LINAG UG 2.4.2 K... Korper a) $x = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix}$ $y = \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \end{pmatrix}$... Velotoven and $K^{2\times 1}$ 22: Familie (x,y) l.u. => x142-x241 #0 1) (x,y) l.u. => x, y2 -x24, #0 (=> x142-x241=0 => (x,y) l.a. Wahle a = yz und b = -xz. Down ist $a \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} + b \cdot \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \end{pmatrix} = y_2 \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -x_2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} y_1 \\ y_2 \end{pmatrix}$ $= \begin{pmatrix} x_1 y_2 \\ x_2 y_2 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} -x_2 y_1 \\ -x_2 y_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_1 y_2 - x_2 y_1 \\ x_2 y_2 - x_2 y_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix}$ => (x,y) ist l.a. 2) x1/2 - x2/1 = 0 => (x, y) l.a. €> (x,y) l.a. => x1 y2 - x2 y1 = 0 a. (x2) + b. (x2) = (0) mit a + 0 oder 6+0 $(ax_1 + b \cdot y_1) = (0)$ $ax_1 + by_1 = 0$ ax2+6y2=0 $a_{x_2+b_{y_2}=0}$ \Rightarrow $a_{x_2}=-b_{y_2}$ \Rightarrow $a_{x_2}=-b_{y_2}$ ax1+by1=0 => - by2 x1 + by1=0 (=> 6. (x1 - x2. x1) = 0 (=> x1 - x2. x1 = 0 $(=) - \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = -\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = -\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{2} = -\frac{1$ (=> 0 = - x2. y1 + x1 x2 * Falls y2=0 ^ X2=0 x= (x1) y= (x1) Sind affensichtlich l.a., da $\lambda = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{x^{1}}{x^{1}} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{x^{1}}{x^{1}} \cdot x$

LINAGU6 2.4.2 b) K.. Korper Kn×1...VR : be K n≥2 22: (x,y) l.u. (=>] i,je{1,2,...,n}: i + j 1 x;y; -x;y; +0 1.) (x,y) lu => = = i,je i1, z,..., n3: i + j n x; y; -x; y; + 0 $(=)(\forall i, j \in \{1, 2, ..., n\} : i = j \lor x; y; -x; y; = 0) => (x, y)$ ist l.a. ween i= i, down gill x; y; - x; y; = x; y; - x; y: = 0 Also gill Vi, j & {1,2,..., n3: x; yj - xj yi=0 Walle nun a = y, und b = -x, , damn gilt $a \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix} + 6 \cdot \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_1 \\ x_1 \\ \vdots \\ x_n \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} x_1 \\$ $= \begin{pmatrix} x_1 y_1 - x_1 y_2 \\ x_2 y_1 - x_1 y_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \text{ down borbeding any gill}$ $\begin{pmatrix} x_1 y_1 - x_1 y_2 \\ \vdots \\ x_n y_n - x_1 y_n \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \end{pmatrix} \text{ of } \text{ down borbeding any gill}$ $\forall i \in \{1, 2, ..., n\}: x_i \cdot y_n - x_1 \cdot y_i = 0$ 2.)(]i,je?1,2,...,u3: i+j nxixj-xjy; +0) => (x,y) l.u. (x,y) l.a => \fi,jeq1,2,..., w: i=j \ x; y; -xj y; =0 Sei i, i ∈ {1,2,..., n} bel. 1. Fall i = j: trivial 2. Fell it; Da (x,y) l.a ist existient eine nicht triviale LK, sodaus $a \cdot \left(\frac{M}{y_n} \right) + b \cdot \left(\frac{y_n}{y_n} \right) = \left(\frac{b}{b} \right)$ Also gilf a x; + b·y; = 0 und a·xj + b·yj = 0. Aus a) usissen evir, das nun gill: 0= -x; y; +x; y;