6.5.6. K=GF(q) P(V)...n-divensionaler projektiven Raum üben K a) 22: Anzall der Punkle in P(V) = q + q 1-1+...+ q +1 $n = \dim(P(V)) = \dim(V) - 1 \Rightarrow \dim(V) = N + 1$ Punkte von P(V) sind eindimensionale Untervaume von V. V besteht aus q -1 Vektoven ungleich dem Nullvekton. In K giot es gerade / proj. Punkt. => Es gibt 9 1 Punkte im P(V).

Behanptung 9-1 = 9 +9 +...+9+1 durch vollständige Induktion nach in $n=0: \frac{q-1}{q-1} = \frac{q-1}{q-1} = 1 = q^{\circ}$ $= \frac{q^{n+1} - 1 + q^{n+2} - q^{n+1}}{q - 1} = \frac{q^{n+1} - 1}{q - 1}$ => P(V) histelit ams q 4q n-1+ ... +q+1 Punkten 7/3×1 6) $X \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} + y \cdot \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 \\ X \end{pmatrix} \cdots \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 2 \end{pmatrix}$ $\times \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} + y \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} \cdot \cdot \cdot \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix}$ $x \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \end{pmatrix} + y \cdot \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} \cdot \cdot \cdot \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$ x: (2) ty (2) = (2) ... (3), (2) $\times \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix} + \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2y + x \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 2 \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ $x \cdot (8) + y \cdot (3) = (8) \cdot (3) \cdot (3)$ · (0) · (0) · (0) x. (2) +y (8) = (8) ... (3) (3) 0 (2) 0 (2) 0 (2) 0(3) 0 (3) 0 (3) 0 (2)