Московский Государственный Университет им. М. В. Ломоносова

Факультет Вычислительной Математики и Кибернетики

Кафедра Суперкомпьютеров и Квантовой Информатики

A picture containing circuit

Description automatically generated

**Практикум на ЭВМ**

**Отчёт № 2**

**Параллельная реализация однокубитного преобразования вектора состояния.**

|  |  |
| --- | --- |
|  | Работу выполнил  **Малмыгин Г. А.** |
|  |  |

Москва 2021

Малмыгин Глеб Антонович 323 группа

В прошлом задании мы вычислили, что максимальное число кубитов возможное для единовременного использования на Polus равно 30. Реализовано однокубитное преобразование с помощью MPI, полученные результаты приведены в таблицах ниже.

**Описание алгоритма:**

В программе есть два варианта ввода начального вектора состояний из файла либо его генерация. В первом случае каждый процесс считывает определенную часть файла и в массив размер которого равен длине вектора состояний поделенному на общее количество процессов, во втором случае каждый процесс генерирует свою часть массива вектора состояний. Для реализации параллельности используется функция MPI\_Sendrecv. В каждом процессе имеется два массива длина каждого из которых равна длине вектора состояний деленному на количество процессов. Второй вектор необходим, чтобы получить необходимые элементы начального вектора состояний для вычисления конечного вектора. Элементы необходимые для вычисления результата текущий процесс получает со входа и с помощью функций передачи получает необходимые данные для вычисления вектора. Каждый процесс вычисляет номер процесса, от которого ему необходимо получить данные и, если вычисленный номер не совпадает с текущим процессом происходит обмен данными. Вычисление номера процесса, от которого будет происходить получение данных зависит от номеров индексов элементов в общем векторе и номеров, полученных их инверсией в бите с номером k.

**Тестирование программы:**

Тестирование производилось на локальной машине на количестве процессов 1, 2, 4, 8, количество кубитов 16. Тестирование происходит следующим образом, при запуске на одном процессе происходит генерация входного вектора, вычисляется вектор результат, оба вектора записываются в разные файлы. Далее при количестве процессов более одного, программа считывает входной вектор из файла и генерирует результат, далее сравнивает полученный результат с вектором из выходного файла, который был получен на одном процессе.

**Вычисление результатов:**

Для замера времени выполнения алгоритма используется функция MPI\_Wtime. Все вычисления произведены на Polus.

Таблица 1 Результаты преобразования Адамара номер кубита k = 1

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Количество кубитов | Количество процессоров | Время работы программы в сек | Ускорение |
| 20 | 1 | 0.0909868 | 1 |
| 2 | 0.0458473 | 1.984561795 |
| 4 | 0.0229579 | 3.963202209 |
| 8 | 0.0119102 | 7.639401521 |
| 16 | 0.0114679 | 7.934041978 |
| 32 | 0.00863023 | 10.54280129 |
| 64 | 0.00427139 | 21.30144988 |
| 24 | 1 | 1.45571 | 1 |
| 2 | 0.752448 | 1.934632028 |
| 4 | 0.367129 | 3.965118528 |
| 8 | 0.189842 | 7.668008133 |
| 16 | 0.0971575 | 14.98299153 |
| 32 | 0.0681102 | 21.37286339 |
| 64 | 0.0343773 | 42.345094 |
| 28 | 1 | 23.5355 | 1 |
| 2 | 11.6453 | 2.021029943 |
| 4 | 6.37218 | 3.693476958 |
| 8 | 3.02219 | 7.787564647 |
| 16 | 1.54548 | 15.22860212 |
| 32 | 0.980373 | 24.00667909 |
| 64 | 0.466446 | 50.45707327 |
| Максимально возможное число кубитов (30) | 1 |  |  |
| 2 |  |  |
| 4 | 23.5635 | 1 |
| 8 | 11.8964 | 1.980725261 |
| 16 | 6.14488 | 4.160130059 |
| 32 | 3.315 | 7.108144796 |
| 64 | 1.89652 | 12.42459874 |

Таблица 2 Результаты преобразования Адамара номер кубита k = 11

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Количество кубитов | Количество процессоров | Время работы программы в сек | Ускорение |
| 20 | 1 | 0.0909739 | 1 |
| 2 | 0.0455327 | 1.997990455 |
| 4 | 0.0229512 | 3.9637971 |
| 8 | 0.0115699 | 7.862980665 |
| 16 | 0.00846789 | 10.74339652 |
| 32 | 0.00769615 | 11.82070256 |
| 64 | 0.00429893 | 21.16198682 |
| 24 | 1 | 1.458 | 1 |
| 2 | 0.738039 | 1.975505359 |
| 4 | 0.370341 | 3.936912197 |
| 8 | 0.186012 | 7.838203987 |
| 16 | 0.116364 | 12.52964834 |
| 32 | 0.0494588 | 29.47908158 |
| 64 | 0.0342297 | 42.59458891 |
| 28 | 1 | 23.3342 | 1 |
| 2 | 11.7403 | 1.987530131 |
| 4 | 5.82549 | 4.005534298 |
| 8 | 2.96873 | 7.859994004 |
| 16 | 1.55238 | 15.03124235 |
| 32 | 0.928583 | 25.12882532 |
| 64 | 0.472283 | 49.407241 |
| Максимально возможное число кубитов (30) | 1 |  |  |
| 2 |  |  |
| 4 | 24.2689 | 1 |
| 8 | 11.7304 | 2.068889381 |
| 16 | 6.19338 | 3.918522681 |
| 32 | 3.47618 | 6.981485424 |
| 64 | 1.76765 | 13.72947133 |

Таблица 3 Результаты преобразования Адамара номер кубита k = n

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| Количество кубитов | Количество процессоров | Время работы программы в сек | Ускорение |
| 20 | 1 | 0.0908856 | 1 |
| 2 | 0.0473659 | 1.918798123 |
| 4 | 0.0234135 | 3.881760523 |
| 8 | 0.0157496 | 5.770660842 |
| 16 | 0.00829738 | 10.95352991 |
| 32 | 0.00805434 | 11.28405307 |
| 64 | 0.00494385 | 18.383567746 |
| 24 | 1 | 1.50461 | 1 |
| 2 | 0.77084 | 1.951909605 |
| 4 | 0.375588 | 4.006011907 |
| 8 | 0.213794 | 7.037662423 |
| 16 | 0.12612 | 11.92998731 |
| 32 | 0.0712384 | 21.12077194 |
| 64 | 0.039303 | 38.28231942 |
| 28 | 1 | 23.3167 | 1 |
| 2 | 11.9109 | 1.957593465 |
| 4 | 5.95698 | 3.914181347 |
| 8 | 3.05866 | 7.623174854 |
| 16 | 1.60346 | 14.54149152 |
| 32 | 1.03373 | 22.55588984 |
| 64 | 0.625265 | 37.29090865 |
| Максимально возможное число кубитов (30) | 1 |  |  |
| 2 |  |  |
| 4 | 23.7813 | 1 |
| 8 | 12.1317 | 1.960261134 |
| 16 | 6.40367 | 3.713698551 |
| 32 | 3.93035 | 6.050682509 |
| 64 | 2.1707 | 10.95559036 |

Графики зависимости ускорения от количества процессов, N = 28.

Chart, line chart

Description automatically generated

График Зависимость ускорения от количества процессов, номер кубита k = N = 28

Chart, line chart

Description automatically generated

График 2 График зависимости ускорения от количества процессов, номер кубита k = 11

Chart, line chart

Description automatically generated

График 3 График зависимости ускорения от количества процессов, номер кубита k = 1

Падение коэффициента ускорения с ростом количества процессов связано прежде всего с количеством обменов, которые происходят между процессами, что и замедляет работу параллельной программы при большом количестве процессов.

Время при 30 кубитах на 1 и 2 процессах вычислить не удалось, программа работает слишком долго, поэтому ускорение при таком количестве процессов было вычислено относительно 4 процессов.