

ANA V5

1.) $f(x) = e^x$ $g(x) = x^2$ z.z.: f, g auf ganz \mathbb{R} konvex
 $h(x) = \ln(x)$ z.z.: h ist auf \mathbb{R}^+ konkav

Aus dem 3. Bsp des letzten Übungsblatt wissen wir:

Falls f eine reellwertige, stetige Funktion auf einem Intervall I ist und im Inneren von I ableitbar ist, dann ist f genau dann konvex falls f' monoton wachsend ist.

$f'(x) = e^x$, da e^x auf ganz \mathbb{R} monoton wachsend ist, ist f auf ganz \mathbb{R} konvex.

$g'(x) = 2x$, da $2x$ auf ganz \mathbb{R} monoton wachsend, folgt, dass g auf ganz \mathbb{R} konvex.

Aus dem 1. Bsp des letzten Übungsblatt wissen wir:

Eine Funktion f heißt konkav, wenn $-f$ konvex ist.

$\tilde{h}(x) = -\ln(x)$ $\tilde{h}'(x) = -\frac{1}{x}$, da $-\frac{1}{x}$ auf \mathbb{R}^+ monoton wachsend ist, ist \tilde{h} auf \mathbb{R}^+ konvex und damit h auf \mathbb{R}^+ konkav.