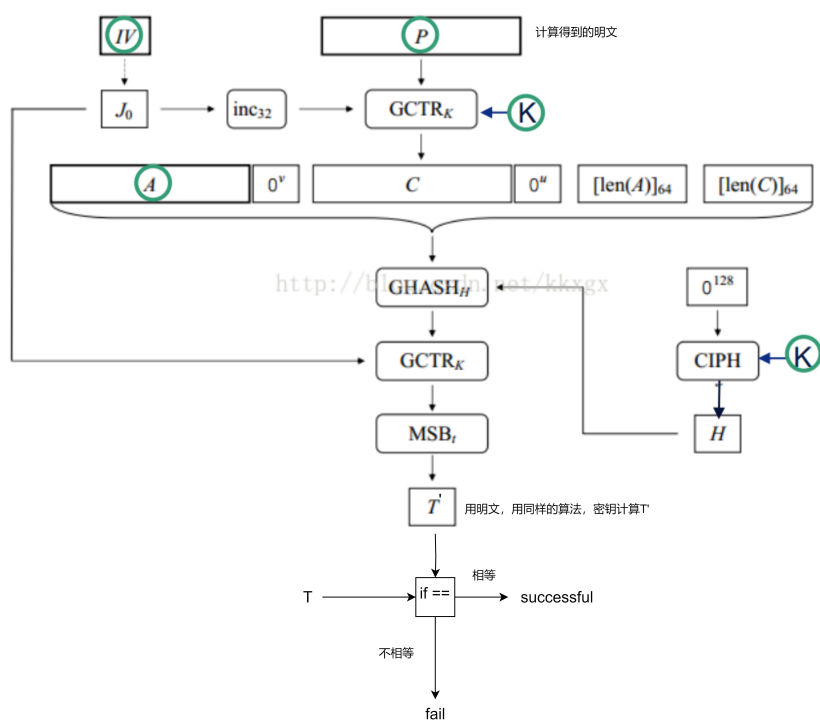


Figure 3: 7.2