1.) a) SE=N C= {A CN: |A|<00 oder |A C| <00} .) Kein Dynkin-System, dar  $\{2\} \in \mathcal{C}, \{4\} \in \mathcal{C}, \{6\} \in \mathcal{C}, \dots$  $\{2n\} = 2N$ , abor  $|2N| = \infty$   $|(2N)^{c}| = \infty$ =) 21N ¢ E .) Kein Sigmaring / Sigmaalgebra aus gleichem Grund ·) Ring, da Sei A, BE Chel. 1. Fall IA ( as und 1B1 ( as =) AUBI ( so 1 IA B) ( as 2. Fall |Ac | <00 und 18 ( <00 => AUB = (N/AC) U(N/BC) = N/(ACNBC) = X(AUB) ( < 00 [(A\B) = BC n A] A(B=(N)AC)((N)BC)=(AAN)((BAN)=(BAN)A(AAN) =(B°UD) n(AnN) = AnB° = B° \ A° => |(A\B)° | <00 3. Fall O.B.d. A 1A/<00 184600 AUB=(AGBE)G=(BG)A)G=NV(BG)A) =)(AUB)G<00 1A/400 1Bc/400 donnist A/8=BcnA => 1A/B/400 1AC (400 1B) 400 dann ist A B = B an A = (BUAG) = M(BUAG) .) Algebra, da Ring und SZ=NEE (NC=0 => INC|=0 <0) ·) Seming, der YA, BEE: (AUB) (ANB) U(BNA) = AnBEE und VA,BEE, ASB ist BIAEE -> BIA= U (BIA) AUÜ(BIA) = AU(BIA) E C

1.) b)... Q=R C=&ACR: and(A) = No order card (AC) = No?

•) Dynkin-System (auch im ennevan Sinn)

Sei A, B ∈ E hel. Falls card(A) = No und card(B) ∈ No ist A\B∈ C

Falls card(A) = No und card(B°) = No ist A\B∈ C. Falls card(A) = No

und card(B) = No ist A\B∈ E. Falls card(A°) = No und card(B°) = No

ist A\B∈ C.

Da die Vereinig ung von abzählbar mentlich vielen abzählbar unendlich ist, folgt das E begl. U abgeschlossen ist. REE, da RE=0

- siehe Dynkin-System
- .) Ring/Algebra siehe Dynkin-System
- sei A, B ∈ € lul. (A ∪ B) \((A \ B) ∪ (B \ A)) = A ∩ B ist lant oben ∈ €. Da B \A ∈ € ist die (dirjunkte) Vereinigung des einen Elements gegeben. Die Vereinigung des einen Elements

mit A ist, wie den gezeigt, in E.

1.) c)... SL = {1,2, ..., 10} E = {A = SL : | A|...gaade } ·) Dynkin-System Sei A, BE & bel. mit BE A 18/1 Al=2k 1B1=2l LEK  $|A \setminus B| = |A| - |B| = 2k - 2l = 2(k-l)$  genade Sei An E E, nEN lel. aber disjunked 1/4x1=2k  $|U| A_n = \sum_{n \in \mathbb{N}} |A_n| = 2 \cdot (\sum_{n \in \mathbb{N}} |A_n| = 2 \cdot (\sum_{n \in \mathbb{N}} |A_n|) = 2 \cdot (\sum_{n \in \mathbb{N}$ Da SLEE ist Elin Dynkin-System im enneren Sinne. e) kein Sigmaring, der {1,2,3,4}\\$\\$4,5} € € o) keine Sigmanalgebra, da kein Sigmaring e) kein tring, da {1,2,3,4} v {2,6} & C ·) kine Algebra, der Kein Ring ) kein Semiring, da {1,2,3,4} n {2,6} € € d) R= Z E= {0, Z} v {{-n} v {1,2,...,n} : n e N} v {({-n} v {1,2,...,n}) = : new} ·) Dynkin-System Sei A, B & C mit B & A bel. Aus de Refinition folgt entweder A=Z A B=BEE oder  $B = B : A \setminus B = A \in C$ oder A=8: A18=0'eC Sei An E E, n EN bel aber die junkt. Aus Def folgt es gibt nur chi Anto Vann ist WAn das eine An E C. Da ZEE ist Eein Dynkin-System in enneran Sinne. .) Kein Sigmaring / Sigmaalgbra, da ({-2} v f1,2}) (1-1] v {1})={-2,2} & C ·) kein Ring / Algebra, da (₹-23 u { 1,23 ) u { - 13 u { 13} ) = {-2, -1, 1, 23 € € ·) kein Semining, dar ({-23 ∪{1,2}) n ({-1} ∪{1}) = {1} € €

1.e) ... 9= {1,2,3} C= {0,9, f1}, {2}, {3}} -) Kein Dynkin-System, der {1,2,3} \ {1} = {2,3} € € ") Dein Signaring/Signalgebra aus gleichem Jund ·) Kein Ring / Algebra aus gleichem Grund ·) Seming, do VA, BEE affensichtlich gill ANBEE und VA, B E E ist BIA die dijunkte Vereinig ung einer Jeilwenge von {1}, {2}, {3} ·) Semiling, im ennum Sinn, da VA, B∈C ∃C1, C2, C3 ∈ {{1}, {2}, {3}}: BIA = UC; und UC; UA ist offensichtlich wiede in C