

平成29年度学力検査問題

数 学

注意

- 1 監督者の開始の合図があるまで，この問題冊子を開かないでください。
- 2 問題は，1 ページから7 ページまであります。
- 3 解答は，すべて解答用紙の所定の欄に記入してください。
- 4 解答用紙の※印の欄には，何も記入しないでください。
- 5 監督者の終了の合図で筆記用具を置き，解答面を下に向け，広げて机の上に置いてください。
- 6 解答用紙だけを提出し，問題冊子は持ち帰ってください。

1

次の(1)～(9)に最も簡単な数または式で答えよ。

ただし、根号を使う場合は $\sqrt{\quad}$ の中を最も小さい整数にすること。

(1) $13+3\times(-6)$ を計算せよ。

(2) $3(2a+3)-2(5a+4)$ を計算せよ。

(3) $a=-3$, $b=4$ のとき, $3a^2-5b$ の値を求めよ。

(4) $\frac{30}{\sqrt{5}}+\sqrt{20}$ を計算せよ。

(5) 1次方程式 $3x-8=7x+16$ を解け。

(6) 2次方程式 $(x+1)^2=x+13$ を解け。

(7) 関数 $y=\frac{2}{3}x^2$ について, x の変域が $-1\leq x\leq 3$ のときの y の変域を求めよ。

(8) $\boxed{1}$, $\boxed{3}$, $\boxed{5}$, $\boxed{7}$, $\boxed{9}$ のカードが1枚ずつある。この5枚のカードから, 同時に2枚のカードを取り出すとき, その2枚のカードにかかっている数の和が10以上になる確率を求めよ。

ただし, どのカードを取り出すことも同様に確からしいものとする。

(9) 右の表は, A中学校とB中学校の生徒を対象に, 携帯電話やスマートフォンの1日あたりの使用時間を調査し, その結果を度数分布表に整理したものである。

この表をもとに, A中学校とB中学校の「0時間以上1時間未満」の階級の相対度数のうち, 大きい方の相対度数を四捨五入して小数第2位まで求めよ。

階級(時間)	度数(人)	
	A中学校	B中学校
以上 未満 0 ～ 1	60	156
1 ～ 2	21	48
2 ～ 3	11	27
3 ～ 4	8	12
4 ～ 5	5	9
計	105	252

2

孝さんと花さんの学級では、数学の授業で次の問題が出された。

問題

A 商店で、りんご 3 個を 1 袋に入れて 500 円、みかん 7 個を 1 袋に入れて 400 円で売ったところ、りんご 3 個を入れた袋とみかん 7 個を入れた袋が合わせて 60 袋売れ、その売上金額の合計は 25900 円でした。

りんごとみかんは、それぞれ何個売れたでしょうか。

孝さんは、りんごが x 個、みかんが y 個売れたとし、連立方程式をつくって問題を解いた。

花さんは、りんご 3 個を入れた袋が x 袋、みかん 7 個を入れた袋が y 袋売れたとし、連立方程式をつくって問題を解いた。

次の(1)は式で、(2)は指示にしたがって答えよ。

- (1) 下の 内は、問題を解くために、りんごが x 個、みかんが y 個売れたとしてつくった連立方程式である。アにあてはまる x と y を使った式を答えよ。

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{x}{3} + \frac{y}{7} = 60 \\ \text{ア} = 25900 \end{array} \right.$$

- (2) りんご 3 個を入れた袋が x 袋、みかん 7 個を入れた袋が y 袋売れたとし、連立方程式をつくって問題を解け。解答は、解く手順にしたがってかき、答の の中には、あてはまる最も簡単な数を記入せよ。

3

右の表は、1から30までの整数を順に並べたものである。

表

1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12
13	14	15	16	17	18
19	20	21	22	23	24
25	26	27	28	29	30

表の中で、

1	2
	8

 や

4	5
	11

 のように並んでいる4つの数を

a	b
	c

 d として、 $bd-ac$ の値について調べた。

<table><tr><td>a</td><td>b</td><td></td></tr><tr><td></td><td>c</td><td>d</td></tr></table>	a	b			c	d	<table><tr><td>1</td><td>2</td><td></td></tr><tr><td></td><td>8</td><td>9</td></tr></table>	1	2			8	9	<table><tr><td>4</td><td>5</td><td></td></tr><tr><td></td><td>11</td><td>12</td></tr></table>	4	5			11	12	<table><tr><td>15</td><td>16</td><td></td></tr><tr><td></td><td>22</td><td>23</td></tr></table>	15	16			22	23
a	b																										
	c	d																									
1	2																										
	8	9																									
4	5																										
	11	12																									
15	16																										
	22	23																									
$bd-ac$	$2 \times 9 - 1 \times 8$ $= 10$ $= 2 + 8$	$5 \times 12 - 4 \times 11$ $= 16$ $= 5 + 11$	$16 \times 23 - 15 \times 22$ $= 38$ $= 16 + 22$																								

これらの結果から、次のように予想した。

予想

$bd-ac$ の値は、 $b+c$ の値に等しくなる。

予想がいつでも成り立つことを証明①のように証明した。

証明①

整数 n を用いて、 $a=n$ とすると、 b, c, d は n を用いて、 $b=n+1, c=n+7, d=n+8$ と表される。

$$\begin{aligned}
 bd-ac &= (n+1)(n+8) - n(n+7) \\
 &= n^2 + 9n + 8 - n^2 - 7n \\
 &= \underline{2n+8} \\
 &= (n+1) + (n+7) \\
 &= b+c
 \end{aligned}$$

したがって、 $bd-ac$ の値は、 $b+c$ の値に等しくなる。

次の(1)は記号と式で、(2)は指示にしたがって答えよ。

- (1) $bd - ac$ の値について、いつでも成り立つことが予想のほかにもある。次のア～オのうち、正しいことを述べているものを1つ選び、それを示すためには、証明①の下線部 $2n + 8$ をどのように変形すればよいか、変形した式を答えよ。

ア $bd - ac$ の値は、 $a + b$ の値に等しくなる。

イ $bd - ac$ の値は、 $a + c$ の値に等しくなる。

ウ $bd - ac$ の値は、 $a + d$ の値に等しくなる。

エ $bd - ac$ の値は、 $b + d$ の値に等しくなる。

オ $bd - ac$ の値は、 $c + d$ の値に等しくなる。

- (2) 表の中で、

	2
7	8
13	

 や

	9
14	15
20	

 のように並んでいる4つの数を

	e
f	g
h	

 と

するとき、 $fh - eg$ の値は、 $f + g$ の値の5倍に等しくなることの証明②を完成せよ。

証明②

整数 n を用いて、 $e = n$ とすると、 f 、 g 、 h は n を用いて、

したがって、 $fh - eg$ の値は、 $f + g$ の値の5倍に等しくなる。

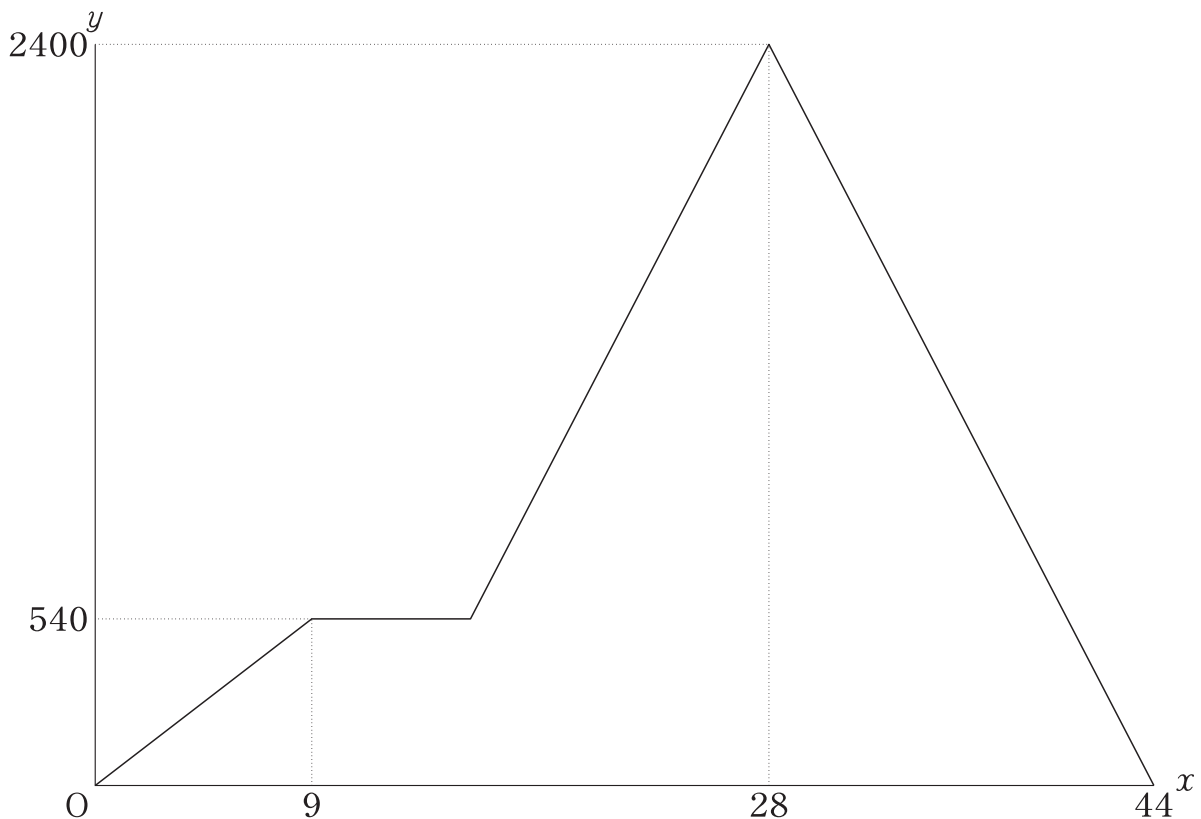
4

東西に一直線にのびたジョギングコース上に、P地点と、P地点から東に540m離れたQ地点と、Q地点から東に1860m離れたR地点とがある。Aさんは、このジョギングコースを通ってP地点とR地点の間を1往復した。

Aさんは、P地点からQ地点まで一定の速さで9分間歩き、Q地点で立ち止まってストレッチをした後、R地点に向かって分速150mで走った。Aさんは、P地点を出発してから28分後にR地点に着き、すぐにP地点に向かって分速150mで走ったところ、P地点を出発してから44分後に再びP地点に着いた。

下の図は、AさんがP地点を出発してから x 分後にP地点から y m離れているとすると、P地点を出発してから再びP地点に着くまでの x と y の関係をグラフに表したものである。

次の(1)～(3)に最も簡単な数で答えよ。



- (1) AさんがP地点を出発してからQ地点に着くまでの歩いた速さは分速何mか求めよ。
- (2) AさんがQ地点からR地点に向かって走り始めたのは、P地点を出発してから何分何秒後か求めよ。
- (3) Bさんは、AさんがP地点を出発した後しばらくして、R地点を出発し、このジョギングコースを通ってP地点まで分速70mの一定の速さで歩いた。

Bさんは、P地点に向かう途中で、R地点に向かって走っているAさんとすれちがい、AさんがP地点を出発してから39分後に、P地点に向かって走っているAさんに追いつかれた。

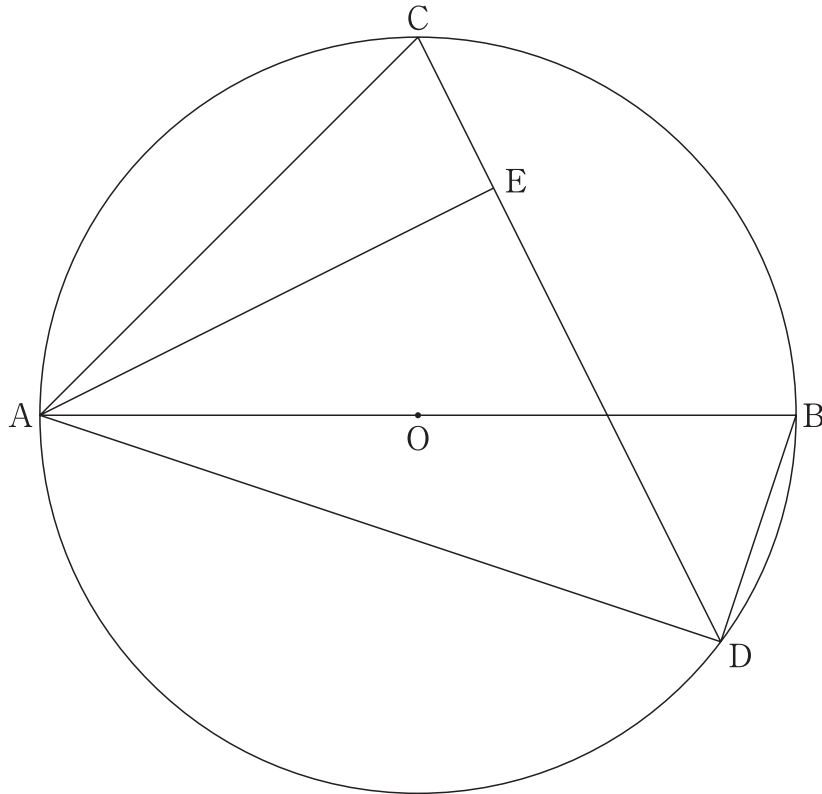
AさんとBさんがすれちがった地点は、P地点から何m離れているか求めよ。

5

線分 AB を直径とする半径 5 cm の円 O がある。

下の図のように、 \widehat{AB} 上に点 C を $\widehat{AC} = \widehat{CB}$ となるようにとり、点 A と点 C を結ぶ。点 C を含まない \widehat{AB} 上に点 D を $AD = 3BD$ となるようにとり、点 A と点 D 、点 B と点 D 、点 C と点 D をそれぞれ結ぶ。点 A から線分 CD に垂線をひき、線分 CD との交点を E とする。

次の(1)は指示にしたがって、(2)は最も簡単な数で答えよ。



- (1) 図において、「 $\triangle AEC \sim \triangle ADB$ である」ことを証明せよ。
- (2) 図において、点 B を通り線分 AE と平行な直線と線分 AD 、 CD との交点をそれぞれ F 、 G とするとき、四角形 $AFGE$ の面積を求めよ。

6

図1は、底面 ABCDEF が1辺の長さ4 cm である正六角形で、側面がすべて合同な長方形の六角柱 ABCDEFGHIJKL を表しており、 $AG = 6$ cm である。

図2は、図1に示す立体において、点Gと点I、点Hと点J、点Hと点Lをそれぞれ結び、線分GIと線分HJ、HLとの交点をそれぞれP、Qとしたものである。

次の(1)は指示にしたがって、(2)、(3)は最も簡単な数で答えよ。

ただし、根号を使う場合は $\sqrt{\quad}$ の中を最も小さい整数にすること。

図1

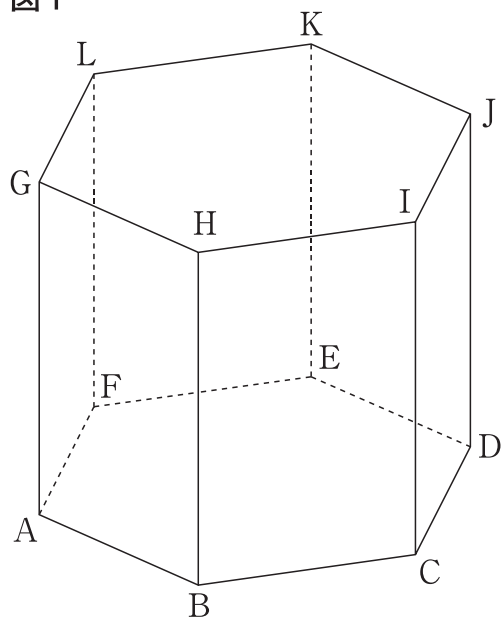
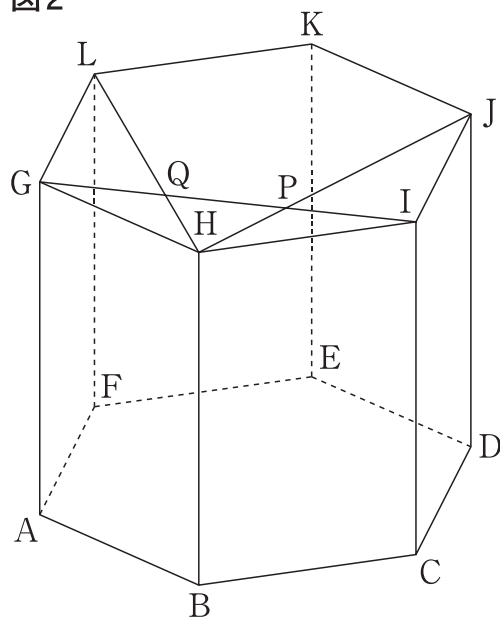


図2



- (1) 図1に示す立体において、次のア～カのうち、辺BHとねじれの位置にある辺をすべて選び、記号で答えよ。

ア 辺BC イ 辺DE ウ 辺AG エ 辺EK
オ 辺KL カ 辺GH

- (2) 図2に示す立体において、三角すいBHPQの体積を求めよ。

- (3) 図1に示す立体において、点Dと点Kを結び、線分DK上に点Rを $\triangle ADR$ と四角形BCJGの面積比が1:2となるようにとる。

このとき、線分DRの長さを求めよ。

